

الوحدة 1

تطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي

خلاصة الدرس

ا ـ التحول الكيمياني والرُمن : يتم في ثلاث حالات :

تحویل سریع أو لحظی: یصل فیه تطور الجملة إلى نهایته مباشرة عند تلامس المتفاعلات.

◄ تحويل بطيى : يصل فيه تطور الجملة إلى نهايته بعد عدة ثواني إلى عدة دقائق.

◄ تحويل لامتناهي البطع: يستغرق فيه تطور الجملة بعض الأيام أو بعض الشهور.

aA + bB = cC + dD: سرعة التفاعل: نمزج التفاعل الكيميائي التالي التالي التفاعل:

 $v_A = -\frac{dn_A}{dt}$: النوع الكيمياني h

 $v_D = +\frac{dn_D}{dt}$: D النوع النوع النوع

Hard_equation

سرعة التفاعل هي سرعة التحول الكيميائي المرتبط بالتغير $v = + \frac{dx}{dt}$.

.
$$v = \frac{l}{V} \frac{dx}{dt}$$
 السرّعة الحجمية للتفاعل في وسط مائي حجمه V ثابت

العلاقة بين سرعة اختفاء وتشكل الأنواع الكيميائية

نموذج لجدول تقدم لتفاعل الكيمياني

المعادلة	التقدم	aA	+bB	= cC	+ dD
الحالة الابتدائية	0	n_{0A}	n_{0B}	0mol	0mol
أثناء التفاعل(الحالة الانتقالية)	X	$n_{0A} - ax$	$n_{0B} - bx$	CX	dx
الحالة النهائية	x_f	$n_{0A} - ax_f$	$n_{0B} - bx_f$	cx_f	dx_f

مع ملاحظة أن المتفاعل المحد هو الذي ينتهي.

كمية الماذة nA في اللحظة 1

$$n_A = n_{0A} - ax \dots (1)$$

 $v_A = \frac{I}{V} \frac{dx}{dt}$: حسب تعريف السرعة الحجمية للمركب A تكتب

 $x = \frac{n_{0A} - n_A}{a}$ ، x من المعادلة (1) نعين عبارة

3 زمن نصف التفاعل 3

 $t_{\gamma_2} \to x_f$: نذن $x = \frac{x_f}{2}$ إذن $x = \frac{x_f}{2}$ إذن نصف التفاعل أبي الموغ التفاعل المؤرمة اللازمة لبلوغ التفاعل نصف التفاعل إذن المؤرمة اللازمة المؤرمة ال

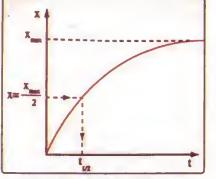
 $x_f = x_{max}$ اذا كان التحول تاماً فإن

$$t_{\gamma_2} \to \frac{x_{max}}{2} = \frac{n_0}{2}$$

هي كمية المادة الابتدائية للمتفاعل المد n_0

في التحول التام في زمن نصف التفاعل t_{γ_i} تنقص كمية مادة التفاعل المحدّ إلى التصف.

 $n_{\rm loc} = f(t)$ بيان



تعيين زمن نصف التفاعل بيانيا.

4. العوامل الحركية

إن العوامل التي تؤثر على سرعة التفاعل هي:

- ◄ درجة الحرارة.
- ◄ التراكيز الابتدائية للمتفاعلات ؛ كلما زادت التراكيز الابتدائية للمتفاعلات، زاد تطور التفاعل.
- ▶ الوسيط المناسب catalyseur : الوسيط هو نوع كيميائي يسرّع التفاعل ولا يشترك فيه ولا يغير الحالة النهائية للجملة الكيميائية.
 - ◄ الوساطة catalyse : هي عملية تاثير الوسيط على التفاعل، ونميز ثلاثة أنواع :

1/ الوساطة المتجانسة

يكون فيها الوسيط والمتفاعلات في نفس الطور إما كلها صلبة (s) او سائلة (l) او غازية (g).

2/ الوساطة غير المتجانسة: لا يكون فيها الوسيط والتفاعلات في نفس الطور.

(3) الوساطة الإنزيمية: وفيها يكون الوسيط إنزيما ويحدث هذا خاصة في العمليات الحيوية، في الحيونات والنباتات والصناعات الغذائية والطب.

X(1) رسم منحنی تطور التقدم

يتطلب تعيين التقدم x في كل لحظة t ، وهذا لن يتم إلا بقياس الناقلية النوعية σ (التمرين 5).

$$\frac{dx}{dt} = \frac{d}{dt} \frac{(n_{0A} - n_A)}{a} : 1$$
 بالاشتقاق نجد

اکن ، ثابت $n_{0_A}=n_0$ ، وعلیه فإن مشتقه معدوم بالنسبة للزمن، أي :

$$\begin{split} \frac{dn_{0A}}{dt} &= 0\\ \frac{dx}{dt} &= \frac{1}{a}\frac{dn_{0A}}{dt} - \frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt}\\ \frac{dx}{dt} &= 0 - \frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt} \ ; \ \frac{dx}{dt} = -\frac{1}{a}\frac{dn_A}{dt}\\ v_A &= \frac{1}{a}\frac{1}{V}\bigg(-\frac{dn_A}{dt}\bigg) \ ; \ \text{where} \ \ \dot{v}_A = \frac{1}{a}\frac{1}{V}\bigg(-\frac{dn_A}{dt}\bigg) \ . \end{split}$$

 $v_A = -\frac{1}{a} \frac{d}{dt} (n_A/V)$ ؛ وبما ان الحجم V ثابت، فيمكن إدخاله داخل مؤثر المشتق

$$V_A = -\frac{1}{a} \frac{[A]}{dt}$$
 الذن $[A] = \frac{n_A}{V}$ لكن التركيز

$$v = -\frac{1}{a}\frac{d[A]}{dt} = -\frac{1}{b}\frac{d[B]}{dt} = \frac{1}{c}\frac{d[C]}{dt} = \frac{1}{d}\frac{d[D]}{dt}$$
 , وبالمثل نجد ،

ملاحظة : سرعة التفاعل دوما موجبة، وعليه فإن $\frac{d[B]}{dt}$ و ما موجبة دوما سالبان.

التعيين البياني للسرعة الحجمية للتفاعل في لحظة م

- x(t) نمثل بیان تطور التقدم
- ◄ نرسم مماس المنحنى في النقطة H المحددة باللحظة 1.
 - نحسب میل الماس :

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} =$$
ميل الماس

◄ ومن ثم نحسب السّرعة الحجمية للتفاعل كما يلي :

$$v = +\frac{1}{V} \times \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$



- رسم منحني تطور التقدم x(t) يتطلب تعيين التقدم x في كل لحظة، وهذا لن يتم إلا بقياس الناقلية النوعية σ (انظر التمرين5).
 - ◄ يمكن أن نرسم منحني التقدم انطلاقا من الرسم.

معادلة التفاعل الكيمياني

• ينمذج التفاعل الكيميائي التحوّل الكيميائي، بمعادلة كيميائية تحتوي على طرفين هما المتفاعلات والثواتج والثواتج المتفاعلات والثواتي المتفاعل المتف

و d و d هي أعداد ستكيومترية.

اذا تم التفاعل بنسب ستكيومترية (المزيج ستكيومتري) فإنه يتحقق .

$$\frac{n_A}{a} = \frac{n_B}{b} = \frac{n_C}{c} = \frac{n_D}{d}$$

لذن لا يوجد متفاعل محد، ومتفاعل وضع بزيادة، فالتفاعلان (A) و (B) ينتهيان (يُستهلكان).

• وإذا كان الزيج غير متناسق (غير ستكيومتري) بمعنى $\frac{n_A}{a} \neq \frac{n_B}{b}$ ، فإنه يوجد المتفاعل الحد، وعليه فإنّ دراسة تطور التفاعل تتم بتعيين كميّة المادّة للمتفاعلات والثواتج عبر جدول التقدم.

حالة الجملة الكيميانية	التقذم	aA -	+ bB	= cC	+ cC
الحالة الابتدائية	X = 0mol	n_A	$n_{\scriptscriptstyle B}$	0mol	0mol
الحالة الانتقالية	X	$n_A - aX$	$n_B - bX$	cX	dX
الحالة النهائية	X_f	$n_A - aX_f$	$n_B - bX_f$	cX_f	dX_f

. $X_f = \frac{n_A}{a}$ وبالتالي $n_A - aX_f = 0$ إذا كان النوع الكيميائي A هو المتفاعل الحد فانه يتحقّق و المتفاعل الحد فانه يتحقق و المتفاعل الحد فانه يتحقق و المتفاعل المحد فانه يتحقق و المتفاعل و المتفاعل

 $X_f = rac{n_B}{b}$ وإذا كان النوع الكيميائي B هو المتفاعل المحدّ فإنه يتحقّق $n_B - b X_f = 0$ ، إذنB

وإذا كان كلاهما متفاعلان محدّان، فهذا يعني أن $\frac{N_f}{a} = \frac{n_A}{a} = \frac{n_B}{b}$ اي المزيج متناسق.

تطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول مائي

كمية المادة

- رمزها: ١١
- وحدتها : mol
 - عبارتها
- إذا كان الثوع الكيميائي A مادة صلبة، أو سائلة فإن :

$$(g)$$
 ڪتلة الماذة ب $m_{_A}$ $m_{_A}=rac{m_{_A}}{M_{_A}}$ ($g.mol^{-l}$) الكتلة المولية ب

. للينا في الحالة السائلة V و حجم السائل الكتلة الحجمية للسائل ، و $M_{\scriptscriptstyle A}=
ho_{\scriptscriptstyle A}$ الكتلة الحجمية للسائل

* إذا كان الثوع الكيميائي مادة غازية فإن :

$$(L)$$
 عجم الغاز بـ V_{A} . $I_{A}=rac{V_{A}}{V_{m}}$. الحجم المولي في شروط التجربة

ملحظة: يعطى $V_{om}=22,4L$ في الشرطين النظامين من الضغط:

. ($T_{\theta}=273^{\circ}k$ او $\theta_{\theta}=0^{\circ}$) θ_{θ} ودرجة الحرارة $P_{\theta}=1$ او $P_{\theta}=1$ او $P_{\theta}=1$

ف إذا تم التفاعل في شروط فيها الضغط $P_{\scriptscriptstyle A}$ ودرجة الحرارة T والحجم $V_{\scriptscriptstyle A}$ للنوع الكيميائي A ، فإن كمية المادة نحسبها من القانون العام للغازات :

$$n_{A} = \frac{P_{A} V_{A}}{R T}$$

مع : P_A الثابت العام للغاز المثالي، R . $T(k)=\theta(^{\circ}C)+273$ مع : ومع الغاز بالباسكال P_A . صغط الغاز بالباسكال P_A . حجم الغاز ب P_A

 $^{\circ}$ إذا كان الثوع الكيميائي A مذاب في محلول فإن : $^{\circ}$ النا كان الثوع الكيميائي بر C_A هو تركيز المولي الحجمي لهذا الثوع الكيميائي بر C_A هو حجم المول بر (L) .

السرعة الحجمية للتفاعل (٧)

Hard_equation

$$v(t) = \frac{1}{V} \frac{dx}{dt}$$
: تعرَف السرعة الحجمية للتفاعل بالعلاقة :

حجم المزيج المتفاعل باللتر (L)،

x تقدم التفاعل بالمول (mol)،

٧ السرعة الحجمية للتفاعل،

تعيّن بيانيا من ميل الماس (AB) لبيان التقدّم x(t) في اللحظة t' المعيّنة.

$$\frac{dx}{dt} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$
 إذن:

ملاحظة

- $^{\circ}$ إذا كان الرّمن t يقدّر بالثانية $^{\circ}$ فإنّ وحدة $^{\circ}$ هي $^{\circ}$ إذا كان الرّمن $^{\circ}$
- . $(mol.L^{-l}.min^{-l})$ فإن وحدة v هي (min في الدقيقة في الدقيقة v في الدقيقة ($mol.L^{-l}.min^{-l}$).
 - . $(mol.L^{-l}.h^{-l})$ فإن وحدة v هي (h) فإن وحدة v هي (h) فإن وحدة v

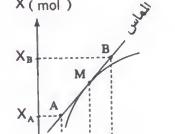
$$v(t) = \frac{\left(\frac{x(t)}{V}\right)}{dt}$$
 بمکن ان نکتب ، پمکن ان نکتب

(x(t)) يمثل تركيز النوع الكيميائي X الذي كمية مادته في اللحظة X هي X الكن الكسر X

$$v(t) = \frac{d[X]}{dt}$$
 اذن:

العوامل الحركية

. العوامل الحركية التي تغيّر سرعة التفاعل هي : درجة الحرارة، التركيز، العامل الساعد.



الأكسدة والإرجاع

- المؤكسد يكتسب الإلكترونات (e ¯) والتفاعل الذي يقوم به تفاعل إرجاع.
 - الرجع يفقد الإلكترونات (e^-) والتفاعل الذي يقوم به تفاعل أكسدة.
- تفاعل الأكسدة الإرجاعية ينتج من انتقال (le^-) او عدة الكترونات (ne^-) من مرجع لثنائية تفاعل الأكسدة الإرجاعية ينتج من انتقال (Ox_1/Red_2) .

دراسة تطور تفاعل بطيئ

• يتم دراسة تطوّر تفاعل بطئ بدراسة تطوّر التقدّم x(t). للتفاعل بدلالة الرّمن بإحدى الطريقتين التاليتين x(t)



 $\sigma = \sum_{i} \lambda_{i} [X_{i}]$

مع

 $\lambda_i(s.m^2.mol)$ الناقلية المولية النوعية للمناب، وتقاس با

 $[X_i]$ تراكيز شوارد المحلول بـ $[X_i]$

كما ان الثاقلية G للمحلول تعطى بالعبارة : $G=k\sigma$ عيث K ثابت الخلية.

X(t) بالصغطية: إذا كان احد النواتج أو المتفاعلات في الحالة الغازية فإننا ندرس تطوّر X(t) عن طريق تغيّر الضغط P(t) للغاز في الرّمن، عند درجة حرارة T وحجم V ثابتين (أو تغيّر حجم الغاز V(t) في الرّمن بثبوت T و P).



PV = nRT : من أجل ذلك نستعمل القانون العام للغازات PV = nRT

$$P(0) = \frac{RT}{V}$$
 : $t = 0$ ثم نعين في اللحظة

$$P(t) = n(t) \frac{RT}{V}$$
 : وفي اللحظة

n(t)=f(x) الذي هو دالة في التقدم x(t) اي الذي هو دالة في التقدم

التمرين

توصف لك التجارب التالية ،

1/ في انبوب اختبار توضع كمية محلول نترات الفضة تسكب عليه قطرات من محلول كلور $\left(Ag_{(aq)}^+ + NO_{3(aq)}^-\right)$ الصوديوم $(Na_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-)$ فنشاهد مباشرة راسبا ابيض.





2/ يوضع محلول هيدروكسيد الصوديوم (الشفاف) يضاف إليه قليل من الكاشف الملون الفتالتين $(Na^+ + OH^-)$ الشفاف فيظهر مباشرة لون وردي بنفسجي.

ر نمزج قليلا من محلول بود البوتاسيوم $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-)$ مع محلول بيروكسوديكبريتات $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-)$ البوتاسيوم $(2K_{(aq)}^+ + S_2O_{8(aq)}^{2-})$ نرج المخلول. ننتظر 20 ثانية. لا يظهر شيء. وبعد 60 ثانية نلاحظ بدء ظهور لون اسمر.





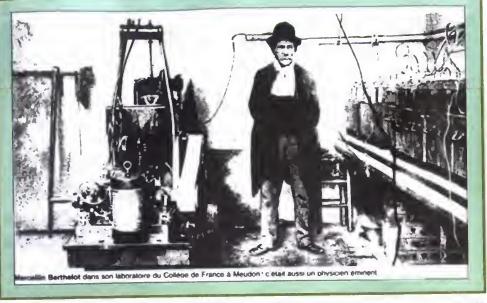


4/ العالم الكيميائي"برتلو" اجرى تفاعلات الأسترة وتتمثل في وضع كمية متساوية في علد المولات من الإيتانول C_2H_5-OH وحمض الخلّCOOH وصعها في حبابات زجاجية مغلقة، فلاحظ أن التفاعل عند درجة حرارة الغرفة استغرق له من ماي 1861م إلى جوان 1862م والاحظ ان 55% فقط من كمية المتفاعلات هي التي حلث لها تحول كيميائي.

 $180^{\circ}C$ عندما يضاف قليل من حمض الكبريت المركز يتم التفاعل في نصف ساعة عند الدرجة / صنف التحولات السابقة حسب سرعتها.

ب/ في التجربة 4 حدد دور درجة الحرارة وحمض الكبريت المركز.

ج/ اكتب التفاعل المنمذج للتحولين في التجربتين / و3.



الحل

أ/ تصنيف التحولات الكيميانية

أ رتحول سريع أو لحظى.

2/ تحوّل سريع او لحظي.

3/ تحول بطيئ.

4/ في درجة حرارة الغرفة، التفاعل لامتناهي البطء.

5/ بإضافة قطرات حمض الكبريت المركز وزيادة درجة الحرارة أصبح التفاعل بطينا.

2/ دور درجة الحرارة

درجة الحرارة من العوامل الحركية التي بازديادها تزداد سرعة التفاعل.

دور حمض الكبريت المركز؛ دور وساطة متجانسة.

3/ كتابة التفاعل المنمذج للتحولين الكيميائيين

• في التجربة 1 ،

 $(Ag_{(aq)}^{+} + NO_{3(aq)}^{-}) + (Na_{(aq)}^{+} + Cl_{(aq)}^{-}) \rightarrow (Ag^{+}, Cl^{-})_{(s)} + (Na_{(aq)}^{+} + NO_{3(aq)}^{-})$

• في التجربة 3 .

هو تفاعل أكسدة إرجاعية نفضل كتابته بالمادلتين النصفيتين الإلكترونيتين ثم نقوم بجمعهما :

$$2I_{(aq)}^- = I_{2(aq)} + 2e^-$$

$$S_2O_8^{-2} + 2e^- = 2SO_{4(aq)}^{-2}$$

$$\overline{2I_{(aq)}^{-} + S_2 O_{8(aq)}^{-2}} = I_2 + S_2 O_{8(aq)}^{-2} + 2SO_{4(aq)}^{-2}$$

التمرين 2

 $aA+bB \rightleftarrows cC+dD$: السرعة المتوسطة للشكل في تفاعل كيميائي C+dD السرعة المتوسطة المتعدد في لحظات مختلفة C المتعدد في لحظات مختلفة C المتعدد في لحظات مختلفة D المتعدد في الم

t(s)	0	1800	3600	5400	7200
$[D]$ mol. L^{-1}	0	0,110	0,170	0,218	0,247

 t_2 =5400s عند السرعة المتوسّطة v_m لشكل المركب D وهذا بين اللحظتين v_m المحال المركب المحال المحا

الحز

نعطى السرعة المتوسطة لشكل A كما يلي :

$$v_m = v = \frac{[A]_{t_2} - [A]_{t_1}}{t_2 - t_1} = \frac{0.218 - 0.110}{5400 - 1800}$$

$$v = 3,10^{-5} \, mol.L^{-l}.s^{-l}$$
 : $mol.L^{-l}.s^{-l}$) بالوحدة

 $mol.L^{-1}.min^{-1}$ عبر بالوحدة

$$Is = \frac{1}{60} min$$
 ، نحول الثانية إلى الثقيقة

$$v = 3, 10^{-5} mol. L^{-1} (\frac{1}{60} min)^{-1}$$
 إذن:

 $v = 3 \times 60.10^{-5}$: $v = 1,8.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$

التمرين 3

ندرس تطور التحول الكيميائي لأكسدة شاردة I^- بالماء الأكسجيني H_2O_2 في وسط حمضي

[I,] (mmol · L 1)

0 100 s

500 s

5 mmol · L

1 mmol · L

فنحصل على المنحني $f(t)=f_2$ في الشكل المرفق.

1/ اكتب معادلة التحول الكيمياني الحادث. تعطى الثنائيتان ox / red :



$$H_2O_{2(aq)}+2H_{(aq)}^++2e^-=2H_2O_{(l)}$$
 : عطي معادلة الإرجاع: H_2O_2/H_2O_2 و الثنانية $2I_{(aq)}^-+H_2O_{2(aq)}+2H_{(aq)}^+=I_{2(aq)}+2H_2O_{(l)}$

(T)

1 000 s

[], (mmol · L 1)

mmol · L-1

0 100 s

500 s

 I_2 حساب السرعة اللحظية لتشكل ثنانى اليود 2

t = 300 s اللحظية من ميل مماس المنحني البياني في اللحظة

- نرسم الماس T للبيان في النقطة M كما هو موضح في الشكل المقابل.
 - نعین نقطتین A و B من الماس T، ونحدد احداثیتیهما :

$$(A): \begin{cases} t_A = 100s \\ [I_2]_A = 2,5 \text{mmol.} L^{-1} \end{cases}$$

$$(B): \begin{cases} t_B = 650s \\ [I_2]_B = 7,3 \text{mmol.} L^{-1} \end{cases}$$

$$v = \frac{[I_2]_B - [I_2]_A}{t_B - t_A} = \frac{7,3 - 2,5}{650 - 100}$$

 $v = 8.7.10^{-3} \, \text{mmol.} L^{-1}.s^{-1}$

التمرين 4 (تمرين تجريبي)

نهدف من خلال هذه التجربة إلى دراسة تطور تفاعل محلول ثنائي اليود مع محلول لشوارد الثيوكبريتات (الوثيقة 1) في حجم ثابت ودرجة حرارة ثابتة. من اجل ذلك نتمرن في البداية على كتابة تفاعل محلول شوارد $I_{(aq)}^{-1}$ مع شوارد بيروكسوديكبريتات $S_2O_8^2$.



الوثيقة 1

تعطى الثنائيتان ox/red: Ox/red: $H_2O_{2(aq)}/H_2O_{(l)}$; $I_{(aq)}^*/I_{2(aq)}$ 2/ احسب السرعة اللحظية لتشكل ثنائي اليود I_2 في اللحظة I_2 .

1/ معادلة التحول الكيمياني الحادث

تماريه خاصة بتطور كميأت المتفاعلات والنواتح خلال تحول كيميائي

$$(1)$$
 كتابة معادلة الأكسدة الإرجاعية المندمجة للتحول $2I_{(aq)}^- = I_{2(aq)} + 2e^-$
$$S_2 O_{8(aq)}^{2^-} + 2e^- = 2SO_{4(aq)}^{2^-}$$

$$2I_{(aq)}^- + S_2 O_{8(aq)} = I_{2(aq)} + 2SO_{4(aq)}^{2^-}$$
 بر كتابة معادلة الأكسدة الإرجاعية المندمجة للتحول (2)

$$\begin{split} I_{2(aq)} + 2e^{-} &= 2I_{(aq)}^{-} \\ 2S_{2}O_{3}^{2-} &= S_{4}O_{6(aq)}^{2-} + 2e^{-} \\ I_{2(aq)}^{-} + 2S_{2}O_{3}^{2-} &= 2I_{(aq)} + S_{4}O_{6(aq)}^{2-} \end{split}$$

اللون الأسمر يؤكد على ظهور ثنائي اليود I_2 (في الواقع اللون الأسمر يعود إلى شوارد ثلاثي اليود/ا/2انظرا لتواجد ($I_{(aq)}^-$ مع التواجد ($I_{(aq)}^-$

ب/ يتوقف التفاعل بين $I_{(aq)}^-$ و $S_2O_{8(aq)}^-$ لانخفاض درجة الحرارة، فهي من العوامل الحركية.

الفرق بين التحولين الكيميائيين $1\, e^2$ هو ان الأول تحول كيمياني سريع بدليل انه في بداية M3 $.\,S_2O_{8(aq)}^-$ و $I_{(aq)}^-$ و ينه المرودة حتى يتوقف التفاعل بين المرودة عنى البرودة عنى المرودة عنى المرودة

اما الثاني فهو تحول كيمياني بطيئ بدليل انه استمر إلى 80min .

 V_E و C_{tit} و $n(I_2)$ و بين (بالعلاقة بين

 $I_{2(aq)} + 2S_2O_{3(aq)}^{2-} = 2I_{(aq)}^- + S_4O_{6(aq)}^{2-}$: للسهولة نعيد كتابة العادلة الكيميائية

$$\frac{n(I_2)}{I} = \frac{n(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{n(I^-)}{2} = \frac{n(S_4O_6^{2-})}{I}$$
 لدينا:

$$n(I_2) = \frac{n(S_2 O_3^{2-})}{2}$$
 الا تهمنا إلا المساواة :

. لكن،
$$n(S_2O_3^{2-}) = C_{iii} \times V_E$$
 إذن $n(S_2O_3^{2-}) = C_{iii} \times V_E$ لكن، لعلاقة المطلوبة.

$$[l_2]$$
 جرا تعيين تركيز I_2 اي I_2 اي I_2 تعيين تركيز I_2 اي I_2 تعلم ان $I_{(l_2)}=C_{(l_2)}.V_{(l_2)}$ اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 كما ان I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2 اي I_2

$$I_2J = \frac{V_E}{2}$$
 ومنه $I_2J \times 10^{-2} = \frac{10^{-2} \times V_E}{2}$ ومنه (*) فنجد • نعوّض العلاقة السابقة (*) فنجد

1/1/ اكتب معادلة الأكسدة الإرجاعية المندجة لهذا التحول.

 $(2Na^+ + S_2O_3^{2^-})$ ب نعاير محلول ثنائي اليود I_2 المتشكل بمحلول تيوكبريتات الصوديوم $(S_2O_3^{2-})$ مع (I_2 معادلة تفاعل اكتب معادلة تفاعل

> ي لحظة نعتبرها ابتدائية t=0 ندخل في دورق مخروطي t=0 $(K_{(aq)}^+ + I_{(aq)}^-)$ من محلول يود البوتاسيوم (من محلول يود البوتاسيوم تركيزه $C_1 = 0,4 mol.L^{-1}$ ، نضيف اليها 100ml من $(2K^{+} + S_{2}O_{8}^{2-})$ محلول بيرو ڪسوديکبريتات البوتاسيو م تركيزه $C_2 = 0.036 mol.L^{-l}$ ، نرج المزيج الناتج فنحصل

أ/ اللون الأسمر يعود إلى ظهور اي نوع كيميائي؟ ب/ في اللحظة t=3min ناخذ 10,0ml من هذا المزيج ونسكبه في بيشر به 100ml ماء ثلجي لكي يوقف التفاعل I_2 بين I_3 و I_2 المتواجدة في البيشر بالإضافة إلى I_3 و...

. $S_2 O_{8(aq)}^-$ و $I_{(aq)}^-$ بين لماذا يتوقف التفاعل بين $I_{(aq)}^-$

بالتدرج على لون اسمر.

 $C_{ii}=0.0 Imol.L^{-1}$ نعاير محتوى البيشر بالتدرج بمحلول لتيوكبريتات الصوديوم تركيزه $^{-1}$ فنحصل على لون أصفر فاتح لا يظهر تغير لونه ولكي نحصل على قيمة حجم التكافؤ V_E بالضبط نضيف قطرات من صمغ النشاء فيتحول اللون إلى أزرق مسود.

مباشرة عند الرور بنقطة التكافؤ نواصل عملية التسحيح قطرة قطرة وعند نقطة معينة يصبح لون محتوى البيشر شفافا. عندها نحدد قيمة محلل التيوكبريتات الصوديوم. نعيد نفس العمليات في لحظات مختلفة : V_E نسجل V_E وفي ڪل مرة نسجل t=5,9,12,16,20,3040,60,80 tكل النتائج في الجدول التالي:

t(min)	0	3	5	9	12	16	20	30	40	60	80
$V_E(mL)$	0	5,5	7,8	12,7	16,2	20,1	22,8	27,5	30,4	33,2	33,9

 $I_{2(aq)} + 2S_2O_{3(aq)}^{2-} = 2I_{(aq)}^- + S_4O_{6(aq)}^{2-}$ بعطى التفاعل 2 النمذج لتحول المعايرة : 1/ ما الفرق بين هذا التفاعل 2 والتفاعل 1 ؟

حدد العبارة التي استعملت لتمييز التفاعل الأول من الثاني.

 V_E و C_{tit} و (I) برا جد علاقة بين $n(I_2)$ المتشكل من التحول

 $[I^{-}]$ و $[S_4O_6^{2-}]$ وكذلك $[I_2]$ وكذلك 4/4

ر ا/ املأ جدول تغير I_2 بدلالة I_1

 $[l_2] = f(t)$ ارسم المنحنى البياني لتطور

 $_{\star}$ احسب سرعة تفكك $_{2}$ في اللحظة $_{2}$

 SO_4^{2-} و I^- من I^- و كنا سرعة تشكل كل من I^- و استنتج سرعة تشكل كل من I^-

تماريه خاصة بتطور كميات المتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي

 (l_2) حساب سرعة تفكك ج/

$$V(I_2) = M$$
 ميل الماس في النقطة = $\frac{15, 3.10^{-3} - 7.10^{-3}}{34 - 4} \approx 2,76.10^{-4}$

 $V(I_2) = 2.8.10^{-4} \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$

د/ سرعة تفكك التايوكبريتات

$$\frac{V(S_2O_3^{2-})}{2} = \frac{V(I_2)}{I} = \frac{V(I^-)}{2} = \frac{V(S_4O_6^{2-})}{I}$$
 نعلم آن

 $V(S_4O_6^{2-}) = 2.8.10^{-4} \, mol.L^{-1} \, .min^{-1}$: تماما مثل المساواة المكتوبة في السؤال (ب)، ومنه

$$V(S_2O_3^{2-}) = V(I^-) = 2V(I_2) = 5,6.10^{-4} \text{ mol.} L^{-1}.\text{min}^{-1}$$

التمرين 5 (دراسة تطور تفاعل عن طريق قياس الناقلية)

ان تفاعل إماهة الركب A (التفاعل مع O_2) وهو 2كلورو-2 مثيل بروبان يُنمذج بالعادلة . $(CH_3)_3CCl_{(aq)} + 2H_2O_{(l)} = (CH_3)_3COH_{(aq)} + H_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$ الكيميائية :

 $Cl_{(aq)}^{-}$ نهدف إلى دراسة تطور هذا التفاعل عن طريق قياس الناقلية النوعية σ للشاردتين

و $H_{(aq)}^+$ المتواجدتين فيه.

بيشر سعته 150ml نسكب فيه 80ml من مذيب يتالف من مزيج من ماء- كيتون بنسبتين حجميتين 95%و و5% على الرتيب. كما نضيف 20ml من لاركب 150ml الذي تركيزه الابتدائي 05% من نستعين بجهاز قياس الناقلية ومخلاط مغناطيسي. ثدون النتائج في جدول.

t(s)	0	30	60	80	100	120	150	200
$\sigma(s.m^{-l})$	0	0,246	0,412	0,502	0,577	0,627	0,688	0,760

1/1/ ذكر بقانون كولروش.

? قارن بين عدد المولات الابتدائي لكل من الماء والمركب A . ماذا تستنتج

2/ انجز جدول تقدم التفاعل.

x(t) استنتج عبارة الناقلية النوعية σ بدلالة التقدم x(t) للتفاعل، وكنا عند انتهاء التفاعل.

ب/ اعط جدولا يعطي قيم x بدلالة الزمن.

x(t) ارسم المنحني البياني لتطور x(t) .

t = 50د احسب سرعة التفاعل في اللحظة.

الحظة x_{max} في اللحظة التقدم الأعظمي x_{max} في اللحظة 4

 $t_{1/2}$ ب عين زمن نصف التفاعل $t_{1/2}$ ب

 $\lambda(Cl^-) = 7,6.10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$ ، $\lambda(H_3O^+) = 35.10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$, يعطى :

$$[S_4 O_6^{2-}] = \frac{V_E}{2}$$
 ایضا نجد ایضا •

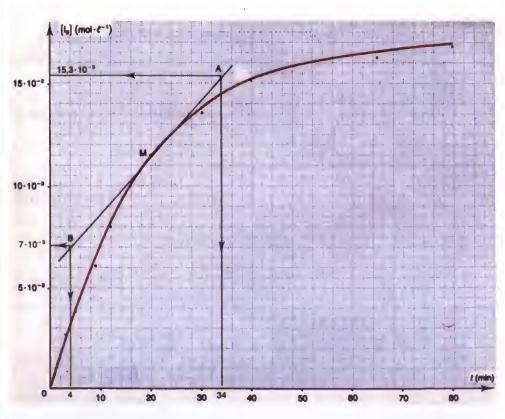
اما تركيز I^- فنجده ، اما تركيز I^-

ار ملء الجدول /4/ ملء الجدول $[I_2] = \frac{V_E}{2}$ الدينا .

$$[I_2] = \frac{5,5.10^{-3}}{2} = 2,75.10^{-3} \, mol.L^{-l}$$
 : نعوض فنجد V نعوض نعجد وي اللحظة المنا

نعوُّض بالنسبة للحظات الأخرى فنحصل على جدول بالقيم التالي :

 $[l_2] = f(t)$ ب/ رسم المنحني البياني



لحل

1 / ا/ قانون كولروش

 $\sigma = \sum_i \lambda_i \left[x_i \right]$ عصلى الناقلية النوعية لمحلول شاردي، شوارده هي x_i بقانون كولروش:

مع ، $[x_i]$ ، التركيز المولية الحجمية لشوارد المحلول،

الناقلية المولية النوعية للمذاب. λ_i

 (n_{0A}) و (n_{0A}) بر (n_{0A}) بر (n_{0A}) بر (n_{0A}) بر (n_{0A})

 $c_{0A} = c_0 r_0 = 0, 10 \times 20.10$

 $n_{0A} = 2.10^{-3} \, mol$

بالنسبة للماء : حجم الماء = 95% من حجم المزيج (ماء- كيتون)

 $V_{H_2O} = \frac{95 \times 80}{100} = 76 \, mL$: حجم الماء

 $m_{H_2O} =
ho_{H_2O} imes V_{H_2O}$ ؛ من المحجم من الماء

 $ho_{H,O} = Ig.mL^{-l}$ لكن الكتلة الحجمية للماء

 $m_{H_2O} = 1 \times 76 = 76g$ إذن :

عدد مولات الماء (كمية المادة) الابتدائي

 $n_{0H_2O} = \frac{m_{H_2O}}{M_{H_2O}} = \frac{76}{18} = 4,2 mol$

نلاحظ أن $n_{0\;eau}>>n_{0\;A}$ فنقول إذن : إن تواجد الماء "بزيادة".

2/ جدول تقدم النفاعل

معادلة التفاعل	$(CH_3)_3CCI_{(a)}$	$+2H_2O_{(1)}$	$= (CH_3)_3 COF$	$H_{(aq)} + H_{(aq)}^+$	$+Cl_{(aq)}^{-}$
الحالة الابتدائي	n_0	بزيادة	0 mol	0 mol	0 mol
الحالة الانتقالي	$n_{\theta} - x_{f}$	بزيادة	x(t)	x(t)	x(t)
الحالة النهانية	$n_0 - x_f = 0$	بزيادة	x_{max} of x_f	x_f	χ_f

 $n_0-x_f=0$ الاحظ ان المركب $(CH_3)_3CCl$ هو الذي سيختفي من المتفاعلات لذا وضعنا $x_f=n_0$: ومنه

x أ/ عبارة الناقلية النوعية للمحلول بدلالة التقدم λ

$$\sigma = \sum \lambda_i [x_i] = \lambda_{H^+} [H^+] + \lambda_{cl^-} [Cl^-] \dots (*)$$

. لكن
$$V$$
 حجم المحلول. $[Cl^-] = n_{Cl^-}$ وكذا وكذا

x(t) وفي لحظة زمنية t (الحالة الانتقالية) ؛ التقدم هو

$$[Cl^{-}] = [H^{+}] = \frac{x(t)}{V} + n_{Cl^{-}} = \frac{x(t)}{V}$$
 و $n_{H^{+}} = \frac{x(t)}{V}$ اذن

$$\sigma(t) = (\lambda_H + \lambda_{Cl}) \frac{x(t)}{V}$$
(1) نعوض في العبارة (*) فنجد نعوض

 $x(t) = x_f = n_0$ ؛ عند انتهاء التفاعل لدينا

$$\sigma_f = (\lambda_{H^*} + \lambda_{CI^-}) \frac{n_0}{V}$$

t بــ بــ بــ بــ بــ بــ الله الم

$$x = \frac{V\sigma}{\lambda_{\mu^*} + \lambda_{CI}}$$
 : x من العبارة (1) السابقة نجد عبارة التقدم

V = 100mL , V = 80mL + 20mL . لدينا

$$V=10^{-4}\,m^3$$
 نحول إلى m^3 لأن λ_{CC} و فيهما m^3 أذن m^3 أذن m^3 أن

$$x = \frac{10^{-4} \, \sigma}{35.10^{-3} + 7.6.10^{-3}}$$
 : نعوض في عبارة x فنجد

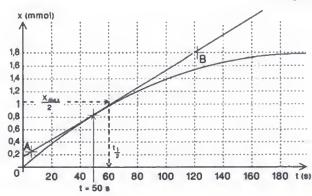
 $x \approx 2,347.10^{-3}.\sigma(mol)$

$$x \approx 2.347 \frac{\sigma(nimol)}{\sigma(nimol)}$$
: نحول إلى الملي مول

في كل لحظة t نعوض بـ σ فنجد قيمة x ، وهكذا نملأ الجدول :

$$t(s)$$
 0 30 60 80 100 120 150 200 $\sigma(s.m^{-1})$ 0 0,577 0,967 1,18 1,35 1,47 1,62 1,78

x = f(t)رسم المنحني البياني /4



النمرين 6 (تمرين تجريبي)

 $CH_3COOC_2H_{5(aq)}$ سائل شفاف صيغته نصف المفصلة $C_4H_8O_2$ سائل شفاف صيغته المفصلة ، $CH_3COOC_2H_{5(aq)}$ ما هي وظيفته الكيميائية ؟

ب/ ما هي الجموعة التي تميزها ؟

التفاعل بين إيثانوات الإيثيل ومحلول الصود $(Na^+_{(aq)} + HO^-_{(aq)})$ يسمَى تفاعل التصبَن وينمذج بالمادلة ،

 $CH_3COOC_2H_{5(aq)} + Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^- = Na^+ + CH_3COO^- + C_2H_5OH$

في لحظة $t=0\,s$ نضيف إيثانوات الإيثيل إلى محلول موجود في بيشر هو محلول الصود فنحصل على مزيج حجمه $V_o=1000\,\mathrm{mL}$ ويكون التركيز المولي لكل الأنواع الكيميائية متساويا ويساوي $C_o=10\,\mathrm{mmol.}L^{-1}$.

ليكن X(t) تقدّم التفاعل في اللحظة t . انشئ جدول التقدّم.

G(1) لتابعة تطوّر التفاعل نقيس في لحظات مختلفة الناقلية G(1) بواسطة جهاز قياس الناقلية. أر برأيك، لماذا ندرسه عن طريق تغير النفط أو اللون G(1)

ب/ عبر عن G(t) للمحلول بدلالة الثابت K لجهاز الناقلية والناقلية الشاردية المولية لمختلف شوارد المحلول λ_{CH,COO^-} ، λ_{Na^+} ،

 $G(t)=rac{K}{V_0}(lpha X\left(t
ight)+eta$ مع تحدید عبارتی الثابتین lpha و lpha

 $G(\infty)$ استنتج عبارة الناقلية في البداية 0 t=0 ، اي G(0) ، والناقلية عند انتهاء التفاعل $t o \infty$. اي في اللحظة 0

 $y(t) = \frac{G(t)}{G(0) - G(\infty)}$ بحیث y(t) بحیث //4

 $.X(t) = C_0 V_0(y(0) - y(t))$ بینان

ب/ بقياس G(t) في لحظات مختلفة X نحصل على الجدول التالي G(t)

t(min) 0 5 9 13 20 ∞ y(t) 1,560 1,315 1,193 1,107 0,923 0,560

بين أنه انطلاقا من الجدول يمكن الحصول على قيم X(t) في اللحظات السّابقة. ارسم بيان X(t).

بين أنه يمكن تحد يد الفترة الزمنية اللازمة لتصبن نصف الكمية الابتدائية للاستر.

1 = 50s حساب سرعة التفاعل في اللحظة 50s

، t=50s نرسم مماس المنحني في النقطة التي فاصلتها

 $v = 1, 1.10^{-4} \text{ mol.s}^{-1}$, $v = \frac{x_B - x_A}{t_B - t_A} = \frac{1, 8 - 0, 25}{125 - 7}$

6/ ا/ حساب فيمة التقدم الأعظمي ٢٠٠٠ في ١

 $(CH_3)_3CCl$ يعين X_{max} من التفاعل المحد وهو المركب X_{max} اي ومن جدول التقدم لدينا ،

$$n_0 - x_f = 0$$
; $x_f = x_{max} = n_{0A} = 2.10^{-3} \text{ mol}$

ب/ تعيين زمن نصف التفاعل ب

 $x = \frac{x_{max}}{2}$ خالة في حالة يرا

$$x = 1 \text{mmol}$$
 is $x = 1 \times 10^{-3} \text{mol}$ is $x = \frac{2 \times 10^{-3}}{2}$

 $t_{\frac{1}{2}}=60s$: $t_{\frac{1}{2}}$ وهي البيان، ونستخرج الفاصلة الموافقة لها وهي وهي البيان، ونستخرج الفاصلة الموافقة لها وهي

Hard_equation

الحل

أ/ الوظيفة الكيميانية للمركب

بما أن الصيغة نصف الفصلة للمركب هي من الشكل R-COO-R' فله وظيفة استر. O برا المجموعة التي تميزه هي C=C=0

2/ جدول التقدم

التفاعل
$$CH_{3}COOC_{2}H_{S(oq)} + Na_{(oq)}^{+} + HO_{(oq)}^{-} = Na_{(oq)}^{+} + CH_{3}COO_{(oq)}^{-} + C_{2}H_{5}OH_{(oq)}$$
 التفاعل
$$t(min) \quad X(mol)$$

$$0 \quad O \quad C_{0}V_{0} \quad C_{0}V_{0} \quad C_{0}V_{0} \quad C_{0}V_{0} \quad 0 \quad 0$$

$$t \quad X(t) \quad C_{0}V_{0} - X(t) \quad C_{0}V_{0} \quad C_{0}V_{0} - X(t) \quad C_{0}V_{0} \quad X(t) \quad X(t)$$

$$\infty \quad X(t) \quad C_{0}V_{0} - X_{max} = 0 \quad C_{0}V_{0} \quad C_{0}V_{0} - X_{max} = 0 \quad C_{0}V_{0} \quad X_{max} \quad X_{max}$$

ن حسب المعادلة الكيميانية المعطاة فإن Na^+ موجود في الطرفين الأيسر والأيمن، مما يدل على أن الشوارد Na^+ لا تتفاعل، وبالتالي الكمية الابتدائية لها $C_0 V_0 - X_{max} = 0$ لا تتغير، مع Na^+ الشوارد Na^+ الذن : Na^+ الذن : Na^+

هذا التفاعل به شوارد مختلفة، ولذا يفضّل دراسة تطوّره بدراسة تغيّر الناقلية G لهذه الشوارد في الحلول، وبما أنه لا يحتوي على أنواع كيميائية في الحالة الغازية، لذا لا ندرس تطوّر التفاعل بدراسة تغيّر الضّغط P. كما أنّ المحلول شفّاف ولا يوجد فيه تغيّر لوني ندرسه.

G(t) بارة الناقلية

. نعلم آن G(t)=k نعلم G(t)=k عيث G(t) نعلم أن علم آن عيث G(t)

. تعطى عبارة التاقلية النوعية $\sigma(t)$ بقانون كولروش

$$\sigma(t) = \sum_{i} \lambda_{i} [X_{i}] = \lambda_{Na^{+}} [Na^{+}] + \lambda_{HO} [HO^{-}] + \lambda_{CH_{3}COO} [CH_{3}COO^{-}]$$

 A^- بالرّمز CH_3COO^- بالرّمز كالمهولة نصطلح على كتابة

$$G(t) = k \left(\lambda_{Na^+} [Na^+] + \lambda_{HO^-} [HO^-] + \lambda_{A^-} [A^-] \right)$$
 اذن :

$$[Na^+]=C_0$$
 : وبالتالي $[Na^+]=\frac{C_0V_0}{V_0}$: لكن

$$[HO^-] = C_\theta - \frac{X(t)}{V_\theta}$$
 اذن: $[HO^-] = \frac{C_\theta V_\theta - X(t)}{V_\theta}$ اذن:

$$G(t)$$
 السّابقة فنجد : $G(t)$ السّابقة فنجد $G(t)$ السّابقة فنجد

$$G(t) = k \left(\lambda_{Na^{+}} \times C_{0} + \lambda_{HO^{-}} \times C_{0} - \lambda_{HO^{-}} \times \frac{X(t)}{V_{0}} + \lambda_{A^{-}} \times \frac{X}{V_{0}} \right)$$

$$G(t) = k \left[C_{0} (\lambda_{Na^{+}} + \lambda_{HO^{-}}) + \frac{X(t)}{V_{0}} (\lambda_{A^{-}} - \lambda_{HO^{-}}) \right]$$

$$G(t) = \frac{k}{V_0} \left[\underbrace{(\lambda_{A^-} - \lambda_{HO^-})}_{\alpha} X(t) + \underbrace{C_0 V_0 (\lambda_{Na} + \lambda_{HO^-})}_{\beta} \right]$$

$$G(t) = \frac{k}{V_0} (\alpha X(t) + \beta)$$
فهي من الشكل

$$\beta = C_0 V_0 (\lambda_{Na} + \lambda_{HO}) \quad \alpha = \lambda_A - \lambda_{HO}$$

G(0) عبارة

 $G(0) = \frac{k}{V_0}(\alpha + 0 + \beta)$ نعوض في عبارة G(t) لنجد $X = 0 \, mol : t = 0$ في اللحظة

$$G(\theta) = \frac{k \beta}{V_{\theta}}$$
 ; each

 $G(\infty)$ عبارة

في اللحظة G(t) فنجد ، $X=X_{max}=C_{\theta}V_{\theta}$ فنجد . في اللحظة في عبارة في عبارة فنجد .

$$G(\infty) = \frac{k}{V_0} (\alpha C_0 V_0 + \beta)$$

X(t) اثبات العبارة X(t)

$$y(t) = \frac{G(t)}{G(0) - G(\infty)}$$
 الدينا ،

 $G(0)-G(\infty)$ نعين في البداية الفرق

$$G(\theta) - G(\infty) = \frac{k\beta}{V_0} - \frac{k}{V_0} (\alpha C_0 V_0 + \beta) = \frac{k\beta}{V_0} - \frac{k\alpha C_0 V_0}{V_0} - \frac{k\beta}{V_0}$$

$$G(0) - G(\infty) = -k \alpha C_0$$
 اذن:

نعوض عبارة الفرق في عبارة y(t) لنجد :

$$y(t) = \frac{\frac{k}{V_0} \left(\alpha X(t) + \beta\right)}{-k \alpha C_0} = \frac{\alpha X(t) + \beta}{-\alpha C_0 V_0} \dots (1)$$

$$n_{\theta} = rac{C_{\theta}V_{\theta}}{2}$$
 بالفعل، يمكن تحديد الفترة الزمنية لنصف الكمية الابتدائية للاستر، وهي

$$n_0 = \frac{10^{-2} \times 1}{2} = 5.10^{-3} \, \text{mol} = 5 \, \text{mmol}$$

 $t_{1/2} pprox 14 \, min$ ننقل الكمية $X\left(t
ight)$ فنجد قيمة منقل الكمية البيان $n_{0}=5 \, mmol$

التمرين 7 (تمرين تجريبي)

عند درجة الحرارة $0^{\circ}C = \theta$ وفي دورق (بالون) حجمه $V = 500\,m$ نتابع باستعمال جهاز قياس الضغط، التحوّل الذي يحدث بين حجم $V' = 200\,m$ لحلول حمض كلور الهيدروجين $m_{Mg} = 9$, 0 دوكتلة $C = 10 \times 10^{-1}$ سالغنيزيوم. معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث هي :

$$Mg_{(s)} + 2H_{(aq)}^{+} = Mg_{(aq)}^{2+} + H_{2(g)}$$

 $R = 8,31 J.k^{-1}.mol^{-1}$ ، $M_{Mg} = 24,3 g.mol^{-1}$.

ما هي النواتج التشكلة خلال هذا التحول؟ احسب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات. ما هو التفاعل الحدّ؟ علل.

الضغط الجوي في شروط التجربة $Pa \times 10^5$ $Pa \times 10^5$. نقيس الضغط P للغاز الوجود في الدورق لأزمنة مختلفة وتعطى قيمته بالعلاقة $P = P_{alm} + P_{II_2}$ ، ونحصل على حدول القياسات التالى :

t(s)	0	18	52	71	90	115
$P(10^5 Pa)$	1,009	1,034	1,097	1,127	1,159	1,198
t(s)	144	160	174	193	212	238
$P(10^5 Pa)$	1,239	1,261	1,273	1,294	1,297	1,297
t(s)	266	290				
$P(10^5 Pa)$	1,297	1,297				

ا/ أعط جدول تقدّم التفاعل.

. بـ/ جد العبارة الحرفية للتقدّم x بـدلالة P_{H_2} . مثل بيان تغيّرات التقدم x بـدلالة الزمن. سلم الرّسم : $1cm \leftrightarrow 20s$ للفواصل،

للزاتيب. $lcm \leftrightarrow 4 \times 10^{-4} mol$

t=180د ين زمن نصف التفاعل $t_{//}$. عين السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة

عين عند اللحظة 180s عين عند اللحظة t=180s حجم غاز ثنائي الهيدروجين المتشكل والتركيز المولي لشوارد $Mg^{2+}_{(ag)}$

 $V_{\rm m} = 24 L.mol^{-1}$ يعطى الحجم المولي للغاز المنطلق (في شروط التجربة بالقيمة

 $X(t) = X(0) = 0 \, mol$: الدينا t = 0

$$y(0) = \frac{\alpha + 0 + \beta}{-\alpha C_0 V_0} = -\frac{\beta}{\alpha C_0 V_0}....(2)$$
اذن:

 $y(t)-y(0)=\frac{\alpha X(t)+\beta}{-\alpha C_0 V_0}-\frac{-\beta}{\alpha C_0 V_0}$: نقوم بطرح المعادلتين (1) و (2) فنجد

$$= \frac{\alpha X(t)}{-\alpha C_0 V_0} - \frac{\beta}{\alpha C_0 V_0} + \frac{\beta}{\alpha C_0 V_0}$$

$$y(t) - y(0) = \frac{X(t)}{-C_0 V_0}$$

 $X(t) = C_0 V_0 \left(y(0) - y(t) \right)$ وهي العبارة المطلوبة.

y(t) = y(0) = 1,560 بر من الجدول نلاحظ أنه لا t = 0 يكون X(0) = 0 سارة X(t) فنجد X(0) = 0 سارة وفي اللحظة Y(t) = 1,315 لدينا X(t) = 1,315

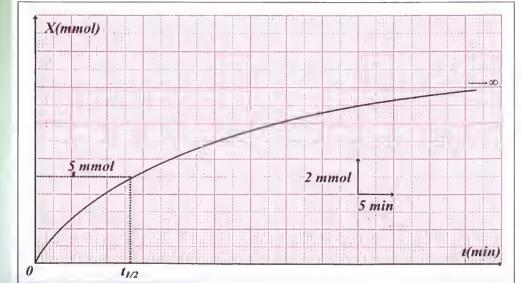
 $V_0 = 1L$ و $C_0 = 10 \, mmol.L^{-1} = 10^{-2} \, mol.L^{-1}$ و ڪما ان

X(t) عندما نعوض في عبارة

 $X(t) = 10^{-2} \times I(1,560-1,315) = 0$, $245.10^{-2} \, mol = 2,45.10^{-3} \, mol = 2,45 \, mmol$ $= 2,45 \, mmol$

$$t(min)$$
 0 5 9 13 20 ∞ $X(m.mol)$ 0 2,45 3,67 4,53 6,37 10,00

رسم البيان (۱) ٪



2/ حساب كميات المادة الابتدائية للمتفاعلات

وهذا لحساب كمية المادة. $n = \frac{m}{M}$

 $n_{Cl^-}=n_{H^+}=C\,V^{\,\prime}=1.0\times 10^{-l}\times 2\times 10^{-l}=2.0\times 10^{-2}\,mol$: نحوّل الحجم إلى اللّز : (cg) إلى الغرام (cg) : نحوّل الكتلة من السنتيغرام

$$n_{Mg} = \frac{m_{Mg}}{M_{Mg}} = \frac{9 \times 10^{-2}}{24.3} = 3.7 \times 10^{-3} \,\text{mol}$$

3/ التفاعل الحد

 $1Mg_{(s)}+2H_{(aq)}^{+}=Mg_{(aq)}^{2+}+H_{2(g)}$ معادلة التفاعل هي

 $\frac{n_{\rm Mg}}{I} = \frac{n_{H^+}}{2}$ فإذا تم التفاعل بنسب ستكيومترية فيجب ان يتحقق

فإذا تحقَق $\frac{n_{(Mg)}}{1}>rac{n_{(Mg)}}{2}$ فان Mg فان فضع بزيادة و H^+ هو الذي ينتهي، وبالتالي هو التفاعل المحدّ.

وإذا تحقَق $\frac{n_{
m Mg}}{2} < \frac{n_{
m H^+}}{2}$ فان H^+ هو الذي وُضع بزيادة و Mg هو الذي ينتهي، فهو المتفاعل المحد.

 $\frac{n_{H^{+}}}{2}$ و عليه، فلتحديد التفاعل المحدّ يجب أن نقارن بين الثسبتين $\frac{n_{H^{+}}}{2}$ و عليه،

$$\frac{n_{H^{-}}}{2} = \frac{2 \times 10^{-2}}{2} = 10^{-2} \, \text{mol g} \quad n_{Mg} = 3.7 \times 10^{-3} \, \text{mol}$$

نلاحظ حينند ان $\frac{n_H}{2} > \frac{n_{Mg}}{l}$ ومنه فإن $\frac{Mg}{l}$ هو المتفاعل المحن

4/1/ جدول التقدم

المعادلة		$Mg_{(s)} + 2H_{(aq)}^{+} = Mg_{(aq)}^{2+} + H_{2(g)} + 2H_{2}O_{(1)}$					
	التقدم						
الحالة الابتدائية	0	$3.7 \times 10^{-3} mol$	$2.0\times10^{-2}mol$	0mol	0mol	۰	
ميند، المنتد	1/	$3.7\times10^{-3}-X(t)$	$2.0 \times 10^{-2} - 2X(t)$	X(t)	X(t)		
	X		2 2 2/				
الحالة النهانية	X	$3.7 \times 10^{-3} - X_{max}$	$2.0 \times 10^{-2} - 2X_{max}$	∧ max	21 max		

P برا العبارة الحرفية للتقدم X بدلالة

PV = nRT يُعطى القانون العام للغازات المثالية (معادلة الحالة للغازات المثالية) بالعبارة

$$n_{H_2} = \frac{P_{H_2}V}{RT}$$
اذن

$$X(t) = \frac{P_{H_2} \cdot V}{R.T}$$
 إذن : $n_{H_2} = X(t)$ وحسب جدول التقدم فإن $N_{H_2} = X(t)$ انتبه إلى الوحدات :

 $.m^3$ ب V محما •

. $P_{H_2} = P - P_{atm}$ مع (الباسكال) P_a ب بالضغط و الباسكال) ه

 $T(k) = \theta(^{\circ}C) + 273$ درجة الحرارة T بT (الكلفن) مع

. mol بالتقدم X ب

. SI بالثابت العام للغازات R بR بالدولية $(P_a.m^3.mol^{-1}.k^{-1})$ باو اختصارا بجملة الوحدات الدولية

T=293k ، T=20+273 ومنه $\theta=20^{0}C$: للينا العطيات التالية R=8,31S1 ، $P_{H_2}=P-1,009\times10^{5}\,P_a$ ، $P_{atm}=1,009\times10^{5}\,P_a$

- حجم الغاز V : غاز ثنائي الهيدروجين H_2 الناتج عن التفاعل يتصاعد ويحتل الحيّز الفارغ، إذن

 $V = 300mL = 300mL = 3 \times 10^{-1} L = 3 \times 10^{-4} m^3$

 $X(t) = \frac{(P-1,009 \times 10^{+5})3 \times 10^{-4}}{8.31 \times 293}$ نعوض في عبارة X(t) فنجد :

عند التبسيط نجد : $X(t) = 1,232 \times 10^{-7} (P - 1,009 \times 10^{5})$ وهي العبارة المطلوبة .

X(t) تمثیل بیان 5

. X(t) عبارة P المعطاة في الجدول في عبارة X(t) ، X(t) عبارة Y(t) ،

• فمثلا، من أجل القيمة الأولى : t = 0 و t = 0 فنجد ؛

 $X(0) = 1,232 \times 10^{-7} (1,009 \times 10^{5} - 1,009 \times 10^{5}) = 0 \text{mol}$

ومن أجل القيمة الثانية : $P = 1.034 \times 10^5 \, Pa$ و t = 1.88 فنجد

 $X(18) = 1,232 \times 10^{-7} (1,034 \times 10^5 - 1,009 \times 10^5) = 3,08 \times 10^{-4} \text{ mol}$

 $X(18) = 0.31 \times 10^{-3} mol = 0.31 mmol$

وهكذا بالنسبة لبقية القيم، لنحصل على الجدول التالي :

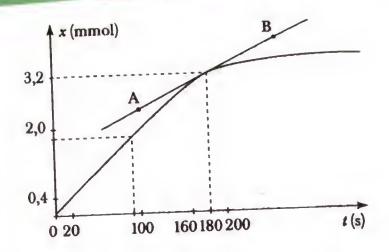
$$n_{H_2} = \frac{V_{H_2}}{V_m}$$
 وبما أن H_2 غاز، فلتعيين حجمه نستعمل العلاقة H_2

$$V_m = 24 L.mol^{-1}$$
 حيث V_m الحجم المولي في شروط التجربة وهو

$$V_{H_2}=n_{H_2}V_m$$
 اذن!

$$V_{(H_2)} \cong 7.9.10^{-2} L$$
 $V_{H_2} = 3.3 \times 10^{-3} \times 24$

$$[Mg^{2+}] = \frac{n_{[Mg^{2+}]}}{V'} = \frac{3.3 \times 10^{-3}}{2 \times 10^{-1}} ; [Mg^{+}] = 1.65 \times 10^{-2} \text{ mol.} L^{-1}]$$



6/ زمن نصف التفاعل 11/

$$X_{y_2} = \frac{X_{max}}{2}$$
 من جدول القيم لدينا $X_{max} = 2,55mol$ من جدول القيم الدينا

$$t_{\chi_2} \approx 87s$$
 : اذن $X_{\chi_2} = \frac{2,55}{2}$ ، وبنقل هذه القيمة في البيان نجد الأرب

1 = 180s تعيين السرعة الحجمية للتفاعل في اللحظة و المحمية للتفاعل تعطى بالعبارة ، نعلم أن السرعة الحجمية للتفاعل تعطى بالعبارة ،

$$v = \frac{1}{V'} \times \frac{dx}{dt} = (t = 180s)$$
ميل مماس النحني في اللحظة

، نختار نقطتین A و B ، ثم نعین إحداثیي كل منهما

$$B(t_B = 250s \; ; \; x_B = 4mmol) \; . \; A(t_A = 100s \; ; \; x_A = 2,6mmol)$$

 $V' = 200mL \; g$

$$v = \frac{1}{V'} \times \frac{x_B - x_A}{t_B - t_A} = \frac{1}{200 \times 10^{-3}} \frac{(4 - 2.6)}{250 - 100} \times 10^{-3} = 4.67 \times 10^{-5}$$

$$v = 4,67 \times 10^{-5} \text{ mol. } L^{-1}.s^{-1}$$

180s عند اللحظة الهيدروجين الهيدروجين عند اللحظة العظم 8

$$X=3,3mmol$$
 نجد من البيان في اللحظة $t=180s$ ان $X=3,3mmol$ ان $X=n_{H_2}=n_{Mg^2}$ وحسب جدول التقدم لدينا

$$n_{H_2} = 3,3mmol$$
 إذن

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

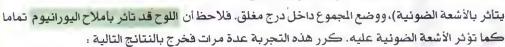
Hard_equation

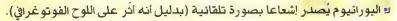
المجال 1 ♦ النطورات الرئيبة الوحدة 2 دراسة تحولات نووية

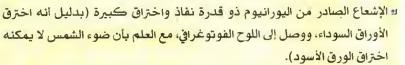
1- النشاط الإشعاعي

1 – 1 – تأريخ

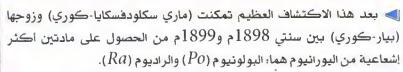
■ في 26 فيفري من عام 1896م لاحظ الفيزيائي الفرنسي (هنري بكريل) بمحض الصدفة أن قطعة من أملاح اليورانيوم كان قد وضعها بجوار لوح فوتوغرافي حساس (cliché) مغلف بعدة أوراق سوداء (حتى لا







ي تسمى هذه الظاهرة (ظاهرة النشاط الإشعاعي) (la radioactivité).



- ◄ في سنة 1903م تم منح جائزة نوبل في الفيزياء لكل من بكريل، ماري وبيار، تكريما لأعمالهم في النشاط الإشعاعي الطبيعي.
- اما في سنة 1934م فقد تم اكتشاف النشاط الإشعاعي الصناعي. من قبل (فردريك جوليو) وزوجه (ايرين كوري جوليو). ومنحا على اثره جائزة نوبل في الفيزياء لسنة 1935م.

النشاط الإشعامي الطبيعي الطبيعي -2-1

- ◄ اثار اكتشاف النشاط الإشعاعي الطبيعي، الذي يصدر بصورة تلقائية من اليورانيوم أو الراديوم...، أسئلة كثيرة وعجب العلماء لهذا الإشعاع ,
- * من أين يأتي ؟ أمن إلكترونات الذرات مثل أشعة رونتجن أم من الأشعة المهبطية، أم من أنوية الذرات ؟
- * ومن أي شيء يصنع ؟ وكيف يمكن إنتاجه ؟ وهل يحدث تغييرا في المواد التي تطلق إشعاعا ؟



المَقدمة-

الحمد لله وحده و بعد :

أريدها مقدمة ليست كالمقدمات ولذلك أقول ؛ لو اتبعنا تاريخ تطور العلوم الفيزيانية، لوجد نا أن الطريقة التي اتبعها العلماء فيها كانت بسيطة وفعالة، بدءا بالواح ابن سينا ووصولا إلى تجارب غاليله، التي بدأ بها العلم أول دورته، وضغط على زر تشغيل آلة الفيزياء العظيمة.

يقول آينشتاين في ذلك : (التجربة هي لب اختراع غاليله). فغاليله لما أدرك ذلك اعتمد التجربة أسلوبا ومنهاجا، وكذلك فعل من بعده العلماء.

فالإنسان اكتشف أول ما اكتشف الظواهر اليكانيكية والفلكية والضوئية. علمها، فهمها، حاكاها، ومن ثم أو جد قوانينها، قبل أن تذ هله الظواهر الكهر ومغناطيسية والنووية. فأولى الظواهر الفيزيائية كانت بادية للعيان، التقطتها حواس الناس، فكانت عين اليقين للإنسانية منذ فجر التاريخ. أما آخرها فقد اكتشفت إما بالصدفة (تجربة أرستد ، التحريض الكهر ومغناطيسي لفارادي، أو التحولات النووية على يد بكريل)، أو بتطور وسائل البحث فكانت علم اليقين.

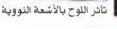
وعليه فإن من وجهة نظر الإبستومولوجيا، ينبغي أن يؤخذ بهذا التدرج في بناء منهاج العلوم الفيزيائية اليوم وغدا. فالنهاج الذي لا يراعي، ولا يتدرج كما تدرج العلماء في فهمهم للظواهر الفيزيائية والكيميائية هو منهاج ميت فاقد للذاكرة، ولا تغرنك ديباجته، وإن كانت منمقة بكلمات كبيرة في الفيزياء، فهي رطانة سمجة. والمنهاج الذي يكرس في الامتحانات الرسمية طريقة استرداد العلومات كأن التلميذ قرص مدمج، أو وعاء مستطرق، لن يفلح به النشء، ولن يتحقق معه الرجاء. ذلك أنه يجعل منه أذن صاغية وفقط، تعمل بالنظام القسري، لا قلب نابض يعمل بالنظام الحر المغذى. وهنا مكمن الداء وبؤرة الخطر والفصل بين الأقطاب والأصفار.

في كتابنا Z زاد العلوم الفيزيائية، اردنا أن نكسب الرهان، فسعينا أن نعمل بالنظام الحر المغذى، ولا مناص من ذلك، فنحن جادون في أخذ قصب السباق. لذلك ارتابنا أن نسرد حكاية الفيزياء من بد ايتها، حكاية العلماء الذين كرسوا حياتهم لحل لغزها الكبير، وفي ذلك خاضوا كفاحا مضنيا، شاقا، اتسم بروعة الأداء والصبر ومجابهة المعارضين والمشككين. ونعلم ما للقصص من أثر في النفوس.

حاولنا أن نضع لبنة أولى لنرتقي بالنشء، بتوفيق من الله وحده، فيصل إلى زر تشغيل آلة الفيزياء. لا ندعي في ذلك علما، إنما اجتهادا لا غير، فهو ديدننا في كل يوم. ولا نضع همتنا فوق همم الناس، إنما نريد أن نستنهض الهمم، من أجلك ياوطني... يا صاح غيرنا قد وصل... فأين الهمام ؟ ... أين ؟

الأستاذ أبو إسلام الحسين مصطفى صالح.







قطعة من الروبيديوم الشع







انبرى علماء كثيرون للإجابة عن هذه الأسئلة بتجارب غاية في الدقة وكانت نتائجها كالتالي: ك اكد العالم (بكريل) أن النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية أو الكيميائية للمادة المشعة . فإذا غيَّرنا أحد العوامل الفيزيائية التالية: الضغط، درجة الحرارة، أو حالة المادة (سائلة، صلبة أو غازية) تبقى المادة المشعة هي هي، دون تغير نشاطها الإشعاعي، كما أن الحالة الكيميائية للمادة المشعة لا تغير من طبيعتها الإشعاعية مهما كان نوع المادة المرتبطة كيميانيا بالمادة المشعة، وعليه فإن النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالتركيب الإلكتروني وبالتالي الكيميائي للمادة المشعة .

ك اما العالم (رذرفورد) فقد تأكد ابتداء من سنة 1897م أن الإشعاع النووي يتألف من أكثر من نوع.

احدها اقل نفوذا سمى اشعته أشعة آلفا (α) والثاني أكثر نفوذا سمى اشعته أشعة (β) بيتا

 $_{\mathbf{E}}$ في سنة 1899م وجد عدة علماء، من بينهم (بكريل) نفسه، ان اشعة (eta) يمكن ان تنحرف في حقل مغناطيسي، وان نسبة شحنتها إلى كتلتها التي اڪتشفها (تومسون) سنة 1897م. لذا $\frac{e^-}{m} = \frac{q_{eta}}{m_a}$ β فهي جسيمات تشبه تماما الإلكترونات، لذا اصطلح عليها برمز

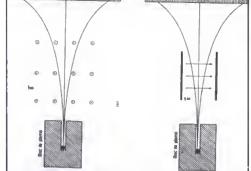
. إذن جسيمات eta هي الكترونات (eta).

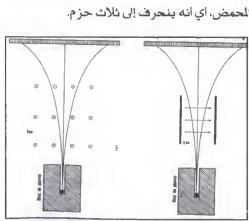
- ان اشعة lpha هي جسيمات مادية. - من خصائص الامتصاص - ان اشعة lpha هي جسيمات مادية.

 α وفي عام 1903 م نجح رذرفورد في حرف جسيمات α في حقل مغناطيسي، واشارت جهة الانحراف إلى انها جسيمات ذات شحنة موجبة، وبيّن أن شحنتها $(q_{lpha}=+2|e^-|)$ وأن كتلتها موجبة، وبيّن أن شحنتها أ . He^{++} واستنتج عندها ان ، حسيم $oldsymbol{lpha}$ ما هو إلا نواة الهيليوم ($m_{lpha}{pprox}4m_{H}$

و في سنة 1900م بين العالم الفيزياني الفرنسي (Villard) وجود نوع ثالث من الإشعاعات هو إشعاع غاما (γ) ، وهو إشعاع مماثل للأشعة الضوئية، لكنه ذو نفاذية عظيمة في المواد، وهو غير مشحون، بدليل أنه لا ينحرف في حقل مغناطيسي.

بناءً على ما سبق نقول : إنه عند تحريض الإشعاع الصادر من المواد المشعة بحقل مغناطيسي \vec{B} أو حقل كهرباني \acute{E} فإنه يترك ثلاثة آثار في اللوح الفوتوغرافي المحمض، أي أنه ينحرف إلى ثلاث حزم.





ا - 3 - بطاقة هوية للإشعاعات الاسم ، جسيم ۵ q_=+2|e-| الشحنة ،

الكتلة السكونية ، م 7000m الكتلة السكونية ، العلامات الخصوصية

- ذو تماسك كبير
- دو نفاذیة ضعیفة فی المواد الرمز النووي · 42He++

الاسم : حسيم 8 الشحنة ، "q_=e الكتلة السكونية ، _مm_s≈m العلامات الخصوصية دو نفاذیة کبیرة في الواد

الرمز النووي ، 0

الاسم ، إشعاع γ الاسم ، إشعاع ٧ الشحنة منعدمة ، q_v=0 الكتلة السكونية متعدمة ، m_=0 العلامات الخصوصية ، ذو نفاذية خارقة للمواد الرمز النووي، ٧٥

خرسانة سمكها 5 م تربة سمكها 7 م جسيمات بينا درع سمکه △ 4,8 سـم خرسانة سمكها تربة سمكها 14 سـم أشعة غاما

النشاط 1 النشاط المشاعي الصناعي -4-1

🤜 في 11 جانفي من سنة 1934م تم اكتشاف النشاط الإشعاعي الصناعي من قبل العالمين الفرنسيين (فرديريك جوليو) وزوجته (ايرين كوري)، إذ قذفا صفيحة المنيوم (Al) بجسيمات α صادرة من عنصر مشع هو البولونيوم (Po). وعندما اوقفا القذف بدا لهما وكان صفيحة (Al) اصبحت مشعة، وبدات تصدر جسيمات من نوع جديد تسمى البوزيترونات (Positrons)، وهي جسيمات لها نفس كتلة الإلكترون ($m_{_{o}}$) ونفس قيمة الشحنة الكهربائية، لكنها موجبة (ومن هنا يأتي مصطلح بوزيترون ، لأن الشحنة موجبة)، لذا أعطي لها الرمز (eta^+).

◄ فالألمنيوم في البداية لم يكن مشعا، وبعد قذفه بجسيمات α تحوُّل الجزء المقذوف منه إلى عنصر مشع. وعلى إثر هذا الاكتشاف العظيم تم منحهما جائزة نوبل للفيزياء سنة 1935م.

هي أربعة :

- lpha به التفكك الفا lpha ، هو إصدار جسيمات، كل جسيم هو نواة الهيليوم $lpha^{++}$ ويسمى جسيم lpha
 - $(eta^-_{-1}e)$. هو إصدار الكترونات $(eta^-_{-1}e)$ سريعة.
 - $(eta^0_{+1}e)$ ؛ هو إصدار بوزيترونات: (eta^+) ؛
- له الإصدار غ<mark>اما (اشعاع</mark> γ) : هو إصدار فوتونات (γ^0_0) ، وهي اشعاعات كهر ومغناطيسية لكنها ذات طاقة عالية.

◄ ملاحظة

- . (γ) وتصدر الشعة طبيعيا تحدث التفككين (lpha) و (eta^-) وتصدر اشعاع (γ).
 - $_{*}$ العناصر المشعة صناعيا تحدث التفكك (eta^{+}).

✓ كيف يمكن الكشف عن ظواهر النشاط الإشعاعي؟

توجد عدة طرائق للكشف عن ظاهرة النشاط الإشعاعي هي:

عداد جيجر - مولر

(Compteur Geiger-Muller)

مبدأ عمله بسيط (انظر الشكل المرفق)، يطبق توترا كهربائيا بين السلك المعدني والأنبوب الأسطواني الملوء بغاز (الهواء مثلا).

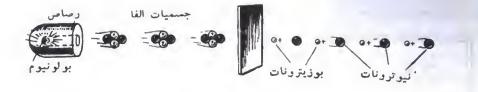
فإذا وجدت مادة مشعة بجوار الأنبوب، فإن إشعاعها يؤين الهواء F_0 و F_0 وينتج الموجود في الأنبوب فيحدث تفريغ كهربائي بين F_0 وينتج عنه تيار يمر عبر الدارة F_0 F_0 F_0 F_0 وبالتالي يحدث تغيير في التوتر الكهربائي F_0 فيمر عبر المضخم F_0 ومن ثم نحو مكبر الصوت، فيسمع طقطقة، أو يمر عبر عداد الإشارات.

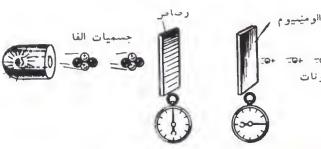
غرفة التاين

تشبه في مبدأ عملها عداد جيجر إلا أنها مزودة بكاشف كهربائي مشحون (بالموجب مثلا)، فإذا مر الإشعاع من أنبوب غرفة التأين، فأنه يؤين الهواء، فتنتج الكترونات يجذبها الكاشف الكهربائي، وبالتالي يحدث له تفريغ كهربائي، فنشاهد اقتراب الرقاقتين من بعضهما.

غرفة ويلسون

تملؤ الغرفة بهواء مشبع ببخار الماء، فإذا مر الإشعاع النووي يتاين الهواء، وتنتج عنه حرارة تكفي لتكثف بخار الماء، في كل بخار الماء، في كل نقطة من فضاء الغرفة، يمر بها الإشعاع مما يجعله يترك اثرا ماديا (قطيرات الماء) في كل مساره.





 eta^* الاسم ، حسيم eta^* الشحنة ، $eta^- + eta^- + eta^-$ الكنلة السكونية ، $m_{eta^*} pprox m_{c^-}$ العلامات الخصوصية

- ه يسمى ضديد الإلكترون
- ذو نفاذبة كبيرة في الواد 0
 - الرمز النووي: 0+1

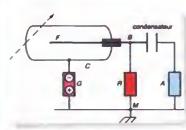
1 – 5 – نتانج

🧢 ما هو النشاط الإشعاعي ؟ وما هي طبيعته وخصائصه ؟

- . و النشاط الإشعاعي هو الإصدار التلقائي والمستمر للجسيمات $eta^-, eta^+, lpha$ وإشعاع γ
- ت العينات التي تحدث النشاط الإشعاعي تسمى النابع المشعة (أو العناصر المشعة) مثل اليورانيوم (U) والبولونيوم (Po).
- ت النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة، لا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر الشع، أو بالارتباط الكيميائي له مع بقية العناصر.
- ت النشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية للمواد المشعة، ولا يتغير بتغير الحالة الفيزيائية، من غازية وصلبة وسائلة.

🤜 ما هي أنواع الجسيمات والإشعاع الصادر عن الفناصر الشعة ؟





2- النواة ـ الاستقرار وعدم الاستقرار

-1-2

2-1-1- بنية النواة

تتالف نواة الذرة من النويات أو النكليونات (les nucléons).

🖊 ما هي النويات ؟

⊳ النويات نوعان من الجسيمات وهما:

البروتون (P): جسيم نووي اكتشفه العالم (رذرفورد) سنة 1919م له بطاقة الهوية التالية:

شحنته موجية ، q=+e=+1,6×10⁻¹⁹c

كتلته السكونية ،

 $m_p = 1,6726 \times 10^{-27} \text{kg} \text{ m}_p = 1836 \text{m}_e$ قطره # 1,8×10⁻¹⁴cm

النترون (n) : جسيم نووي اكتشفه العالم الإنجليزي (جيمس شادويك) سنة 1932م وبطاقة هويته :

السع جيسس شادريك (1891-1974)

شحنته متعادلة كهربانيا ، q_=0 c m_=1,6749×10⁻²⁷kg، كتابته

قطره # 1,5×10⁻¹³cm

2-1-2 رمز النواة

يرمز لنواة أي عنصر كيميائي (X) بالرمز

٢ 🚣 🕹 عدد البروتونات

عدد البروتونات، ويسمى أيضا العدد الشحني أو العدد الذري. Z

العدد الكتلي = عدد النويات = عدد البروتونات (Z) + عدد النترونات (N).

مثال : نواة اليورانيوم المخصب (U) تحتوي على 92 بروتونا و143 نترونا.

143=Nو 92=Z!

ومنه: A=Z+N=143+92 ، إذن ، A=Z+N=

ولذا يكون رمزنواة اليورانيوم الخصب هو، U^{A}_{Z} اي U^{235}_{Q} .

3-1-2 النظائر (Isotopes)

كل الأنوية التي لها نفس عدد البروتونات (Z) ومختلفة في عدد االنترونات (N) تسمى نظائر، وهذا بناءً على اقتراح من العالم أستون.

◄ أمثلة: $\cdot\cdotrac{238}{92}U\cdotrac{235}{92}U\cdotrac{234}{92}U$. نظائر اليورانيوم (U) هي

 $\cdot \stackrel{3}{H} \cdot \stackrel{2}{H} \cdot \stackrel{1}{H} \cdot \stackrel{1}{H}$. هي $\cdot \stackrel{1}{H} \cdot \stackrel{2}{H} \cdot \stackrel{3}{H} \cdot \stackrel{2}{H}$

◄ ملاحظات

 \star العنصر الكيميائي (X) هو خليط من النظائر، وبنسب مئوية مختلفة، وعليه فإن نظائر العنصر الكيمياني الواحد تحتل نفس المكان (isotopes) في الجدول الدوري، ولهذا السبب أطلق العالم آستون (Aston) المصطلح اليوناني (isotopos)، أي نفس المكان لنظائر العنصر الواحد، فمثلا؛ عنصر

اليورانيوم (U) يوجد في الطبيعة على شكل 3 نظائر هي :

بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي (99,275%)

 $^{235}_{92}$ بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي ($^{0,720\%}_{92}$

ر $^{234}_{92}$ بنسبة مئوية بعدد الذرات تساوي ($^{0,0056}_{92}$)

. $^{(14}_6C)$ عنصر الكربون $^{(1)}_6C$ يتألف من : $^{(98.89\%)}_6C$ و $^{(1,11\%)}_6$ وبعض آثار الكربون المشع عنصر الهيڊروجين (H) يتالف من البروتيوم H (%99,985) والديتيريوم (H) عنصر الهيڊروجين (H) عنصر وبعض آثار الثريثيوم (H_1^3).

الرمز النووي لبعض الجسيمات تحت الذرية (particules subatomiques)

جسيم α ، هو نواة الهيليوم التي تحتوي على 2 بروتون و2 نترون، لذا يأتي رمزه النووي كما يلي؛

 β^- جسيم β^- او الإلكترون (ℓ^-) ؛ بناء على اقتراح من العالم صودي ($\delta oddy$) يعطى له الرمز النووي (ℓ^-). eta^+ جسیم eta^+ او البوزیترون (e^+) وهو ضدید الإلکترون ، رمزه النووي هو (e^+).

-0=A اشعاع γ ، رمزه النووي (γ_0^0)، اي . شحنته Z=0 وكتلته

.0=A النوترينو u: رمزه النووي (u0)، اي : شحنته u2 وكتلته

ضديد النوترينو $\overline{\mathcal{V}}$: رمزه النووي $(0\overline{\mathcal{V}})$

استقرار وعم استقرار النواق -2-2

2-1-1- تأثير القوة النووية القوية في استقرار النواة

🤜 كيف تفسر استقرار أغلبية أنوية العناصر الموجودة في الطبيعة من الهيدروجين (H) إلى اليورانيوم (U) ؟

🤜 وكيف تفسر عدم استقرار بعض الأنوية، سواء التي يحدث لها نشاط اشعاعي طبيعي أو صناعي ؟

نفسر ذلك بالمقاربة الفيزيانية التالية :

من المعلوم أن قوى التنافر الكهربائية (الكولومبية) بين البروتونات في النواة والمشحونة بشحنة كهربائية موجبة تساهم في عدم استقرار النواة. غير اننا نجد في الطبيعة ان اغلبية العناصر مستقرة ومتماسكة. وهذا

بكثير من القوة الكولونية، الأمر الذي يؤدي إلى استقرارها.

هنا . Z=17 وN=35-17 إذن . N=18 فنلاحظ ان N=Z+1 اي Z=17 بتقريب 1 فالنواة مستقرة . تفسير استقرار الأنوية المتوسطة Z<Z20

كل الأنوية المستقرة والتي تنتمي إلى المجال Z < 82 200 تتميز بأن عدد بروتوناتها قد زاد، وبالتالي

البروتونات (Z) اي (Z < N) ، وهذا العدد الزائد من النترونات يعمل على تخفيف الشحنة الكهربائية الموجبة مما يجعل القوة النووية القوية أكبر شدة من قوة التنافر الكولومبية، وبهذا نفسر استقرار

اي (N > 1,54Z)، فالنواة مستقرة. $\frac{N}{Z} \approx 1,54$

بزيادة عدد البروتونات Z تصبح قوة التنافر الكولومبي أكبر من القوة النووية القوية، وهذا مهما زاد عدد النترونات N على عدد البروتونات، وهكذا تصبح النواة غير مستقرة.

انوية لعناصر مشعة.

القول إن كل الأنوية التي لها $Z{<}20$ وتنتمي إلى منطقة الاستقرار تكون فيها القوة النووية القوية أكبر

مثال : بين أن نواة الكربون 12 مستقرة.

نلاحظ هنا ان N=Z=6 فالنواة إذن مستقرة.

مثال 2: بین ان نواة C/ مستقرة.

تزداد معه قوة التنافر الكهربائي، بينما يُرحُخُ - من جهة أخرى - نقصان القوة النووية القوية الجاذبة، لأنه بازدياد عدد النويات (البروتونات والنترونات) يزداد حجم النواة، فيزداد ابتعاد النويات عن بعضها، لأن القوة النووية تخضع ـ كما اسلفنا ـ لخاصية التشبع، فتصبح النويات البعيدة غير متأثرة ببعضها البعض. وهكذا يبدو أن شدة القوة النووية القوية أصبحت أضعف من شدة القوة الكولومبية، مما يسبب عدم استقرار النواة. إلا أن هذا لم يحدث، فكيف نفسر استقرار هذه الأنوية ؟ إذا نظرنا من جديد إلى الأنوية 20 < Z < 82 نلاحظ أن فيها : عدد النترونات (N) اكبر من عدد

مثال : نواة الرصاص (206) اي $\frac{N}{82}$ هي نواة جد مستقرة لأن $\frac{206-82}{82}$ ومنه

N = A - Z

يؤدي بنا إلى القول بأنه توجد قوة أخرى ذات تأثير جاذب، تمنع تنافر البروتونات داخل النواة. إذن فهي التي تضمن بقاء النواة متماسكة. هذه القوة تسمى القوة النووية القوية.

نلخص فنقول إن استقرار النواة من عدمه يعتمد على نوعين من القوى هما :

1/ قوة التنافر الكهربائي (القوة الكولومبية)

و مسؤولة عن التنافرالكهربائي بين البروتونات داخل النواة.

و نوع تأثيرها ؛ تنافري.

و مدى تاثيرها : كبير جدا (يقال لانهائي) ، بمعنى أن كل البروتونات مهما كانت بعيدة بعضها عن بعض تتاثر بالنتافر الكهرباني فيما بينها.

و شدتها : تعطى بقانون كولوم. وهي أضعف من شدة القوة النووية القوية بكثير.

2/ القوة النووية القوية

و مسؤولة عن تماسك البروتونات.

و نوع تاثيرها ؛ تجاذبي بمعنى أن البروتون يحدث تجاذبا مع بروتون آخر بفضل هذه القوة النووية داخل النواة، كما يحدث تجاذب بين (p) و(n) وايضا بين (n) و(n)

و مدى تأثيرها : قصير، اي على مستوى النواة فقط، اي في حدود ($10^{-15}m$).

و شدتها : كبيرة بحيث تعتبر أكبر القوى الأساسية الأربع في الطبيعة.

تتميز القوة النووية بخاصية التشبع (saturation) التي تتمثل في أن النوية (بروتون أو نترون) لا تؤثر إلا في العدد المحدود من النويات المجاورة لها مباشرة، ولا يصل تأثيرها إلى النويات البعيدة عنها.

2-2-2 تأثير عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N) في استقرار أو عدم استقرار النواة

(N,Z) الخطط

نم تحديد الأنوية الستقرة من عدمها في مخطط (N,Z) بدلالة (N,Z) ندعوه المخطط (N,Z). وهو الموضح في الشكل المقابل.

تعليق على الخطط (N,Z)

و العناصر الستقرة ممثلة بنقاط سوداء، لا تشكل خطا منحنيا بل تشكل منطقة ندعوها منطقة الاستقرار zone de stabilité

تفسير استقرار الأنوية الخفيفة التي لها 2<20

نلا حظ أن منطقة الاستقرار في حالة Z < 20 تقع بجوار المستقيم المنصف Z pprox N ، وفي هذه الحالة يتحقق :

عدد البروتونات = عدد النترونات.

نستنتج أنه إذا تحقق $N{pprox}Z$ فإن النواة تكون مستقرة وهذا معناه أن النواة متماسكة، وهذا ما يؤدي بنا إلى

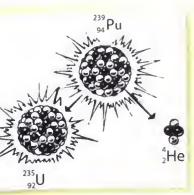
Z>82 تفسير عدم استقرار الأنوية الثقيلة

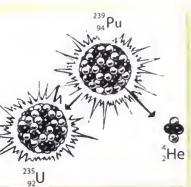
لذا نقول إن أغلب الأنوية التي لها Z>82 هي

مثال : نواة U^{238}_{92} هي نواة غير مستقرة إذ يحدث لها تفكك (lpha) فهي نواة لعنصر مشع، Z>82 إذن Z=92 إذن ومنه فالنواة U_{92}^{238} غير مستقرة. توفع نوع التفكك للأنوية غير الستقرة β^- كيف نتوقع التفكك β^- ؟

و التفكك ٢

التفكك 🛭 هو إصدار جسيمات، كل جسيم يشبه نواة الهيليوم (4<u>He)</u> اي يحتوي على 2 بروتون و2 نترون. $_{Z}^{A}X \rightarrow _{2}^{4}He + _{Z-2}^{A-4}Y$ معادلة التفكك هي





 $^{239}_{94}Pu \rightarrow ^{235}_{92}U + ^{4}_{2}He$ مثال : مثال

التفكك $^{-}$ هو إصدار إلكترونات سريعة (^{0}e) من النواة. معادلة التفكك هي : $^{A}_{Z}X
ightarrow ^{0}_{-1}e + {}^{A}_{Z+l}Y + {}^{0}\overline{V}$.

. هو ضدید النوترینو $\overline{oldsymbol{
u}}$

 $^{14}C \rightarrow ^{14}N + ^{0}e + ^{0}\overline{\nu} :$

كيف يمكن للنواة إصدار الكترون ؟ وهل هذا يعني أن النواة تحتوي على الكترونات ؟

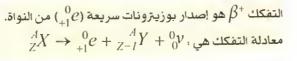
كلا، فالنواة لا تحتوي على الكترونات.

إذن. من أين أتى هذا الإلكترون ($^{\mathcal{C}}_{-1}^{}$) الذي أصدرته النواة $^{\circ}$

لقد تبين أن في النواة يتحول نترون إلى بروتون والكترون وضديد النترينو $\overline{\mathcal{V}}$ كما يلي ،

 $a \to {}_{1}^{1}p + {}_{-1}^{0}e + {}_{0}^{0}\bar{\nu}$

يه التفكك 🗗



 0_0 هو النترينو.

 $^{14}_{6}C \rightarrow {}^{11}_{5}B + {}^{0}_{+1}e + {}^{0}_{0}v :$

ڪيف يمکن للنواة إصدار بوزيترون ؟ وهل هذا يعني أن النواة تحتوي على بوزيترون ($^{\cup}_{+1}e$) ؟

ڪلا، فلقد تحول بروتون داخل النواۃ إلى نترون وبو زيترون ونوترينو ${}^0\mathcal{V}$ ڪما يلي :

 $v \to \frac{1}{0}n + \frac{0}{+1}e + \frac{0}{0}v$

Z=6 لاحظ ان $2 + \frac{14}{6}$ تحتوي على Z=6 و Z=8 فهي غنية بالنترونات مقارنة مع النواة وعندما يحدث لها التفكك eta^- ينقص عدد نتروناتها. فتتحول إلى نواة مستقرة. كما يلي :

كل الأنوية الغنية بالنترونات (مقارنة مع الأنوية المستقرة) نتوقع ان يحدث لها تفكك (eta^-) .

فينقص عدد نتروناتها ويزداد عدد بروتوناتها، وبالتالي يحدث لها تركيب (بروتوني-نتروني) مشابه

، فكيف نفسر ذلك (eta^{14}_6C) هي نواة مشعة يحدث لها تفكك eta^-

 $^{14}C \rightarrow {}^{0}e + {}^{14}N$ فالنواة N=7 هي نواة مستقرة (لاحظ أن Z=7 و N=1 إذن N=7 ومنه N=Z).

> إذا نظرنا إلى المخطط (Z,N) نجد أن التفكك eta^- يحدث للعناصر المشعة التي تقع الى يسار منطقة الاستقرار (انظر الشكل المرفق).

 β^+ كيف نتوقع التفكك β^+ ؟

لتركيب الأنوية المستقرة.

 (eta^+) الأنوية الغنية بالبروتونات (مقارنة مع الأنوية المستقرة) نتوقع أن يحدث لها تفكك (eta^+) . فينقص عدد بروتوناتها ويزداد عدد نتروناتها، وبالتالي يحدث لها تركيب (بروتوني-نتروني) مشابه لتركيب الأنوية المستقرة.

إذا نظرنا إلى المخطط (N,Z) نجد أن التفكك (eta^+) يحدث للعناصر المشعة الصناعية التي تقع إلى يمين منطقة الاستقرار. (انظر الشكل المرفق).

مثال : النواة $rac{12}{7}N$ تتميز بانZ=7 و N=5 فهي إذن غنية بالبروتونات مقارنة مع النواة المستقرة. لذا $^{12}N
ightarrow ^{0}_{+1}e + ^{12}_{6}C$: نتوقع أن يحدث لها التفكك eta^+ وعندها تتحول إلى نواة مستقرة كما يلي ت كيف نتوقع التفكك α ؟

lphaكل الأنوية التي لها $Z{>}82$ (أو $A{>}200$) نتوقع أن يحدث لها التفكك Δ

3- معادلات النفكك

1 - 3 - أنواع التفكك

قدُم رذرفورد سنة 1903م تفسيرا مدهشا للنشاط الإشعاعي. إذ أكد أن نواة العنصر الشع عندما تصدر جسیما (lpha) او (eta) غالبا ما یکون مصحوبا بیاشعاع (γ) . تتحول من نواة إلى نواة اخرى مختلفة تماما. مثل نواة الراديوم (Ra) التي تنتمي إلى مادة صلبة تتحول إلى نواة الرادون (Rn) الغازي. بعدما يحدث لها تفكك (γ) وتصدر اشعاعا (γ) .

إذن فهل نحن إزاء تحويل العناصر بعضها إلى بعض، الذي طالما حلم به السيميائيون (الكيميائيون الأوائل)؟ ... نعم.

"إثارة! النواة الناتجة عن احد التفككين (lpha) و (eta) (والتي تسمى نواة بنتا) يمكن أن تكون في حالة! (état excité)، كان تكون لها طاقة إضافية زائدة على المستوى الأساسي لطاقتها العادية، فإنها تفقد هذه الطاقة الزائدة على شكل إشعاع كهرومغناطيسي يسمى "إشعاع 7" طول موجته صغير جدا (في حدود $\lambda_{\gamma}=10^{-12}m$)، وبالتالي فإن طاقته كبيرة جدا. وبفقد هذا الإشعاع، تعود النواة الثارة إلى المستوى الأساسي لطاقتها.

يعبر عن النواة المثارة بالرمز $^4X^*$ (بوضع العلامة *)، وعن النواة في حاتها الأساسية بالرمز A_ZX (بدون

$${}_{Z}^{A}X^{*} \rightarrow {}_{Z}^{A}X + \gamma$$

2-3 - قانونا الانحفاظ (قانونا صودي للإنحفاظ)

(Z') فانون انحفاتظ الشحنة الكهربائية (Z') شحنة الأنوية بعد التفكك (Z') ، Z=Z'

ت قانون انحفاظ عدد النويات (قانون انحفاظ العدد الكتلي A) ، (A') عدد النويات قبل التفكك (A) عدد النويات بعد التفكك

4- النناقص في النشاط الإشعاعي

وجد رذرفورد أن المادة المُشعة وهي تتفكك يقل نشاطها، فمثلا إذا كانت قطعة من مادة مشعة تطلق (dt) في الثانية الواحدة، فمن باب الاحتمال، تطلق بعد مدة قصيرة (eta^+) في الثانية الواحدة، فمن باب الاحتمال، تطلق بعد مدة قصيرة (dt) 900 جسيم فقط في الثانية، وبعد فترة اطول لا بد ان تطلق عددا أقل من الجسيمات... وهكذا. ولا بد ان يجيء الوقت الذي تصبح المادة المشعة فيه قادرة على إطلاق 500 حسيم في الثانية فقط، أي نصف العدد الذي كان يمكنها إطلاقه في أول الأمر (بداية القياس).

A(t) with -1-4

النشاط الإشعاعي لعينة من الأنوية المشعة في لحظة زمنية (t) هو عدد التفككات (A) التي تحدث لها في وحدة الزمن (أي في 1 ثانية).

 $_{0}$ في مثالنا السابق يكون النشاط الابتدائي للمادة المشعة A_{0} يساوي $1\,000$ تفكك في الثانية $A_0 = 1000 d\acute{e}sint\acute{e}grations/sec$

ي بعد مدة يكون النشاط نقص إلى النصف اي : $500=rac{A_0}{2}$ تفكك في الثانية ،

 $\frac{A_0}{2}$ = 500 désintégrations/sec

اعطى رذرفورد اسم "نصف العمر إل" (او عمر النصف) (demi vie) للوقت الذي ينخفض فيه نشاط المادة المشعة إلى النصف.

هذه الفترة من الزمن اي (l_i) تختلف من مادة مشعة إلى أخرى. فبعض المواد تتفكك ببطء شديد وينخفض نشاطها ببطء شديد ايضا، لذلك فإن "نصف عمرها" يكون طويلا جدا.

> $t_{\underline{l}}$ - $4,5.10^9\,\mathrm{a}$. مثال الميورانيوم هو $4500\,\mathrm{a}$ مليون سنة اي $t_{\underline{l}}$ - 1,56. $10^3\,\mathrm{a}$: سنة اي مو 1560 سنة اي الراديوم هو

انون تناقص النشاط الإشعاعي -2-4

في دراستنا السابقة بيِّنًا أن كل نواة يورانيوم 238 يحدث لها التفكك (lpha). لكن، هل فعلا كل الأنوية pprox lpha لعينة من (lpha يحدث لها التفكك

ولإيضاح ذلك، نورد التجربة التالية.

باستعمال عداد جيجر، تم إحصاء عدد التفككات (lpha) لعينة من ($rac{238}{92}$) كتلتها $rac{1}{9}$ فوجد انه يحدث

نواة، وبالتالي لو حدث لكل نواة منها تفكك (lpha) لأحصينا $2.5.10^{21}$ تفكك في الثانية، إلا أننا لم نحص غير 15000 تفكك. فنستنتج أن التفكك (α) لا يحدث لجميع أنوية العينة، فالتفكك قد يحدث لهذه النواة أو تلك، بدون تحديد، وبشكل عشوائي.

نستنتج أن التفكك النووي هو ظاهرة تلقائية عشوائية،

إحصانية تطبق عليها قوانين الإحصاء والاحتمالات.

الدراسة الإحصانية

إن احتمال تفكك نواة واحدة في 1 ثا من العينة السابقة نر مز له بالر مز (λ) ونحسبه من المثال السابق كالتالي : $\lambda = \frac{15000}{2.5 \cdot 10^{21}} = 6.10^{-18}$

وهذا الاحتمال متساو لكل نواة من أنوية العينة.

 $\lambda = \lambda imes 1$ بشكل عام : نفترض ان احتمال تفكك نواة واحدة في 1 ثا هو : $\lambda = \lambda imes 1$

 $(t{=}0)$ عدد أنوية العنصر المشع في اللحظة الابتدائية ، N_0 عدد الأنوية المتبقية بعد التفكك في اللحظة . N

ا عدد الاتولية المتبعية بمنا المتبعد والمدة المتبعد المتبعد المتبعد المتبعد المتبعد المتبعد المتبعد والمتبعد المتبعد المتبعد

قانون تناقص النشاط الإشعاعي
$$N{=}N_0\,e^{-\lambda t}$$

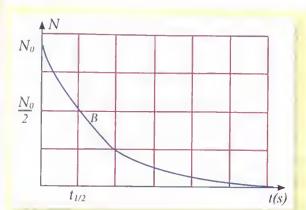
و بيان قانون التناقص الإشعاعي N=f(t) (موضح بالشكل المقابل)

و فترة نصف العمر ال

وريف

فترة نصف العمر هي الزمن الذي ي<mark>ستغ</mark>رقه ال<mark>عنصر المشع لكي يتفكك نصف</mark>

العدد الابتدائي $\frac{N_0}{2}$ لأنويته. اي من اجل t=t تتفكك $\frac{N_0}{2}$ نواة. و N_0 هو العدد الابتدائي (في بداية القياس) لأنوية العنصر المشع.



عبارته ، نعوض ب $t=t_{\underline{j}}$ و $N=rac{N_0}{2}$ في قانون التناقص فنجد ،

$$\frac{N_0}{2} = N_0 e^{-\lambda t_{1/2}}; \quad \frac{1}{2} = e^{-\lambda t_{1/2}}$$

$$-\lambda t_{\underline{t}} = \ln(\frac{1}{2})$$

$$-\lambda t_{\underline{t}} = \ln 1 - \ln 2$$

$$-\lambda t_{\underline{t}} = 0 - \ln 2$$

 $t_{\frac{1}{2}} = \frac{\ln 2}{\lambda}$: في الأخير، عبارة نصف العمر هي

النشاط الإشعاعي (A) لعنصر مشع (A)

تعريف

النشاط الإشعاعي لعنصر مشع هو عدد التفككات التي تحدث له في ثانية واحدة.

$$A = \left| \frac{\Delta N}{\Delta I} \right|$$
 : على التعريف السابق، نكتب

 $\lambda'=\lambda imes 2$. وبالتالي فاحتمال تفكك نواة واحدة في 2نا هو λdt . واحتمال تفكك نواة واحدة في زمن صغير (dt) هو λdt . واحتمال تفكك (N) نواة واحدة في زمن (dt) هو λdt .

اذن : عدد الأنوية المتفككة في زمن dt يساوي Nàdt

من جهة اخرى، نفرّض ان N_o هو عدد الأنوية المشعة في بداية الزمن ($t\!=\!0$) (بداية القياس)، إذن في اللحظة (t) يتناقص عددها فيصبح مساويا (N).

وفي اللحظة (t+dt) يكون عددها (N+dN).

نستنتج ان عدد الأنوية المتفككة في اللحظة (dt) المحصورة بين اللحظتين (t+dt) و(t) هو : N-(N+dN)=-dN

إذن ، $\frac{-dN \, يساوي \, dt \, يدن ، عدد الأنوية التفككة في زمن <math>dt \, ut$ يند ، $\lambda dt = -dN \, ut$ بالطابقة بين (*) و (**) نجد ، $\lambda dt = -dN \, ut$

(***) $\frac{dN}{dt} = -\lambda N$: ومنه

ان المقدار $\frac{dN}{dt}$ يعبر عن مشتق الدالة N(t) بالنسبة إلى الزمن اي N'(t)، لذا نكتب للسهولة :

 $N'(t) = \frac{dN(t)}{dt}$

 $N'(t) = -\lambda N(t)$

N(t) المنادلة فيها المتغير N(t) والمشتق الأول N'(t) لنفس المتغير، فهي من الشكل الرياضياتي

$$Y'+aY=0$$
 gi $Y'=-aY$

لذا يقال عنها إنها معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى (لوجود المشتق الأول) وبدون طرف ثان.

فكيف نجد حلا لهذه العادلة ؟

نقوم بالمقاربة الرياضياتية التالية ،

ندعو الدالة $Y=be^{-ax}$ الدالة الأسية.

Y=b انه عندما یکون x=0 فإن

 $Y'=-abe^{-ax}$ مشتق هذه الدالة هو

Y'=-aYای

$Y = be^{-ax}$ ان حل المعادلة التفاضلية Y' = -aY هو الدالة الأسيه!

 $N=ae^{-\lambda t}$ ومنه نستنتج أن حل المعادلة التفاضلية $N'(t)=-\lambda N(t)$ هو الدالة $N_0=ae^{-\lambda(0)}$; $N_0=a$ هو الدالة $N_0=ae^{-\lambda(0)}$; $N_0=a$ هان : $N_0=a$ وإذا اعتبرنا أن في اللحظة (t=0) كان عدد الأنوية هو (N_0) فإن : $N_0=a$

ومنه نجد ، $N = N_0 e^{-\lambda t}$ وهو قانون تناقص النشاط الإشعاعي.

اي ، $N = \frac{N_0}{e} \approx 0.368 N_0$ وهو ما نريد الحصول عليه.

 $\frac{1}{e} = \frac{1}{2.718} = 0.368$. لاحظان

$\mathcal{L}_{\underline{i}}$ عين الثوابت $\mathcal{L}_{\underline{i}}(\lambda)$ و $\mathcal{L}_{\underline{i}}(\lambda)$ بيانيا

(B) عبين $(\frac{N_0}{2})$ ونمددها فتقطع المنحني البياني في النقطة (B). ثم نعين فاصلة النقطة (B) ونمددها فتقطع المنحني البياني في المنحني المنحن

تعيين (T) : نرسم مماسا (Δ) للمنحني في اللحظة (t=0) ونمدده فيتقاطع مع المحور (t) في نقطة فاصلتها هي (٢).

تعیین (λ) ، عندما نعین (T) نستطیع تعیین (λ) .

ملاحظة هامة : يمكن أن نتاكد من أن (T) يعين من ميل الماس (Δ) كما يلى :

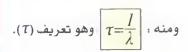
$$(t{=}0$$
 ميل $\Delta {t}{=}\Delta$ (في اللحظة) ميل

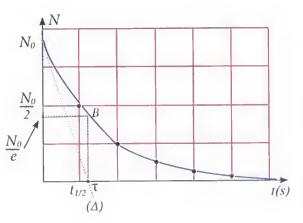
$$\Delta$$
اذن: $\lambda N_0 = \frac{dN}{dt}$ اذن:

$$\Delta$$
میں= $\frac{O-N_0}{\tau-O}$ = $-\frac{N_0}{\tau}$

$$-\lambda N_0 = -rac{N_0}{ au}$$
 بالفعل :

$$\lambda = \frac{1}{\tau}$$
 !ذن





و تطبيق النشاط الإشعاعي في مجال التأريخ

و تحديد عمر الأجسام

يستخدم الكربون 14 لتحديد عمر الأجسام القديمة التي استخدمها الإنسان القديم، لذا تسمى هذه الطريقة طريقة تحديد العمر الثقافي (l'antropologie).

و تحديد عمر الأرض

يستخدم الراديوم واليورانيوم لتحديد عمر الأرض أو العمر الجيولوجي (air géologique). ت تقنية التأثر أو اقتفاء الأثر (traceurs radioactifs)

$$A = \left| \frac{dN}{dt} \right|$$
 : وفي زمن صغير نكتب

$$\left| \frac{dN}{dt} \right| = -\lambda N$$
 : وحسب العبارة (***) السابقة، يكون

اذن : $A=\lambda N$ وهي عبارة النشاط الإشعاعي في لحظة (t) للعنصر المشع، وفي اللحظة (t=0s) يكون

 $A_0=\lambda N_0$: النشاط الإشعاعي الابتدائي النشاط الإشعاعي الابتدائي

النشاط الإشعاعي يتناسب طردا مع عدد الأنوية التفككة.

وحدة النشاط الإشعاعي هي البيكريل (Bq) : وحدة النشاط الإشعاعي هي البيكريل المتعامي المتعامي وحدة النشاط الإشعاعي المتعامي المت

 $A{=}\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$ بما ان $A{=}\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$ و $N{=}N_0\,e^{-\lambda t}$ بما ان

اذن : $A = A_0 e^{-\lambda l}$ وهذه العبارة تثبت أن النشاط الإشعاعي هو في تناقص أسي مع الزمن .

العمر المتوسط لنواة (أو ثابت الزمن) (La vie moyenne (T

إن التفكك يمكن أن يحدد عمر كل نواة، غير أننا نعلم أن بعض الأنوية، وإن كانت من نفس النوع، يمكن أن تستغرق مدة أطول في التفكك، فنقول إنها تعيش أكثر من غيرها، ومن ثم فلا يجب البتة التكلم عن عمر نواة بعينها، بل نتكلم عن متوسط العمر، لجميع الأنوية التي يحدث لها نفس التفكك. لذا

فإن الزمن المتوسط لحياة نواة مشعة يسمى العمر المتوسط (أو ثابت الزمن) (٢).

. (0) الأنوية، عندما يتناقص عددها من N_0 إلى N_0 .

 $au=rac{(O)$ إلى (N_0) إلى عدد الأنوية (N_0) إلى عدد الأنوية الأنوية (N_0)

 $\tau = \frac{1}{\lambda}$ ان نبرهن نظریا آن :

. هو ايضا الزمن اللازم لتبقى $(rac{N_0}{e})$ نواة مشعة من عدد ابتدائي (N_0) من الأنوية المشعة.

 $(N{=}N_0)$ اك انه في اللحظة ($t{=}0$) لدينا

وفي اللحظة (t=t) يكون لدينا (N= $\frac{N_0}{e}$) نواة غير متفككة.

كيف نتاكد من ذلك ؟

 $N{=}N_0\,e^{-\lambda au}$: نعوض عن $t{=} au{=}rac{J}{\lambda}$ نعوض عن $t{=} au$

 $N=N_0 e^{-\lambda(\frac{1}{\lambda})}$ اذن! $N = N_0 e^{-1}$: eain

اله قانون انحفاظ الشحنة الكهربائية

مجموع الشحنات الكهربائية النووية للأنوية المتفاعلة = مجموع الشحنات الكهربائية النووية للأنوية الناتجة

 $\sum Z($ النواتج $) = \sum Z($ النواتج)

21 قانون انحفاظ عدد النويات

عدد النويات المتفاعلة = عدد النويات الناتجة

 $\sum A$ (النواتج) $\sum A$ (النواتج)

كية الانشطار النووي والاندماج النووي

3 1 علاقة اينشتاين

تكافؤ الطاقة والمادة

إن المادة والطاقة متكافئتان، فالمادة يمكن تحويلها إلى طاقة، والطاقة يمكن تحويلها إلى مادة.

علاقة اينشتاين : في سنة 1905م اعلن اينشتاين عن علاقته الشهيرة بالقول :

(kg) عنلة الجسم: m والجسم: C عند الجسم: C عند الجسم في الخلاء ($cpprox 3.10^8 m/s$

(J) الطاقة الكتلية E

中国人民邮政

كل مادة كتلتها m إذا تحولت إلى طاقة فإنها تعطى طاقة كتلية (E) عطى $\acute{e}nergie\ de\ masse$) تعطى بالعلاقة $E=mC^2$

ر مثال : اعط المكافئ الطاقوي (طاقة الكتلة) لمادة كتلتها (m = 1g).

 $E{=}mC^2$: حسب علاقة اينشتاين

 $E=3.10^{13}J$: بندن $E=1.10^{-3}(3.10^8)^2$ نکتب $E=1.10^{-3}(3.10^8)^2$

وهي طاقة كبيرة مقارنة بالطاقة التي تنتج عن طريق التفاعلات

 $\underline{Defaut\ de\ masse}$ ($\underline{\Delta m}$) النقص الكتلى $\underline{2}$ النقص الكتلة الذرية (\underline{u})

(p) او النرون (p) او البروتون (p) او النرون (p) او النرون (p) او حتى النواة (p) لها كتل صغيرة من رتبة (p)، ولتفادي التعامل مع العدد (p) نم اختيار وحدة جديدة هي وحدة الكتل الذرية (p) التي نجد فيها كتل الأحسام السابقة من رتبة (p)، وهذا المقدار يمكن التعامل معه بسهولة كبيرة.

وحدة الكتل الذرية u هي $\frac{1}{12}$ من كتلة ذرة الكربون 12.

 $12g = \binom{12}{6}C$ نعلم ان ڪتله 1 مول من

في الميدان الطبي : بعض المواد المشعة مثل (I_{53}^{13}) عندما يحقن في الإنسان يتجمع في الغدة الدرقية، فإذا كان المريض مصابا بمرض (ورمي) فيها فإن البود المشع يعمل على تخريب الخلايا المريضة بها، وبما أن له نصف عمر $8d_{j}=8d$ اي (8 أيام) فإن البود المشع يختفي تماما من الجسم بعد مدة.

2- التغاعلات النووية المغتعلة

التحول 1-2 التحول 1-2

قام رذرفورد سنة 1919م بقذف النتروجين $\binom{14}{7}$ ا بجسيمات α داخل جهاز يسمى سبنثارسكوب (spinthariscope)، فظهرت له في شاشته توهجات ناصعة من اثر الجسيمات المتكونة، وافترض ان البريق نسببه جسيمات صادرة عن نوى النتروجين. وأكدت البحوث التي اجراها أن هذه الجسيمات (انظر الشكل في ص 35) المنطلقة هي بروتونات $\binom{1}{1}$ ولم تكن معروفة قبل ذلك، كما تم أيضا الحصول على انوية الأكسيجين $\binom{50}{8}$. انظر جهاز سبنثارسكوب في آخر الصفحة 35.

و كيف يمكن تفسير الحصول على االأنوية ($^{17}_8O$) انطلاقا من الحصول على االأنوية ($^{14}_8O$) و المادة ال

استطاع رذرفورد أن يفسر هذا التحول الصناعي للأنوية بعضها إلى بعض، كما يلي :

 $\alpha + {}^{14}_{7}N \longrightarrow {}^{1}_{8}p + {}^{17}_{8}O$

سميت هذه الظاهرة بالتفاعل النووي، وفتح رذرفورد الباب واسعا إلى إمكانية اصطناع تفاعلات نووية. لا النشاط الإشعاعي الصناعي

قام كل من فردريك وإيرين جوليو-كوري سنة 1934 م بقذف معدن الألومنيوم (Al) بجسيمات (Po) صادرة عن (Po) فلاحظا وجود جسيمات هي بوزيترونات (Po) تنبعث مع النترونات (Al) من صفيحة (Al). وعندما اوقفا عملية قذف (Al) بجسيمات (Al) او عندما وضعا حاجزا من الرصاص بين صفيحة (Al) ومنبع جسيمات (Po) ، توقف إصدار النترونات، لكن إصدار البوزيترونات (Po) يستمر مما يدل على ان مادة جديدة ظهرت وهي التي تصدر جسيمات (Po) (أي البوزيترونات). فالألومنيوم (Al) لا يصدر هذه الجسيمات في الحالة الطبيعية.

فاستنتجا ان المادة التي ظهرت هي مادة مشعة تصدر جسيمات β^+ . وبهذه التجربة تم الحصول لأول مرة على النشاط الإشعاعي الصناعي، واستحق بذلك كل من فر دريك وإيرين جائزة نوبل للفيزياء سنة 1935م. α تفسير التجربة

عند قذف ($^{1}_{13}Al$) بجسيمات α ($^{4}_{2}He$) نحصل على الفوسفور ($^{30}_{15}P$) ونترون ($^{1}_{0}N$) حسب التفاعل النووي التالي $^{4}_{2}He+^{27}_{13}Al\longrightarrow^{30}_{15}P+^{1}_{0}n$ النووي التالي $^{1}_{15}P+^{1}_{0}N$

والفوسفور الناتج يصدر بدوره جسيمات eta^+ اي $eta^0_{+/e}$ حسب التفكك التالي (التفاعل النووي) ،

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{30}_{14}Si$

2 - 3 - قانونا الانحفاظ في التفاعلات النووية

ان التفاعلات النووية، سواء منها المستحدثة أو الطبيعية الناتجة عن التفككات eta ، eta ، تخضع لقانوني الانحفاظ.

m

The standard of the

حدة و دراسة تحه

 $m_{y,z} = 2(1,00728) + 2(1,00866)$; $m_{y,z} = 4,0320$

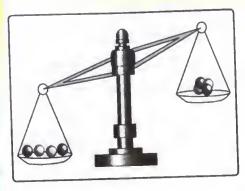
 $oxed{m_{_{_{0,0}}}>m_{_{_{_{0,0}}}}}$ بکتلة نویاتها متفرقة $(m_{_{_{0,0}}})$ سنجد ان $m(^4_2He)$ بکتلة نویاتها متفرقه از رستجد ان $m_{_{_{0,0}}}$

نُسُيجة : د كتلة أي نواة أصغر دوما من مجموع كتل مكوناتها (نوياتها) وهي متفرقة.

ت وإذا تشكلت نواة ما من مكوناتها فإنه يحدث نقص في الكتلة.

د النقص الكتلي (Δm) هو فرق الكتلة بين النواة ومكوناتها (النويات)، اي :

 $\Delta m = m_{\omega_{ij3}} - m_{\omega_{ij3}}$



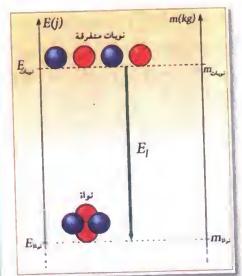
این اختفت الکتلة الناقصة ؟ وكیف نفسر كون
 کتلة النواة أقل من كتلة مكوناتها ؟

ت لقد بينت التجارب أن نواة الهيليوم ذات استقرار كبير، بمعنى أن نوياتها (مكوناتها) وهي (2p) و(2n) مرتبطة ببعضها داخل النواة ارتباطا كبيرا. فما السبب في ذلك يا ترى ؟

 Δm اثبتت الدراسة أن النقص الكتلي (Δm) بين النواة ومكوناتها يتحول إلى طاقة، وهذه الطاقة هي التي تجعل النواة متماسكة ومستقرة، إذ تربط بين مكوناتها داخل النواة، فسميت طاقة الربط النووي (E_l).

النواة أكثر استقرارا من نوياتها إذا أخذت بصفة منفردة، وسبب ذلك يعود إلى طاقة الربط النووي.

 (E_l) وطاقة الربط النووي 33



N=A-Z، کل نواة تحتوي على اN=A-Z مع مع N=A-Z

 ${\mathbb C}$ عبارة النقص الكتلى (${\Delta m}$)

، مع ، $\Delta m = m_{_{\mathrm{U},\mathrm{U}}} - m_{_{\mathrm{E},\mathrm{U}}}$ ، مع

 $m_{a,s} = m({}_{Z}^{A}X)$

 $m_{_{\!_{\!o}\!_{\!o}\!_{\!o}\!_{\!o}\!_{\!o}\!_{\!o}\!_{\!o}}}=$ كتلة البروتونات + كتلة البروتونات

 $Zm_p=$ لكن ، كتلة البروتون الواحدimesعدد البروتونات $Nm_n=$ كتلة النبرون الواحد imesعدد النبرونات

 $m_{\omega_{\omega^3}} = Zm_p + Nm_n$

 $m_{\mu p} = Zm_p + (A-Z)m_n$

ومنه تكون عبارة النقص الكتك (٨m) كالتال

و 1 مول بحري على عدد افوغادرو $\mathcal N$ من الذرات (مع ، $\mathcal N$ عدد افوغادرو $\mathcal N$ عدد افوغادرو $\mathcal N$ من الكتلة (m) لذرة واحدة من الكتلة (m) لذرة m خرة m من m

$$u = \frac{1}{N}$$
 (grammes) $u = \frac{1 \times 12}{N}$ المن $u = \frac{m}{12}$ المن $u = \frac{m}{12}$ المن $u = \frac{1}{6.0221.10^{23}} = 1,66054.10^{-24}$ g

 $1u=1,66054.10^{-27}kg$

وعليه، يمكن حساب كتلة البروتون والنترون والإلكترون بوحدة الكتل الذرية (11).

$$m_p = 1,67262.10^{-27} \text{ kg} = \frac{1,67262.10^{-27}}{1,66054.10^{-27}} \text{ ; } \boxed{m_p = 1,00728 \text{ u}}$$

$$m_n = 1,67493.10^{-27} \, kg = \frac{1,67493.10^{-27}}{1,66054.10^{-27}} \; ; \quad \boxed{m_n = 1,00866 \, u}$$

$$m_e = 9.10939.10^{-31} \, kg = \frac{9.10939.10^{-31}}{1.66054.10^{-27}} \; ; \qquad m_e = 0.00055 \, u$$

نلخص هذه النتائج في الجدول التالي :

الجسيم	m(kg)	m(u)
$^{0}_{-1}e$	9,10939.10 ⁻³¹	0,00055
q_1^1	1,67262.10-27	1,00728
$\frac{1}{0}n$	1,67493.10-27	1,00866

د النقص الكتلي (∆m)

 12 تم قياس كتل الذرات باستعمال مطيافية الكتل (spectrographe de masse) على يد العالم استون (Aston) سنة 1919م، ووضعت في جدول خاص ناخذ منه كتلة نواة الهيليوم (4 He) فنجد القيمة 4 .

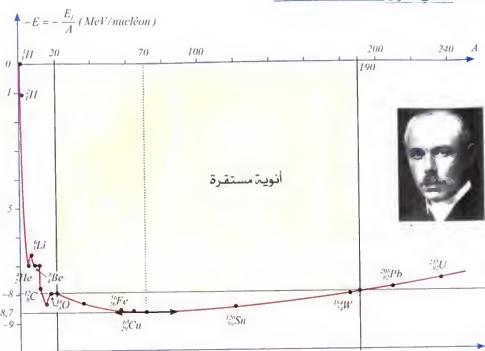
 $m\binom{4}{2}He = 4,0015 u$

(2n) و (2p) و الهيليوم تتالف من (2p)

مثال : احسب طاقة الربط لكل نوية من نويات الهيليوم (4He).

$$\frac{\dot{E}_{1}(\frac{4}{2}He)}{A} = \frac{28.5}{4} = 7.12 \,\text{MeV}$$

Courbe d'Aston كن منحني استون 3



إن منحني استون يعطي طاقة الربط لكل نوية (E_l/A) بدلالة العدد الكتلي (A) (عدد النويات)، وهذا بالنسبة لجميع الأنوية الموجودة في الطبيعة.

ك الأنوية الخفيفة (A < 20)

من الهيدروجين الثقيل (H^2) إلى النيون (Ne).

(8Mev) نلاحظ ان (E_l/A) تزداد بازدیاد (A) من القیمة (1Mev) إلى حوالي القیمة

ي الأنوية المتوسطة (75 × 50 < 50)

. فهي ذات استقرار ڪبير . $E_{I}\!pprox\!8,5\;Mev$ فهي ذات استقرار ڪبير

(A > 100) الأنوية الثقيلة

المنحني يتناقص ببطء، وجميع هذه الأنوية أقل استقرارا من الأنوية التوسطة. وهنا تكمن الأهمية القصوى.

ك الملاحظة الأولى:

ماذا يحدث لو انشطرت نواة ثقيلة، كنواة اليورانيوم على سبيل المثال. إلى نواتين متوسطتين 50 < A < 75) ?

لو حدث ذلك لكانت النواتان الناتجتان أكثر استقرارا من النواة الكبيرة النشطرة، وهذا يؤدي إلى تحرر

$$\Delta m = Zm_p + (A-Z)m_n - m({}_Z^A X)$$

 (E_l) عبارة طاقة الربط النووي

، بحيث (E_l) بحيث علاقة اينشتاين فإن الكتلة (Δm) التي تعبر عن النقص الكتلي تكافئ طاقة هي $E_l = \Delta m C^2$

$$E_l = [Zm_p + (A-Z)m_n - m(A/Z)]C^2$$
 ! إذن:

مثال : احسب طاقة الربط النووي لنواة الهيليوم (4He++).

نعلم ان $E_l = \Delta m C^2$ حيث (Δm) النقص الكتلي، وقد حسبناه سابقا فو جدنا القيمة ،

 $\Delta m = 4,0320 \text{ u} - 4,0015 \text{ u}$

 $\Delta m = 0.0305 \ u = 0.0305 \times 1.66.10^{-27} \ kg = 5.063.10^{-29} kg$

 $E_{l}(^{4}_{2}He)=\Delta mC^{2}$: نستعمل علاقة اينشتاين

 $E_1(^4_2He)=5,063.10^{-29}\times(3.10^8)^2=4,5567.10^{-12}J$ اذن:

 $1ev = 1, 6.10^{-19} J$: نعلم ان نحول إلى الـ (ev) : نعلم

$$E_1({}_2^4He) = \frac{4,5567.10^{-12}}{1,6.10^{-19}}$$
 اذن :

$$E_1({}_{2}^{4}He) = 2,85.10^{7}ev = 28,5 Mev$$

وحدات جديدة للطاقة

(Mev) في الفيزياء النووية، عادة ما نستعمل للطاقة وحدة هي الإلكترون فولط (ev) والميغا الكترون فولط

$$lev = 1,6.10^{-19} J$$
 الإلكترون فولط ،

$$1 Mev = 10^6 ev = 1,6.10^{-13} J$$
 الكترون فولط:

t أيضا في الفيزياء النووية وحدة الكتل الذرية (t) عادة ما نحولها إلى طاقة كتلية، كما يلي t بضربها في مربع سرعة الضوء (t) وقسمتها على (t) :

$$Iu = \frac{Iu}{C^2}C^2 = \frac{1,66.10^{-27}(3.10^8)^2}{C^2} = \frac{1,494.10^{-10}J}{C^2} = \frac{1,494.10^{-10}J}{1,6.10^{-13}.C^2}$$

$$1u \approx 931,5 \text{ Mev/C}^2$$

(E_1/A_1) وطاقة الربط لكل نوية 4^3

إذا كانت طاقة ربط نواة ما هي (E_l) وكان عدد نوياتها (A) فإن هذه الطاقة تتوزع على جميع النويات، بشكل متساو تقريبا، بحيث يعطى نصيب كل نوية المتوسط من الطاقة بالعبارة :

$$\frac{E_I}{A}$$
 طاقة ربط النواة عدد نوياتها

 $_{0}^{1}n+\frac{235}{92}U\longrightarrow \frac{85}{35}Br+\frac{148}{57}La+3_{0}^{1}n+\gamma+$ with $_{0}^{1}n + _{92}^{235}U \longrightarrow _{38}^{94}Sr + _{54}^{140}Xe + 2_{0}^{1}n + = 0$

ملاحظات هامة

ليس بإمكان جميع الأنوية الثقيلة إحداث انشطار نووي، وإنما

بعضها فقط على أساس قيمة الطاقة ($E_{\rm I}/A$) ووفرتها في الطبيعة.

ت الأنوية التي تحدث انشطارا نوويا تسمى الأنوية الخصبة (fertiles).

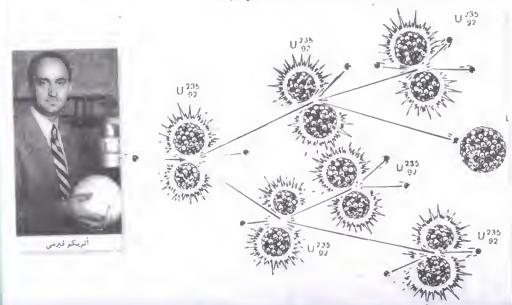
وق موجودة في الطبيعة بنسب عددية صغيرة (في حدود في الطبيعة بنسب عددية صغيرة وفي حدود وفي حدود اليورانيوم ($rac{235}{92}$) هي نواة خصبة، وهي موجودة في الطبيعة بنسب عددية صغيرة (في حدود كوية. ونواة البلوتونيوم ($^{239}_{94}Pu$) أيضا هي نواة خصبة وتنتج في المفاعلات النووية.

ت النترون السريع لا يحدث انشطارا نوويا، فهو يخترق النواة بكل سهولة. أما النترون البطيء جدا فهو يصطدم بالنواة، ويرتد عنها (ينعكس عليها). أما النترون البطيء (أو المسمى الحراري الذي له طاقة في

حدود ev فهو الذي يحدث الانشطار النووي.

النترونات المحررة من الانشطار النووي بإمكانها مهاجمة انوية يورانيوم ($^{235}_{92}U$) خصبة، فتنشطر النرونات المحررة من الانشطار النووي بإمكانها مهاجمة انوية يورانيوم ($^{235}_{92}U$) هذه الأخيرة. محررة بدورها نترونات أخرى، وهذه النترونات تهاجم أنوية أخرى ($^{235}_{92}U$)، لنحصل على تفاعل نووي متسلسل (réaction en chaine)، كما هو موضح باتلشكل القابل، وتنتج عن ذلك

ت تسمح الفاعلات النووية (réacteurs nucléaires) بالتحكم في الطاقة النووية المتحررة من التفاعل التسلسل. وكان أول من نجح في تحقيق تفاعل نووي متسلسل يتحكم فيه هو العالم الإيطالي أنريكو فارمي في ديسمبر 1942م بالولايات المتحدة الأمريكية.



طاقة نووية. هذه العملية حدثت بالفعل، وقد اكتشفها العالمان الكيميائيان الألمانيان أوتوهان (Otto Hann) وستراسمان (Strasmann) في نوفمبر 1938م، وتاكدا منها سنة 1939م. بفضل العالمة الفيزيائية (ليز مايتنر) والتي سمت هذا التفاعل تشبيها بانشطار الخلايا : الانشطار النووي لليورانيوم. وقد تبين أن انشطار نواة واحدة من اليورانيوم ($\frac{235}{92}U$) يحرر طاقة في حدود (200Mev).

بعض الأنوية الثقيلة ($A\!>\!190$) يمكن أن يحدث لها انشطار نووي. فتعطي نواتين تقعان في مجال الاستقرار النحني استون.







ليز مايتنر (1878_1968)

اللاحظة الثانية :

ان الأنوية الخفيفة (A < 20) تتغير فيها طاقة ربط كل نوية (A < 20بشكل كبير من (1Mev) لـ (1Mev) إلى (7Mev) لـ (2He). كما هو موضح في منحني استون مثلا. فنواة الهيليوم (4He) اكثر استقرارا من نواة $({}_1^2He)$. وإذا استطعنا أن أن نشكل نواة هيليوم $({}_2^4He)$ انطلاقا من الدماج (filsion) نواتين من الديتيريوم (H^2). فإن طاقة نووية كبيرة ستتحرر، لذا يسمى التفاعل النووي الحادث بين نواتي الديتيريوم بتفاعل

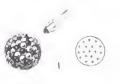
بعض الأنوية الخفيفة (A<20) يمكن أن يحدث لها اندماج نووي. فتعطي نواة واحدة أكثر استقرارا من النواتين المندمجتين.

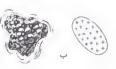
وهكذا، باستغلال منحني أستون يمكن أن نميز الناطق التي يحدث فيها انشطار نووي من تلك التي يحدث فيها اندماج نووي.

La fission nucléaire الانشطار النووي

الانشطار هو تفاعل نووي يحدثه نترون بطيئ عند قذفه على نواة ثقيلة انشطارية، تنتج نواتان متوسطتان وتتحرر بعض النترونات (من 2 إلى 3 نترونات) كما تتحرر طاقة كبيرة.

مثال : انشطار نواة اليورانيوم 235 حسب تفاعلي الانشطار التاليين ،











أخطار الإشعاع النووي

إن تعرض الكائن الحي للإشعاع النووي يُحدث له اضرارا خطيرة ليس لها مثيلًا. ان الاشعاع يسبب الموت أو الحروق اذا كان الشخص بالقرب من الخطر النووي اما اذا كان الشخص على بعد عشرات الكيلومترات فان الإشعاع يدخل الى الخلايا ويعمل على افساد عمل المورثات.

في الصناعة النووية، يتم عزل العاملين فيها من الاشعاعات النووية بواسطة

جدران سميكة من الخرسانة أو من الفولاذ، او من الرصاص

يزود كل عامل بمقياس يشبه القلم يسمى مقياس الجرعة

 ان تفاعل الإشعاع مع مادة الكائن الحي، ينتج عنه امتصاص طاقوي.و على حسب الطاقة التي تمتصها مادة الكائن الحي ، يحدد ما يعرف بالجرعة المتصة D ،

> الجرعة المتصة D=1 الطاقة التي يمتصها 1kg من مادة الكائن الحي وحدة الجرعة D هي الغراي Gy

> > 1Gy=1j/kg

تختلف خطورة الجرعة D ، على حسب نوع الاشعاع

وحدات مكافئة أخرى

1Gy=100rad : rad-

 $(\alpha$ بالنسبة لجسيمات 1Gy=20rem: rem-

rad équivalent for man هي المكافئ الإشعاعي للأشخاص

الأخطار النووية الكبرى التي أحدثها الإنسان

في 28 مارس 1979 في ايسلندا بالولايات المتحدة الأمريكية 26 افريل1986 في تشرنوبيل بالإتحاد السوفيتي سابقا

القنبلة الذرية

عند تحطم نواة الذرة تندفع شظاياها المتطايرة بسرعة عظيمة . و الطاقة الحركية لهذه الشظايا تتحول الى طاقة حرارية مكافئة يمكن استغلالها للخير في محطات توليد الطاقة او للشر و الدمار في القنبلة الذرية

و لكي تتاح هذه الطاقة للاستغلال ينبغي إطلاق تفاعل متسلسل في مادة خصبةمثل اليورانيوم235 اوالبلوتونيوم 239.

يحدث التفاعل المتسلسل حينما تصطدم النيترونات البطيئة بلأنوية الخصبة فتسبب انفلاقها .إلى شظايا ذات طاقة حركية عظيمة ونترونات تهاجم بدورها نوى

لا أما في حالة القنبلة الذرية (bombe A) فيترك للتفاعل المتسلسل العنان في تحرير الطاقة. وبالتالي يحدث الانفجار العظيم الذي لا يبقي ولا يذر...

La fusion nucléaire الاندماج النووي الاندماج النووي

الاندماج هو تفاعل نووي تندمج فيه نواتان خفيفتان لتتشكل نواة أكبر منهما وتتحرر طاقة نووية كبيرة.

> مثال : اندماج دیتیریوم ($({}^2H)$) مع دیتیریوم ($({}^2H)$) یعطی نواة الهيليوم (⁴He) :

 $_{1}^{2}H + _{1}^{2}H \longrightarrow _{2}^{4}He$

ي ملاحظة هامة : إن تفاعل الاندماج يحتاج إلى درجة حرارة عالية في حدود ($10^8 k$). وهذا للتغلب على التنافر الكهربائي بين النواتين الندمجتين، لذا يسمى بالتفاعل النووي الحراري. تماما كما يحدث في مركز الشمس أو النجوم، حيث درجة الحرارة عظيمة، في حدود $(3.10^7 k)$ ، والضغط كبير جدا. وهذا الوسط يسمى البلازما (plasma)، وهو الحالة الرابعة للمادة، فيه تكون المادة على شكل خليط من الإلكترونات والأنوية الخفيفة.

الحصيلة الطاقوية

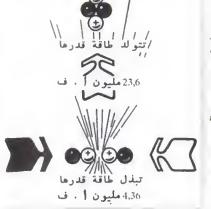
كل تفاعل نووي يصحبه اكتساب او تحرر طاقة، ففي تفاعلات الانشطار والاندماج النووية تعين

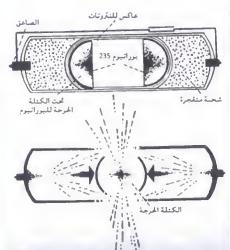
200 240

الطاقة المتحررة بعلاقة اينشتاين : $E = \left| \sum m($ النوانج $) - \sum m($ النوانج $) + C^2$ النوانة المتحررة بعلاقة اينشتاين المتحررة بعلاقة المتحررة المتحر (التفاعلات) $\sum m(1$ مجموع كتل الأنوية المتفاعلة

النواتج $\sum m(النواتج)$

الأنوية الناتجة.





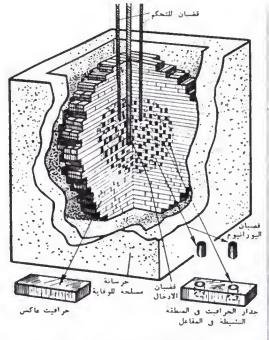
أخرى فتسبب انشطارها و هكذا دواليك . فيبدأ التفاعل التسلسل، و تنطلق طاقة هاذ التفاعل النووي كله في جزء من الثانية محدثة انفجارا هائلا مدمرا.

المفاعل النووي

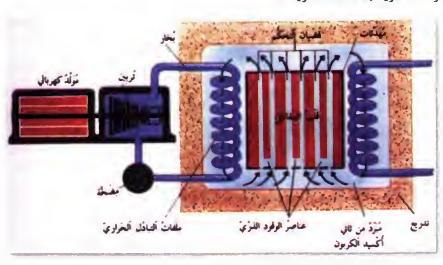
أمًا في المفاعل النووي فلا بد من اتخاذ ترتيبات تبطئ من التفاعل التفجيري المدمر الذي بحلث في القنبلة و يتم ذلك باستخدام مزيج من نظير اليورانيوم الانشطاري ونظيره الآخر الأكثر توافرا و الأشد استقرارا وهو اليورانيوم 238. وتحتوي اليورانيوم الطبيعي المعدن من الأرض حوالي 7 في الألف فقط من ذرات اليورانيوم من اغلى الانشطارية. وهذا يجعل اليورانيوم من اغلى العادن قيمة ومن أشدها مطلوبية.

ومن غير المكن الحصول على تفاعل متسلسل من هذه الطبيعية المادّة ، لذا ينبغي زيادة النسبة المثوية لذرّات اليورانيوم 235 في اليورانيوم الطبيعي أو اضافة البلوتونيوم اليه. وتعرف هذه العملية بتخصيب اليورانيوم

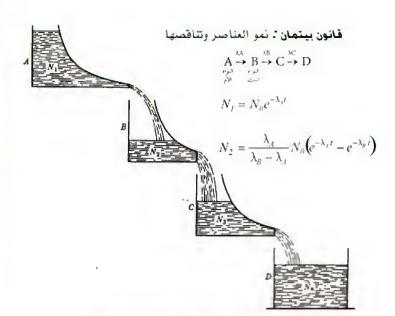
 وتسمى الفاعلات التي تستخدم الوقود المزود بالنظائر الانشطارية بالفاعلات السريعة.



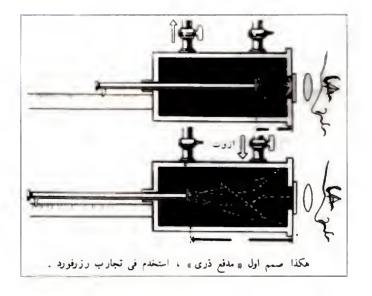
التركيب الداخلي لاول مفاعل نووي بوراني جراقبني ثي العالم .

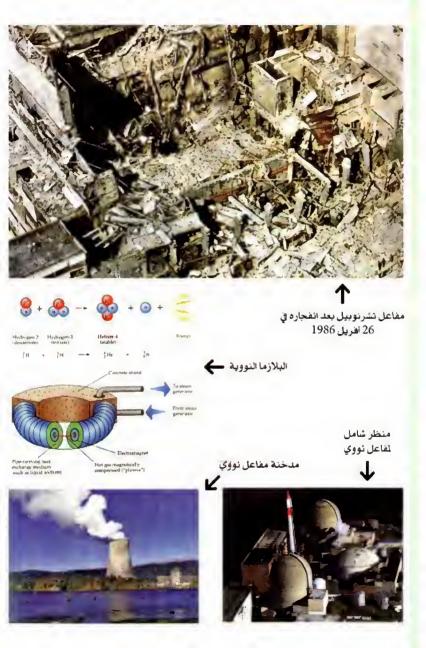


ت ويستخدم في المفاعلات الحرارية مبدأ آخر يمزج الوقود الذري بمادة تسمى المهدَّئ. وهي مادة متعادلة الشحنة وذات ذرّات خفيفة (كالغرافيت و الماء). تصطدم بها النترونات المنبعثة عن الانشطار. والعروف ان النترونات سريعة كثيرا لذا تمتص عند ارتطامها بنظائر اليورانيوم 238المستقرّة ، لكن ذلك لا ينطبق على النترونات البطيئة. ويعمل إدخال المهدَّئ على تكثير النترونات البطيئة وهذا يتيح عددا أكبر منها



تشبيه ماثى لنبو العناصر في سلسلة اشماعية ولتفككها





التحولات النووية

النموذج النووي

Z ، عدد الثويات

$$A = Z + N$$
 ، عدد التويات $A = Z + N$ ، عدد النترونات $A = Z + N$ ، عدد التويات $A = Z + N$

A ، يسمّى أيضا العلد الكتلي.

Z ، يسمى أيضا العدد الذري.

النشاط الإشعاعي

- النشاط الإشعاعي هو الإصدار التلقائي للستمر للجسيمات β⁻, β⁺, α وإشعاع γ.
- النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة وعشوائية، لا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر الشغ،
 أو بالإسقاط الكيميائي له مع بقيّة العناصر.
 - التشاط الإشعاعي لا يتعلق بالحالة الفيزيائية للمواد الشقة.

معادلات التفكك

التفكك α: هو إصدار حسيمات. كل جسيم منها يشبه نواة الهيليوم (He).

$${}_{z}^{A}X \rightarrow {}_{2}^{4}He + {}_{Z-2}^{A-4}X$$

 $rac{d}{dz} o rac{d}{dz} + rac{d}{dz} + rac{d}{dz}$. هو إصدار الكترونات سريعة $rac{d}{dz} = rac{d}{dz} + rac{d}{dz}$.

الجسيم 🐉: هو ضديد النترينو، كتلته السكونية معدومة، وشحنته معدومة، استغرق العلماء زمنا طوبلا للكشف عنه.

 $\frac{A}{2}X o \frac{a}{1}e + \frac{a}{2-l}Y + \frac{a}{0}U$: هو اصدار بوزیترونات سریعة $(a^0_{l}e)$ من الثواة : $oldsymbol{eta}$

المسيم كالم: هو التترينو.

إصدار ٢: هو إصدار إشعاع كهرومغناطيسي ذي طاقة عالية، يسمى إشعاع 7، عادة ما يكون

$$\frac{A}{Z}X^{\bullet}
ightarrow \frac{A}{Z}X + \gamma$$
 عصاحبا للتفكك α : α

🔏 🕺 ۽ هي نواڌ مثارة.

استقرار وعدم استقرار النواة

ارتباط اللواة: تساهم القوة النووية القوية في ربط النويات، وبالتالي في استقرار النواة. أمَا القوة الكهرومغناطيسية، فهي تساهم في عدم استقرارها ، لأنها قوّة تنافرية.

مجالات استقرار وعدم استقرار النواة المنطط (N.Z)

يسمح الخطط (N, Z) يتحديد مجالات الاستقرار. كل الأنوية الستقرة محددة في " مجال الاستقرار" أو "واد الاستقرار".

اذا كان Z < 20 ، الأنوية الستقرة تحقق الشرط ؛

 $N \approx 1$

انا كان $2 \le 2 \le 2$ ؛ الأنوية المستقرة تحقّق = 20

 $\frac{N}{Z} \approx 1.5$ الشرط:

• اذا كان Z > 82 : كلّ الأنوية غير مستقرة.

قانون الثناقص الإشعاعي

 $N=N_0 e^{-it}$ يعطى بالعبارة :

A=0حيث: N_0 عدد أنوية العنصر الشغ في لحظة القياس

N عدد الأنوية التبغية بعد التفكك في اللحظة 1.

 $\lambda = \frac{1}{r}$ عابت الإشعاعية، يقاس با (s^{-1}) مع عابد الإشعاعية،

هو العمر المتوسلط (أو ثابت الرّمن)، وبقاس بالنائية.

نصف العس ١٠

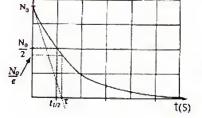
 $t_{y} = \frac{\ln 2}{\lambda}$: هو الرّمن الذي يستغرقه العنصر المشغ لتفكك نصف عدد أنويته الابتدائي

تعيين ٢٠٠ ل و ١١ بيانيا

من أجل $t=t_{j_2}$ نواة. • من أجل والله عن أحل أ

عن اجل au=t بتفكك $\dfrac{N_{\theta}}{e}$ يې $\theta,37N_{\theta}$ نواة.

الماس للبيان عند البدأ يعيُن ٦

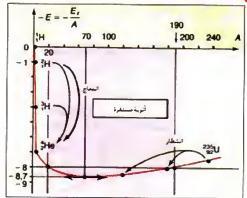


النشاط الإشعاعي 1/

$$A = -\frac{dN}{dt} = \lambda N'$$
 ، عبد التفككات في نانية واحدة ، A

 $A=A_{0}e^{-\lambda t}$ يقاس بالبكريل Bq). ولدينا أيضا : $A=A_{0}e^{-\lambda t}$ بقاس بالبكريل $A=A_{0}e^{-\lambda t}$

منحني أستون



قانون الانحفاظ في التفاعلات النووية - قانونا صودي

- $\sum Z$ (المراثية = $\sum Z$ (المراثية الكهربائية الكهربائية)

الحصيلة الطاقوية

• علاقة اينشتاين (1905 م)

: كل مادة كتلتها m إذا تحولت إلى طافة فإنها تعطي طافة كتلبة E تعطى بالعلاقة :

 $E = mC^2$

· m ، الكتلة بـ (kg) .

 $C \approx 3.10^8 \, m.s^{-1}$ ، سرعة الضوء في الخلاء ، C

- النقص الكتلى (Am)
- كتلة أي نواة أصغر دوما من مجموع كتل مكوناتها، وهي متفرّقة ، أربك m > نواة m
 - النقص الكتلي هو فرق الكتلة بين النواة ونويّاتها : $\frac{m}{n}$ بريت m=m
 - طاقة الربط النووي (EL)

 E_L النقص الكتلي Δm يتحول إلى طاقة تعمل على ربط الثويات ببعضها، تسمّى طاقة الربط النووي النقص الكتلي $E_L = m.C^{\frac{7}{2}}$

التفاعلات النووية التلقائية والتفاعلات النووية المفتعلة

انتفاعلات النووية التنقالية

 eta^- . lpha التفاعلات النووية الطبيعية التي تحدث تلقائيا للعناصر المشعة ويصدر عنها التفكّان eta^- . واصدار γ .

لتفاعلات للووية المفتعلة (المصطنعة)

1 تتحول الاصطباعي تنثوي الذرية ■ تجربة والأرفورد (1919م)

قَنْف ريزفورد بحسبمات α أنوية النزوجين $N_{7}^{1/2}$ ، فحصل على الأكسجين $N_{8}^{1/2}$ ، وعلى جسيم آخر له يعرف من قبل وهو البروتون $\alpha + \frac{1}{2} N \to \frac{1}{2} O + \frac{1}{4} P$.

2 تشط الاشعاعي الصطاعي ■ تجربة ايربن-فريدريك (1934 م)

 $v_0^I n$ قنما بحسيه lpha أنوية الألنبوم الأ v_0^I . فحصلا على أنوية الفوسفور a والترونات الأ

 $\alpha + \frac{27}{13}Al \rightarrow \frac{30}{15}P + \frac{7}{0}n$

وهو ما يعرف بالتفكك eta^p وهو ما يعرف بالتفكك eta^p وهو ما يعرف بالتفكك eta^p وهو ما يعرف بالتفكك . $eta^{30}_{15}P
ightarrow {}_{+0}^{0}e + {}_{14}^{30}Si$

ق الاشطار الثووى و تجربة هاهن اسر سمان (1938 م)

قَنْه الوية اليورانيوم الخصب U^{ij} بنترونات بطينة فتبيّن لهما أنّ كل نواة تنشطر الى نواتين منتقريق متوضّين، وتتحرّر طاقة في حدود 200MeV لكل نواة تنشطر،

مثل U^{SL}_{52} عند فنحه على نواذ نقبلة انشطارية مثل U^{SL}_{52} و تعامل نواذ نقبلة انشطارية مثل U^{SL}_{52} و V^{SL}_{52} و تعامل نفرونات (من 2 إلى V^{SL}_{52} و تترونات)، كما تتحرر مقفة كيرة في حدود V^{SL}_{52} تكل بولا.

 $_{n}n + \frac{10}{35}U \rightarrow \frac{10}{35}Br + \frac{100}{15}La + 3, n + \gamma + \frac{100}{35}$

ها الانساج الثروي

الاندماج هو تفاعل نووي تندمج فيه نواتان خفيفتان. لتشكّلا نواة أكبر منهما، وتتحرّر طقّة نووية كبيرة.

 ${}_{i}^{1}H + {}_{i}^{3}H \rightarrow {}_{2}^{4}He + {}_{n}^{1}n \quad {}_{3}^{-2}{}_{i}^{2}H + {}_{i}^{2}H \rightarrow {}_{2}^{3}He + {}_{0}n :$



. $\frac{E_L}{A}$ تحديد مدى ارتباط النويات ببعضها داخل النواة، وتعطى بناتج القسمة

الطاقة الناتجة من التفاعلات النووية (منها الانشطار والاندماج)
 تعطى الطاقة المتحرّرة من تفاعلى الانشطار والاندماج بعلاقة انشتاين:

$$E = \left| \sum_{m=1}^{\infty} m_{m_{p}} \right| \cdot C^{2}$$

• وحدات خاصة

 $1MeV = 1.6 \times 10^{-13} J$. $1u = 931.5 MeV / C^2$

تماريه خاصة

بتحولات نووية

التمريل ا

اليك أسماء علماء الفيزياء ، رونتجن (Ræntegen)، بكريل (Bequerel) كروكس (Crookes). د اكتشاف اشعة X، واليك الظواهر القيريائية التالية :

د اكتشاف الأشعة الهبطية،

د اكتشاف النشاط الإشعاعي الطبيعي.

l لا ارفق بكل اكتشاف اسم العالم الذي اكتشفه.

2. ما الفرق بين أشعة X والأشعة الهبطية ؟

هل الأشعة الهبطية تغير نوع العنصر الذي يصدرها إلى عنصر أخر؟

3. ما هو النشاط الإشعاعي الطبيعي؟ وهل يتغير نوع العنصر الشع عندما يصدر إشعاعا؟

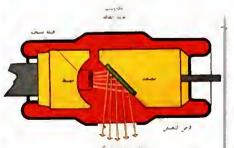
A. بين بكريل (Bequerel) أن النشاط الإشعاعي لليورانيوم مستقل عن المواد المرتبطة به، أو المرتبطة به. ومستقل عن تركيبه الإلكنزوني. برابك، كيف بتم تفسير ذلك؟

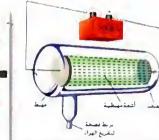
د برايك، من الذي سبب اسوداد اللوح الفوتوغرافي في تجربة بكريل، هل هي جسيمات lpha أو eta أو أشعة

 أد العالم الألماتي رونتجن هو الذي اكتشف الأشعة السيتية X سنة 1896م. العالم الألماني كروكس هو الذي اكتشف الأشعة الهبطية التي هي حرَّمة من الإلكترونات. العالم الفرنسي بكريل هو الذي اكتشف النشاط الإشعاعي الطبيعي.

🗘 الفرق بين الاشعة الهيطية واشعة 🔏

الأشيعة الهبطية هي حزمة من الإلكترونات. أما أشيعة X فهي أشيعة كهرومغناطبسية نحصل عليها عندما تصطدم حزمة الكترونات الأنسعة الهبطية بمعدن نقبل مثل التنفستين W . فتعطى طافة لإلكترونـات هذا العدن، تجعلها تغادر مدارتها تاركة فراغا بإلكترونات الدارات العليا التي تفقد الـطاقـة الزائدة على شكل إشعاع طيفي (طيف إصدار) ذي طافة عالية طول موجته (λ) في حدود $10^{-10}m$ -





ر ملاحظة

د سميت اشعة X لأن العلماء في ذلك الوقت لم يعرفوا مصدرها عندما اصطدمت حزمة الإلكترونات

(الأشعة للهبطية) فأعطي لها الرمز X (اي مجهول)، ولم يتم تفسيرها إلا في سنة 1912م.

. عندما اكتشف رونتجن أسعة X في المانيا واظهر قدرتها على اختراق الأجسام. إلا الأجسام الكثيفة كالمعادن والعظام. لم يصدق العلماء ذلك، فبعث لهم بصورة الهيكل العظمي ليد زوجته، كما هو موضح بالشكل

أول عالم فيرباني نال جائزة نوبل في الفيزياء هو روتتجن سنة 1901م.

ـ إن الإلكترونات التي تخرج من ذرات المعادن أو المواد لا يتغير من الطبيعة النووية للعنصر الكيمياني الذي صدرت منه، فالعنصر ثبقي نواته هي هي: فقط بعض الخواص الكبميانية تطرأ عليها. فالعنصر الكيمياني لا بتغير إلى عنصر كيمياني آخر.

 γ واشعاعي الطبيعي هي الإصدار التلقائي والستمر للجسيمات lpha واشعاع etaمن أنوية العناصر المشعة. فكل عنصر مشع بتغير إلى عنصر آخر قد يكون مستقرا وقد بكون بدوره عنصرا مشعا حينما يصدر إشعاع lpha أو eta . أما إذا أصدر إشعاع γ فلا يتّغير.

> 4 إن النشاط الإشعاعي لليورانيوم _ حسب بكريل _ مستقل عن الواد الرتبطة به، ومستقل عن تركيبه الإلكتروني، ويمكن تفسير ذلك بأن النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحثة (تمس النواة فقط)، ولا علاقة لها بالبنية الإلكترونية للعنصر المشع. أو بالارتباط

> 5ء إن الذي سبب اسوداد اللوح القوتوغرافي للغلف بعدة طبقات من الأوراق - في تجربة بكريل - هو إشعاع ٧. لأن هذا الإشعاع ذو طاقة

 eta^- عالية. فهو يستطيع ان ينفذ عبر الأوراق الغلفة للوح الفوتوغرافي بكل سهولة. أما إسعاع lpha أو إشعاع فلا يستطيعان ذلك.

التمريع 2

1. حدد أنواع الإشعاعات التي تصدرها المواد الشعة التي لها نشاط إشعاعي طبيعي أو صناعي، وقارن بينها من حيث القدرة على اختراق الواد.

2د البورانيوم عنصر مشع طبيعيا، يمكن أن يتواجد في عدة حالات ، صلبة، سائلة، غازية...

أد هل بتغير حالته الفيريائية يتغير نشاطه الإشعاعي؟ ب لنقوم بضغطه ضغطا عاليا، هل بتغير نشاطه الإشعاعي؟

ج لنقوم برفع درجة حرارته، هل يتغبر تشاطه الإشعاعي؟

قيم النتائج.



أن انواع الإشعاعات الطبيعية

ا. إشعاع lpha ؛ عبارة عن جسيمات هي في الحقيقة أنوية الهيليوم $\mathcal{H}e$). وذات قدرة نفاذ كبيرة في المواد. ن إشعاع eta ، هو إصدار الكترونات سريعة (eta_{-}^{0})، وهي ذات قدرة نفاذ كبيرة جدا في المواد.

ـ إشعاع ٧ : هو إصدار أشعة كهرومغناطيسية نات طاقة عالية، ولها قدرة نفاذ عظيمة حتى في المواد

له الإشعاع الصناعي

النمرير، 3

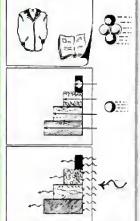
 eta^* ن اشعاع eta^* ، هو اشعاع نووي صناعي، وهو عبارة عن جسيمات تسمى البوزيترونات، والبوزيترون (\mathcal{C}) له نفس كتلة الإلكترون $q_{\beta^*} = +1,6.10$ ونفس شحنته ولكن موجبة $(m_{\beta^*} = +1,6.10)$. . لذا يسمى البوزيترون بضديد الإلكترون (anti'electron). ملاحظة : البوزيترون ليس هو البروتون، فكتلة البروتون أكبر من كتلة البوزيترون بحوالي 1836 مرة.

د المقارنة بين الإشعاعات من حبب قدرة النفاذ

2د أنه النشاط الإشعاعي لليورانيوم (أو للعناصر الشعة بصفة عامة) لا يتاثر بالحالة الفيريانية التي يوجد بها، سواء الصلبة أو السائلة أو

ب/ كما أن النشاط الإشعاعي لا يتغبر بتغير الضغط على المادة الشعة. ج/ ولا يتفير بتغير درجة حرارة العنصر الشع.

النشاط الإشعاعي هو ظاهرة نووية بحتة للأجسام الشعة.



ذات طبيعة مختلفة.

ب لا نحصل على النشاط الإشعاعي eta^+ من العينة الطبيعية ؟

الحل

كهربائية سالبة.

تماريه خاصة بتحولات نووية

1ً الوثيقة (أ) هي التي حُرفت فيها الإشعاعات النووية بالحقل الكهرباني. لأن رمز الحقل الكهرباني هو أما \overline{B} فهي رمز الحقل المغناطيسي.

ا ـ برايك، هذه العينة مؤلفة من نوع واحد من العناصر، أم من عدة أنواع لع<mark>ناصر</mark> مشعة

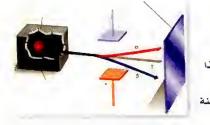
 $m_a \approx 7350 m_{e^-}$ ، $m_b = m_{e^-}$ ، $q_2 = +2|e^-|$ ، $q_1 = e^-$ اليك بعض العطيات، 4

حيث ؛ e : شحنة الإلكترون،

-، me . كتلة الإلكرون.

ارفق ب<mark>كل ج</mark>سيم <mark>شحنته وكتلته الناسبة.</mark>

2د أد انحراف الإشعاعات النووية. سواء في الحقل الكهربائي أو في الحقل المغناطيسي، يدل على أنها جسيمات مشحونة بشحنات كهربائية. وبما أن الانحراف تم على الأقل في اتجاهين متعاكسين، فهذا يعنى أنه بوجد على الأفل نوعان من الجسيمات، أحدها ذو شحنة كهربانية موجبة، والأخر ذو شحنة



etaب لا محديد اشارة شحنة كل من جسيمات lpha

نعلم أن اتجاد الحقل الكهربائي $ec{E}$ يكون من الكمون المرتفع نحو الكمون المنخفض. أي من الصفيحة الموجبة كهربانيا إلى الصفيحة السالبة كهربانيا.

فالجسيمات المشحونة سلبا تنحرف نحو الأعلى، لذلك فهي جسيمات eta. أما الجسيمات التي γ العاع α العام الميان فهي جسيمات α (أو أنوية الهيليوم α^{4}) موجية الشحنة. أما إشعاع فغير مشحون، لذلك لا يحدث له أي انحراف، فيكون مساره مستقيما.

لنجسيم الشحون eta هو الذي حدث له الانحراف الأكبر مقارنة بالجسيم (lpha). وهذا يجعلنا نستنتج ما يلي : ﴿ الجسيم ۗ 6 له سرعة كبيرة إثر صدوره من العنصر السّع، مقارئة بسرعة α مدور جسیم

lpha اصغر من كثلة الجسيم eta اصغر من كثلة الجسيم lpha

4 الجسيم وشحنته وكتلته

كتلته	شحنته	الجسيم
m_e	$q_1=e^-$	β -
7350 m _e	$q_2 \approx +2 e^- $	α

البك التجربة الموضحة بالوئيقتين التالبتين. توضع عينة ذات نشاط إشعاعي طبيعي (٤) باخل صندوق من الرصاص (Pb). مرة تحرف الإشعاعات الصادرة من للنبع (٤) بحقل كهرباني، ومرة بحقل مغناطيسي. لا حدد الوثيقة التي خُرُفت فيها الإشعاعات النووية بالحقل الكهرباني.

21 أن على ماذا بدل انحراف الإشعاعات النووية ﴿ ب د حدد اشارهٔ جسیمات eta ، جسیمات lpha واشعاع γ . برر

> 3د أي الجسيمات حدث له انحراف أكبر في الحقلين الكهربائي والغناطيسي؟ مانا تستنتج؟

نتيجة التفككات α و ٦٠٠٠

المشعة الصناعية فقط

أن حدد البنية النووية لكل نظير.

عدد النترونات نحسبه كالتالي :

2 حدد شحنة النواتين المذكورتين.

4. استنتج النسبة للنوبة الكتلية لكل نظير.

(بعدد الذرات) ، 81,1% و 18,9% على الترثيب.

3: احسب الكتلة الولية الذرية المتوسطة لعنصر البور (B).

 $q=+8,0.10^{-19}$ C . اي . $q=Ze=5.1,6.10^{-19}$

(13 حساب الكتلة الولية الذرية المتوسطة لعنصر البور (B

. وفيها يحلث تفكك eta وفيها يصدر إشعاع ل

اد هذه العينة مؤلفة من عدة أنواع لعناصر مشعة مختلفة. فلا يمكن أن نجد عنصرا مشعا

إذن. في نفس قطعة اليورانيوم نجد الثوريوم والبراكتينيوم وكلها عناصر مشعة. فيها يحدث

ب د من العينة الشعة الطبيعية لا تحصل على التفكك eta^+ لأن هذا التفكك ينتج عن العينات

يوجد عنصر البور (B) في الطبيعة على شكل نظيرين هما $(B_3^{(l)})$ و $(B_3^{(l)})$ بنسبة منوية عددية

 $Z+N=A \Rightarrow N=A-Z \Rightarrow N=11-5$; N=6

Z=5, A=10, N=A-Z=10-5; N=5

نواة كلا النظيرين تحتوي على عند من البروتونات (Z=5)، وبما أن النزونات متعادلة الشحنة. فإن :

سُحنة النواة (q) = سُحنة بروتوناتها (Ze)

تحولات نووية

النمرين 5

نواته

الحل

أد ملء الجدول

العنصر الكيميائي

عدد بروتوناته

عدد نج و ناته

عدد إلكتروناته

 $U^{238}_{col}U^{-235}_{col}U^{-238}_{col}$ النظائر هي: $U^{238}_{col}U^{-238}_{col}$

2د تحديد النظائر

I/ املأ الجدول التالي.

العنصر الكيميائي

عدد بروتوناته

عدد نتروناته

عدد الكتروناته

2/ حدد النظائر المثلة في الجدول.

4ر تحديد النسبة المنوية الكتلية لكل نظير

 $x\% = \frac{81.1 \times 11}{10.81} = 82.52\%$; ¹¹₅B بالنسبة إلى

 $y\% = \frac{18,9 \times 10}{10.81} = 17,48\%$

235U

Fe

26

30

Fe

56Fe

26

30

26

U

335U

92

143

92

146

U

238U

92

146

92

0

H

 H_1^l

 $M = \frac{11 \times 81, 1 + 10 \times 18, 9}{100}$

 $M=10.81 \, g/mole$

o
_

١.	OV
,	- W

	Ö	U	4

ava	
W	

	۱
ava	V
-	

O.V.
A COLOR

op c

واحدا يُحدث التفكك lpha والتفكك eta معا. فإما يُحدث التفكك lpha وإما التفكك $^-$ وعلى سبيل المثال، عندما ناخذ عبنة من اليورانيوم نجد أنها تحتوي، بالإضافة إلى اليورانيوم. عناصر أخرى مشعة مثل الثوريوم (Th) والبراكتينيوم (Pa). التي نتجت عن اليورانيوم نفسه

 $\stackrel{238}{\sim}U \xrightarrow{\alpha} \stackrel{234}{\sim} Th \xrightarrow{\beta^*} \stackrel{234}{\sim} Pa \dots$

 $e=+1,6.10^{-19}$ C ، شحنة البروتون

التمرين 4

الحل

أك تحديد البنية النووية لكل نظير

ت النظير B ي

أد تحديد شحنة النواتين

د النظير $rac{IB}{5}$ ، من الشكل $rac{Z}{2}$. فعدد البروتونات Z=5 . وعدد النويات (العدد الكتلي) . اما

ب. اكتب معادلة كل تفكك، مذكرا بقانوني الانحفاظ. 3 حدد أنواع التفككات التي تحدث تغيرا في النواة المتفككة ونجعلها تتحول إلى نواة اخرى.

النمرين 6

1. ليس كل عناصر الطبيعة تحدث لها تفككات نووية. والتي تتعرض للتفككات النووية تسمى عناصر مشعة (أو منابع مشعة). أما التي لا تتعرض للتفككات النووية فتسمى عناصر مستقرة. أد أنواع التفككات هي ،

1ً . هل التفكك النووي يحدث لكل العناصر الكيميائية الموجودة في الطبيعة ؟ ماذا تسمى العناصر

ا ـ اذكر أنواع التفككات والإشعاعات الصادرة عن العناصر المشعة (الطبيعية

التفكك α : أو إصدار الجسيم (He). $(_{e}^{o})$ ، أو إصدار الإلكترونات β

التفكك eta^+ ، أو إصدار البوزيترونات (eta^+)،

التي يحدث لها تفكك؟ وماذا تسمى العناصر التي لا يحدث لها تفكك؟

الإصدار لا ، أو إصدار الإشعاع لا. ب د معادلات التفكك

أولا، نذكر بقانوني الانحفاظ، انون انحفاظ الشحنة الكهربائية (Z) أو انحفاظ Z

(Z) نبوط المحكمة (Z) المومة التالمة

د قانون انحفاظ عدد النويات (A)

نبورد التمكند(A) = (A) الأبويد الناتجة

ه التفكك α أو (He)،

 ${}_{2}^{A}X \longrightarrow {}_{2}^{4}He + {}_{2}^{A'}Y$

Z'=Z'-2 ومنه Z=2+Z' ومنه Z=2+Z'

A'=A-4 ومنه، A=4+A' ، A ومنه، A=4+A'

 $A^{-4}_{7,2}Y$ ، ومنه نکتب النواهٔ $Y^{A'}_{7,2}Y$ كما يلى

 $^{A}_{Z}X$ \longrightarrow $^{4}_{2}He+{^{A-4}_{Z-2}Y}$: lpha . lpha التفكك : lpha

د التفكك ٦

تماريه خاصر شحولات نووية

 $_{Z}^{A}X \longrightarrow _{-1}^{0}e + _{Z}^{A'}Y$ A=0+A'; A'=A

Z=-1+Z'; Z'=Z+1

 $_{z}^{A}X \longrightarrow _{-1}^{0}e +_{z}^{A}Y$ اذن ،

د التفكك ع ${}_{2}^{A}X \longrightarrow {}_{1}^{0}e + {}_{2}^{A'}Y$

A=0+A'; A'=A

Z=1+Z'; Z'=Z-1

 $_{z}^{A}X \longrightarrow_{+1}^{0}e +_{z-1}^{A}Y$!نن: د اصدار ۱

 $_{7}^{A}X \longrightarrow _{7}^{A}X^{*} \longrightarrow _{9}^{9}Y + _{7}^{A'}Y$ A=0+A': A'=A

Z=0+Z'; Z'=Z

بما ان (Z) لم يتغبر لأن Z'=Z فالنواة لا تتغير، وبالتالي $\frac{A'}{2}$ هي نفسها النواة $\frac{A'}{2}$ ولنا نكتب :

 $_{7}^{A}X \longrightarrow \gamma + _{7}^{A}X$

3. التفككات التي تُحدث تغيرا في النواة المنفككة

د التفكك α ، حول النواة X_{7}^{A-4} إلى نواة جديدة هي (X_{7-7}^{A-4}) .

د التفكك β^- عول النواة X^A إلى نواة جديدة هي (7.7). د التفكك β^+ عول النواة X^A_{γ} إلى نواة جديدة هي (γ^A_{γ}) . د الإصدار ٧ ؛ لم بغير النواة التي أحدثته.

اللمرين 7

اليك النماذج التالية. حدد لكل نموذج نوع التفكك الحادث له. اكتب معادلة كل تف<mark>كك.</mark> (1)

تماريه خاصة بتحولات نووية

 ${}^{14}_{4}C(\beta^{-})$, ${}^{30}_{15}P(\beta^{+})$, ${}^{214}_{84}Po(\alpha)$

العدد الثري *Z 13 82 86 7 82* 56

Fe N Pb Em Al الرمز

الحل

 α النموذج 1 ، هو نموذج لتفكك

 $^{239}_{04}Pu \longrightarrow {}^4_2He + {}^{235}_{02}U$ معادلة تفككه هي : معادلة تفكك

eta- النموذج 2 ، هو نموذج لتفكك

معادلة تفككه هي : $^{14}_{5}C \longrightarrow ^{14}_{7}N + ^{0}_{-1}e$ معادلة تفككه هي eta^+ النموذج 3 ، هو نموذج لتفكك

 $^{1/1}C \longrightarrow {}^{1/1}B + {}^{0}e$ معادلة تفككه هي التمرين 8

يظهر بين قوسين نوع التفكك الحادث لكل عنصر مشع من العناصر التالية:

اكتب التفاعل النووي الحادث لكل نواة، مستعينا بالجدول المرفق.

د معادلة التفاعل النووي الحادث لكل نواة $^{-214}_{84}Po \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{A}_{7}Y + ^{214}_{84}Po(\alpha)$

Z=82 انن ، 84=2+Z انن ، 84=2+ZA=210 بن . 214=4+A بن . ويا حسب فانون انحفاظ عدد النوبات .

Pb يوافق (Z=82) ، وبالاستعانة بالجدول الدوري لدينا $\begin{vmatrix} 214P_0 \longrightarrow \frac{2}{2}He + \frac{210}{82}Pb \end{vmatrix}$!ذن نكتب!

> $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{A}_{2}Y \cdot ^{30}_{15}P(\beta^{+})$ 30=0+A; A=30

15=1+Z; Z=14

Si يكون Z=14 بالنظر إلى الجدول نجد انه من أجل

 $\frac{30}{15}P \longrightarrow \frac{0}{15}e + \frac{30}{14}Si$ افن ا

 $^{14}C \longrightarrow ^{0}_{-1}e + ^{A}Y \cdot ^{14}C(\beta^{-})$

14=0+A; A=14

6=-1+Z; Z=7

 $\left|rac{l^4}{6}C-\longrightarrow_{-1}^{-0}\!\!e+rac{l^4}{7}\!\!N
ight|:N$ فالنواة هي

النمرين 9

يقال إن استقرار اي نواة (2X) أو عدم استقرارها يعتمد على عدد بروتوناتها (Z) وعدد نتروناتها

(N). والتفاعل بين هذه النويات (nucléons). 1/ في مقاربة أولى، حاول أن تفسر استقرار النواة من عدم استقرارها بالتفاعل الحادث بين

التنافر الكولومبي (القوة الكهرومغناطيسية) والقوة النووية القوية الجاذبة. 2/ في مقاربة ثانية، تؤكد الدراسة ان عدد الأنوية المستقرة هي في حدود 266 نواة، منها : نواة تتميز بان Z زوجي وN زوجي . 53 نواة تتميز بان Z زوجي وN فردي . 50 نواة Z

تتميز بان Z فردي وN زوجي ، 4 انوية تتميز بان Z فردي وN فردي. ا/ فما هي الخاصية المميزة لأغلب الأنوية المستقرة؟ ب/ إذا علمت أن 80% من القشرة الأرضية بتألف من عناصر مستقرة لها الأنوبة التالية ،

 $^{16}_{8}O, ^{24}_{12}Mg, ^{28}_{14}Si, ^{40}_{20}Ca, ^{48}_{22}Ti, ^{56}_{26}Fe.$ فما هي الخاصية الأبرز المشتركة بين هذه النوى؟

الحل

أد تفسير استقرار النواة من عدم استقرارها

استقرار النواة يعتمد على عدد بروتوناتها (Z) وعدد نتروناتها (N). ن بالنسبة إلى الأنوبة الخفيفة ($Z{<}20$) ؛ نلاحظ أن الأنوبة التي يكون فيها $Z{pprox}N$ مستقرة، وهذا بعنى ان القوة النووية القوية بين النويات تكون اكبر بكثير من القوة الكولومبية التنافرية. أما الأنوية التي

Z=Nلا تحقق Z=Nفهی غیر مستفرد. $Z{<}N$: بالنسبة إلى الأنوية المتوسطة ($Z{<}S2$) : نلاحظ أن الأنوية المستقرة فيها تحقق والعدد الزائد من النترونات يعمل على تخفيف الشحنة الكهربانية الموجبة، مما بجعل القوة النووية أكبر شدة من القوة التنافرية الكولومبية. فالرصاص (206Ph) مثلاً، يتمتع باستقرار كبير لأن :

 $\frac{N}{Z} = \frac{206 - 82}{82} = 1.51$ اذن ، Z<N.

أما الأنوية التي لا تحقق Z<N فإنها تكون غير مستقرة.

• أما الأنوية الثقيلة ($Z{>}82$) فإنها غير مستقرة، ذلك لأنه بزيادة عند البروتونات (Z) تصبح فوذ التنافر الكولومبي كبيرة. إلى درجة تتغلب فيها على قوى الجنب النووية، وهذا بطبيعة الحال يؤدي إلى عدم استفرار النواة.

ا/ الخاصية المميزة لغالبية الأنوية المستقرة هي ، Z زوجي وN زوجي. ب/ إن الخاصية الأبرز التي تميز العناصر التي تُكون %80 من القشرة الأرضية هي كونها ، من النوع (زوجي-زوجي). اي Z زوجي وN زوجي. فمثلا

$${}^{16}_{8}O \longrightarrow \begin{cases} N = 16 - 8 = 8 \longrightarrow 0 \\ Z = 8 \longrightarrow 0 \end{cases}$$

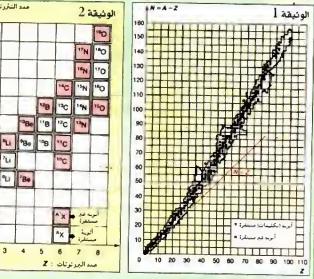
$$\begin{array}{l}
\stackrel{56}{18}Fe \longrightarrow \begin{cases}
N = 56 - 28 = 28 \longrightarrow \text{if } \\
Z = 28 \longrightarrow \text{if }
\end{cases}$$

مدد التأريات : N = A - Z

1 2 3 4 5

اللمرين 10

1 الذي يمثله شكل الوثيقة N,Z) الذي يمثله شكل الوثيقة



- 1/ حدد منطقة الاستقرار، وما هي الحالة النووية للعناصر المتواجدة بها ؟
- 2/ حدد الحالة النووية للعناصر المتواجدة خارج منطقة الاستقرار، وما هي أنواع التفككات التي يمكن أن تجربها ؟

- 3/ يؤخذ جزء من المخطط (N,Z) ونقوم بتكبير د. ونحدد عليه خانات فبها الأنوية المستقرة والأنوية ^{10}C , ^{15}O , ^{14}C , ^{10}Be : غير المستقرة (الوثيقة 2). تعطى الأنوية :
- ا/ باعتبار الأنوية التي لها فائض في عدد النترونات (N) _ مقارنة بالأنوية المستقرة _ نتعرض للنفكك مدد من بين الأنوية السابقة تلك التي تتوقع أن تتعرض للتفكك eta . وأعط معادلات تفككها. وهذا etaبالاستعانة بالوثيقة 2.
 - ب/ باعتبار الأنوبة التي لها فائض في عدد البروتونات (Z) تتعرض للتفكك eta^+ ، حدد من بين الأنوبة السابقة تلك التي تتوقع أن تتعرض للتفكك eta^+ . وأعط معادلات تفككها.

الحل

تماريه خاصة بتحولات نووية

- N = A Z
- 1 تحديد منطقة الاستقرار د منطقة الاستقرار هي المنطقة التي تظهر فيها نقاط سوداء، كما هو موضح بالشكل المرفق.
- د الحالة النووية للعناصر المتواجدة بمنطقة الاستقرار هي أنها ذات أنوية مستقرة.
 - 2 العناصر خارج منطقة الاستقرار هي عناصر غير مستقرة، بمعنى أنها عناصر مشعة، فهي تتعرض إذن
- للتفككات eta^+ ، eta^- ، eta^- أو التفكك eta^- ، وتظهر في الشكل على شكل مناطق بيضاء. . eta التفكك فالعناصر التي تقع أعلى منطقة الاستقرار وعلى يساره تجري التفكك
 - eta^+ والعناصر التي تقع أسفل منطقة الاستقرار وعلى يمينه تجري التفكك . lpha أما العناصر الثقيلة التي تقع بجوار اليورانيوم ($U^{(2)}_{2}$) فإنها تجري التفكك
 - أ/ تحديد الانوبة التي تتعرض للتفكك ﴿
 - لنحدد اولا (Z) و(N) لكل نواة ،

النواذ	$^{10}_{4}Be$	$^{14}_{6}C$	15 ₈ O	$^{10}_{6}C$
Z	4	6	8	6
N	6	8	7	4

 $_{4}^{9}\!Be$ لاحظ ان النواة $_{4}^{10}\!Be$ لها فائض من النترونات (N=6) مقارنة بنواة مستقرة مثل ، (Z=4) التي لها (Z=4) و(N=5) لذا تجري التفكك eta اي تصدر الكترونا

$$^{10}_{4}Be \longrightarrow ^{-1}_{-1}e + ^{A}_{Z}Y$$

ر حسب قانون انحفاظ عدد النويات :
$$A+0=0$$
 ومنه : $A=10$

 $^{10}_{4}Be \longrightarrow ^{0}_{-1}e + {}^{10}_{5}B$

والنواة التي لها (Z=5) مسجلة في الوئيقة 2 وهي نواة B ،

اذن النواة $rac{A}{2} Y$ هي $rac{B}{2}$ وهي نواة مستقرة، فنكتب من جديد ،

Z=7 ، باستعمال قانون انحفاظ (Z) نجد

 $^{15}_{v}O \longrightarrow ^{0}_{t}e + ^{A}_{7}X$ التفكك $^{+}\beta^{+}$

و $(C_{\lambda}^{LL}C)$ على الترتيب:

التفكك السابق كالتالي :

 $^{10}C \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{A}X$

Z=5.A=10

كذلك، لو عدنا إلى الجدول للاحظنا أن النواة $\binom{14}{6}$) أيضا لها فانض من النترونات

تتميز بـ Z=6 ، N=6 وعليه فإننا نتوقع أن Z=6 ، يحدث لها تفكك B=0 يلى ،

ولو عدنا إلى الوثيقة 2 لوجدنا أن النواة التي لها $(Z{=}Z)$ هي النواذ (N)، فالنواذ هي $(N^{14}N)$.

Z=8 النواة (${15 \choose 8}$) ، تتميز بZ=8 و Z=7 ، لها فانض من البروتونات. لنا فيمكنها ان تحدث

بالاستعانة بالوثيقة 2 نجد أن النواة $\binom{IS}{2}$) هي النواة $\binom{IS}{2}$) وهي نواة مستقرة، لذا نكتب

 ${}^{15}_{8}O \longrightarrow {}^{0}_{+1}e + {}^{15}_{7}N$

ت النواة $\binom{10}{6}$ ، تتميز بـ Z=6 و N=4 ، لها فائض من البروتونات. لنا تجري التفكك ،

، والنواذ ($X^{(l)}$) في الوثيقة 2 هي النواذ ($X^{(l)}$) وهي نواذ مستقرة، والتفكك الحادث هو

 ${}^{10}C \longrightarrow {}^{0}_{+1}e + {}^{10}_{5}B$

 $^{(16}_8O)$ النواتان $^{(15)}_8O$ و $^{(16)}_6D$ لهمل فائض في عدد البروتونات مقارنة بالنواتين $^{(16)}_8O$

مقارنة بالنواة ($\binom{12}{6}$). إذ أن ($\binom{14}{6}$) تتميز ب(N=8-1) بينما النواة ($\binom{12}{6}$)

وهي نواة مستقرة، بكون التفكك كالتالي ، $e + \frac{14}{7}N$ وهي نواة مستقرة، بكون التفكك كالتالي ،

15=0+A: A=15

8=1+Z:Z=7

تماريه خاصة بتحولات نووية

الحل

التمرين ا

اكمل المعادلات النووية التالية، محددا نوع النشاط الإشعاعي الحادث (نوع التفكك).

 $^{14}C \longrightarrow ^{14}N + \cdots$ $^{30}P \longrightarrow ^{30}Si + \cdots$ $^{99}T^*_c \longrightarrow ^{99}T_c + \cdots$

 $^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + \cdots$

(N) و فضم النووية وتحديد نوع التفكك بجب استعمال قانوني حفظ و(N)

انن $({}_Z^{AX})$ هي $({}_{-1}^{\theta}X)$ فهي $({}_{-1}^{\theta}C)$ الذي يمثل الرمز النووي للإلكترون، لذا نكتب من جديد ،

 β^+ وهو التفكك

 ${}^{14}_{6}C \longrightarrow {}^{14}_{6}N + {}^{0}_{-1}e$

وهذا هو التفكك - 8

 $A=0 \; ; \; Z=0$

وهذا يوافق إصدار ٧

طاقي أعلى من مستواها الطاقي الأساسي، لذا نكتب إصدارها كما يلي :

ثم إن الرمز (*) الموجود في نواة التكنسيوم Tc) يعني أن هذه النواة مهيُجة، وهي في مستوى

بالنسبة الى المعادلة التالثة

إذن $({}_Z^A\!X)$ هي $({}_{1}^{\theta}\!X)$ فهي $({}_{1}^{\theta}\!P)$ الذي يمثل الرمز النووي للبوزيترون، ويكون التفكك ،

بالنسبة الى المعادلة الثانية

بالنسبة إلى المعادلة الأولى

 $^{14}C \longrightarrow ^{14}N + {}^{A}X$

14=14+A; A=0

6=7+Z : Z=-1

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{30}_{14}Si + ^{4}_{7}X$

A=0 : Z=+1

 $^{30}_{15}P \longrightarrow ^{30}_{14}Si + ^{0}_{+1}e$

 $^{99}T_c^* \longrightarrow ^{99}T_c + ^{4}Y$

المعادلة الرابعة ،

 $^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + ^{A}_{Z}X$

ونكتب المعادلة النووية كما يلي

1/ اعط تعريف كل من ،

A=238-234=4; Z=92-90=2 $({}_2^4He)$ هي $({}_2^4X)$ اي نواة الهيليوم $({}_2^AX)$

أ/ النشاط الإشعاعي (A)

ب/ نصف العمر £ (أو الدور) ج/ العمر المتوسط 7 (أو ثابت الزمن)

ا، (t_{ξ})، (A) وبوحداتها. (2)

د/ ثابت الإشعاعية ﴿ (أو ثابت التفكك).

الحل

التمرين 12

// تعريف النشاط الإشعاعي (A)

النشاط الإشعاعي لعينة من الأنوبة الشعة في لحظة زمنية (1)

هو عدد التفككات (A) في ثانية واحدة. ب/ تعريف نصف العمر إلا (أو عمر النصَّفُ أو الدور)

 $^{99}_{43}T\dot{c} \longrightarrow ^{99}_{43}Tc + \gamma$

فالتفكك الحادث هو تفكك α أي (⁴He)

 $^{238}_{92}U \longrightarrow ^{234}_{90}Th + ^{4}_{2}He$

فترة نصف العمر هي الزمن اللازم الذي يستغرقه العنصر المشع لكي يتفكك نصف العدد الابتدائي $(\frac{N_0}{2})$ من الويته.

ت تعريف العمر المتوسط T (او تابت الزمن)

العمر التوسط لنواة هو الزمن التوسط لحياة نواة مشعة.

د ناست الإسعاعية ٨

نابت الإسّعاعية 🛦 هو احتمال تفكك نواة واحدة في ثانية واحدة.

تماريه خاصة بتحولات نووية

2 لندكير بالعبارات

 $A=\lambda N=\lambda N_0\,e^{-\lambda t}$ وحدة (A) هي البكريل (Bq).

وحدة ($t_{\underline{j}}$) هي الثانية ($t_{\underline{j}}$) وحدة ($t_{\underline{j}}$) هي الثانية ($t_{\underline{j}}$)

وحدة (۲) هي الثانية (۶). $T = \frac{1}{1}$

0.35

15,2

التمرين 13

باستعمال عداد "جيجر-مولر"، تم قياس النشاط الإشعاعي لعبنة من منبع إشعاعي هو اليود ان (I^{31}) أي (I^{31})، ومن ثم تم حساب عدد الأنوية التبقية (I^{3}) في ازمنة مناسبة لها، فكانت النتائج

كالتالي :

0,18

22,8

N=f(t) مثل البيان N=f(t)2/ حدُد من البيان 1

ا/ فترة نصف العمر 14،

ب/ ثابت الإشعاعية ٨.

ج/ العمر المتوسط (T) (أو الثابت الزمني)، د/ النشاط الإشعاعي (A_0) و (A_1) في اللحظتين (OS) و $({}_{2}I)$.

 3/ بفرض أن هذه العينة من اليود خقنت في الغدة الدرقية لريضة : ا/ احسب الكتلة الابتدائية (m₀) للعينة،

ب/ كم يبقى من هذه العينة بعد 60,8 بوما ؟ أ/ أيُ معادلة يمكن إعطاؤها للمنحني السابق من بين المعادلات التالية ؟ $y=bx^{-2}$; $y=be^{-ax}$; $y=be^{+ax}$

0,71

7,6

N×1020

t(i)(per)

على اعتبار ان $(b=N_0)$ و $(a=\lambda)$.

1,41

ب/ اكتب حينئذ فانون التناقص الإشعاعي.

الحل

N=f(t) البيان 1

ا/ تحديد فنرة بصف العمر 1

 $\tau \approx 10.9i$

وهي تقريبا نفس القيمة التي وجدناها بالطريقة البيانية.

د تحديد النشاط الإنجاعي ٨٠

 $A=\lambda N$ نعلم ان

 $A_0=\lambda N_0$. إذن $(N=N_0)$ لدينا (t=0s) وفي اللحظة (t=0s) $A_0=1,06.10^{-6}.1,41.10^{20}\approx 1,5.10^{14}$

 $A_0 = 1, 5.10^{14} désintégration/seconde = 1, 5.10^{14} Bq$

البشاط الاشعاعي (١/ ٨) في اللحظة (١/)

$$A_1 = \lambda \frac{N_0}{2} = \frac{A_0}{2}$$
 , اذن $\frac{N_0}{2}$ ، اذن (l_2) لدينا

$$A_1 = 0.75.10^{14} d\acute{e}si/s = 7.5.10^{13} Bq$$

أ/ حساب الكتلة الاستبانية 111 للعينة

و طريقة أنستعمل القاعدة الثلاثية التالية ،

 $6,023.10^{23} \rightarrow 131 \text{ g}$ $1,41.10^{20} \rightarrow m_0$ $\Rightarrow m_0 = \frac{1,31.10^{20}.131}{6,023.10^{23}}$ $m_0 = 0.0307g = 30.7mg$

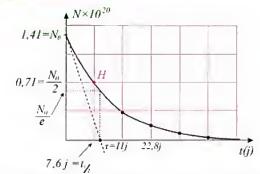
يا طريقة 2

$$rac{m_0}{N_0} = rac{M}{\mathcal{N}}$$
 ;
$$\boxed{ egin{array}{c} m_0 = rac{N_0 M}{\mathcal{N}} \end{array} } \begin{array}{c} M_0^{(3)}I^{(3)}I \end{array} \begin{array}{c} M_0^{(3)}I^{(3)}I \end{array} \begin{array}{c} M_0^{(3)}I^{(3)}I \end{array} \end{array} \begin{array}{c} M_0^{(3)}I^{(3)}I \end{array} \begin{array}{c} M_0^{(3)}I \end{$$

ب/ حساب الكتلة التيفية من العينة بعد 60,8 يوم

$$m_0 = 30,7 mg$$
 في اللحظة (t = $0s$) كتلة العينة هي

$$\frac{m_0}{2}$$
 في اللحظة ($t_1=t_1$) ببقى من العبنة كتلة تساوي



 $N_0{=}1,41.10^{20}:$ بـ اللحظة ($t{=}0j$) توافق العدد الابتدائي (N_0) للأنوية. إذن

د اللحظة (إلى توافق العند ($\frac{N_{\theta}}{2}$) لأنوية. وبما أن $\frac{N_{\theta}}{2}$ فباسقاط هذه القيمة على المنحني البياني نجد أنها تتقاطع معه في النقطة (H)، نعين فاصلة النقطة (H) فنجد ،

وهو محدد في البيان السابق. $l_{\frac{1}{2}}=7,6j$

ب/ حساب ثابت الاسعاعية أل (نابت الثمكات)

$$\lambda = \frac{ln2}{t_j}$$
 , نعلم آن ، $t_j = \frac{ln2}{\lambda}$ ، نعلم

: لدينا ، 7,6j نحوله إلى الثواني (3) ، اليوم (1j) فيه (24سا)، والساعة فيها (3600)، إذن $t_1 = 7,6 \times 24 \times 3600 = 656640s$

$$t_{1}=7,6\times24\times3600=656640s$$
 نعوض في العبارة السابقة فنجد .
$$\lambda=\frac{\ln2}{656640}=\frac{0.693}{656640}\;; \qquad \lambda\approx 1,06.10^{-6}~\text{s}^{-1}$$

ج/ حساب العمر المتوسط (أو ثابت الرمن) (٢) بالطريقة التبايية

نرسم مماسا (Δ) للمنحني في اللحظة (t=0) ونمدده فيتقاطع مع المحور (t) في نقطة فاصلتها

 $T \approx 11i$. بالرجوع إلى البيان نجد ا

د لطريقة الحسابية

$$\tau = \frac{1}{106.10^{-6}} = 943396.2 \, s$$

$$au = \frac{943396,2}{3600 \times 24} = 10,9 \, j$$
 الى الأيام (j) إلى الأيام (j) نحول الثواني

 $^{226}_{88}Ra \longrightarrow ^{222}_{86}Rn + ^{4}_{2}He$

حساب نابت التفكك الإشعاعي أد للراديوم

$$\frac{\lambda = \frac{ln2}{t_{\frac{1}{2}}} }{t_{\frac{1}{2}}}$$
 : ومنه $t_{\frac{1}{2}} = \frac{ln2}{\lambda}$ نعلم ان

 $t_4 = 1620$ ans = $1620 \times 365 \times 24 \times 3600 = 5, 1.10^{10}$ s نكن ي

$$\lambda = \frac{0,693}{5,1.10^{10}} = 1,36.10^{-11}; \quad \lambda = 1,36.10^{-11} \, s^{-1}$$

$$(1g) \perp (A) \perp (A) = 1,36.10^{-11} \, s^{-1}$$

يعطى بالعبارة ،
$$A=\lambda N$$
 يعطى بالعبارة ، (N) عند الأنوية الموجودة في $(1g)$ من $^{226}_{\pi N}Ra$ ، ونعينه كالتالي ،

$$N = \frac{m}{M} \mathcal{N}$$
; $N = \frac{1}{226} \times 6,023.10^{23}$; $N = 2,66.10^{21}$

$$A = 1,36.10^{-11} imes 2,66.10^{21}$$
 . نعوض الأن في عبارة (A) فنجد

$$A = 3,6.10^{10} Bq \approx 1Ci$$

إن النشاط الإشعاعي الناتج عن (1g) من $^{226}_{sy}Ra$ اصطلح عليه سابقا على أنه يساوي (1 كوري) (اي 1 Ci).

$$rac{A}{S}$$
 رحساب الزمن (1) اللازم ليصبح النشاط الإشعاعي $rac{A}{S}$ مساويا

 $rac{I}{8}=e^{-\lambda t}$. این ، $rac{A_0}{8}=A_0e^{-\lambda t}$. این ، $A=A_0e^{-\lambda t}$. این ، $A=A_0e^{-\lambda t}$. این ، $A=A_0e^{-\lambda t}$

$$\ln\frac{1}{8} = \ln e^{-\lambda t} = -\lambda t \; ; \qquad t = \frac{\ln\frac{1}{8}}{-\lambda}$$

$$t = \frac{ln\frac{1}{8}}{-1,36.10^{-11}} = \frac{-2,079}{-1,36.10^{-11}}$$
; $t = \frac{1,53.10^{11}}{365 \times 24 \times 3600} \approx 4852a$; it equivalents

Ra من ($I\mu g$) من المنطلقة من ($I\mu g$) من (lpha) من العينة يمكن أن تصدر جسيما ڪل نواڌ في $rac{2}{2}=rac{m_0}{2^2}$ في اللحظة $(t_2=2\ t_3)$ بيفى من العينة كتلة تساوي $rac{m_0}{2^3}$ في اللحظة $(t_3=3\ l_{
m i})$ يبقى من العينة كتلة تساوي $rac{m_0}{2^4}$ في اللحظة $(t_i=4\ t_j)$ يبقى من العينة كتلة تساوي

تماريه خاصة بتحولات نووية

 $rac{m_0}{2^8}$ في اللحظة (t=8 t_j) إي $(t=60,8\,j)$ بيقى من العينة $\frac{30.7}{2^8} = 1,20 \text{ mg}$: ومنه كتلة العينة بعد هي وبعد مدة تبقى آثار قليلة من العينة 131 في الغدة الدرقية للمريضة، بدون خطر يذكر منها.

لنا يستعمل البود لعلاج الغدة الدرقية.

اذا كان
$$t=nt_{\frac{1}{2}}$$
 فإنه يبقى من العينة كتلة $m=\frac{m_0}{2^n}$. يمكن استعمال هذه النتيجة في حل $m=\frac{m_0}{2^5}$. اذن $m=\frac{m_0}{2^5}$. اذن $m=\frac{t}{t_{\frac{1}{2}}}=\frac{60.8}{7.6}=8$

/ المادلة التي تحقق قانون التناقص الإشعاعي هي العادلة : $a=\lambda$ و $b=N_0$

$$N=N_0\,e^{-\lambda t}$$
 . فانون التناقص الإشعاعي يشبه العادلة السابقة، لذا نكتب $-$

التمرين 14

الرابيوم ($^{220}_{88}Ra$) عنصر مشع يتفكك إلى غاز الرابون ($^{222}_{88}Ra$) وجسيم lpha. له نصف عمر يساوي .1620ans

1/ اكتب معادلة التفكك. 2/ احسب ،

ا/ ثابت التفكك الإشعاعي للراديوم ، ب/ النشاط الإشعاعي لـ (Ig)) من الراديوم، ثم قارنه مع الكوري (ICi). مانا تستنتج ؟ ج/ الزمن اللازم لكي ينقص النشاط الإشعاعي للراديوم إلى ثمن فيمته الابتنانية ،

> د/ عدد جسيمات (α) المنطلقة من $(I\mu g)$ من الراديوم. $1Ci = 3,7 \times 10^{10} Bq$ يعطى :

lphaال (lpha) الن(Ra) مضدرا جسيم lpha (أي نواة الهيليوم lpha) إلى lpha مضدرا جسيم lpha

فعدد جسيمات (lpha) الممكن انطلاقها يساوي عدد الأنوية الموجودة في ($1\mu g$) من العينة. 126 Raنحسب عدد الأنوية في $(1 \mu g)$ من

$$N = \frac{m}{M} \mathcal{N} = \frac{1.10^{-6}}{226} \times 6,023.10^{23}$$
; $N = 2,66.10^{15}$

 $2,66.10^{15}$ ، ومنه عدد جسيمات (α) الممكن انطلاقها هو

النمرين 15 (وضعبة أدماجية)

الكربون 14 هو عنصر مشع طبيعيا. فهو موجود في الطبيعة ويصدر جسيمات eta^- بنصف عمر يساوي (5730ans)، كما نعتبره عنصرا مشعا صناعيا لأنه يتشكل باستمرار في طبقات الجو العليا، نتيجة اصطدام النترونات الأتية من الإشعاع الكوني بالأزوت $\binom{14}{7}$) فينتج $\binom{14}{6}$) وجسيم من

أ/ اكتب معادلة تفكك ٢٠٠٠ .

ب/ اكتب معادلة تشكل 6 مع استنتاج طبيعة الجسيم ZX .

2/ يحصل توازن إشعاعي بين التفكك والتشكل لـ 140 ، وهذا المتشكل يتأكسد إلى ننائي أكسيد الكربون (14CO₂)، فتستنشقه جميع الكائنات الحبة (نبات، حيوان، إنسان)، لكن تقدير العلى القدير جعل تركيز ¹⁴C الذي نستنشقه، وفي الغذاء الذي نأكله ضئيلا جدا. فتركيزه في الجسم لا يساوي إلا حوالي (12% - 10) من تركيز الكربون 12 (أي 12%) الموجود في النسيج الحي. وتحتوى جميع الكائنات الحية على كمية من $\binom{l^4C}{l}$ في توازن مع $\binom{l^4C}{l}$ الموجود في الجو. فإنا جاء أجل الموت للكائن الحي، توقف تنفسه، وتوقف أخذه للغذاء، فيتوقف نهائيا استنشاقه لـ $\binom{f'}{f}$ الموجود

 (eta^-) الموجود في الكائن الميت من لحظة الموت بالتناقص الإشعاعي (إصدار بنصف عمر يساوي (5730ans) دون أن يُعوِّض من الجو، وبهذا ينتهي التوازن الإشعاعي عند الموت. وعلى هذا الأساس يحتوي الخشب القديم الذي قطعت أو ماتت أشجاره على كمية أقل مما في

الخشب الجنيد. وايضا تحتوي العظام القديمة على كمية من $\binom{I^d}{d}$ أقل من العظام الجديدة. فبقياس تركيز $\binom{I^4C}{k}$ يمكن حساب زمن حدوث الوفاة. لهذا يعتبر $\binom{I^4C}{k}$ مؤرخا ممتازا للأنثروبولوجيين (anthropologistes) اثبتاحثين في علم الإنسان، من حيث نشونه وتطوره.

وعاداته واعتقاداته. واختيارهم لـ $\binom{J^4}{6}$ بسبب فترذ نصف العمر له وهي 5730 سنة، التي تلائم "عمر التاريخ الثقافي للشعوب والأمم".

عمليا، يتم تحديد عمر خشب قديم كما يلي :

ويقاس النشاط الإشعاعي A لكتلة عينة من خشب قديم.

ه تم يقاس النشاط الإشعاعي A_0 لنفس الكتلة من عينة أخرى لخشب جديد.

ا/ في ضوء هذا النص، ما معنى التوازن الإشعاعي لـ 14) في الكائن الحي ؟

 14 ر لماذا يتناقص (14) في الكائن الحي بموته ج/ لمانا يلانم (14C) عمر التاريخ الثقافي للحضارات؟

3/ عينة من خشب قديم وجد أنها تصدر 325 تفككا في الدقيقة، وهذا من أجل كل (1g) من فحم العينة. وعينة أخرى من خشب جديد لها نف<mark>س كتلة الخشب القديم</mark> تصدر 1350 تفككا في الدفيقة. ما هو عمر الخشب القديم؟

تماريه خاصة

شحولات نووية

معادلة تفكك (١٠٠٠)

، يحدث له تفكك eta^- ، فمعادلة التفكك تكون كالتالي بما أن eta^{f+}

 $^{14}C \longrightarrow ^{0}e + ^{A}Y$

A=4 . وبالتالي . 14=0+A . وبالتالي . 4=0+A

Z=7 . وبالتالي . Z=1+Z . وبالتالي . Z=1وعليه تكون النواة $^{AY}_{Z}$ هي $^{AY}_{7}$ اي $^{I4}_{7}$ ، لذا نكتب من جديد معادلة التفكك كما يلي :

 $^{14}_{6}C \longrightarrow _{-1}^{0}e + ^{14}_{7}N$

ب/ معادلة تشكل ($\binom{l_d}{b}$) يتشكل ($\binom{l_d}{b}$) نتيجة اصطدام النترونات ($\binom{l}{0}$) السريعة بالمراث المتكان ($\binom{l_d}{b}$) المتكان المتكان المتحدد ال

 $_0^1 n + _7^{14} N \longrightarrow _6^{14} C + _Z^A X$

لدينا حسب قانوني حفظ الشحنة وعدد النويات ،

1+14=14+A; A=1

0+7=6+Z; Z=1

، إذن فالجسيم ${}^A\!\!X$ هو البروتون $({}^I\!\!P)$ أو $({}^I\!\!P)$ ، ومعادلة التفكك هي ${}_{0}^{I}n + {}_{7}^{I4}N \longrightarrow {}_{6}^{I4}C + {}_{1}^{I}H$

ا/ التوازر الإشعاعي في ضوء هذا النص نقصد بالتوازن الإشعاعي أن نسبة $\binom{14}{6}$ الموجودة داخل الكائنات الحية تتناسب مع $\binom{14}{6}$ الموجود في الجو. فإذا مات الكائن الحي، تبدا كمية $\binom{1^4C}{6}$ الموجودة فيه بالتناقص. بينما $\binom{1^4C}{6}$ الموجود في الجو يبقى هو هو دون تنافص، وبهنا بخنل التوازن الإشعاعي.

-يتناقص ${1_6^4C}$) في الكائن الحي من لحظة موته، لأنه لم يعد قادرا على استنشاقه من الجو عن طريق (¹⁴CO₂). ولا قادرا على تناوله في الأغذية.

ان الكربون 14 له فترة نصف عمر $t_{\S}{=}5730$ وهذه الفترة تلائم تاريخ $t_{\S}{=}5730$ الحضارات القديمة.

3/ حساب عمر الخشب القديم

 $A = \lambda N$ د النشاط الإشعاعي A_0 للخشب القديم هو $A_0 = \lambda N_0$ النشاط الإشعاعي A للخشب الجديد هو

تماريه خاصة بتحولات نووية

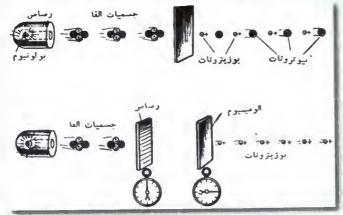
الحل

$$^{14}N+lpha\longrightarrow^{17}_8O+{}^AX$$
 $^{2}N+lpha\longrightarrow^{17}_8O+{}^AX$ ^{2}He ^{4}He $^{2}He\longrightarrow^{17}_8O+{}^AX$ لذا نكتب من جديد ، $^{14}N+{}^4He\longrightarrow^{17}_8O+{}^AX$ $^{2}N+{}^4He$ $^{2}N+{}^4He$ $^{2}N+{}^4N+{}^4He$ $^{2}N+{}^4N$

$$^{14}_{7}N + ^{4}_{2}He \longrightarrow ^{17}_{8}O + ^{1}_{1}P$$

النمرين 17 (وضعية ادماجية)

تم الحصول على ظاهرة النشاط الإشعاعي (la radioactivité artificielle) لأول مرة في تاريخ البشرية من قبل العالمين (فردريك جوليو) وزوجته (إيرين كوري)، إذ قاما سنة 1934م بقنف صفيحة الومنيوم (27 A I) بجسيمات lpha (التي يصدرها البولونيوم Po) فحصلا على جسيم هو $rac{A}{2}$ البوزيترون ($rac{1}{2}e$) وجسيم آخر هو النترون ($rac{1}{0}n$) (الوثيقة $rac{1}{1}$)، ونواة



1/ اكتب معادلة التفاعل النووي الحادث الذي يُنَمْذِجُ الظاهرة الممثلة بالوثيقة 1 محددا النواة $^{30}_{-15}P$ ، $^{27}_{13}Al$ ، $^{30}_{14}Si$ ، $^{16}_{16}Si$ ، يعطى ،

2/ إلى هذا الحد كان الأمر عاديا بالنسبة إلى العالمين، فقد سبقهما إلى إجراء تفاعلات نووية مستحدثة بعض العلماء أمثال رذرفورد وفيرمي وغيرهما. لكن الأمر الجديد الذي أثار دهشتهما Al وحيرهما انه عند إبعادهما لمصدر جسيمات lpha او وضع حاجز من الرصاص بين صفيحة وجسيمات lpha ، اي بعد توقيف قذف صفيحة Al اختفت النترونات تماما كما كان متوقعا، غير ان انبعاث البوزيترونات ($^0_{+1}e$) استمر رغم ذلك (الوثيقة 2). فمن اين اتت هذه البوزيترونات رغم أن التفاعل النووي المستحدث توقف؟ هكذا تساءل العالمان.

$$\frac{A}{A_{\theta}} = \frac{\lambda N}{\lambda N_{\theta}} : \frac{A}{A_{\theta}} = \frac{N}{N_{\theta}} \dots (1)$$

 $rac{N}{N_0}$ $=e^{-\lambda t}$ ، يذن ، N = N_0 $e^{-\lambda t}$ ، يذن ، الناقص الإشعاعي ، لكن، حسب قانون التناقص الإشعاعي

$$\frac{A}{A_0}$$
 = $e^{-\lambda t}$ ، نعوض في المعادلة (1) فنجد

$$ln\frac{A}{A_0} = lne^{-\lambda t} = -\lambda t$$

$$\frac{A}{A_0} = e^{-\lambda t}$$
 نعوض في المعادلة (1) فنجد : $\ln \frac{A}{A_0} = \ln e^{-\lambda t} = -\lambda t$

$$t = -\frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{A}{A_0}\right)$$
......(2)

الكون $\lambda = \frac{\ln 2}{2}$ بالمعادة فنجا

: نعوض في العبارة فنجد ، $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{I/2}}$ ؛ لكن ، $t_{I/2} = \frac{\ln 2}{\lambda}$ ؛ لكن ،

$$t = \frac{-t_{1/2}}{\ln 2} \ln \left(\frac{A}{A_0} \right)$$

A=325 Bq , $A_0=1350 Bq$, $t_{1/2}=5730 ans$

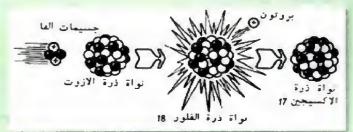
$$t = \frac{-5730}{0,693} \ln\left(\frac{325}{1350}\right)$$
، نعوض فنجد

t≈11774,5 ans

ونظرا لأن العملية فيها تقريب. لا نحتفظ إلا بالثلاثة أرقام المعنوية الموجودة على يسار العدد، والبقية نجعلها اصفارا ، t≈11700 ans

الثمرين 16

في عام 1919 ولأول مرة في تاريخ البشرية استطاع رذرفورد أن يحول نواة النتروجين (^{14}N) إلى نظير الأكسيجين (170) كما هو موضح بالوثيقة التالية، كما اكتشف البروتون. اكتب معادلة التفاعل النووي المستحدث.



تماريه خاصة

وتبيَّن لهما أن في كل (2,5min) يتناقص عدد البوزيترونات المنبعثة مرتين، وبدا لهما ان هذه البوزيترونات تصدر من عنصر مشع لم يُعرف من ذي قبل ولم تُعرف فترة نصف عمره (الجديد النشاط الإشعاعي الجديد لأ $t_{1/2}=2,5min$ بان صفيحة (Al) تعاود إطلاق البوزيترونات إذا ما تم قذفها من جديد بجسيمات lpha ، وهذا كالأمر لا يحلث في حالة النشاط الإشعاعي الطبيعي.

وبعد دراسة معمقة تأكد (فردريك) و(إيرين) انه عند قذف (Al) بجسيمات (lpha) يتحول جزء من نوى $\binom{27}{13}$ إلى نوى الفوسفور المشع $\binom{30}{15}$ ، وهذه النوى هي التي تصدر البوزيترونات ($\binom{30}{15}$) وتتحول إلى نوى مستقرة هي نوى السيليكون ($^{30}_{14}Si$).

ا/ في ضوء ما سبق كيف تتاكد من أن الفوسفور $(^{30}_{15}P)$ هو عنصر مشع اصطناعيا β^+ ويحدث له تفكك

> $^{4}He)$ و (^{27}Al) بكتب من جديد التفاعل النووي الحادث بين (^{13}Al) و eta^+ ج/ تاكد من ان تفكك (P_{15}^{30}) هو تفكك ج

> > د/ حدد فترة نصف العمر للعنصر المشع.

3/ قيِّم نتائج تجربة (فردريك) و(ايرين) التي استحقا من أجلها جائزة نوبل للفيزياء سنة

ا فنتج (4_2He النووي الحادث ، ثمّ قذف النواة (2_13Al) بجسيم 2 (اي بنواة الهيليوم 4_2He) فنتج النواة النووي الحادث ، ثمّ قذف النواة (4_1Ae) فنتج بوزيترون $\binom{0}{t+1}$ ونترون $\binom{0}{t+1}$ ونواة $\binom{A}{t}$ سنحددها بكتابة معادلة التفاعل النووي المستحدث ثم تطبيق قانوني الانحفاظ (انحفاظ Z وانحفاظ E و انحفاظ E وانحفاظ E وانحف

$${}_{2}^{4}He + {}_{13}^{27}Al \longrightarrow {}_{+1}^{0}e + {}_{0}^{1}n + {}_{Z}^{A}X$$

Zانون انحفاظZ يؤدي إلى : Z+0+1=1+0 ، ومنه نجد : ZA=30 ، ومنه نجد A+27=0+1+A ، ومنه نجد قانون انحفاظ فالنواة ($_{Z}^{A}X$) هي ($_{I4}^{30}X$) وبالاستفادة من الأنوية المعطاة، فالنواة هي نواة السيليكون ($_{I4}^{30}Si$).

ا/ نتاكد من أن الفوسفور ($\frac{30}{15}$) هو عنصر مشع اصطناعيا لأنه لم يكن موجودا في lpha البداية، وإنما كانت فقط نوى الألومنيوم ($^{27}_{13}Al$) هي الموجودة، وعند قذفها بجسيمات

lphaظهرت جسيمات هي البوزيترونات $(e)_{\pm 1}^0$ والنترونات $(n)_{\pm 1}^0$. وعندما تم إبعاد جسيمات وتوقف قذف (Al) لماذا استمرت البوزيترونات (e) في الانبعاث ϵ

للإجابة عن هذا التساؤل يتحتم علينا افتراض ظهور عنصر مشع لم يكن موجودا هو $(^{30}P_{})$. اذ تم انتاجه بعملیة قذف (Al) ب α

في الأخير نستنتج ان (eta^{30}_{15}) هو عنصر مشع اصطناعيا ويحدث له تفكك (eta^+)، لأنه يصدر $(^{0}_{\pm 1}e)$ البوزيترونات

 $(\frac{4}{2}/Ie)$ و (Al) والتفاعل النووي الحادث بين (Al)

$$_{2}^{4}He + _{13}^{27}Al \longrightarrow _{0}^{1}n + _{15}^{30}P$$

يلي: ڪدث الفوسفور المشع (eta^{30}_{15}) تفککا (eta^{1}) ڪما يلي:

$$^{30}_{15}P \longrightarrow ^{0}_{+1}e + ^{30}_{14}Si$$

ملاحظة هامة : لو جمعناالمعادلتين النوويتين السابقتين (السؤالان ب، ج) لوجدنا المعادلة النووية التي حصلنا عليها في السؤال 1.

د. فترة نصف العمر للعنصر المشع صناعيا وهو $\binom{30}{15}$ تعطى بالقيمة $\binom{1}{1/2} = 2,5$. 3/ تقبيع نتائج تجربة (فردريك) و(ايرين)

استطاع هذان العالمان أن يحدثا نشاطا إشعاعيا من مادة لم تكن مشعة اصلا. وسُمِّي ذلك بالنشاط الإشعاعي الصناعي، ونحصل به على التفكك eta^+ .

يتحولات نووية

لم باستعمال قانون انحفاظ الشحنة الكهربائية النووية وقانون انحفاظ عدد النويات املأ الفراغات 1(...) في المُعادلات النووية التالية.

$$a) \quad {}^{10}_{5}B + {}^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}_{2}He + ...Li$$

b)
$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{...}^{90}Rb + {}_{55}^{...}Cs + 2{}_{0}^{1}n$$

c)
$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + \cdots {}_{0}^{1}n$$

$$d) \quad {}^{238}_{92}U \longrightarrow {}^{4}_{2}He + \cdots$$

$$e) \xrightarrow{56} Co \longrightarrow \frac{56}{28} Fe + \cdots$$

$$f)$$
 $^{121}_{51}Sb+\cdots \longrightarrow ^{121}_{52}Te+^{1}_{0}n$

$$g) \cdots + {}_{2}^{4}He \longrightarrow {}_{57}^{133}La + 4{}_{0}^{1}n$$

$$h)$$
 $\stackrel{238}{_{92}}U \longrightarrow \stackrel{239}{_{93}}Np + \cdots$

 $\cdot _{82}Pb\cdot _{83}Bi\cdot _{84}Po\cdot _{90}Th\cdot _{55}Cs\cdot _{82}Pb\cdot _{83}Bi\cdot _{84}Po\cdot _{90}Th\cdot _{55}Cs\cdot _{90}Th\cdot _{90}Th$ 2/ ميز التفاعلات النووية السابقة عن بعضها.

الحل

1/ ملء الفراغات وكتابة المعادلات النووية

 $^{10}B + ^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}He + ^{4}_{7}Li:(a)$

A=7 . إذن A+1=4+A . الدينا A=7

شحولات نووية

$$Z=1$$
 . اذن: $51+Z=52+0$. لدينا

$$A=1$$
 . بنن: $121+A=121+1$. بنن: $A=1$

فالنواة الناتجة هي نواة الهيدروجين (X_l^l) اي (H_l^l) (او جسيم هو البروتون $P_l^l)$). وهكذا نكتب المعادلة النووية :

$${}^{121}_{51}Sb + {}^{1}_{1}P \longrightarrow {}^{121}_{52}Te + {}^{1}_{0}n$$

المعادلة (٤) : بنفس الطريقة السابقة نكتب :

$${}_{2}^{A}X + {}_{2}^{4}He \longrightarrow {}_{57}^{133}La + {}_{0}^{1}n$$

$$A=133$$
 ، اذن $A+4=133+4(1)$ مع

$$Z=55$$
 ، إذن ، $Z+2=57+4(0)$

وبالاستفادة بالأنوية المعطاة نجد أن النواة ($^{133}_{55}X$) هي نواة السيزيوم (^{55}Cs)، فنكتب المعادلة النووية كالتالي :

$$^{133}_{55}Cs + {}^{4}_{2}He \longrightarrow {}^{133}_{57}La + 4{}^{1}_{0}n$$

$$^{138}_{92}U \longrightarrow ^{239}_{93}Np + ^{A}_{Z}X : (h)$$
 المعادلة ($A=0$ و $A=0$ بسرعة نحد : $A=0$

، ومنه $\binom{A}{Z}$) هو الإلكترون $\binom{B}{-1}$ (او $\binom{B}{-1}$)، إذن نكتب المعادلة النووية كما يلي $\binom{A}{Z}$

$${}^{138}_{92}U \longrightarrow {}^{239}_{93}Np + {}^{0}_{-1}e$$

2/ تمييز المعادلات النووية عن بعضها

- و المعادلات g, f, a هي تفاعلات نووية مستحدثة (réactions nucléaires provoquées)
 - . (réactions de fission) هما تفاعلا انشطار c ، b هما تفاعلا انشطار
 - ، lpha المعادلة النووية d هي تفكك u
 - . β هي تفكك e المعادلة θ
 - . eta- المعادلة النووية h هي تفكك eta

تماريه خاصة

z=3 . اذن z=3 دسب قانون انحفاظ z=3 لدينا

 $_{2}^{A}$ ومنه النواة ($_{2}^{A}Li$) هي ($_{3}^{7}Li$) ، لذلك نكتب التفاعل النووي من جديد كما يلي ،

$${}^{10}_{5}B + {}^{1}_{0}n \longrightarrow {}^{4}_{2}He + {}^{7}_{3}Li$$

المعادلة (b) ، نضع (A) في مكان فراغ (Cs) و(Cs) في مكان فراغ (A) فتكون المعادلة (b) ، المعادلة (a) ، نضع (A) في مكان فراغ (Cs) في مكان فراغ (A) فتكون المعادلة (a) النووية كما يلي ، (a) (A) بيان (a) (A) النووية كما يلي ، (a) (A) لدينا ، (A) (A) لدينا ، (A) (A) بيان ، (A) النواة (A) لدينا ، (A) الناك نكتب التفاعل النووي من جديد كما يلي ، (A) الناك نكتب التفاعل النووي من جديد كما يلي ،

$${}_{0}^{I}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{37}^{90}Rb + {}_{55}^{144}Cs + {}_{0}^{I}n$$

المعادلة (c) ، في فراغ (d) نضع (d) ونكتب المعادلة النووية ،

$$_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + a {}_{0}^{1}n$$

.a نستعمل قانون انحفاظ Z فنجد : 0+92=38+54+a(0) ، فلا يمكننا تعيين \star

، نستعمل قانون انحفاظ
$$A$$
 فنجد A فنجد A فنجد A نستعمل قانون انحفاظ A

وهكنا تكون المعادلة النووية :

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{38}^{90}Sr + {}_{54}^{143}Xe + 3{}_{0}^{1}n$$

 \cdot (d) المعادلة

$$^{238}_{92}U \longrightarrow ^{4}_{2}He + ^{A}_{Z}X$$

$$A=238-4=234$$
 ; $Z=92-2=90$

والنواة ($^{234}_{90}$) هي نواة الثوريوم ($^{90}_{90}$)، إذن ،

$$^{138}_{92}U \longrightarrow {}^{4}_{2}He + {}^{234}_{90}Th$$

المعادلة (e) : نعطي للجسيم الناتج الرمز النووي $({}^A\!X)$ ونكتب المعادلة النووية :

$$^{56}_{27}Co \longrightarrow ^{56}_{28}Fe + ^{A}_{Z}X$$

 $A\!=\!0$. بنن ، $56\!=\!56\!+\!A$ نكتب ، 4

$$Z$$
=-1 . انن: Z =28+ Z انن: Z =0 مسب قانون انحفاظ

 $(eta^+$ وعليه يكون رمز الجسيم النووي هو $(eta^0_{-1}X)$ اي $(eta^0_{-1}e)$ (الإلكترون او

$$^{56}Co \longrightarrow ^{56}_{27}Fe + ^{0}_{-1}e$$

المعادلة
$$(f)$$
 : نرمز بـ (ZX) إلى الفراغ الموجود في المعادلة ونكتب : المعادلة $b+12I$ $+12I$ $+12I$ $+12I$ $+12I$

اللمرين 19

ب/ حوّل كتل الجسيمات التالية وهي الإلكترون (e) والبروتون (p) والنترون (n) من m_e =9,1093897.10 ^{-31}kg : (u) الى وحدة الكتل الذرية (kg) الى وحدة الكتل الذرية $m_p = 1,6726231.10^{-27} kg$ $m_n=1,6749286.10^{-27}kg$

/ إذا علمت أن الإلكترون-فولط (lev) هو الطاقة التي يكتسبها إلكترون عندما يُطبق عليه توتر كهرباني يساوي $(1\,
u)$ ، فاحسب قيمة هذه الطاقة بالجول (j) واستنتج قيمة طاقة 1 ميغا إلكترون-فولط (1Mev).

ب/ اعط المكافئ الطاقوي لوحدة الكتل الذرية، أي لـ (1u). تعطى سرعة الضوء في

الخلاء :

 $C=3.10^8 m/s$

تماريه خاصة

ج/ احسب الطاقة السكونية (طاقة الكتلة) لكل من الإلكترون (e) والبروتون (p) والنترون (1Mev) بالجول (i) وبالميغا الكترون-فولط (i).

الحل

ا/ وحدة الكتل الذرية (١٤)

وحدة الكتل الذرية (u) هي $\frac{1}{12}$ من كتلة ذرة واحدة من الكربون $(u)^{12}$).

$$Iu=rac{I}{12}M(rac{^{12}C}{^{6}C})$$
ڪتلة 1 ذرة من $(rac{^{12}C}{^{6}C})$ التي نحسبها ڪما يلي :

بحيث $M(^{12}_{6}C)$ هي ڪتلة 1 ذرة من $M(^{12}_{6}C)$ التي نحسبها ڪما يلي: $M(^{12}_{6}C)$ M M ; $M(^{12}_{6}C) = \frac{12}{N_{A}}$ (grammes)

 \mathcal{N}_A =6,023.10²³ : مع () هو عدد افو غادرو

$$lu = \frac{1}{\mathcal{N}_A}(g)$$
 اذن: $lu = \frac{1}{12} \cdot \frac{12}{\mathcal{N}_A}$ ومنه نجد:

$$1u = \frac{1}{6.02 \cdot 10^{23}} = 1,660543.10^{-24} g = 1,660543.10^{-27} kg$$

$$lu = \frac{l}{\mathcal{N}_A} = 1,66.10^{-27} \, kg$$

أما الفائدة من استعمال الوحدة (٤) في مجال الفيزياء النووية فتكمن في أن كل الأجسام الذرية والأحسام تحت الذرية (النويات والجسيمات الأساسية) كتلها مضاعفات للعدد (10^{-27})، وباستعمال الوحدة (لا) يُحلف هذا العدد، كما سنرى أثناء الإجابة عن السؤال الموالي.

(11) الى (kg) الى (kg) الى (kg) الى (kg)

سحولات نووية

$$10^{-27} \, kg = \frac{1u}{1,660543}$$
 : نعلم أن : $1u = 1,660543.10^{-27} \, kg$ ؛ نعلم أن

$$m_e = 9,1093897.10^{-4}.10^{-27} kg = 9,1093897.10^{-4}.\frac{lu}{1,660543} = 0,000548 u$$

$$m_p = 1,6726231.10^{-27} kg = 1,6726231. \frac{lu}{1,660543} = 1,00728 u$$

$$m_n = 1,6749286.10^{-27} kg = 1,6749286. \frac{1u}{1,660543} = 1,00866 u$$

نلخص النتائج السابقة في الجدول التالي ،

الجسيم	الرمز النووي	الكتلة بـ (kg)	الكتلة بـ (u)
الإلكترون	$_{-1}^{0}e$	9,1093897.10-31	0,00055
البروتون		1,6726231.10-27	1,00728
النترون	$\frac{1}{0}n$	1,6749286.10 ⁻²⁷	1,00866

ا/ تقدير الإلكترون-فولط (lev)

$$1ev = |e^-|v = 1, 6.10^{-19}.1$$
; $1ev = 1, 6.10^{-19}j$

طاقة الميغا الكترون-فولط (1Mev)

الميغا يعنى 106.

 $1 Mev = 10^6.1, 6.10^{-19} j$. ومنه ، $1 Mev = 10^6 ev$!

$$1Mev = 1, 6.10^{-13}j$$
 وبالتالي ،

يتحولات نووية

النمرين 20

اختر الإجابة الصحيحة.

ا/ كتلة النواة دوما (أكبر من/ أصغر من/ تساوي) مجموع كتل نوياتها.

ب/ النقص الكتلى (Δm) يساوي ،

 $\Delta m = m_n - m_p$ ، الفارق بين كتلة النويات (أي فرق الكتِّلة بين البروتونات والنترونات) 1

 $\Delta m = m_{nucleons} - m_{novau}$ الفرق بين كتلة النواة وكتلة نوياتها ، 2

 $\Delta m = m_{alome} - m_{noyau}$ ، الفرق بين كتلة النواة وكتلة ذرتها

ج/ النقص الكتلي (Δm) (يتحول / لا يتحول) إلى طاقة كتلة $E_L = \Delta m.\,C^2$ تساهم في ارتباط النويات داخل النواة.

، حاقة الربط E_L تساوى ،

1/ طاقة الإلكترونات المرتبطة بالنواة والتي تدور حولها.

 A ر الطاقة المتحررة عندما تتشكل النواة $^{A}_{7}$ انطلاقا من نوياتها المتفرقة.

الطاقة المقدمة للنواة $X = \frac{A}{7}$ وهي ساكنة (بالنسبة إلى معلم) حتى تتفرق نوياتها 3وتصبح ساكنة (بالنسبة إلى نفس المعلم).

هـ/ عبارة E_L هي:

 $E_L=m({}_{2}^{A}X)C^2/1$

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n]C^2 /2$

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n] C^2 - m(A_Z)C^2$ /3

 $E_L = [m_{nucl\acute{e}ons} - m_{novau}] C^2 /4$

الحل

اختيار الإجابات الصحيحة

ا/ كتلة النواة دوما أصغر من مجموع كتل نوياتها.

 $\Delta m = m_{nucl\acute{e}ons} - m_{noyau}$

النقص الكتلي (Δm) يتحول إلى طاقة كتلة E_L = Δm . C^2 تساهم في ارتباط النويات داخل جالات النواة.

.3,2 /

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n] C^2 - m({}_7^AX)C^2$ هي العبارة الثالثة : $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n] C^2 - m({}_7^AX)C^2$ $E_L = [m_{nucleons} - m_{novau}] C^2$ ، والعبارة الرابعة

تماريه خاصة

حساب طاقة الكتلة (الطاقة السكونية)

تعطى عبارة طاقة الكتلة (m) بعلاقة اينشتاين ، $E=mC^2$ مع ، $C=3.10^8m/s$ وهي سرعة الضوء في الخلاء.

طاقة كتلة الإلكترون

 $E=m_e.C^2\approx 9,1.10^{-31}(3.10^8)^2=9,1.10^{-31}.9.10^{16}=81,9.10^{-15}\approx 8,2.10^{-14}j$ نحولها إلى الـ (ev) والـ (Mev)

$$E = \frac{8,2.10^{-14}}{1,6.10^{-19}} = 5,12.10^{5} ev$$

$$E = \frac{5,12.10^5}{10^6}$$
; $E = 0,512 \,\text{MeV}$

طاقة كتلة البروتون

 $E{=}m_{p}.C^{2}{\approx}1,6726231.10^{-27}(3.10^{8})^{2}$ بنفس الطريقة السابقة نجد :

$$E = 938,3 \; Mev$$
 اي:

طاقة كتلة النترون

 $E=m_n.C^2\approx 1,6749286.10^{-27}(3.10^8)^2$

$$E = 939,6 \; Mev$$
 : اي

ملاحظة هامة ، في الفيزياء النووية، عادة ما نتكلم عن كتلة الإلكترون أو البروتون أو النترون بوحدة هي (Mev/C^2) اي بمكافئ طاقوي.

المكافئ الطاقوي لوحدة الكتل الذرية (11)

التحويل الكتلة إلى طاقة، تضرب الكتلة في مربع سرعة الضوء (C^2) حسب علاقة اينشتاين :

$$1u = \frac{1u \cdot C^2}{C^2} = \frac{1,660543.10^{-27} (3.10^8)^2}{C^2} = 1,4944887.10^{-10} j/C^2$$

:(Mev) إلى الجول (j) الحول الح

$$Iu = \frac{1,4944887.10^{-10}}{1,6.10^{-13}} Mev/C^2 \approx 934,06 Mev/C^2$$

$$1u = 931,5 \ Mev/C^2$$
 ، ولو دققنا في الحساب نجد

المكافئ الطافوي للبروتون والنترون

$$m_n = 939,6 \text{ Mev/C}^2$$
 , $m_p = 938,3 \text{ Mev/C}^2$

يتحولات نووية

الذا نستعمل الطريقة البسيطة التالية : $1u = 931, 4Mev/C^2$ نعلم ان : $\Delta m = 0,04047u$ وبما ان :

 $\Delta m=0.04047 imes 931.5 Mev/C^2$ ، في (Δm) بقيمته، اي ب $\Delta m=37.7 Mev/C^2$

$$E_L({}_{3}^{7}Li) = 37,7(Mev/C^2).C^2$$
 . ومنه نکتب

$$E_L({}_3^7Li) = 37,7Mev$$

 $E_{L/A}$ ب/ طاقة الربط لكل نوية

$$E_{L/A} = \frac{37.7}{7}$$
; $E_{L/A} \approx 5.4 \,\text{MeV}$

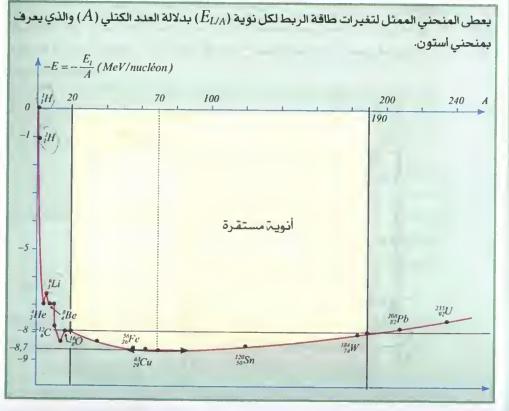
4/ ترتيب الأنوية حسب تزايد طاقة الربط النووي لكل نوية منها

بالاستعانة بقيم الجدول المعطى، وبالقيمة التي حسبناها لنواة ($\frac{7}{3}Li$) نكتب :

$$E_{L/A}(_{1}^{2}H) < E_{L/A}(_{1}^{3}H) < E_{L/A}(_{3}^{7}Li) < E_{L/A}(_{2}^{4}He)$$

كلما كانت طاقة الربط النووي أكبر زاد استقرار النواة.

اللمرين 22



تماريه خاصة

اللمرين 21

 $rac{3}{L}i$ إن رمز نواة الليثيوم هو

1/ اعط عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N) لليثيوم.

 $m(_3^7Li)=7,01601u$ انا علمت ان ڪتلة نواة الليثيوم هي $m(_3^7Li)=7,01601u$ ا

 $m_p=1,00728u$ و $m_p=1,00728u$ و $m_p=1,00728u$ و $m_p=1,00728u$

احسب النقص الكتلي (Δm).

 $E_L({}_3^7Li)$ المسب طاقة الربط النووي لنواة الليثيوم $E_{L/A}$ المسب طاقة الربط لكل نوية $E_{L/A}$

4/ تعطى طاقة الربط لكل نوية لبعض الأنوية كالتالى :

 $^{3}_{1}H$ $^{2}_{1}H$ $^{4}_{2}He$ $^{7}_{3}Li$ $^{3}_{1}Li$ $^{2}_{2,77}$ $^{2}_{1,09}$ $^{2}_{7,05}$ $^{5}_{1}$ $^{4}_{1}$ $^{4}_{2}$ $^{4}_{1}$ $^{4}_{2}$ $^{4}_{1}$ $^{4}_{2}$ $^{4}_{1}$ 4

رتّب هذه الأنوية مع نواة $({7 \over 3} Li)$ حسب تزايد طاقة الربط لكل نوية، وحدد أكثرها استقرارا.

الحز

(N) عدد البروتونات (Z) وعدد النترونات (N)

 $_{Z=3}^{A=7}Li$ نواة الليثيوم هي

 $N{=}4$. وبالتالي: $N{=}A{-}Z$ ، وعليه $N{=}A{-}Z$ ، وبالتالي: $N{=}A$

 (Δm) حساب النقص الكتلي (Δm

 $\Delta m = m_{nucl\acute{e}ons} - m_{noyau}$: تعطى عبارة النقص الكتلي كما يا

عندما نعوض يجب أن نبقى على جميع الأرقام المعنوية لكل من (m_p) و (m_n) ، إذن \cdot

 $m_{nucl\acute{e}ons} = Zm_p + (A-Z)m_n = 3(1,00728) + 4(1,00866) = 7,05648 u$

 $m_{nucl\acute{e}ons}=7,05648~u$. ومنه

 $m_{noyau} = m({}_{3}^{7}Li) = 7,01601$:

 $m_{nucl\acute{e}ons} > m_{noyau}$: نلاحظ ان

ويكون النقص الكتلي (Δm) بين النويات والنواة كما يلي \cdot

 $\Delta m = m_{nucl\acute{e}ons} - m_{noyau} = 7,05648 - 7,01601 = 0,04047 u$ $\Delta m = 0,04047 u$

$E_{L(rac{7}{3}Li)}$ ا $^{\prime}$ حساب طاقة الربط النووي لنواة الليثيوم

(kg) المقدرة بوحدة الكتل الذرية (u) وليس ب (Δm)

 $E_{L(\sqrt[3]{Li})}=\Delta mC^2$ ، وبالتالي ، $E=mC^2$ ، وبالتالي ، $E_{L(\sqrt[3]{Li})}=0.040470(3.10^8)^2$. لا نستطيع ان نعوض كما يلي ،

النمرين 23

شحولات نووية

يعطى التفاعل النووي التالي. $^{235}_{92}U + ^{1}_{0}n \longrightarrow ^{140}_{54}Xe + ^{1}_{7}Sr + 2^{1}_{0}n + =$

ا/ استنتA قيمة كل من (A) و(Z).

ب/ ما نوع هذا التفاعل النووي؟ برر إجابتا.

2/ تعطى كتل الأنوبة التالية ،

 $m\binom{235}{92}U = 235,0439u$; $m\binom{4}{7}Sr = 94,8731u$; $m({}^{140}_{54}Xe)=138,9185u; m({}^{1}_{0}n)=1,0087u;$ $1u=931,5Mev/C^{2}$.

ا/ احسب الطاقة المتحررة في هذا التفاعل. كيف تتأكد من أنها طاقة متحررة ؟ ب/ استنتج الطاقة المتحررة نتيجة تفاعل (1kg) من اليورانيوم (235).

 $\mathcal{N}_{A} = 6,023.10^{23}$ ، يعطىٰ عدد افوغادرو

"ltep ج/ إذا علمت ان l طن من البترول يعطي طاقة تسمى "مكافئ الطن البترولي بحيث $1tep=4,2.10^{10}$ فاعط قيمة الطاقة المتحررة من 1kg) اليورانيوم (235) بمكافئ الطن البترولي.

الحل

(Z)ا/ استنتاج فیمنی (A) و

A=94 ، إذن : 235+1 $\overline{Z=38}$ ، اذن ، 92+0=54+Z+2(0) ، اذن ، (92+0=54+Z+2(0) $^{(140)}_{54}Xe)$ بر نوع التفاعل النووي هو تفاعل انشطار ، لأنه نتج عنه نواتان متوسطتان هما $_{29}^{94}Sr$)، وتحررت طاقة.

أ/ حساب الطاقة المتحررة

هذا التفاعل يمثل انشطار نواة واحدة (U_{g2}^{235})، وعليه فإن الطاقة المتحررة ناتجة عن نواة واحدة، ونحسبها كالتالي :

نستعمل علاقة اينشتاين $E=mC^2$ حيث Δm هي النقص الكتلى :

 $\Delta m = m_{\text{(ijelsa)}} - m_{\text{(ijelsa)}}$

 $m_{(a)abc} = m({}^{235}_{02}U) + m({}^{1}_{0}n) = 235,0439 + 1,0087 = 236,0526 u$ $m_{(24)} = m({}^{140}_{54}Xe) + m({}^{94}_{38}Sr) + 2m({}^{1}_{0}n)$ = 138,9185 + 94,8731 + 2(1,0087) = 235,809 uبما أن (100 + 100) > m فالطاقة تتحرر، ومنه نكتب:

1/ حدد الأنوية المستقرة من غيرها.

2/ حدد الأنوية التي تتوقع ان تحدث تفاعلات انشطار نووي، وكذا الأنوية التي تحدث اندماجا

 $^{(130}_{52}Te)$ و $^{90}_{(40}Zr)$ يعطي نواتين هما ($^{235}_{52}U$) و $^{(235}_{52}U$).

هل هذا ممكن حسب منحني أستون ؟

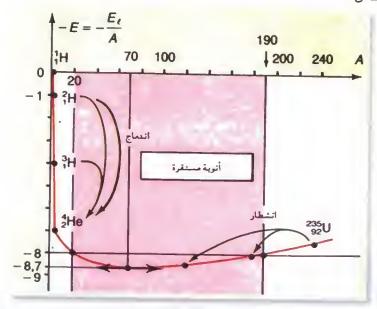
[/ تحديد الانوية المستقرة

 $(E_{L/A})$ الأنوية المستقرة هي الأنوية التي لها طاقة ربط نووي كبيرة أو التي لها طاقة ربط لكل نوية كبيرة، وهي هنا ممثلة في المنحني بجوار ذروة المنحني ، من (A=70) إلى (A=190)، وهي

2/ الأنوية التي نتوقع ان يحدث لها انشطار بووي

هي الأنوية الكبيرة (الثقيلة) مثل (^{235}U) والتي لها طاقة ($E_{L/A}$) أصغر من طاقة الأنوية المتوسطة

الانوية التي نتوقع أن يحدث لها اندماج نووي 1 هي الأنوية الخفيفة مثل 1 و 1^2 و 1^3 (الشكل المرفق). نشطرت (^{239}Pu) أو (^{235}U) مثل (^{235}U) مثل (^{235}U) بنترون بطيئ، انشطرت (^{35}U) أو الكبيرة الخصبة إلى نواتين متوسطتين مستقرتين، ويصاحب هذا الانشطار تحرر طاقة هائلة في حدود (200Mev) ر(Te) و(Zr) بالنسبة إلى نواة اليورانيوم 235 مثلا. هذا الشرح يتطابق تماما مع منحني أستون، لأن نواتان متوسطتان.



التمرين24 (دراسة تغاعل الانشطار النووي للبورانبوم المخصب U^{235}

دراسة الطاقة الكهربائية الناتجة عن محطة نووية كهربائية نقتطع جزءا من الجدول الدوري للعناصر،

Tm Pu Np U Pa Th Ba Cs Xe الرمز 69 94 93 92 91 90 56 55 54 Z

تهاجم انوية اليورانيوم $U^{235}_{92}U^{-}$ في قلب المفاعل النووي بنترونات بطيئة، فتحدث لها تفاعلات انشطار احدها يمكن تمثيله بالمعادلة النووية؛ طاقة $U^{235}_{92}U^{-}+ {}^{0}_{36}K^{-}+ {}^{a}_{36}K^{-}+ {}^{a}_{b}X^{-}+ {}^{0}_{a}X^{-}+ {}^{$

2/ إن الطاقة المتحررة من انشطار نواة اليورانيوم أثناء التفاعل التووي السابق في حدود (200Mev). $^{235}_{92}U$ قدر الطاقة التووية المتحررة من انشطار (1g) من اليورانيوم $^{235}_{92}U$

ب/ إذا علمت أن عند احتراق (1mol) من الفحم C (تفاعل كيميائي) تنتج كمية من الطاقة تساوي تقريبا (0,393Mj) فاحسب كتلة الفحم التي تعطي نفس الطاقة التي يعطيها انشطار (1g) من اليورانيوم (235).

ج/ فيه النتائج.

3/ يمكن التحكم في الطّاقة التووية السابقة في الفاعلات النووية وتحويلها من شكلها الحراري إلى شكلها الكهربائي، بمردود %30 . ضمن هذه الشروط، احسب كتلة اليورانيوم (235) الذي تستهلكه المحطّة الكهربائية النووية في يوم واحد علما أنها تعطي استطاعة متوسطة كهربائية تساوي (900MW) .

 $M=10^6$ ، $\mathcal{N}=6$, 023.10^{23} عدد افوغادرو $M(C)=12g.mol^{-1}$. معطیات

الحل

1/ تعيين (a) و (b)

a=142 بن 235+1=92+a+2(1) بن كتب: A بنت بن كتب بن ك

(Z=56) فتكون النواة الثانية الناتجة من الانشطار هي (A_b^aX) اي $A_b^{142}X$ وبالتالي لها (A_b^aX) وبالنظر إلى الجدول نتاكد من أن النواة A_b^aX ما هي إلا نواة الباريوم A_b^aX فنكتب النواة هي وبالنظر إلى الجدول نتاكد من أن النواة A_b^aX

2/١/ تقدير الطاقة النووية المتحررة

لتقدير الطاقة النووية المتحررة من انشطار (Ig) من اليورانيوم نتبع ما يلي :

1 نواة نص 200.10 e.v ← انواة

عدد افوغادرو $\mathcal N$ عدد افوغادرو $\mathcal N$ يواظ يہا $\mathcal N$ عدد افوغادرو $\mathcal N$

تماريه خاصة

 $E=9,3.10^{13}i$

 $\Delta m = m_{(i)} - m_{(i)} = 236,0526u - 235,809u$; $\Delta m = 0,2436u$, $E=0,2166\times931,5Mev$ نکتب : $1u=931,5Mev/C^2$ وعلى اعتبار ان $E\approx227Mev$

وكما قلنا. الطاقة المتحررة من جراء انشطار نواة واحدة هي في حدود (200Mev).

ب/ الطاقة المتحررة نتيجة انشطار (1kg) يورانيوم (235)

 $m(^{235}_{~92}U)=rac{235}{N_A}(g)$ هي (235) هي اليورانيوم من اليورانيوم من اليورانيوم عدد أفوغادرو. حيث N_A

$$rac{235}{N_A}(g)
ightarrow 227 Mev$$
 نستعمل القاعدة الثلاثية : $1kg = 1000g
ightarrow E$

ومنه:

$$E = \frac{227 \times 1000}{\frac{235}{\mathcal{N}_A}} = \frac{227.10^{23} \,\mathcal{N}_A}{235} = \frac{227.10^3 \times 6,023.10^{23}}{235}$$

$$E=5,82.10^{26}Mev$$

نحول الطاقة المتحررة من (Mev) إلى الجول (j) : $E{=}5,82.10^{26}{ imes}1,6.10^{-13}j$ ، ومنه ، $iMev{=}1,6.10^{-13}j$ نعلم ان $iMev{=}1,6.10^{-13}j$

ج/ حساب الطاقة المتحررة بمكافئ الطن البترولي (tep) بما ان $1tep=4,2.10^9j$ إذن :

$$E = \frac{9.3.10^{13}}{4.2.10^9} \approx 2.217.10^4 \approx 2217 \text{ tep}$$

اي أن الطاقة المتحررة من انشطار (1kg) يورانيوم (235) تكافئ احتراق 2217 طن من البترول. وهنا تكمن أهمية تفاعلات الانشطار النووي.

$${}_{0}^{1}n + {}_{92}^{235}U \longrightarrow {}_{Z}^{93}Zr + {}_{52}^{140}Te + {}_{X_{0}}^{1}n$$

(X) و عيمة (Z) و الم

2/ احسب طاقة الربط النووي لنواة اليورانيوم (235).

(235) احسب الطاقة المتحررة من تفاعل انشطار نواة واحدة من اليورانيوم ((235)). $E_{L/A}(^{93}Zr)=8,6Mev$ تعطى طاقتا الربط النووي لـ (Zr) و(Zr) لكل نكليون كالتالي ، $E_{L/A}(^{140}Te)=8,6Mev$

معطیات ،

 $m_p=1,67265.10^{-27}kg$; $m_n=1,67496.10^{-27}kg$ $m(^{235}_{92}U)=235,0439u$: عبد افوغادرو : $N_A=6,023.10^{23}mol^{-1}$ عبد افوغادرو

 $1u=1,66054.10^{-27}kg$

الحل

(X) وقيمة (Z) وقيمة (X)

Z=40 ، إذن ، 0+92=Z+52+x(0) ، (Z) ، الله الكهربائية x=3 ، إذن ، x=3+140+x(1) ، (A) ، إذن ، x=3 ، إذن ، x=3

حساب طاقة الربط النووي لنواة اليورانيوم (235)

 $E_L(^{235}_{92}U)=\Delta mC^2$:حسب علاقة اينشتاين

 $\Delta m = Zm_p + (A-Z)m_n - m(\frac{235}{92}U)$: حيث Δm النقص الكتلي، ونحسبه كالتالي الكتابي ونحسبه كالتالي الكتابي ونحسبه كالتالي الكتابي ونحسبه كالتالي الكتابي الكتاب

 $E_L = [Zm_p + (A-Z)m_n - m(\frac{235}{92}U)]C^2$!

يمكن تحويل جميع الكتل من (kg) إلى (u)، ومن ثم الاستعانة بالقيمة $1u=931,5Mev/C^2$ كما فعلنا في التمرين 24. كما يمكن تحويل (u) إلى (kg) وتطبيق علاقة اينشتاين مباشرة .

 $m(_{92}^{235}U)=235,0439u=235,0439\times1,660540.10^{-27}kg=3,90300.10^{-25}kg$; $E_L=[92\times1,67265.10^{-27}+(235-92)\times1,67496.10^{-27}-3,90300.10^{-25}]\times(3.10^{-8})^2$

 $E_L = 2,793.10^{-10}j$

 $E_L = 1745,6 Mev$ نحولها إلى $E_L = \frac{2,793.10^{-10}}{1.6.10^{-13}}$ ، Mev ثم نحولها إلى

m = 235g = 12لكن (\mathfrak{N} نواة) لها كتلة

 $n \times 200.10^6 e.v \leftarrow (235)$ نن، خورة اليورانيوم (235)

 $E \leftarrow (235)$ من انوية اليورانيوم I

$$E = \frac{1 \times \mathcal{N} \times 200.10^6}{235} = \frac{1 \times 6,023.10^{23} \times 200.10^6}{235} \; ; \; \boxed{E = 8,2.10^{10} j}$$

ب/ حساب كتلة الفحم ك التي تحرر بالتفاعل الكيمياني

نفس الطاقة التي يحررها (1g) من U^{235}_{92} بتفاعل نووي

كتلة 1 مول من الفحم = 12g

 $0,393.10^6$ $j \leftarrow من الفحم 12g$

 $8,21.10^{10} j \leftarrow m_C$

$$m_C = \frac{8,21.10^{10} \times 12}{0.393 \cdot 10^6}$$
; $m_C = 2,51.10^6 g = 2,51 \text{ tonnes}$

ج/ تقييم النتائج

ان (1g) من U_{22}^{235} يحرر طاقة تعادل $(8,21.10^{10}j)$ ، وهذا بتفاعل نووي.

وإن 2,51t من (C) يحرّر طاقة تعادل $(8,21.10^{10}j)$. وهنا بتفاعل كيميائي.

إذن (1g) بتفاعل نووي تحرر طاقة تكافئ الطاقة التي يحررها (2,51t) بتفاعل كيميائي (تفاعل احتراق) وهنا تكمن اهمية الطاقة النووية.

3/ حساب كتلة اليورانيوم (235)

$$(*)$$
 الطاقة الكهربائية $=$ $\frac{30}{100}$ الطاقة الحرارية

 $E_{\acute{e}l\acute{e}} = 7$,78.10 13 ومنه $E_{\acute{e}l\acute{e}} = 900.10^6 \times 24 \times 3600$ ای $E_{\acute{e}l\acute{e}} = P.t$ این ا

$$Q = \frac{7,78.10^{13} \times 100}{30}$$
 : نعوض فنجد $Q = E_{\acute{e}\acute{l}\acute{e}} \times \frac{100}{30}$ لكن من العبارة (*) لدينا

 $Q = 2,6.10^{14} j$

 $8,21.10^{10}$ $j \leftarrow (235)$ وجدنا g من اليورانيوم (235) وجدنا وجدنا ومن اليورانيوم (235)

$$2,6.10^{14} \leftarrow m_{(perting)}$$

$$m(U) = 3,17.10^3 g = 3,17 Kg$$
 | $m(U) = \frac{2,6.10^{14} \times 1}{8,21}$

$$E=E_{L_{(
m all})}-E_{L_{(
m all})}$$
: تعطی بالعبارة الثالیة :

$$E = [E_L(^{93}Z_{I'}) + E_L(^{140}T_{e})] - E_L(^{235}_{92}U)$$

$$E_L = A \times 8,6 Mev$$
 اذن: $E_{L/A}(^{93}Zr) = 8,6 Mev$ يكن:

$$E_L(^{93}Zr)$$
=799,8 Mev : اذن E_L =93×8,6 ومنه A =93 ومنه ومنه A =93

$$E_L(^{140}Te)=8,3 imes140$$
 اذن: $A=140=8,3$ مع: $E_{L/A}(^{140}Te)=8,3$ مع: $A=140$ اذن: $E_{L/A}(^{140}Te)=8,3$

$$E_L(^{140}Te)=1162Mev$$

التمرين 26

شحولات نووية

إن النكليد
$$Xe$$
 هو نواة مشعّة يمكنها أن تصدر جسيم eta . النواة البنت هي أيضًا مشعّة ذات دور كبير.

1/ اكتب معادلة التفكك.

2/ ندرس نطور عينة من الكرينون 135.

(t) و $(t_0 = 0s)$ ليكن N_0 عدد انويته في اللحظتين

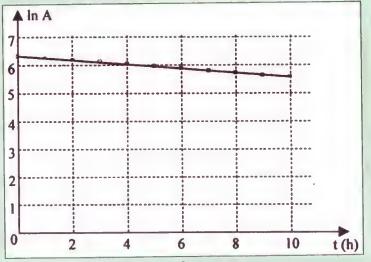
 λ عبر عن N بدلالة t وثابت الاشعاعية

ب/ بواسطة عداد جيجر- مولر، نعين التشاط الإشعاعي A للعينة بدلالة الرّمن.

$$A=A_0e^{-\lambda t}$$
 بین ان $A=\lambda N$ واستنتج ان

ج/ اعط عبارة اللوغريتم التبيري InA

lnA = f(t) في الوثيقة التالية.



ا/ أثبت أن البيان يحقّق العبارة النظرية للسؤال 2/ج.

ب/ استنتج قيمتي λ و $t_{1/2}$ فترة عُمْر النصف (نصف العمر).

الحل

$$eta^-$$
 معادلة التفكك $^-$

$$^{135}_{54}Xe \rightarrow {}^{0}_{-1}e + {}^{7}_{4}X$$

$$A = 135$$
 ومنه $A = 135$ ومنه $A = 135$ ومنه • قانون انحفاظ عدد النويات

• قانون انحفاظ الشحنة Z يعطي
$$Z + I = 55$$
 ومنه $Z = 55$

ومنه النواة X هي X النواة X

تماريه خاصة

 $\frac{dN}{dt} = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$ اذن $N = N_0 e^{-\lambda t}$ لكن $A = \lambda N_0 e^{-\lambda t}$ le $A = \lambda N$

الم عبارة InA

 $|\ln A = \ln A_0 - \lambda t|$ (1) نکمل فنجد

 t_9 بدلالة λ و N بدلالة الم

ب/ عبارة التشاط الإشعاعي A

 $A = -\frac{dN}{dt}$ النشاط A معرف بالعلاقة

 $N=N_{\theta}e^{-\lambda t}$ تعطى بقانون التناقض الإشعاعي

وهذه معادلة من الشكل y=b-at فهي معادلة مستقيم لا يمز من المبدأ وميله سالب.

ln(ab) = lna + lnb; $lne^{-c} = -c$

 $\ln A = \ln (A_0 e^{-\lambda t}) = \ln A_0 + \ln e^{-\lambda t}$

 $A = A_o \lambda N_o e^{-\theta}$: في اللحظة (t = 0s) (لحظة بدء القياس) لدينا

ان البيان $(t) = \ln A = \ln A$ هو خط مستقيم ميله سالب لا يمرّ من المبدأ معادلته من الشكل: y = ax + b

 $A = A_0 e^{-\lambda t}$ of $A_0 = \lambda N_0$

lnA حيث a ميل المستقيم وb ترتيبة نقطة تقاطعه مع a اك a ديث a حيث $b=\ln A_0$ و $a=\frac{\lambda}{a}$ و العادلتين $a=\frac{\lambda}{a}$ و العادلتين $a=\frac{\lambda}{a}$ ولذا نقول إن العبارة (1) تحقق العبارة البيانية (2).

 $t_{1/2}$ ب/ استنتاج λ و

$$\lambda \approx 2,1.10^{-5} \, \mathrm{s}^{-1}$$
 . وبالتالي : $\lambda = -10 \times 3600$ وبالتالي : $\lambda = -10 \times 3600$

$$t_{1/2} = 33007s \approx 9,17h$$
 : ولدينا : $t_{1/2} = \frac{\ln 2}{2,1.10^{-5}}$: نعوض فنجد : ولدينا : ولدينا

النمرين 27 (تمرين تجريبي)



في حصئة الأعمال التطبيقية احضر الأستاذ، عداد جيجر - ميلر، وصندوقا من الرصاص به مادّة مشعة هي الفاناديوم $\frac{52}{23}$ ، تصدر

 γ ف نفس الوقت جسيم β واشعاع γ 1/ اكتب معادلة التفكك.

يعطى: ۲i، ۲۲، ۲۲، ۲۲، ۲۲، ۲۲، ۲۲، ۲۲، ۲۲،

2/ بمشاركة التلاميذ، قاس الأستاذ، بواسطة العداد، العدد المتوسط ٧ من الأنوية المتفككة خلال $\Delta t = 5s$ کل فترة زمنية

نجرى القياسات في كل دقيقتين وتدون النتائج في الجدول التالي :

 $A = \frac{N}{4t} = \frac{N}{5}$ املأ الجدول السّابق. مساعدة : أ/ املأ الجدول السّابق.

A = g(t) و A = f(t) برا شكل الأستاذ فوجين من التلاميذ وطلب منهما رسم البيانين ارسم البيانين الذكورين سابقا واستخرج بيانيا t_N و au ، ثم استنتج

ج/ برأيك، اي المنحنيين يكون الأدق لتعيين الثوابت λ ، τ ، t_{y} برر.

الحل

أ/ كتابة معادلة التفكك

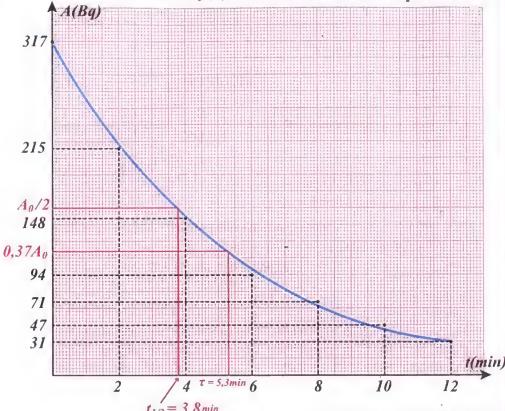
الفاناديوم (V) يصدر جسيم β وإشعاع γ ، وتبقى نواة جديدة : 2 $\frac{52}{23}V \rightarrow \beta^{-} + \gamma + 3$ نواة جديدة

 4X النواة الجديدة نرمز لها ب

- e_{-1}^0 هو بوزيترون ورمزه النووي هو eta
 - $_{0}^{0}\gamma$ واشعاع γ رمزه النووي هو
- نعوض في المعادلة النووية السابقة : $V
 ightarrow {0 \over 1} e + {0 \over 0} \gamma + {4 \over 2} X$: نعوض في المعادلة النووية السابقة

اما السلم الذي نختاره للزمن 1 فهو سهل بحيث نمثل اكبر قيمة لـ 1 وهي 12 min ، حتى لا نستعمل القاعة الثلاثية بالنسبة لبقية قيم t . فنمثل 2 cm ب4 cm وهكذا لبقية

$$A=f(t)$$
ننقل القيم السابقة في ورقة مليمترية، فنحصل على البيان



استخراج قيم المقادير $t_{1/2}$ و τ من البيان

 $rac{A_0}{2}$ او $rac{N_0}{2}$ او زمن نصف العمر (عمر النصف) و النصف العمر (عمر النصف) و النصف العمر (عمر النصف)

 $\frac{A_0}{2} = \frac{3.7}{2} = 158,5Bq$ لدينا $A_0 = 317Bq$ لدينا

317Bq
ightarrow 10cm وباستعمال مقياس الرّسم : وباستعمال مقياس الرّسم 558,5Bq
ightarrow 5cm

 $t_{1/\!\!/} pprox 3,8\,min$ ننقل هذه القيمة في البيان ونعيّن $t_{1/\!\!/}$ فنجد ،

• ثابت الرّمن T

نعينه إما بمماس المنحني عند المبدأ، وهذه طريقة صعبة، فأيّ انحراف بسيط للمماس يعطى نتيجة مغايرة تمامًا للقيمة الحقيقية، او نعيّنه بتعيين $0.37\,A_0$ اي $0.37\, imes317pprox317$ ، ثم ننقل هذه القيمة في البيان فنجد ٢. : (المسمّيين ايضا بقانون E لانحفاظ Z و A (المسمّيين ايضا بقانوني سودي) قانون انحفاظ ٨

$$A = 52$$
 ! ذن : $52 = 0 + 0 + A$

Zقانون انحفاظ

$$Z = 24$$
 ! بذن : $23 = -1 + 0 + Z$

Z=24 النا نكتب معادلة التفكك لاحظ ان نواة الكروم Cr_{24} ، لذا نكتب معادلة التفكك

$$\int_{23}^{52} V = \int_{24}^{52} Cr + \int_{-1}^{0} e + \gamma$$
 . as $v = 1$

3/ 1/ ملء الجدول

$$A = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \frac{N}{5}$$
 حسب نص التمرين

 $A = \frac{1380}{5} = 317,2$ إذن N = 1586 • بالنسبة للخانة الأولى من الجدول

 $\ln A = 5.76$ فنجد الم $\Lambda = 5.76$ فنجد المربها إلى عدد بدون فواصل فنكتب $\Lambda = 3.76$ ومن ثم نحسب $\ln A \approx 5.8$ نقربها الى رقم بعد الفاصلة فنجد

وهكذا بالنسبة لبقية القيم، التي ندونها في الجدول التالي ،

t (min)	0	2	4	6	8	10	12
N	158	1075	741	471	355	235	155
A	317	215	148	94	71	47	1 31
ln A	5.8	5.4	5.0	4.5	4.3	3.8	3.4

A = f(t) بارسم البيان

يجب اختيار سلم مناسب لرسم اي بيان. ننظر دومًا الى أكبر قيمة ونعطيها مقياس الرّسم الناسب أكبر قيمة لـ A هي A=317Bq قيمة مناسبة في أكبر قيمة لـ A=317Bq قيمة مناسبة في الرّسم البياني، ولو اخترنا 5cm على سبيل المثال لما كانت قيمة مناسبة، إذن ناخذ السلّم:

 $317Bq \rightarrow 10cm$

وعليه، لإيجاد مقياس رسم القيمة A = 215Bq ، نستعمل القاعدة الثلاثية :

$$317Bq \rightarrow 10cm \qquad X = \frac{215}{317} \times 10$$
$$215Bq \rightarrow X \qquad X = 6.78cm \approx 6.8cm$$

وهكذا بالنسبة لبقية القيم باستعمال القاعدة الثلاثية نجد

تماريه خاصة

 $\begin{cases} 317Bq o 10cm \\ 117,3Bq o X \end{cases}$ لكن باستعمال مقياس الرّسم نجد ان 117,3Bq تمثل بالقياس التالي ،

$$X = \frac{117,3 \times 10}{317} \approx 3,7cm$$

 $\tau \approx 5,3 \, min$ البيان فنجد، 3,7 $t \approx 5,3 \, min$

 λ تعيين ه

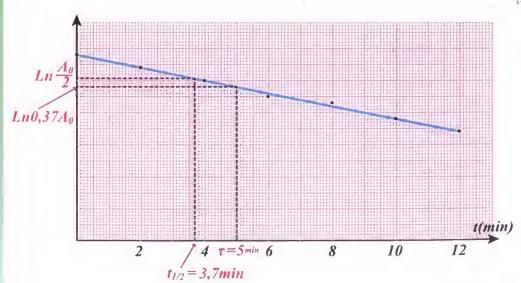
$$\lambda = 0.189 \, min^{-1}$$
 ، $\lambda = \frac{1}{5.3}$ ، $\lambda = \frac{1}{\tau}$ نعلم ان

$$\lambda = 3,1.10^{-3} \, \mathrm{s}^{-1}$$
 ، $\lambda = \frac{1}{5,3 \times 60}$: ويمكن التحويل إلى الثواني لنجد

- . $\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}}$ ميمكن أيضنا استعمال العلاقة
 - ln A = g(t) بیان •

 $\ln A = 5,8 \to 5,8$ هنا، مقياس الرّسم نحصل عليه بطريقة سهلة بحيث نضع المقياس الرّسم نحصل عليه بطريقة المقياس الرّسم نحصل عليه المقياس الرّسم المقياس الرّسم المقياس الرّسم المقياس الرّسم المقياس الرّسم المقياس ا

نفس الشيء بالنسبة لبقية القيم، ولذا يأتي البيان كما يلي ،



ملاحظة هامة

لا يجب وصل جميع النقاط المسجّلة، بل يجب فقط وصل أكبر عدد من الثقاط على استقامة واحدة. وهنا تكمن اهمية الستقيمات عن النحنيات. ففي المستقيمات يتم عزل النقاط الخاطئة، التي لا تقع على استقامة واحدة مع بقية النقاط، أمّا في النحنيات، فلا يمكن تحديد نقاطها الخاطئة.

بتحولات نووية

ا• تعيين • ا

$$ln\frac{A_0}{2}$$
نعیته من

$$ln\frac{A_0}{2} \approx 5,1$$
 بذن: $ln\frac{A_0}{2} = ln\frac{317}{2} = 5,06 \approx 5,1$ کین

$$ln\frac{A_0}{2}$$
باستعمال مقياس الرّسم نجد ما يقابل

$$ln\frac{A_0}{2} = 5, 1 \rightarrow 5, 1cm$$

$$t_{\frac{1}{2}} \approx 3.7 \, min$$
 ننقل $5, lcm$ إلى البيان فنجد و

• تعيين ٢

$$ln0,37A_0=ln0,3 imes317pprox4,8$$
 يتم تعيين au بتعيين au بتعيين au فنكتب فنجد $au=5$ min فنجد au 4,8 cm في البيان فنجد

ه تعیین *λ*

$$\lambda \approx 0, 2 \, min^{-1}$$
 ، $\lambda = \frac{1}{5}$ نستعمل العبارة $\lambda = \frac{1}{\tau}$ ؛ إذن

ج/إن البيانات الخطيّة لها افضلية على البيانات المنحنية، لأنه لا يمكن لكلّ الأشخاص أن ترسم انحناءات البيانات بطريقة متطابقة وبالتالي لا تجد نفس النتائج أما في حالة الستقيمات فنعم، وبالتالي تحصل في حالة الستقيمات على نفس الثتائج تقريبًا.

النمرين 28 (وضعية ادماجية)

رسم استاد الفيزياء للتلاميذ المنحني التالي، واعطى العناصر التالية ، $^{6}_{2}$ Fe ، $^{2}_{1}$ H ، $^{235}_{92}$ U ، $^{4}_{2}$ He ، السم هذا المنحنى ؟ ما الفائدة منه ؟

2// اعط تعريف كلّ من الانشطار والاندماج.

ب/ حند من بين العناصر السابقة التي تحلث الانشطار والتي تحلث الاندماج.

ج/ بناء على هذا المنحني، ما السبب في كون عدد العناصر الموجودة في الطبيعة لا يتجاوز عنصر اليورانيوم؟

3/ يعثر على الرُصاص المستقر 206 في فلرّ اليورانيوم (معدن)، ويدلّ هذا على أن منشأ الرّصاص المعاعى، حسب التحولات النووية التالية ،

$$\,\cdot\,eta^-\,$$
و $\,\alpha$ بتحولات $\,\alpha \mapsto {234\over 92}U o {234\over 90}Th o {231\over 91}Pa o {234\over 92}U o {230\over 96}Th o \dots o {206\over 82}Pb$

ا/ برايك، لماذا لا نتوقع حدوث التفكك $^{+}$ في هذه السلسلة الإشعاعية ؟

 $U \longrightarrow \frac{238}{82} U \longrightarrow \frac{206}{82} Pb + a\alpha + b\beta^-$ برا نلخص التحولات السابقة في المعادلة النووية ، (b) و (a) .

بتحولات نووية

- يحدد العناصر المستقرة في الطبيعة، والعناصر التي يحدث لها تفكَّك أو انشطار، أو اندماج نووي.
 - يفرق بين الأنوية التي تحدث انشطارا نوويًا، والأنوية التي تحدث إندما جا نوويًا.

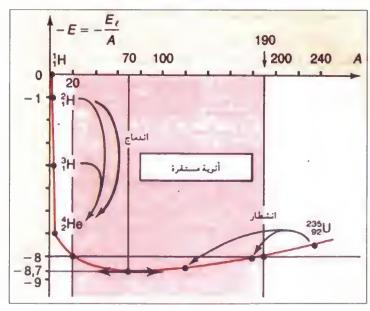
2/// تعريف الانشطار الثووي والاندماج التووي

الانشطار هو تفاعل نووي، يحدثه نترون بطيء عند قذفه، على نواة ثقيلة مثل $^{235}_{92}U$ و $^{235}_{94}Pm$ فتنتج نواتان متوسطتان مستقرتان، وتتحرّر بعض النترونات (من 2 إلى 3 نترونات)، كما تتحرّر طاقة كبيرة.

الاندماج هو تفاعل نووي تندمج فيه نواتان خفيفتان مثل $H_1^{'}$ او $H_1^{''}$ عند درجة حرارة عظيمة، لتتشكّل نواة مستقرة أكبر منهما، وتتحزر طاقة نووية عظيمة.

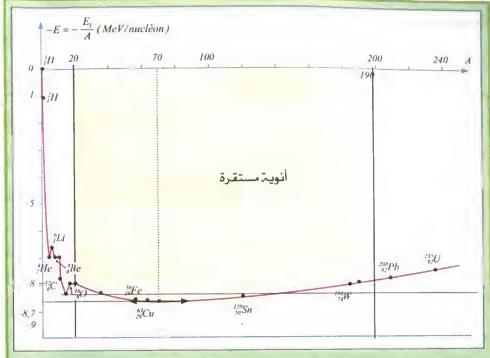
ب/ النواة التي تحدث انشطارًا هي U_{92}^{235} (اليورانيوم 235).

النواة التي تحدث اندماجا هي H^2 (الديتيريوم أو الهيدروجين الثقيل). بالطبع توجد أنوية أخرى تحدث اندماجا، لكثها غير ظاهرة في هذا النحني \cdot



ج/ لاحظ منحني استون فستجد انه يتناقص بعد U_{12}^{235} وبالتالي تتناقص طاقة الربط لكل نلكيون (E_{LIA}) , وهكذا تصبح كل العناصر بعد اليورانيوم غير مستقرة. إما انشطارية، أو يحدث لها تفكُ من النوع α أو β^- كما نتاكد من أن لها فترة نصف عمر M_{12} صغيرة مقارنة بانصاف أعمار العناصر الأخرى الموجودة في الطبيعة، فلو كانت لها أنصاف أعمار كبيرة مقارنة بعمر الكرة الأرضية M_{12} مليار سنة) لوجدناها في الطبيعة، ولو بكميّات قليلة.

تماريه خاصة



4/ أراد الأستاذ أن يقدر عمر الكرة الأرضية، فأحضر عينة من اليورانيوم 238، تحتوي على كمية من الرّصاص206 برركيب هو 1g من اليورانيوم في مقابل 0.8g من الرصاص. يعطى $\lambda u = 4.5 \times 10^9 a$

ا/ برايك، لماذا عندما نريد تعيين عمر الأرض ندرس صخور اليورانيوم، وعندما نريد تقدير عمر الكائنات الحيّة نستعمل الكربون 14 14 C) = 5730a .

 $Nu(t)+N_{Pb}(t)=Nu(0)$ وان $Nu(t)=Nu(0)e^{-\lambda t}$ باذا علمت ان $Nu(t)=Nu(0)e^{-\lambda t}$

$$t = \frac{1}{\lambda u} \ln \left(1 + \frac{N_{Pb}}{Nu} \right)$$
 فائبت ان

ج/ قدر حسب هذه الطريقة عمر الكرة الأرضية :

. t=0s عدد أنوية اليورانيوم في اللحظة Nu(0)

. t عدد أنوية اليورانيوم في اللحظة Nu(t)

الحل

اسم المنحنى البياني $f(A) = \frac{-E_L}{A}$ هو منحني استون. الفائدة منه:

• يحدد طاقة ربط النويات لختلف العناصر في الطبيعة.

بتحولات نووية

 $\ln \frac{N_U t}{N_U t + N_{Pb}(t)} = -\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)}$ ڪمان $\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)} = -\lambda_U t$ نعوض في (3) فنجد : $\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)} = -\lambda_U t$ نعوض في $\ln \frac{N_U(t) + N_{Pb}(t)}{N_U(t)}$

$$t = \frac{1}{\lambda_U} \ln \left(\frac{N_U(t)}{N_U(t)} + \frac{N_{Pb}(t)}{N_U(t)} \right)$$

وهي العبارة المطلوبة.
$$t = \frac{1}{\lambda_U} \ln \left(1 + \frac{N_{Pb}(t)}{N_U(t)} \right)$$

ج/ تقدير عمر الكرة الأرضية

 $N = \mathcal{N} \frac{m}{M}$: نعلم ان $\frac{m}{M} = \frac{N}{\mathcal{N}}$ اذن

Nعدد افوقادرو

N : عدد انوية العينة

m: كتلة العينة

الكتلة الولية. M

 $m_U = \lg$ مع $N_U = \frac{\mathscr{N}m_U}{235}$ مع مع

$$m_{Pb}=0.8g$$
 مع $N_{Pb}=rac{{\cal N}m_{Pb}}{206}$ مع

$$\frac{N_{Pb}}{N_U} = \frac{235.m_{Pb}}{206.m_U} = \frac{235 \times 0.8}{206 \times 1} \approx 0.913$$
 بقسمة العبارتين نجد

$$\lambda_U=1,54.10^{-10}a^{-1}$$
 , $\lambda_U=rac{0,693}{4,5.10^9}$ ، يلان ، $\lambda_U=rac{\ln_2}{t_{1/2}(U)}$ لكن

(s) إلى الثانية (a) السّنة التحويل السّنة (a)

$$t = \frac{1}{1,54.10^{-10}} \ln(1+0.913)$$
 نعوض في العبارة فنجد :

اي عمر الكرة الأرضية يساوي بالتقريب 4,2 مليار سنة. $t = 4,2 \times 10^9 a$

تماريه خاصة

التفكك طبيعي، لذا نتوقّع له التفككين lpha أو eta فقط، أمّا التفكك eta^+ فهو اصطناعي ولا يحلث إلا في التحولات النووية الستحدثة (الاصطناعية).

b و a بر حساب قيمتي العددين

 $^{238}_{92}U$ ightarrow $^{206}_{82}Pb$ + alpha + $beta^-$ العادلة النووية العطاة هي

 $_{-1}^{0}e$ الجسيم eta^{-} هو الكرون

 4_2 الجسيم α هو نواة الهليوم

 $^{238}_{92}U \! \to \!^{206}_{82}Pb + a_2^{\ 4}\!He + b_{-1}^{\ 0}e$: لذا نكتب العادلة من جديد

A و A نستعمل قانوني انحفاظ B و A لتعيين

$$a=8$$
 اي $a=8$ اي

• وقانون انحفاظ Z يعطي ، (-1) بن 92 = 82 + a(2) + b(-1) بن 92 = 82 + 8(2) - b بن 92 = 82 + a(2) + b(-1) بن المحظة : لو بدانا بقانون انحفاظ Z ، لحصلنا على معادلة فيها مجهولين هما a و وبالتالي نبدا بقانون انحفاظ a ، حتى يتسثى لنا تعيين أحد الجهولين.

 $I_{1/2}$ ان عمر الأرض في حدود 4 مليار سنة، ولذا نقذرها بالعناصر المشغة التي لها نصف العمر $I_{1/2}$ في حدود عمر الكرة الأرضية مثل اليورانيوم ($I_{1/2}(U)$. كما أنّ اليورانيوم واغلبية الصنخور نشات مع نشوء الكرة الأرضية. أمّا تقدير عمر الكائنات الحيّة، أو عمر الخضارات أو الآثار التي تركها الإنسان القديم، فيتطلّب الاستعانة بالعناصر المشغة التي لها نصف عمر $I_{1/2}$ في حدود آلاف السّنين مثل $I_{1/2}$ نقط عن أنّ غاز ($I_{1/2}(CO_{2})$ في عندما بدأت العمليات الحيوية (عملية التنفس)، اثناء ظهور الغطاء النباتي وظهور الحيوانات والإنسان على سطح الأرض.

ب/ إثبات العلاقة

 $N_U(t) = N_U(0)e^{-\lambda_U t}$(1) يتفكك اليورانيوم يعطى بمعادلة التناقص الإشعاعي •

• اليورانيوم 238 في آخر نشاطه الإشعاعي يتحوّل إلى رصاص $2^{06}Pb$ مستقر، ومجموع انوية اليورانيوم + انواة الرصاص يبقى ثابتا ويكون مساويًا للعدد الابتدائي لأنوية عيّنة اليورانيوم.

$$N_U(t) + N_{Pb}(t) = N_U(0).....(2)$$
 بمعنی

، نعوض عن $N_U(0)$ من العادلة $N_U(0)$ في العادلة ا

$$N_U(t) = (N_U(t) + N_{Pb}(t))e^{-\lambda_U t}$$

$$N_U(t) = -\lambda_U t$$

$$\frac{N_U(t)}{N_U(t) + N_{Pb}(t)} = e^{-\lambda_U t}$$

 $\ln \frac{N_U(t)}{N_U(t) + N_{Pb}(t)} = \ln e^{-\lambda U t}$ (3) اللتخلص من العدد e ، ندخل e الطرفين العدد e

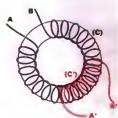
$$ln e^{-\lambda_U t} = -\lambda_U t$$
لكن



العالم الأنكليزي فاراداي، مكتشف ظاهرة التحريض الكهر طيسي، يعرض وشيعته. حقل مغناطيسي → حقل كهربائي.



الوشيعة التي اكتشف بها فاراداي التحريض الكهرطيسي.



الدارة المحرضة : C . الدارة المتحرضة 'C .



تجربة اورستد 1820 : حقل كهرباني ← حقل مغناطيسي.



الإمبراطور نابوليون يستمع بإمعان لمكتشف الحاشدة (العمود)، العالم الإيطالي اليسندرو فولطا، 1800.

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

الوحدة ♦ دراسة ظواهر كهربائية / الدارة (R,C)

خلاصة الدرس

تطور التوتر الكهرباني بين طرفي مكتفة خلال شحنها وتفريغها في ناقل أومي 1/ المكتفة

1-1- مبدا تركيب المكثفة

تتألف المكثفة من لبوسين ناقلين متقابلين يفصل بينهما عازل كهربائي (diélectrique) مثل الهواء، الورق، الشمع، الخزف ... الورق، الشمع، الخزف ...

د رمز المكثفة ؛ يرمز للمكثفة بالرمز المقابل.



(q) äitall äita-2-1

عند ربط مكثفة بين قطبي مولد كهربائي لتيار مستمر، تشحن المكثفة (الشكل 1) بشحنة كهربائية.

المربوط بالقطب الموجب للمولد يشحن (A) المربوط بالقطب الموجب للمولد يشحن المحنة A

المربوط بالقطب السالب للمولد يشحن (B) المربوط بالقطب السالب المولد يشحنة كهربائية سالبة (q_B).

 $\boxed{q=q_A=ig|q_Big|}$ في كل لحظة يتحقق :

(C) لا نسمي الشحنة q شحنة المكثفة، وتقاس بالكولوم

ت شحنة المكثفة هي كمية الكهرباء التي تخزنها المكثفة.

Hard_equation

ملاحظة هامة ؛ لوجود العازل، لا تستطيع الإلكترونات المرور بين الصفيحتين.

(i) وشرة النيار (i) وشرة النيار (i)

تعطى العلاقة بين شحنة المكثفة (q) المتغيرة أثناء شحنها وشدة التيار (i) الناتج عن تغير الشحنة بالعبارة التالية \cdot

$$\begin{array}{c|c}
A & i(t) & B \\
\hline
 & -q(t) \\
\hline
 & U_C(t)
\end{array}$$

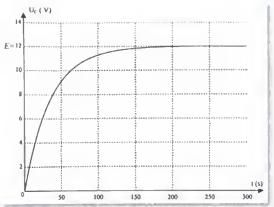
$$i = \frac{dq}{dt}$$

(q) و(i) مقداران جبريان موجبان أو سالبان.

- (i>0) إذا زادت شدة التيار (حالة شحن المكثفة) فإن (i) يكون في الاتجاه الموجب
- الله المكثفة (حالة تفريغ المكثفة) فإن (i) يكون في الاتجاه السالب (i<0)، وبالتالي تنقص شحنة المكثفة.
- و إذا شحنت المكثفة بتيار كهربائي مستمر ثابت الشدة (I) فإن شحنة المكثفة المخزنة تكون متناسبة

 $q \!=\! It$ طردا مع الزمن (t)، وتعطى بالعبارة :

منحنى شحن المكنفة (١,(١)



مناقشة يمكن تقسيم المنحني إلى جزئين ،

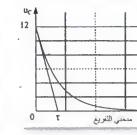
الجزء الأول : تزداد فيه قيمة (u_c) من $(\mathcal{O}
u)$ إلى (E) للمولد، وعليه تكون شحنة المكثفة قد الجزء الأول : تغيرت من (0c) إلى (q). يسمى النظام الانتقالي.

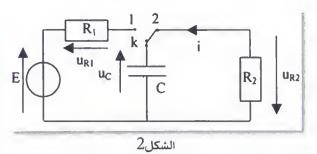
 $u_c = E = 1$ الجزء الثانى ، تثبت فيه قيمة (u_c) عند القيمة (E) اي ، (E) اي ، تثبت فيه قيمة وقيه تكون المكثفة قد شحنت تماما بالشحنة (q). يسمى النظام الدائم (régime permanent).

ب/ حالة تفريغ مكتفة

القاطعة K في الوضع 2 (الشكل2) ونسجل قيم التوتر u_c بدلالة الزمن t فنحصل على البيان التالي.

 $u_{i}(t)$ منحنی تفریغ مکثفة





$u_{\epsilon}(t)$ الدراسة التحليلية والمعادلة التفاضلية لتطور -2

١/ حالة شحن مكثفة

نفترض أنَّه عند غلق القاطعة في الدارة (R,C) فإن تيارا كهربائيا (i) يجتاز الناقل الأومى (R). نطبق بين النقطتين (A) و(B) خاصية جمع التوترات التي تسمى أيضا قانون التوترات :

$$u_{MB}=u_{MA}+u_{AB}.....(1)$$

 $u_{MA} = u_R$ ، هو التوتر الكهربائي بين طرفي الناقل الأومى (R) وللسهولة نكتب $u_{MA} = u_R$ $u_{AB} = u_C$ ، هو التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة (C) وللسهولة نكتب $u_{AB} = u_C$. هو التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة $u_{\mathit{MB}}{=}E$ ، هو النوتر الكهربائي بين طرفي المولد وله قيمة ثابتة E لذا نكتب u_{MB} نعوض في العبارة (1) فنجد:

المطبق عليها (العلاقة بين شحنة المكثفة (q) والتوتر الكهرباني (المطبق عليها -4-1

 $q(t)=C.u_c(t)$ عطى بالعبارة:

. t عنى شحنة المكثفة في اللحظة الزمنية q(t)

التوتر الكهربائي المطبق بين طرفي المكثفة $u_c(t)$

. سعة المكثفة وهي مقدار ثابت، وتقاس بوحدة هي الفاراد (F)

$$1Farad = \frac{1Coulomb}{1Volt}$$

ن الفاراد هي وحدة كبيرة، لذا عادة ما تستعمل اجزاؤها، وهي :

 $1\mu F$ = $10^{-6}F$ ، (μF) الميكروفاراد

 $1\eta F$ = $10^{-9}F$ ، (ηF) النانوفاراد

 $IpF = 10^{-12}F$ ، (pF) البيكوفاراد

 $(1_{i,j})_{g}(i)$ العلاقة بين $(1_{g})_{g}(i)$

نعلم ان $i(t) = \frac{d(u_c.C)}{dt}$: نعوض فنجد $q=u_c.C$ نعوض $i=\frac{dq}{dt}$ نعلم ان $i(t)=C\frac{du_c}{dt}$

ملاحظة هامة

يفضل دوما في المكثفة الاصطلاح على جعل اتجاه التيار الكهربائي (i) عكس اتجاه التوتر (u_c) المطبق بين طرفيها، تماما مثل الآخذة (le récepteur).

2- الدارة الكهربانية (R,C)

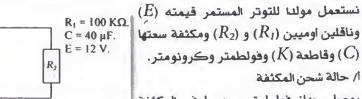
2 - 1 - تعریف

دنائي القطب (R,C) هو ربط مكثفة سعتها (C) على التسلسل مع ناقل أومي مقاومته (R).

المعادلة التفاضلية لتطور التوتر (11) بين طرفي مكثفة -2-2

1 - الدراسة التجرببية

. $u_c(t)$ اي (t) اي (u_c) بدلالة الزمن الشكل $u_c(t)$ يسمح لنا بدراسة تغير $u_c(t)$ بدلالة الزمن $u_c(t)$



يوصل جهاز فولطمتر بين طرفى المكثفة لقياس التوتر الكهربائي (\mathcal{U}_c) بين طرفيها.

توضع القاطعة (K) في الوضع (1) وتسجل قيم (u_c) في لحظات زمنية (K) مختلفة باستعمال الكرونومتر، ثم يُرسم المنحني البياني $\mathcal{U}_c(t)$ (انظر التمرين 4).

 $E = u_R + u_C \dots (2)$

 $u_{\scriptscriptstyle R} = Ri$ - حسب قانون اوم

$$i = C \frac{du_c}{dt} : \text{ limit is a single for the problem of } i$$

$$u_R = RC \frac{du_c}{dt} : \text{ which is a single for the problem of } i$$

$$E = RC \frac{du_c}{dt} : \text{ the problem of } i$$

. 8 $E = RC \frac{du_c}{dt} + u_C$: غنجد (2) في المعادلة (2) غي المعادلة على RC نجد بقسمة طرقي المعادلة على RC نجد

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{E}{RC}$$

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى مع وجود طرف ثان.

ي سميت معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى لأنها تحتوي على المتغير (u_c) ومشتقه الأول (تفاضله الأول الميت معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى الأنها تحتوي على المتغير (u_c)

بالنسبة للزمن $\frac{au_c}{dt}$

 $\frac{E}{RC}$ عير معدوم.

ما هو حل هذه المعادلة التفاضلية ؟

$$u_c = E(1 - e^{-t/RC})$$
 : هذه المعادلة تقبل حلا هو

يمكن ان تتأكد من ذلك بالتعويض عن هذا الحل (\mathcal{U}_c) في المعادلة التفاضلية، وستجد أنه يحققها.

$$u_{c}=E(1-e^{-0/RC})\Longrightarrow u_{c}=0$$
 ؛ $t{=}0s$ يا من اجل

$$t=RC=\tau$$
 ه من اجل

$$u_c = E(1 - e^{-RC/RC}) = E(1 - e^{-1}) = E(1 - \frac{1}{e}) = E(1 - \frac{1}{2,718}) = 0,63E$$

$$u_c=0,99E$$
 نجد: $t=5RC=5 au$ نجد

. E اي انه في اللحظة t

عمليا، نعتبر أن شحن مكثفة ينتهى في اللحظة الزمنية t=5 τ .

 $t o \infty$ ال $t o \infty$ حالة زمن كبير جدااي

$$u_c = E(1 - e^{-\infty/RC}) = E(1 - 0) = E$$
; $u_c = E$

نتيجة

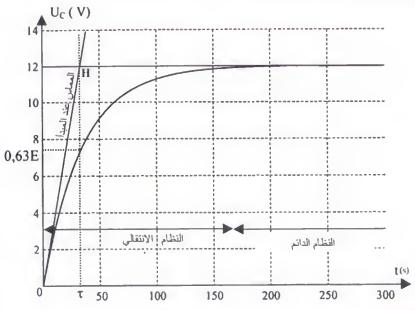
 $t
ightharpoonup \infty$ نظریا، نعتبر آن شحن مکثفة بشكل تام يحتاج إلى زمن غير منته عملية شحن مكثفة هي عملية غير آنية، فهي تدخل إذن في النظام الانتقالي.

نصطلح على تسمية المقدار RC بثابت الزمن لثنائي القطب ونرمز له بالرمز au اي au=RC ويعطى بالثانية.

نلخص النتائج السابقة بالجدول التالى:

t(s)	0	τ	5τ	∞
$u_c(v)$	0	0,63E	0,99E	Е

 $u_c(t)$ ونرسم البيان



خاصية هامة

 $u_c=E$ إن ميل المماس للمنحني u_c في اللحظة t=0s عند المبدأ) يقطع الخط المقارب! E/RC في نقطة H إحداثياها (t= au=RC) و(t= au=RC) وقيمة الميل تساوي

برهان هذه الخاصية في التمرين 3.

ب/ حالة تفريغ مكثفة

عند جعل القاطعة (K) في الوضع (2) تتفرغ شحنة المكثفة (q) عبر الناقل الأومي (R) ونقصان الشحنة بمرور الزمن (dq/dt) يؤدي إلى ظهور تيار كهربائي (i) ندعوه تيار التفريغ اتجاهه عكس اتجاه تيار الشحن (انظر الشكل2).

ملاحظة هامة .

عند الإبقاء على اتجاه تيار التفريغ كما هو يظهر أن المكثفة تلعب دور مولد. ولكننا نفضل جعل المكثفة

كلما كانت سعة المكثفة أكبر كانت عملية شحن المكثفة أبطاً لأن ثابت الزمن T يكبر.

مشاهدة منحنى الشحن والتفريغ بواسطة راسم الاهتزازات

إن شحن وتفريغ مكثفة هما عمليتان تتمان في زمن صغير نسبيا لا يسمح بدراستهما، حتى ولو كانت (R) ڪبيرة و(C) ڪبيرة.

 $C=2200\mu F$ و $R=10^3\Omega$ مثال : دارة (R,C) مثال : دارة (R,C) مثال : دارة (R,C) مثال : دارة (R,C)

$$au=2,2s$$
 : اي : $au=RC=10^3 \times 220010^{-6}$

ففي هذا الزمن الصغير تكون شحنة المكثفة قد وصلت إلى 63% من قيمتها الكلية، وبالتالي نلاحظ صعوبة عملية تسجيل قيم شحن أو تفريغ المكثفة.

عملية شحن المكثفة أو تفريغها تتم في زمن صغير لا يسمح بدراستها بواسطة الفولطمتر والكرونومتر.

لا غير أنه من الممكن دراسة تطور عملية شحن وتفريغ المكثفة، بتكرار الظاهرة في أزمنة كبيرة نسبيا، ويتم تحقيق عملية التكرار ا¥→ (GBF) عن طريق تغذية الدارة (R,C) بمولد منخفض التواتر $\stackrel{M}{\longmapsto} Y_2$ ذي إشارة مربعة (Générateur à Basses Fréquences) وتفريغ مكثفة بواسطة راسم الاهتزاز (l'oscilloscope).

في المدخل ١/١ لراسم الاهتزاز

نلاحظ أننا ربطنا المولد (GBF) (لاحظ أن المولد بين المربط y_1 والمربط الأرضى $\frac{1}{1/2}$. لذا نشاهد منحني تغير التوتر بين طرفي المولد ذي الإشارة المربعة، كما هو موضح بالمنحني المقابل.

في المدخل 1/2 لراسم الاهتزاز 🧶

نلاحظ أننا ربطنا المكثفة (لاحظ أن المكثفة موجودة بين

المربط 1⁄2 والمربط الأرضي ۖ إلى الذا نشاهد منحني شحن المكثفة ومنحني تفريغها (يمكن الرجوع إلى التمرين 6 للاستزادة).

الطاقة المخزنة في مكثفة

تخترن المكثفة الطاقة الكهربائية (E_{ij}) اثناء شحنها، وتفقد هذه الطاقة أثناء التفريغ. تعطى عبارة الطاقة الكهربانية المخزنة في مكثفة كما يلي :

$$E_{el} = \frac{1}{2} q u_c = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} C u_c^2$$

تلعب دور آخذة ـ كما أسلفنا الحديث ـ لذلك نصطلح على - سي مجاه تيار التفريغ باتحاه تيار الشحن $i=RCrac{du_c}{dt}$: وبهذا الاصطلاح يمكن استعمال العلاقة $i=rac{dq}{dt}$ وليس $i=rac{dq}{dt}$

? أثناء تفريغ المكثفة التفاضلية التي تحدد تطور u_c أثناء تفريغ المكثفة

يمكننا الحصول على ذلك بسهولة، بجعل E o 0 لأننا نزعنا المولد من الدارة التي ندرسها.

نعوض في المعادلة التفاضلية (3) فنجد:

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{0}{RC} \implies \frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = 0$$

 $u_c = Ee^{-!/ au}$: وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بدون طرف ثان، وتقبل حلا هو . $u_c = E$ ، t = 0s على اعتبار أنه في اللحظة

$u_{i}(t)$ بیان

نستعين بالجدول التالي:

t(s)	0	$\tau = RC$	5τ	∞
$u_c(V)$	Е	$\frac{E}{e} = 0.37E$	0,0067E	0

خاصية هامة

إن ميل مماس المنحنى في اللحظة ($t{=}0s$) يساوي t= au ويقطع محور الزمن في اللحظة t= au .

انظر البرهان في التمرين 3.

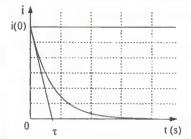
Tدراسة تأثير (R) و (C) على ثابت الزمن تائیر (R) علی T مع بقاء (R) ثابته

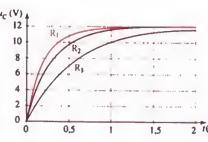
إذا أعدنا دراسة تطور (u_c) في حالة شحن نفس المكثفة من أجل قيم مختلفة لـ(R) نحصل على البيان التالى \cdot $au_2 > au_1$ لاحظ انه من اجل $R_2 > R_1$ یکون

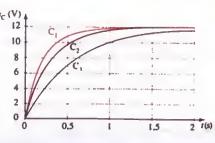
كلما كانت المقاومة (R) أكبر كان ثابت الزمن Tأكبر، وبالتالي تنقص سرعة شحن المكثفة.

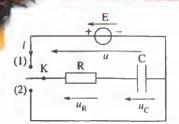
تانیر (C) علی T مع بقاء (R) ثابتهٔ

ندرس تطور (u_c) لعدة مكثفات C_2 ، C_1 ندرس تطور الشحن مع الإبقاء على نفس الناقل الأومي (R)، فنحصل على البيان التالي ، على البيان التالي ، $T_2 \!\!>\!\! T_1$ يكون $T_2 \!\!>\!\! T_1$. $T_2 \!\!>\!\! T_1$ يكون المرابق بالمرابق المرابق الم









(R,C) ثنائي القطب (2)

قانون

التوثرات

المعادلة

التفاضلية

عبارة

 $u_c(t)$

وبيانها

عبارة (1) عبارة

وبيانها

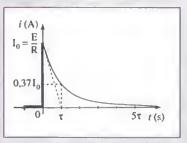
تعطى الدّارة المثلة في الشكل المقابل.

حالة تفريغ المكتفة (القاطعة K في الوضع 2)

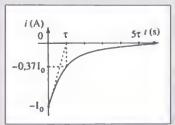
$$0 = u_R + u_C$$
$$= RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{\tau} = 0$$

$$u_C(t) = E e^{-t/t}$$



ی یتناقص، ثم ینعدم . $u_{\scriptscriptstyle C}(t)$



ل ينتقل فجاة من القيمة (0A)إلى القيمة العظمى $(-I_0)$ في الاتجاه السالب، ثم يتناقص بسرعة حتى ينعدم.

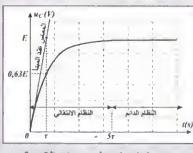
(Eحالة شحن المكثفة (تحت التوتر) (القاطعة K في الوضع I)

$$E = u_R + u_C = RC \frac{du_C}{dt} + u_C$$

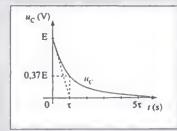
: نضع au_C وهو ثابت الرّمن $du_C \quad u_C \quad E$

$$\frac{du_C}{dt} + \frac{u_C}{\tau} = \frac{E}{\tau}$$

$$u_C(t) = E(1 - e^{-t/t})$$



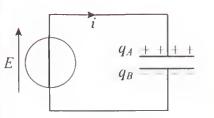
عند القيمة يزداد، ثم يثبت عند القيمة $u_{c}=E$

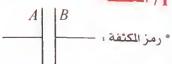


لي ينتقل فجأة من القيمة (0A) إلى القيمة العظمى I_0 في الاثجاه الموجب، ثم يتناقص بسرعة حتى ينعدم.

دراسة ظواهر كهربائية

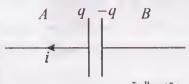
الدارة R,C المكتفة





- $q(t) = q_A(t) = -q_B(t)$ شحنة الكثفة : همنة الأ
- العلاقة بين شحنة المكثفة (q) وشدة التيار (i)

حالة تفريغ الكثفة



i جهته سالبة، q يتناقص، $\dfrac{dq}{dt} < 0$



q تزداد، ، . da

.تتزاید $\frac{dq}{dt} > 0$

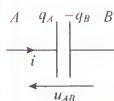
* إذا شحنت المكثفة بتيار ثابت الشدة ([) فإن شحنتها تزداد مع الزمن (1) حسب العلاقة ،

q = I.t

• العلاقة بين شحنة المكثفة (q) والتوثر الكهرباني $u_c(t)$ المطبق عليها

$q(t) = C.u_C(t)$

- . (F) سعة الكثفة وتقاس بالفاراد: C
- ° يفضل دوما في الكثفة جعل اتجاه التيار (i) عكس اثجاه التوتر $(u_{\rm C})$ ، مثل الأخذة.
 - (u_C) و (i) و (i) و ($i(t) = C \frac{du_C}{t}$



تمارين خاصة بالدارة (R,C)

نمارین خاصة بالدارة (R,C)

التمرين ا

اجب بصحيح او خطا على الاقتراحات التالية وصحح الخطا.

1/ تتالف المكثفة من لبوسين عازلين.

2/ يفصل اللبوسين مادة عازلة.

3/ لا تسمح المكثفة بمرور التيار المستمر.

(Q) إذا كانت شحنة المكثفة هي (Q) فإن شحنة اللبوس الموجب هي (Q+) وشحنة اللبوس السالب هي (Q-Q).

(kF) من رتبه (C) من رتبه (K).

الحل

1/ خطا. والصحيح هو : تتالف المكثفة من لبوسين ناقلين.

2/ صحيح.

3/ صحيح.

4/ صحيح.

(kF) خطا ، لأن سعة المكثفة من رتبة الميكروفاراد (μF) واقل، لا من رتبة الكيلوفاراد (kF).

التمرين 2

نحقق تركيب الدارة الكهربائية الممثلة بالشكل المرفق.

1/ تعرّف على ثنائيات الأقطاب المبينة بالدارة.

القاطعة K في الوضع I . أجب على ما يلي $^\circ$

ا/ اي المصباحين يتوهج ؟ هل يبقى متوهجا ؟

ب/ ماذا نسمي التيار الكهربائي الذي سمح بتوهج المصباح ؟ ما هي عبارته ؟

ج/ ما مصدر هذا التيار ؟ هل يدوم طويلا ؟ حدد اتجاهه في مخطط للدارة الكهربائية.

د/ ماذا نسمي العملية التي حدثت للمكثفة ؟

ا/ بعد عدة دقائق، كم تكون الشدة I للتيار الكهربائي المار في الدارة ؟

 $\,^\circ$ $\,^\circ$ المكثفة، هل نسجل توترا كهربائيا $\,^\circ$ $\,^\circ$ $\,^\circ$ المكثفة، هل نسجل توترا كهربائيا

E=10V يعطى يعطى اذا كان كذلك، فما قيمته الأدا

 $C = 1\mu F$ ج/ احسب الشحنة Q للمكثفة علما بان سعتها

د/ استنتج قيمة الطاقة المخزنة من طرف المكثفة.

4/ صف ما يحدث عند جعل القاطعة في الوضع 2. ماذا تسمى هذه العملية ؟

الحل

التعرف على ثنائيات الأقطاب

3/ الطاقة المخزنة في المكتفة

$$E_{\ell\ell\ell} = \frac{1}{2} C u_C^2 = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} \ .$$

اثناء الشحن، تخزن الكثفة طاقة كهربائية تعطى بالعبارة:

، (J) الطاقة الكهربانية ب $E_{\ell\ell}$

 $\cdot(F)$ ، سعة الكثفة بC

 u_{C} التوتر الكهرباني ب u_{C} ،

q: الشحنة ب (C).

Hard_equation

تماريه خاصة

 (L_1) و (L_2) مصباحان،

رد ثنائي القطب (AB) هو مكثفة سعتها (C)،

. (r= 0Ω) مولد مثالي للتوتر المستمر قيمته (E) وبالتالي مقاومته (MN) مولد مثالي للتوتر المستمر

ت (K) قاطعة أو مبدل.

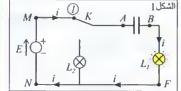
(1) عند جعل القاطعة (K) في الوضع (1) :

ا/ المصباح (L_i) هو الذي يتوهج لمدة وجيزة، ثم ينطفئ ، لأنه عند جعل (K) في الوضع (L_i) يصبح (L_i) في دارة كهربانية مغلقة فيها المولد (E). أما المصباح (L_i) فيكون في هذه الحالة منتميا إلى دارة مفتوحة.

ب/ نسمي التيار الكهربائي الذي سمح بتوهج المصباح (L_I) بتيار الشحن للمكثفة (واختصارا تيار الشحن da/dt . المرب المحتود على المحتود المحتود

. i=dq/dt ، ويعطى بالعبارة (courant de charge

يفسر وجود تيار الشحن بانه عند غلق القاطعة فإن مولد التيار يعمل بقوته المحركة الكهربائية (E) على نقل الكترونات اللبوس (A) (المربوط بالقطب + للمولد) إلى اللبوس (B) فيظهر عليه فائض في الإلكترونات، لذلك يشحن اللبوس (B) بشحنة



عليه فائض في الإلكترونات، لذلك يشحن اللبوس (B) بشحنه (-q) على اللبوس (A).

ومن المعلوم أن حركة الإلكترونات ينشأ عنها تيار كهربائي يدوم ما دامت، وهذا هو تيار الشحن.

اتجاد تيار الشحن (i): يخرج من القطب (+) للمولد ويدخل من قطبه (-)، وهكذا تظهر الشحنة الموجبة (+) (انظر الشكل (+)) على اللبوس (A)) القريب من القطب (+) للمولد، وتظهر شحنة سالبة على اللبوس (B)) القريب من القطب (-) للمولد.

د/ العملية التي حدثت للمكثفة هي ؛ عملية شحن المكثفة.

q=Q=ا عند انتهاء عملية شحن المكثفة، تصبح شحنتها ثابتة (q) . ثابتq=Q=

$$i=0A$$
 ؛ اذن : $i=\frac{dq}{dt}=0$ وعليه فإن

فيصبح التيار معدوما، وهو ما يفسر انطفاء المصباح (L_1).

. i=0A بإذا ربطنا فولطمتر بين طرفي المكثفة، فإنه يسجل توترا كهربائيا (u_c)، رغم ان u_c . قيمة u_c

 $u_{MN} = u_{AB} + u_{BF}$: حسب خاصية جمع التوترات، لدينا

لكن : u_{AB} و u_{C} و وكذلك u_{BF} =Riا باعتبار أن المصباح يماثل الناقل الأومي لكن : u_{AB}

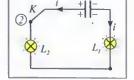
 $u_c = E = 10v$: في درجات الحرارة غير الكبيرة، ومنه (Q) المكثفة جر حساب الشحنة (Q)

 $Q=10^{-5}c$, $Q=10.10^{-6}$ إذن ، $C=1\mu F=10^{-6}F$ مع $Q=u_c$.C الطاقة المخزنة من طرف المكثفة تعطى بالعبارة ؛

$E = \frac{1}{2}Cu_c^2 \implies E = \frac{1}{2} \times 10^{-6} (10)^2 \; ; \quad \boxed{E = 5.10^{-5} \, j}$

 (L_1) عند جعل القاطعة في الوضع (2) فإننا نلاحظ توهج المصباحين (L_1) و (L_2) معا، ثم ينطفنان،

بالرغم من عدم ربط مولد بالدارة الكهربائية، ونفسر هذا بان المكثفة بدات تفقد شحنتها الكهربائية حتى تنتهي تماما، اي (q=0c)، وفي هذه الأثناء يمر تيار كهربائي (i=dq/dt) يسمى تيار التفريغ الكهربائي. كما ان اتجاه تيار التفريغ (انظر الشكل2).



النمرين 3

<u>ול אונס (R,C)</u>

لتكن الدارة (R,C) الممثلة بالشكل المرفق.

عندما تغلق القاطعة (K) يسري تيار الشحن (i) هي الدارة.

(E) باستعمال خاصیة جمع التوترات، جد علاقة بین (L) و (u_c) و (u_c) .

2/ باستعمال قانون اوم، اعط عبارة (u_R) ، واعط كذلك عبارة

 (du_c/dt) و (C) بدلالة (i)

. (u_c) جد المعادلة التفاضلية للتوتر الكهربائي (3

au=RC مع $u_c(t)=E(1-e^{-t/ au})$ مع حالا لها هو $u_c(t)=E(1-e^{-t/ au})$ مع $u_c(t)=E(1-e^{-t/ au})$ مع

ماذا يسمى الثابت T ؟ بيِّن أن له وحدة زمن.

 $u_c(\infty)$ و $u_c(5\tau)$ ، $u_c(\tau)$ ، $u_c(0)$ و $u_c(\infty)$ و $u_c(\infty)$

 $u_c(t)$ ا/ مثل بیان /6

ب/ اثبت ان ميل البيان $u_c(t)$ في اللحظة (t=0) يساوي (E/RC).

 $t_{1/2}$ =au.ln2 يتحقق u_c =E/2 التي يكون فيها (u_c =E/2) يتحقق الزمن $t_{1/2}$ التي يكون فيها

الحل

 (u_R) إيجاد العلاقة بين (E) و (u_R) و (u_R)

 $u_{MB} = u_{MA} + u_{AB}$ حسب خاصية جمع التوترات لدينا : $u_{MB} = E$ لكن : $u_{MA} = u_R$ و $u_{AB} = u_C$ لكن : $u_{AB} = u_C$

 $E = u_c + u_R$ (2) نجد: (1) نجد وهي العلاقة المطلوبة.

 u_R عبارة 2

 $u_R = Ri$ باستعمال قانون أوم نجد ،

عبارة أ

 $i{=}dq/dt$: نعلم ان تيار شحن المكثفة يعطى بالعبارة

و عبارة (
$$i$$
) المعة المكثفة و(q) المعة المكثفة و(q) المحتفة في اللحظة (d). نعوض في عبارة (d) المحتفظة و d 0 المحتفظة و d 1 المحتفظة و d 2 المحتفظة و d 3 المحتفظة و d 4 المحتفظة و d 5 المحتفظة والمحتفظة والم

. مقدار ثابت يمكن إخراجه من عامل التفاضل (d/dt)، ليكون C

$$i = C \frac{du_c}{dt}$$

وهي العبارة المطلوبة.

المعادلة التفاضلية للتوتر الكهرباني اللهرباني الم

$$E=u_c+Ri=u_c+RCrac{du_c}{dt}$$
 نعوض عن (i) في المعادلة (2) فنجد

بالقسمة على (RC) نجد :
$$\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = \frac{E}{RC}$$
 وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة.

ملاحظة : سميت معادلة تفاضلية لأن فيها المتغير (u_c) ومشتقه (تفاضله) الذي هو (du_c/dt) .

4/ لكي نتاكد من أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو :

$$\tau = RC$$
 as $u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$

يكفي ان نعوض بهذا الحل في المعادلة التفاضلية، لنجد أنه يحققها.

اذا كان $u_c = E(1 - e^{-t/ au})$ فإن المشتق بالنسبة للزمن (du_c/dt) نعينه كالتالي:

$$\frac{du_c}{dt} = E\left(0 - (-\frac{1}{\tau})e^{-t/\tau}\right) = \frac{E}{\tau}e^{-t/\tau}$$

نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد:

$$\frac{E}{\tau}e^{-t/\tau} + \frac{E(1-e^{-t/\tau})}{RC} \stackrel{?}{=} \frac{E}{RC}$$

$$\frac{E}{\tau}e^{-\tau/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}e^{-\tau/\tau} \stackrel{?}{=} \frac{E}{RC}$$

$$\frac{E}{\tau}e^{\tau/\tau} + \frac{E}{RC} - \frac{E}{RC}e^{\tau/\tau} = \frac{E}{RC} \implies \frac{E}{RC} = \frac{E}{RC}$$

فالمعادلة التفاضلية محققة.

و يسمى الثابت T ثابت الزمن.

(او يقال ان T له وحدة زمن (او يقال ان T متجانس مع الزمن)

interest and alpha to a time.

بما ان
$$au=RC$$
 فإن : $[RC]=[RC]$ وتقرآ : وحدة $(au)=$ وحدة (RC) $(RC)=$ وحدة $(RC)=$ إذن : $(RC)=$

: نعوض في المعادلة * فنجد
$$[R] = \frac{[u]}{[I]} \wedge [C] = \frac{[q]}{[u]}$$
 لكن $[T] = \frac{[q]}{[u]} = \frac{[q]}{[I]}$

$$[t]=[au]$$
 اذن $q=I$ اذن $[q]=[I][t]$ وبالتالي $[q]=[I][t]$ واخيرا $[q]=I$ لكن

هذا يعنى أن (T) له وحدة الزمن (t).

ا حساب القيم $u_i(0)$. $u_i(0)$. $u_i(0)$ و $u_i(\infty)$ وإعطاء المعنى الفيزيائي لكل منها $u_{i}(0)$ — u

$$u_c(0) = E(1 - e^{-\theta/\tau})$$
; $u_c(0) = \theta V$

وهذا يعنى انه في لحظة غلق القاطعة (K) اي اللحظة $(t{=}0s)$ يكون التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة. ($u_c=0v$) بين

$$u_c(\tau) = E(1 - e^{-\tau/\tau}) = E(1 - e^{-t}) = E(1 - \frac{1}{e}) = E(1 - \frac{1}{2,718})$$

$$u_c(\tau) = 0.63E = 63\%E$$

اي انه في اللحظة ($t=\tau$) يكون للتوتر الكهربائي بين طرقي المكثفة القيمة (63%) من قيمة التوتر الكهربائي (E) بين طرفي المولد.

 $U_{\bullet}(5T)$ —Image

$$u_c(5\tau) = E(1 - e^{-5\tau/\tau}) = E(1 - e^{-5}) = E(1 - \frac{1}{e^5})$$

$$u_c(5\tau) = 0.99E = 99\%E$$

اى انه في اللحظة (t=5 au) تبلغ قيمة التوتر الكهربائي (u_c) بين طرفي المكثفة القيمة (99%) من قيمة التوتر الكهربائي (E) للمولد. عمليا، يعتبر شحن المكثفة قد تم عند اللحظة (5T).

حساب (∞)

$$u_c(\infty) = E(1 - e^{-\infty/\tau}) = E(1 - 0)$$
; $u_c(\infty) = E$

وهذا يعنى أنه كي يصل التوتر الكهربائي (u_c) إلى القيمة (E) للمولد، لا بد أن تستغرق عملية الشحن زمنا طويلا جدا.

עלונס (R,C)

التمرين 4

مكثفة غير مشحونة سعتها $(C=140,0\mu F)$. تربط على التسلسل مع ناقل أومي مقاومته (R). نقوم بشحنها بواسطة مولد للتيار الكهربائي قوته المحركة الكهربائية (E). في لحظة نعتبرها مبدا الزمن (t=0s)، نغلق القاطعة (K) (الشكل المرفق) ونقوم بتسجيل تغير (u_c) بين طرفي المكثفة بدلالة الزمن (t)، فنحصل على المنحني التالى.

الكهربائية (E) للمولد.

(R)و ($t_{1/2}$)و (au) و($t_{1/2}$) و($t_{1/2}$) و($t_{1/2}$) و($t_{1/2}$)

3/ بكم مرحلة يتم شحن المكثفة ؟ حددها إذن.

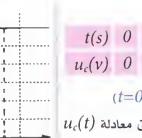
4/ حدد عبارة كل من :

q(t) أر شحنة المكثفة بدلالة الزمن أ

ب/ شدة تيار الشحن i(t) ومثله بيانيا.



تماریه خاصة



$$u_{\iota}(t)$$
 المنتيل بيان $t(s)$ 0 au $5 au$ ∞ $u_{c}(v)$ 0 $0,63E$ $0,99E$ E

ب/ تعيين ميل المستقيم في اللحظة ($t{=}0$ S)

 $u_c(t)$ يعين ميل المستقيم نظريا من اشتقاق معادلة $u_c(t)$ بالنسبة للزمن وتعويض (t) بالقيمة (t=0s)

$$\left(\frac{du_c}{dt}\right)_{t=0}$$
 يساوي (t = 0 s) بمعنى ان الميل في اللحظة

$$u_c = E(1 - e^{-t/\tau})$$
 : وبما أن

$$\frac{du_c}{dt} = E\left(0 + \frac{1}{\tau}e^{-t/\tau}\right) = \frac{+E}{\tau}e^{-t/\tau}$$
 الذن:

$$\left(\frac{du_c}{dt}\right) = \frac{+E}{\tau}e^{-\theta/\tau} = \frac{+E}{\tau}e^{\theta} = \frac{E}{\tau}\cdot 1$$
 نعوض (t=0s) نعوض

وبما ان
$$\tau = RC$$
 فإن : قان $\tau = RC$ وبما ان $\tau = RC$

 $t_{1,2} = \tau . ln2$ ج/ اثبات ان

نعلم أن في لحظة نصف الزمن $(t_{1/2})$ يكون $(u_c=E/2)$. نعوض عن (u_c) في معادلة $u_c(t)$ فنجد ،

$$u_c(t) = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$\frac{E}{2} = E(1 - e^{-t/\tau})$$

$$1 - e^{-t/\tau} = \frac{1}{2}$$

$$e^{-t_{\xi}/\tau} = \frac{1}{2} : ln e^{-t_{\xi}/\tau} = ln \frac{1}{2}$$

$$-\frac{t_{i}}{\tau} = \ln l - \ln 2$$
 ; $t_{1/2} = \tau \ln 2$

الحل

لمولد (E) لمولد المحركة الكهربانية (E) المولد اعظم قيمة لـ(u_c). فمن المنحني البياني $u_c(t)$ نجد البياني $u_c(t)$

2/ تعيين قيم الثوابت

الثابت الزمني T

 u_c عنه في مبدأ الزمن u_c من فاصلة نقطة تقاطع u_c المماس في مبدأ الزمن u_c مع المستقيم u_c عنه فو موضح بالشكل المرفق. حيث نقوم u_c

. au=34s : غنجد وتعيين اللحظة (t= au). فنجد

(0,63E) . الزمن (τ) هو الفاصلة الموافقة للقيمة $(u_c=0,63E)$. لذلك نعين الترتيبة بشكل تقريبي ونسقطها على محور الزمن فنجد الفاصلة الموافقة لها، كما هو موضح بالشكل المرفق. $\tau=34s$.

 $(t_{1/2})$ الثابت *

(E/2=6V) هو الفاصلة التي توافق الترتيبة ($u_c=E/2=6V$). لذا نقوم بتعيين القيمة ($t_{1/2}$) هو الثابت ($t_{1/2}$) هو الفاصلة التي توافق الترتيبة ($t_{1/2}$) هو الثابت ($t_{1/2}$) هو الفاصلة الموافقة لها، كما يوضحه الشكل المرفق، فنجد المرافق فنجد $t_{1/2} \approx 24s$

تماريه خاصة

$$R = \frac{34}{140 \cdot 10^{-6}} \approx 2,43.10^{5} \Omega \; ; \quad \boxed{R \approx 2,4.10^{5} \Omega}$$

اي يتم شحن المكثفة في النظام الانتقالي (régime transitoire)، وهذا يستغرق زمنا (t=5 au) اي (290) من شحنتها الكلية، ويكون: (990) من شحنتها الكلية، ويكون: $u_c = \frac{99}{100}E$

 $(rcute{egime permanent})$ وعند هذا الحد ينعدم تيار الشحن اي يصبح (i=0A) وتبدأ النظام الدائم كما هو موضح بالشكل المرفق.

ا/ عبارة الشحنة (١) للمكتفة

$$q=EC(1-e^{-t/ au})$$
 انن ، $u_c=E(1-e^{-t/ au})$ وبما ان ، $q=u_cC$ بن ، $u_c=u_c$ بر عبارة شدة التيار (i)

أثناء شحن المكثفة يسري في الدارة تيار كهربائي ندعوه تيار الشحن (i)، ونعيِّنه كالتالي : i=dq/dt : نشتق الشحنة بالنسبة للزمن

إذن نقوم باشتقاق عبارة الشحنة (٩) فنحصل على :

$$\frac{dq}{dt} = EC\left(0 - (-\frac{1}{\tau})e^{-t/\tau}\right)$$

$$i = \frac{dq}{dt} = \frac{EC}{\tau}e^{-t/\tau}$$
 : eais

لكن *τ=RC* إذن .

$$i = \frac{EC}{RC}e^{-t/\tau} \implies i = \frac{E}{R}e^{-t/\tau}$$

i(t) تمنیل

i(t) نکتفی ببعض قیم

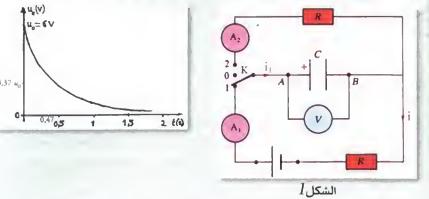
$$t(s)$$
 0 τ 5τ
 $i(A)$ $\frac{E}{R}$ $0.37\frac{E}{R}$ $0.0067\frac{E}{R}$

النمرين 5

اليك الدارة الكهربائية (R, C) الممثلة بالشكل المقابل.

نهدف إلى دراسة التفريغ الكهربائي لمكثفة مشحونة سعتها $C = 10^{-4}F$ في ناقل أومي R .

أر في البداية كانت القاطعة K في الوضع (I). ماذا حدث للمكثفة $^{\circ}$



 (i_2) نضع القاطعة K في الوضع (2) ونفترض أن اتجاه تيار التفريغ (i_2) موضح في الدارة السابقة. تسمح برمجة خاصة برسم تغيرات $u_c(t)$ بين طرفي المكثفة، كما توضحه الوثيقة المرفقة، لحظة وصل القاطعة K بالوضع (2).

أ/ احسب الشحنة الابتدائية (90) للمكثفة.

ب/ حدد في أي اتجاه تنتقل الإلكترونات.

ج/ حدد اتجاه تيار التفريغ الكهربائي. هل يتوافق مع اتجاه (i) المعطى في الشكل l

 $u_c = u_{AB}$ حيث (du_c/dt) حيث (i) دگر بالعلاقة بين (i) حيث

. \mathcal{U}_R و \mathcal{U}_c بر جد العلاقة بين

ج/ استخرج المعادلة التفاضلية لـ u_c في حالة تفريغ المكثفة.

. au=RC مع $u_c(t)=Ee^{-t/ au}$ مع د/ تأكد من ان حل المعادلة التفاضلية هو

4/ انطلاقا من المنحني، استنتج ما يلي :

R أ قيمة E بر ثابت الزمن T . π قيمة المقاومة R

. i(t) استخرج المعادلة التي تعطي تطور شدة تيار التفريغ i(t) . i(t) بيانيا i(t)

[/ عندما كانت القاطعة في الوضع (1) حدث للمكثفة "عملية شحن كهرباني".

ا/ حساب الشحنة الابتدائية (١/١) للمكثفة

نعلم أن $q=u_c(0)=6V$ ، وفي اللحظة الابتدائية (t=0s) لدينا ، $q=u_c(0)=6V$ ومنه

$$q_0 = u_c(0).C$$
, $C = 10^{-4}F \implies q_0 = 6.10^{-4}c$

ب/ تحديد اتجاه حركة الإلكترونات أثناء التفريغ الكهرباني

تتنقل الإلكترونات من اللبوس الكهربائي السالب (الذي به فانض من الإلكترونات) إلى اللبوس

D ملاحظة \cdot إن عملية شحن المكثفة يمكن أن نمثلها بانتقال الإلكترونات المخزنة في الصفيحة المعدنية لى الصفيحة المعدنية (A). ففي الأولى (B)يحدث نقص في عدد الإلكترونات، فتزداد شحنتها الكهربائية (q_B) ، بينما الصفيحة الثانية يحدث لهل زيادة في عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (q_A)، $(q_A = -q_B)$ لكن في كل لحظة يتحقق

تماريه خاصة

 $Ee^{-t/\tau} - Ee^{-t/\tau} = 0$

 $\left(Ee^{-t/\tau}\right) + RC\left(-\frac{E}{RC}e^{-t/\tau}\right) \stackrel{?}{=} 0$

$$0$$
اذن بالفعل $=0$

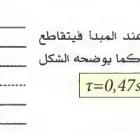
المعادلة محققة، وبالتالي فالحل المعطى هو حل للمعادلة التفاضلية.

$$E$$
 ا/ استنتاج قیمه /4

 $E{=}u_{c}(0){=}6,0V$: نعلم أن قيمة u_{c} في اللحظة $t{=}0$ 5 نساوي الذنt

 $\frac{du_c}{dt} = -\frac{E}{RC}e^{-t/\tau}$ الذن: $\tau = RC$ لكن

نعوض الآن في المعادلة التفاضلية :



ب/ قيمة نابت الزمن T نرسم المماس للمنحني $u_c(t)$ عند المبدأ فيتقاطع مع محور الزمن في اللحظة t=au كما يوضحه الشكل

| au = 0,475 | المرفق، ونقرأ من البيان القيمة :

ج/ قيمة المقاومة /ج

$$R=\tau/C$$
 : نعلم أن $\tau=RC$ إذن $\tau=RC$

$$R = \frac{0.47}{10^{-4}} = 4.7.10^{3} \Omega \; ; \quad \boxed{R = 4.7.10^{3} \Omega = 4.7 \, k\Omega}$$

i(t) يجاد العلاقة التي تعطي تغير شدة تيار التفريغ /

علما بان
$$i=Cdu_c/dt$$
 و $i=Cdu_c/dt$ علما بان $i=Cdu_c/dt$ علما بان

$$i = \mathcal{L}\left(-\frac{E}{R\mathcal{L}}e^{-t/\tau}\right) \Rightarrow \boxed{i(t) = -\frac{E}{R}e^{-t/\tau}}$$

i(t) برi(t) براتمثیل البیان

$$i=-rac{E}{R}=rac{-6}{4,7.10^{+3}}$$
 $ipprox -1,28.10^{-3}Approx -1,3$ i هي اللحظة $t=\tau=0,47$ لدينا $t=\tau=0,47$

الصفيحة المعدنية
$$(A)$$
. ففي الأولى المسفيحة المعدنية (A) . ففي الأولى من عدد الإلكترونات، فتزداد شحنتها (A) . في عدد الإلكترونات، فتزداد شحنتها (A) . بينما الصفيحة الثانية يحدث لهل عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (A) . (A) الشكل عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (A) . (A) الشكل عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (A) . (A) الشكل عدد الإلكترونات فتنقص شحنتها (A) . الشكل الكترونات وعليه، يكون اتجاه حركة الإلكترونات. وعليه، يكون اتجاه

i) التذكير بالعلاقة بين (i) و(du, /dt)

تيار الشحن، وعليه فاتجاهه اتجاه التيار (i_2) .

نعلم أن i=dq/dt بما أن i=dq/dt نعلم

ب/ العلاقة بين ، العلاقة بين ، العلاقة الما و الما

يفضُّل جعل المكثفة تؤدي دور آخذة، أي جعل (أ) يدخل من اللبوس الموجب، كما يوضحه

تيار الشحن باتجاه التيار (i) المشار إليه في الشكل I. أما تيار التفريغ فاتجاهه عكس اتجاه

 $u_{DB}=u_{DA}+u_{AB}$: حسب الشكل، لدينا

(B) و $u_{DB}=u_{c}$ و $u_{DB}=u_{c}$ و $u_{DB}=u_{c}$ لأنه لا يوجد مولد بين النقطتين $u_{DB}=u_{c}$ كن $0=u_R+u_c$; $u_c=-u_{DA}$ \Rightarrow $u_c=-u_R$! الذن

وهى العلاقة المطلوبة

ج/ المعادلة التفاضلية لـ(١١)

 $u_c = -Ri$! اذن $u_c = -u_R$ المابقا

ومنه نكتب: $i = C \frac{du_c}{dt}$: ومنه نكتب

$$u_c = -RC\frac{du_c}{dt}$$
; $u_c + RC\frac{du_c}{dt} = 0$

وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة.

د/ حتى يكون $u_c = Ee^{-t/\tau}$ علا للمعادلة التفاضلية، يجب أن يحققها. كيف ذلك ؟ يكفى أن 0=0 . نعوض بهذا الحل في المعادلة للحصول على في البداية، نقوم باشتقاق u_c بالنسبة للزمن u_c

GBF

وفي اللحظة
$$t = 1s$$
 لدينا :
$$i = \frac{-6}{4,7.10^{+3}} \times \frac{1}{(2,718)^{\frac{1}{0.47}}} = -0,15 \text{ mA}$$

التمرين 6 (مشاهدة منحني الشحن واللغريغ براسم الاهتزاز - نمرين تجريبي)

 $C=10\mu F$. $R=1,0k\Omega$ ، E=12V : الممثلة بالشكل R ، علما بأن الدارة (R, R) الممثلة بالشكل Rأ/ احسب الثابت الزمني T لهذه الدارة.

بر احسب عند اللحظة t التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة ثم استنتج قيمة با شحنة المكثفة 9.

t=t جد شدة التيار (i) في اللحظة ج

 $t=5\tau$ الحسب المكثفة عند اللحظة q و المكثفة عند اللحظة الم

ب/ هل الزمنانT و 5T صغيران أم كبيران؟

برايك، هل تتم عملية شحن المكثفة بسرعة أم ببطء ؟ علل.

II/ في الواقع، إن عملية شحن وتفريغ المكثفة تتم بسرعة لا تسمح بتتبعها لحظة بلحظة بواسطة الفولطمتر لقياس u_c والأمبيرمتر لقياس شدة تيار الشحن (i) المار في الدارة (R,C). من أجل ذلك نستعمل مولدا منخفض التواتر (GBF) ذا إشارة مربعة (\square) (أو على شكل لبنات) دورها (T).

 γ_1 لكى نشاهد الإشارة المربعة على شاشة راسم الاهتزاز نربط الطرف (B) للمولد بالمدخل 1لراسم الاهتزاز، اما طرفه الآخر (M) فنربطه بالكتلة ($la\ masse$) لراسم الاهتزاز التي يجب أن تكون معزولة عن الأرض (الشكل 2).

بعد ضبط راسم الاهتزاز على القيم التالية :

السعة : 2v/div

سلم الزمن : 1ms/div

تظهر الإشارة كما هو موضح في الوثيقة المرفقة (الشكل السفلي).

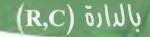
ا/ احسب الدور T ومن ثم التواتر f للتوتر المربع الذي يعطيه . GBF المولد

ب/ حدد قيمة التوتر E الذي يعطيه المولد.

ج/ حدد قيمة u_{BM} في المجالين الزمنيين 0 < t < T/2 و علق على النتائج.

د/ ماذا يحدث للمكثفة خلال هذين المجالين ؟ هل تتكرر العملية ؟

(A) نريد الآن مشاهدة التوتر الكهربائي u_c بين طرفي المكثفة. من أجل ذلك نربط طرفها 1/IIIبالمدخل y_2 لراسم الاهتزاز، أما طرفها (M) فهو مربوط بالكتلة (المربط الأرضي) كما هو موضح





الحساسية الشاقولية : 2v/div المسح الأفقى: 1ms/div

فنحصل على شكل ممثل في الوثيقة السابقة (الشكل العلوي).

أ/ ما هي الظاهرة التي تترجمها هذه الوثيقة ؟

كيف تفسرها ؟

ب/ أعط العبارة النظرية لتغير التوتر الكهربائي $u_c(t)$ بين طرفي المكثفة. هل المنحني المشاهد يجسد هذه العبارة؟

الحل

(R,C) ا/ حساب الثابت الرمنى T للدارة (R,C)

 $C\!\!=\!10^{\text{-}5}F$ نعلم ان $C\!\!=\!10\mu F\!\!=\!10.10^{\text{-}6}F$ و $R\!\!=\!1k\Omega\!\!=\!10^3\Omega$ بذن $\tau\!\!=\!\!RC$ نعلم ان

 $\tau = 10^{+3} \cdot 10^{-5} = 10^{-2} \text{s}$: is equal to the state of the

t=Tبين طرفي المكثفة عند اللحظة U_c بين طرفي المكثفة عند اللحظة

 $u_c = E(1 - e^{-t/\tau})$: نعلم أن

 $u_c{=}E(1{-}e^{{-} au/ au})=E(1{-}e^{-1})$. ففي اللحظة الزمنية $t{=} au$ لدينا

 $u_c = E(1 - \frac{I}{e}) = E(1 - \frac{I}{2.718}) \implies u_c = 0.63E$.

 $u_c = 0.63 \times 12 = 7.56v$ إذن ، E = 12v وبما أن

Tحساب الشحنة q للمكثفة في الزمن

 $q=7,56.10^{-5}\approx 7,6.10^{-5}c$ ومنه $q=u_cC$ نعلم ان

ج/ إيجاد شدة التيار أ في اللحظة T

: نعلم من خاصية جمع التوترات ان : $E=u_R+u_c=Ri+u_c$ ومنه

 $i = \frac{E - u_c}{R}$

المدخل ا أو ٨

المتلقل2 أو 1

 $i = \frac{12 - 7.56}{10^3} \Rightarrow i = 4.4.10^{-3} A$: بالتعویض نجد:

5T في اللحظة الزمنية q و U_{c}

 $u_c = E(1-e^{- au/ au})$: بنفس الطريقة المتبعة في الجواب عن السؤال ، نكتب $u_c = E(1 - e^{-5\tau/\tau})$ لكن $t = 5\tau$ لكن

 $u_c = E(1 - e^{-5}) = E(1 - \frac{1}{e^5}) = E(1 - \frac{1}{(2,718)^5}) = 0,99E$

تماريه خاصة

والمولد GBF يعطي توترا مربعا ياخذ القيمتين (OV) و(E) بالتناوب.

$$\mathfrak{s}\,u_2$$
 ا ماذا يمثل التوتران \mathfrak{u}_1 و \mathfrak{s}

الحساسية الشاقولية في المدخلين
$$y_1$$
 و y_2 هي $(2v/div)$

$$I_{max}$$
 الشدة الأعظمية المقادير التالية التواتر f للمولد التوتر E الشدة الأعظمية C التيار المار في الدارة الزمن C مع حساب السعة C للمكثفة.

 $R = 400 \text{ k}\Omega$

الحل

u_2 التوتران u_1 التوتران الم

ين طرفي الناقل الأومي،
$$\mathcal{U}_R$$
 بين طرفي الناقل الأومي، \mathcal{U}_L هو التوتر الكهربائي \mathcal{U}_L بين طرفي المكثفة.

$$u_2$$
 العبارة النظرية لكل من u_1 و

$$\mathcal{U}_c$$
 عكس اتجاه التيار (كالآخذة)، \mathcal{U}_c

$$\mathcal{U}_R$$
 عكس اتجاه التيار (فالتيار يدخل من الكمون المرتفع إلى الكمون المنخفض).

نطبق قانون التوترات :
$$E=u_R+u_c$$
 مع

$$i = C \frac{du_c}{dt}$$
 $u_R = Ri$

 $: \mathcal{U}_c$ نعوض فنجد المعادلة التفاضلية لتطور

 $u_c = 12(0.99) \Rightarrow |u_c = 11.88v \approx 12v|$

$$q \approx u_c C \approx 12.10^{-5} = 1,2.10^{-4}c$$
 اما بالنسبة للشحنة q فلدينا الم

$$au$$
ب ان الزمنين au و au هما زمنان صغيران، إذ ان au ان الزمنين au و au هما زمنان صغيران، إذ ان au

ي المحظة t=5 au لدينا $u_c=99\%$ اي $u_c=0,99E$ المحظة t=5 auالمكثفة ينتهي عند اللحظة 57 ، وهي هنا فترة زمنية صغيرة). لذا نعتبر أن شحن المكثفة يتم في زمن صغير هو 5 au ، وعليه فإن عملية شحن المكثفة تتم بسرعة، لكن ليس لحظيا، بل تستغرق فترة زمنية هي 5 au .

f والتواتر T والتواتر f

الدور T هو زمن. لذلك نستعمل السلم المعطى للزمن، وهي القيمة التي ضبطت عليها قاعدة الزمن (1ms/div) والتي تسمى أيضا الحساسية الأفقية.

$$T=6 imes1ms=6ms=6.10^{-3}$$
ا التواتر T ممثل ب G تدريجات اي $Gdiv$ ، وإذن الحظ أما التواتر والمحسبه من العلاقة المحسبة عن العلاقة المحسبة من العلاقة المحسبة عن العلاقة العلاقة المحسبة عن العلى العل

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{6.10^{-3}} = \frac{10^3}{6} = 166.7$$
; $f = 166.7 Hz$

Eب/ تحديد قيمة التوتر

نعلم انE اعضُم قيمة ثابتة يعطيها المولد. والوثيقة تظهر أن اعظم قيمة ممثلة ب ϵ تدريجات

$$E=3 imes2=6v$$
 وحسب السلم فإن كل I تدريجة I اي ($2v/div$) وبالتالي ووحسب السلم فإن كا

ج/ تحديد قيمة UBM

$$u_{BM} = E = 6 v$$
 ؛ لدينا $0 < t < T/2$ ب غي المجال الزمني $t < T/2$ لدينا *

$$u_{BM} = 0 v$$
 . لدينا $T/2 < t < T$ لدينا *

د/ في المجال الأول يحدث شحن للمكثفة. في المجال الثاني يحدث تفريغ للمكثفة. وتتكرر العملية في المجالات الزمنية الأخرى.

1/11/ بالظاهرة التي تترجمها الوثيقة هي شحن وتفريغ المكثفة. ونفسرها بأن في المجال الأول يكون فيسري تيار الشحن في الدارة (R,C)، ثم تزداد قيمة u_c من u_c المجال الثاني $u_{BM}=E$ 0
uفيكون u_c فيكون u_c من E من المكثفة، فتنقص قيمة وبالتالي يحدث تفريغ للمكثفة، فتنقص قيمة

2/ العبارة النظرية لتطور التوتر الكهربائي 11ء

ی ومنه :
$$u_c = E(1-e^{-t/\tau})$$
 ومنه : $u_c = E(1-e^{-t/\tau})$ ومنه : $u_c = E(1-e^{-t/\tau})$ ومنه : $u_c = E(1-e^{-t/\tau})$ بالفولط. (u_c) بالفولط (u_c) بالفولط (u_c)

$$u_c = 6 e^{-1001}$$
 : عالة التفريغ

د المنحنى 2 ، يحتوي ايضا على جزئين مختلفين ، الجزء الأول ، يعبر عن تزايد \mathcal{U}_c وبالتالي شحن المكثفة.

الجزء الثاني : يعبر عن تناقص \mathcal{U}_c وبالتالي تفريغ المكثفة.

ب ارفاق بكل منحن تواتره المناسب

. $u_R(t)$ يمثل تغيرات 1 . يمثل بغيرات

. $u_c(t)$ يمثل تغيرات 2 . يمثل

ج/ استنتاج قيم المقادير

و التواتر : نعلم ان f=1/T لذلك يجب تعيين الدور T من احد المنحنيين 1 او 2 وهذا بالاستعانة بقاعدة الزمن التي هي 0,5ms/div .

 $T=4,5.10^{-3}s$. ومنه T=4,5ms ای $T=0,5\times 9$ الدینا

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{4,5.10^{-3}} \simeq 222 \, Hz$$
 ; $f = 222 \, Hz$: نعوض فنجد

باستعمال الحساسية الشاقولية وهي 2v/div ، وبالاستعانة بالمنحني 2 نجد أن (E) هي أعظم |E=4v| ، E=2 imes2=4v : قيمة ل u_c قيمة لانك نكتب يا تدريجة وتدريجة الثلث نكتب

 I_{max} الشدة الأعظمية للتيار

. $u_R(t)$ الذي يمثل اعظم قيمة للمنحنى الذي يمثل

 $u_R(t)=Ee^{-t/\tau}$. لدينا

 $u_{R}(0){=}E$: نن ين اللحظة ($t{=}0s$) لدينا ين اللحظة (t

 $i(0) = I_{max} = \frac{E}{R} = \frac{4}{400}$ ومنه $i=u_R/R$ اذن $u_R=Ri$ الكن $u_R=Ri$

 $I_{max} = 0.01A$! ذن

ت ثابت الزمن T

و طريقة 1

برسم مماس المنحنى 2 او 1 في اللحظة الابتدائية (t=0s) نجد (τ).

. τ =0,6div ، باستعمال المنحنى 2 نجد

auوبالاستعانة بالسح وهو 0.5ms/div إذن نكتب والاستعانة بالسح وهو

 τ =0,3ms

ت طريقة 2

: نعلم ان (τ) هو الزمن اللازم لكى تبلغ u_c القيمة 63% من E اي لما يكون

 $u_c = 0.63E = 0.63 \times 4$; $u_c = 2.52v$

au=0,3ms : ننقل هذه القيمة على النحنى 2 فنجد ان

 $E = RC \frac{du_c}{dt} + u_c$; $\frac{E}{RC} = \frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC}$

تماريه خاصة

. au=RC مع المعادلة التفاضلية هو $u_c=E(1-e^{-t/ au})$ مع

 $u_2 = E(1 - e^{-t/\tau})$ ؛ لاحظ ان u_2 باتجاه !ذن

$$u_R = RC \frac{du_c}{dt}$$
 اما u_R فهو

$$\frac{du_c}{dt} = \frac{E}{\tau}e^{-t/\tau} = \frac{E}{RC}e^{-t/\tau} : u_c$$
نقوم باشتقاق عبارة u_c

$$u_R = \frac{RC}{RC} E e^{-t/\tau}$$
; $u_R = E e^{-t/\tau}$: نعوض في عبارة u_R فنجد

 $u_I = -u_R = - Ee^{-t/ au}$ الذلك نكتب الجاه u_R عكس اتجاه u_R لذلك نكتب

حالة تفريغ المكنفة

التوتر بين طرفي المولد معدوم (0V).

في هذه الحالة يحدث تفريغ للمكثفة، فينعكس اتجاه التيار، إلا أننا سنحافظ على اتجاهه السابق، على اعتبار اتجاه (i) عكس اتجاه التوتر (u_c) (حالة الآخذة). في هذه المرحلة نضع بنامعادلة التفاضلية السابقة لنحصل من جديد على المعادلة التفاضلية $E\!=\!0$

$$u_c = -E e^{-t/\tau}$$
 : وحلها هو $\frac{du_c}{dt} + \frac{u_c}{RC} = 0$

$$u_2 = u_c = -Ee^{-t/\tau}$$
اذن:

$$u_R = RC \frac{du_c}{dt} = \frac{-RC}{\tau} E e^{-t/\tau} : u_R$$
 وبالمثل نجد

$$u_{I} = u_{R} = -Ee^{-t/\tau}$$
 اذن $\tau = RC$ اکن $\tau = RC$ اکن

 u_R =Ri . لأن i(t) الآن معرفة تغيّر شدة التيار u_R هو الذي يمكننا من معرفة تغيّر شدة التيار

ا/ المعنى الفيزيائي لكل منحن وأجرائه المختلفة

T المنحنى 1 يحتوي على جزئين مختلفين خلال كل دور زمنى T للمولد المنحنى I_{max} من قيمة عظمى R من قيمة الناقل الأومي الناقل الأول والناقص التوتر المرء الخرء الأول المرء الناقص التوتر المرء ا إلى القيمة 0.

الجزءالثاني؛ يعبر عن تزايد تيار التفريغ في الناتل الأومى من القيمة ($-I_{max}$) إلى القيمة 0 (الإشارة السالبة أتت من كونه يسري في الاتجاه المعاكس لاتجاه تيار الشحن).

حساب سعة الكنمة (C)

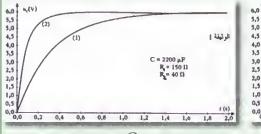
نعلم ان T=RC إذن $C=\frac{0.3.10^{-3}}{400}$ نعوض فنجد : T=RC ومنه :

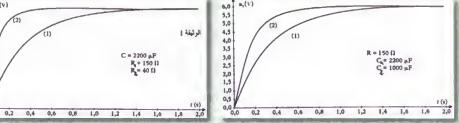
 $C=0,75.10^{-6}F$

تماريه خاصة

النمرين 8 (نمرين تجريبي)

رار الوثيقة 1 عملية شحن مكثفة في دارة (R,C) على التسلسل، بواسطة راسم الاهتزاز، وهذا (R,C) $C{=}2200\mu F$ من اجل مقاومتين مختلفتين $R_{I}{=}150\Omega$ و $R_{2}{=}40\Omega$ مع ثبات (C) عند القيمة ارفق بكل بيان قيمة R الناسبة له. علل.





2/ نثبت R عند القيمة R_{I} عند القيمة R_{I} ونقوم بتغيير سعة المكثفة R)، للحصول على القيمة .2 ثم القيمة $C_2 = 1000 \mu F$ ثم القيمة $C_1 = 2200 \mu F$

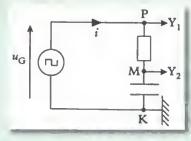
ارفق بكل بيان قيمة C الناسبة له. علل.

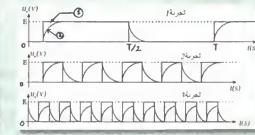
R لدراسة تأثير التواتر fللمولد GBF على عملية شحن وتفريغ المكثفة. نقوم بتغيير f مع إبقاء fو C ثابتتين، ونشاهد في كل مرة على راسم الاهتزاز منحني الشحن والتفريغ.

نحصل على المنحنيات التالية ،

 $u_G(t)$ منيز في كل تجربة المنحنى $u_c(t)$ من المنحنى المنحن

ب/ صف في كل تجربة طريقة شحن وتفريغ المكثفة.





4/ ما هي النتائج المستخلصة من هذه الدراسة ؟

1/ ارفاق كل منحن بمقاومته الناسبة

ا ترفق بالمنحني R_I

 R_2 ترفق بالنحني R_2

C مع ثبات قيمة T=RC فكلما كبرت R مع ثبات قيمة T=RC مع ثبات قيمة . $au_1 > au_2 \Longleftrightarrow R_1 > R_2$ وبما ان $au_2 = R_2 C$ و $au_1 = R_1 C$ (سعة المكثفة)، إذن $au_1 = R_1 C$ وبما ان

عند رسم مماسي المنحنيين 1 و2 في اللحظة (t=0s).

. R_2 نجد من الماسين أن $au_1 > au_2$. نستنتج أن المنحني 1 يوافق R_1 والمنحني 2 يوافق

. C_2 المنحني 1 يوافق السعة C_1 . المنحني 2 يوافق السعة 2

التعليل: نفس إثبات السؤال السابق.

 $u_G(t)$ $u_c(t)$ التمييز بين المنحنيين

نعلم ان $u_c(t)$ يمثل التوتر الكهربائي بين طرفي المكثفة، وهو منحني شحن وتفريغ المكثفة، وبناء عليه فهو ممثل بالمنحني 2 في جميع التجارب. أما $u_G(t)$ فهو التوتر الكهربائي بين طرفي المولد، الذي ياخذ القيمتين E و V خلال كل دور زمني T فهو إذن ممثل بالمنحني E في جميع

ب/ طريقة شحن وتفريغ الكثفة

ي في التجرية 1 ؛ نلاحظ أن التواتر f_{I} صغير، لأن نصف الدور الزمني T/2 كبير بما يسمح في التجرية 1بشحن المكثفة تماما، فيبلغ التوتر u_c بين طرفيها القيمة E ثم تتفرغ في زمن كاف هو نصف . T/2 الدور الثانى أي من T/2 إلى

ي في التجربة 2 ، التواتر f_2 له قيمة متوسطة، ولذا نلاحظ أيضا أن المكثفة تشحن وتفرغ في زمن كاف، لكنه أقل من زمن التجربة 1 ، وتصل قيمة u_c إلى E أثناء عملية الشحن.

و في التجربة 3 ؛ الدور صغير وبالتالي فالتواتر f_3 كبير ونلاحظ أن زمن شحن وتفريغ الكثفة التجربة والماء الدور صغير وبالتالي فالتواتر والماء الماء صغير لدرجة أن عملية الشحن والتفريغ لا تتم بشكل كاف، فلا تصل قيمة u_c إلى E ، بل تصل إلى قيمة أقبل من E ، ثم تبدأ عملية التفريغ. وهكذا فالزمن الدوري صغير بحيث لا يسمح بشحن ولا بتفريغ المكثفة بشكل كاف.

4/ النتائج المستخلصة من التجارب السابقة

. C ومع R ومع الثابت الزمني T يتناسب طردا مع

🗉 لكي تتم عملية شحن وتفريغ المكثفة بشكل كاف، يجب أن يكون الدور الزمني T مناسبا، فيجب اختيار التواتر f للمولد GBF بشكل مناسب.

النمرين 9 (وضعية ادماحية)

في حصة الأعمال التطبيقية، احضر أستاذ الفيزياء علبة BM تحتوي على ثنائي قطب مجهول، فساله التلاميذ عن طبيعة ثنائي القطب داخل العلبة فأحالهم على تجربة الهدف منها دراسة استجابة ثنائي القطب المجهول لتوتر كهربائي مربع قيمته (E,0) في دارة (E,0). BM حيث heta الثابت الميز لثنائي القطب (R, heta)

١/ تحديد نوع ثناني القطب

انطلاقا من البيان $u_{BM}(t)$ الذي يمثل استجابة ثنائى القطب BM ، والذي يطابق منحني استجابة مكثفة أثناء الشحن والتفريغ. فنستنتج أن ثنائي القطب BM هو مكثفة.

الرمز الحقيقي للثابت heta هو C الميز للمكثفة.

$$u_{BM}(t)$$
ب/ الاحزاء الختلفة للمنحنى

 $0ms \le t \le 300ms$ ل الجزء الأول:

يمثل تطور التوتر الكهربائي u_{BM} أو u_{C} بين طرفي الكثفة أثناء شحنها.

ـ الجزء الثاني : 500ms≤t≤1000ms

يمثل تطور التوتر الكهربائي \mathcal{U}_c بين طرفي المكثفة أثناء تفريغها.

ملاحظة : الجزء من المنحنى بين 300ms و 500ms لا نهتم به، لأن بين هاتين اللحظتين تم تبديل القاطعة بين الوضعين 1 و2.

١/ العادلة التفاضلية لـ ١١٨١١

قصد التسهيل نضع $u_{BM} = u$ ونعبر عن ثنائي القطب بالكثفة.

 $u_{AM}=u_R+u$ (1) التوترات لدينا جمع التوترات لدينا

 $u_{AM}=E$ و $u=u_c$ علمابان

 $u_R = RCdu/dt$ اذن i = Cdu/dt و $i = Cdu_c/dt$ و $u_R = Ri$ ادن

$$E = RC \frac{du}{dt} + u$$
 (2) نعوض في المعادلة (1) فنجد ،

$$u + \tau_1 \frac{du}{dt} = A$$
 (3) هذه هي المعادلة التفاضلية، وهي من الشكل وهي المعادلة التفاضلية، وهي من الشكل

 T_1 و A و تعيين النابتين

بالمطابقة بين المعادلتين (2) و(3) نجد ؛ $au_1=RC$ و المطابقة بين المعادلتين بالمعادلتين المعادلتين بالمعادلتين المعادلتين بالمعادلتين ب

ب/ حل المادلة التفاضلية

. $u_c = A(1 - e^{-t/\tau_l})$ gi $u = E(1 - e^{-t/RC})$

ج/ فيمة النابت ٢١ المير للدارة

u(t) ان au_I هو الثابت الزمنى $au_I = RC$. ويمكن تعيينه بيانيا من نقطة تقاطع مماس النحني. . u=E= 12ν هع المستقيم (t=0) في اللحظة

 $\tau_1 = 50ms$ نقراً من البيان فنجد :

حساب الثابت الميز وهو السعة C لثنائي القطب (BM)

$$C = \frac{\tau_I}{R} = \frac{50.10^{-3}}{250} = 200.10^{-6} F$$

ت في خطوة أولى طلب الأستاذ تركيب الدارة المثلة بالوثيقة 1 مع العلم بأن هذه الدارة متصلة بحاسوب عن طريق تجهيز خاص وبرنامج هو (WinLabo2) الذي يسمح بمشاهدة تطور u_{BM} خلال الزمن بين طرفي ثنائي القطب المجهول على شاشة الحاسوب.

وبين اللحظة الزمنية (t=0s) توصل القاطعة K بالوضع 1، وبين اللحظتين $t_i=300ms$ و اللحظة الزمنية ($t_i=300ms$) و اللحظة الزمنية ($t_i=0s$) و اللحظة الإنسان ($t_i=0s$) و اللحظة . يم تبديل القاطعة K إلى الوضع 2 فتمت مشاهدة المنحني $u_{\mathit{BM}}(t)$ كما تبينه الوثيقة $t_{\mathit{2}}{=}500ms$

> ار من خلال المنحني $u_{BM}(t)$ ، حدد نوع ثنائي القطب IBM. برر إجابتك

> > ا ما هو الرمز الحقيقي للثابت heta ؟

I/ التجربة 1

ب/ حدد الأجزاء المختلفة لهذا المنحني واعط المعنى الفيزياني لها.

اعط $u_{BM}=u$ و الوضع K موصولة بالوضع ا المعادلة التفاضلية لتطور لل بدلالة الزمن في المجال الزمني وبين انها من الشكل $0 < t < t_1$

$$u + \tau_1 \frac{du}{dt} = A$$

حيث A و T₁ ثابتان يطلب تعيينهما بدلالة ثوابت الدارة.

R=1000Ω; 0 =?

ب/ اعط حلا لها.

ج/ استنتج قيمة الثابت الميز لثنائي القطب BM واحسب القيمة العددية للمقدار الميز لثنائي القطب BM.

ا/ بين أنه في المجال الزمني $t>t_2$ تعطى المعادلة التفاضلية لتطور u بدلالة الزمن بالشكل :

$$u + \frac{1}{\alpha} \frac{du}{dt} = 0$$

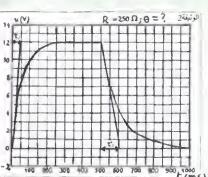
ب/ حدد الثابت $1/\alpha$ بدلالة ثوابت الدارة وعين قيمته.

نستبدل الآن الناقل الأومى السابق (AB) بناقل أومى آخر مقاوته 1000Ω ونتبع نفس خطوات التجربة فنحصل على منحني تطور $u_{BM}(t)$ من جديد في الوثيقة 3.

1/ ما الفرق بين منحني $u_{BM}(t)$ في الوثيقتين 2 و3قيم النتائج.

. τ_2 استنتج بيانيا الثابت الجديد للزمن 2

3/ تأكد من أنه يتطابق مع القيمة النظرية.



 $u + \frac{1}{\alpha} \frac{du}{dt} = 0$ وهي من الشكل

3/ التاكد نظريا من قيمة 2

 $\tau_2 = RC = 1000 \times 200.10^{-6} = 200.10^{-3}$; $\tau_2 = 200 ms$

وهذه القيمة تتوافق مع القيمة التجريبية.

 $|\tau_2=200ms|$ الثابت الزمني الجديد هو $|\tau_2=200ms|$

المريد الثابت /ر

t>tا إيجاد المعادلة التفاضلية في المجال الزمني t

بالطابقة بين العادلتين السابقتين نجد أن:

الفرق بين المنحنيين $u_{BM}(t)$ في الوثيقتين 2 و 1/II

: نضع u_{AM} او نجعل $E {
ightarrow} 0$ في المعادلة التفاضلية u_{AM}

في هذا المجال الزمني تكون المكثفة في حالة تفريغ كهرباني، فلإيجاد المعادلة التفاضلية يكفي أن

ويمكن تعيين قيمة الثابت T_i' بيانيا برسم مماس المنحنى في لحظة بدء التفريغ الكهربائي وهي $au_1pprox 50ms$. وتعيين نقطة تقاطعه مع الستقيم u=0V فنجد ان وتعيين نقطة اللحظة

هو ان في الوثيقة 2 الثابت الزمني au_1 للمكثفة صغير إذ أن $au_1 = 50$. وعليه فإن عملية شحن وتفريغ

اما في الوثيقة 3 فإن عمليتي شحن وتفريغ الكثفة تتمان في زمن أطول نسبيا $au_2 = 200ms$ وعليه فإن

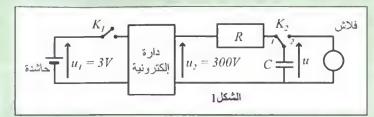
الكثفة (ثنائي القطب BM) يتم بسرعة كبيرة، لذا فإن عمليتي الشحن والتفريغ تكونان تامتين.

عمليتي الشحن والتفريغ لا تتمان في زمن كاف، لذا لا يكون الشحن تاما، كما لا يكون التفريغ تاما.

 $\frac{I}{\alpha} = RC = \tau_I'$

النمرين 10

نفترح دراسة مبدأ وماض (Flash) لآلة تصوير. للحصول على وميض ضوني ساطع نستعمل انبوب الوماض الذي يتطلّب لاشتعاله تواترا كهربائيا في حدود $u_2 = 300V$. لتخزين الطاقة الكهربائية الكافية لعمل الوماض نستعمل مكتفة سعتها C . شحن هذه الكثفة بواسطة دائرة الكترونية مغذاة بمولَد (بطارية) توثرها 3V=3V ، كما هو موضّح في الشكل.



 $u_2 = 300 V$ الدارة الإلكترونية تعمل على رفع التوتر الكهربائي من $u_1 = 3 V$ ال $R = 1k\Omega$, $C = 150\mu F$

أ /أ/ كيفُ نجعل النارة الإلكترونية تشتغل (الجزء الأوّل من النارة) ؟

 $^{\circ}$ ب/ عندما نجعل البدّلة K_{2} في الوضع 1 ، ماذا يحدث للمكتفة

 5τ احسب ثابت الشحن

د/ احسب الطاقة الكهربائية E_{ile} التى تخرّنها الكنفة. ذكّر بأهميّة دور النارة الإلكترونية مبيّنا طاقة

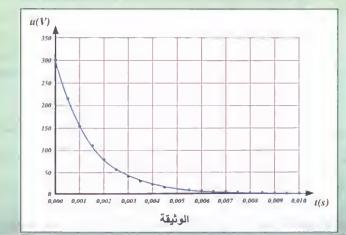
شحن الكتفة فيما لو نزعنا هذه النارة الإلكترونية ؟

هـ/ عندما نجعل المبدلة K_2 في الوضع2، ماذا يحدث للوماض ؟

 $^{\prime\prime}$ نعتبر ان الوماض من انبوب به ناقل اومی مقاومته $^{\prime\prime}$

 K_2 هو موضتح في الشكل2 ونعتبر ان لحظة جعل كما

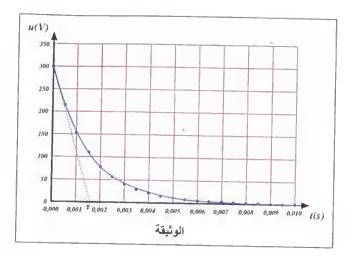
في الوضع2 هي اللحظة t=0 ونسجل تطوّر $u_c(t)$ بين طرقي المكتفة في المنحني البياني التالي.



تماريه خاصة

 τ' ا/ قيمة ثابت التفريغ τ'

ולווס (R,C)



طريقة 1: إن الماس عند المبدأ للمنحني (المثل في الوثيقة) يتقاطع مع محور الرَّمن في لحظة $\tau'=1,6.10^{-3} s$ (انظر الوثيقة في الشكل المجاور)، إذن $t=\tau'=0,0016 s$ ننصح التلميذ بعدم استعمال هذه الطُّريقة. لصعوبة رسم الماس.

111V طريقة 2 : نعينن $0.37U_{C}$ اي $0.37U_{C}$ اي $0.37U_{C}$ ثم نبحث عن فاصلة القيمة

 $\tau' = 1,6.10^{-3} s$ فنجد

 $\tau = RC = 10^3 \times 1.5 \cdot 10^{-4}$, $\tau = 1.5 \cdot 10^{-1} s$

المقارنة بين 7 و ' 7

نلاحظ ان 'au >> au . نستنتج ان زمن تفريغ الكثفة اصغر بكثير من زمن شحنها، وهذا حتى بتستى للومّاض تلقي كل طاقة الكثفة في زمن صغير جدًا، حتى تكون استطاعته كبيرة، وبالتالي يكون توهجه احادًا.

ب/ إيجاد المعادلة التفاضلية لتطور $U_{\scriptscriptstyle C}(t)$ في حالة تفريغ الكثفة

حسب قانون جمع التوترات :

$$\begin{cases} U_C + U_r = 0 \\ U_C + r_i = 0 \end{cases}$$

$$i = C \frac{dU_C}{dt}$$
 يكن

المستنتج قيمة ثابت التفريغ au وقارن بينه وبين au . ماذا تستنتج المناتج ب/ بيّن أن المعادلة التفاضلية لتطور $u_{C}(t)$ ثعطى بالمعادلة $\alpha \frac{du_{C}}{dt} + u_{C} = 0$ مع تحديد عبارة بريّن أن المعادلة التفاضلية لتطور (t

. au' و α' و عارن بين α

. u_0 من أن حل المعادلة التفاضلية السّابقة هو $u_C(t) = u_0 e^{-t/\alpha}$. يطلب تعيين قيمة هو د/ تاكد من أن حل المعادلة التفاضلية السّابقة هو تاكد من ان قيمة u_0 تتوافق مع توثر تشغيل الوماض.

الحل

. K_1 تشتغل النارة الإلكترونية بمرور التيار الكهرباني فيها، وهذا يتحقّق بغلق القاطعة K_1

. نشحن الكثفة K_2 في الوضع 1 ، نشحن الكثفة 1

ج/ حصيلة زمن الشحن

63% نعلم أنه في الرّمن au تشحن الكثفة ب

• وفي الرَّمن 57 تشحن المكثفة بـ 99%

 t_c وعليه فالزمن au au هو زمن الشحن

 $t = 5\tau = 5RC$

 $C=150 \, \mu F=150.10^{-6} \, F=1,5.10^{-4} \, F$ و $R=1k\Omega=10^3 \, \Omega$

 $t = 5 \times 10^3 \times 1.5.10^{-4}$ (i.e.)

$$t = 7,5.10^{-1}s = 0,75s$$

د/ الطاقة الكهربانية المحرنة

 $U_C = E \Big(1 - e^{-t/r} \Big)$ و تعطى عبارة الطاقة الكهربائية المخزنة من طرف المكثفة و بالعبارة الطاقة الكهربائية المخزنة من طرف المكثفة و $U_C = E \Big(1 - e^{-t/r} \Big)$

$$E_{\dot{e}le} = \frac{1}{2}CU_c^2$$

 $U_{C}=E$ لكن في اللحظة t=5 au تكون

 $U_{\it C}=300 V$ منا $E=U_{\it 2}=300 V$ منا

$$E_{\acute{e}le}=6{,}75{j}$$
 ، $E_{\acute{e}le}=rac{1}{2} imes1{,}5.10^{-4} imes(300)^2$ نعوُض فنجد

• لو نزعنا الدارة الإلكترونية لكان $U_{\scriptscriptstyle C}=U_{\scriptscriptstyle 1}=3V$ فقط، وبالتالي تنقص طاقة شحن الكثفة،

$$E_{\ell le} = \frac{1}{2} 1,5.10^{-4} \times (3)^2$$
 ، $E_{\ell le} = 6,75.10^{-4} j$ ، ونؤكد ذلك بالحسابات التالية

ه/ عندما نجعل البدلة في الوضع2، تتفرغ طاقة الكثفة في الوماض، وبالتالي يتوهج.

تماريه خاصة بالدارة (R,C)

Hard_equation

$$U_C + rC \frac{dU_C}{dt} = 0$$
 إذن

$$\frac{rC}{dt} + U_C = 0$$
 : نجد rC نجد

 $lpha rac{dU_{C}}{dt} + U_{C} = 0$ وهذه المعادلة التفاضلية هي من الشكل وهذه المعادلة التفاضلية و

 $\alpha = rC$ ؛ بالطابقة بين المعادلتين نجد

au' ج/ المقارنة بين lpha و

au'=lpha اذن au'=r اذن au'=r اذن النارة au'=r اذن

د/ لكي نتاكَد من أن حل المعادلة التفاضلية هو $U_C(t)=U_0e^{-t/\alpha}$. يجب تعويضه في المعادلة الذكورة، فنجد أنه يحققها .

$$lpha \frac{dU_C}{dt} + U_C = 0$$
 العادلة التفاضلية هي

$$rac{dU_C}{dt} = -rac{U_0}{lpha} e^{-t/lpha}$$
نعيّن في البداية $rac{dU_C}{dt}$ ، إذن

$$\alpha \left(-\frac{U_0}{\alpha}e^{-t/\alpha}\right) + U_0e^{-t/\alpha} \stackrel{?}{=} 0$$

$$-U_0e^{-t/\alpha} + U_0e^{-t/\alpha} = 0$$

نعوض في المادلة التفاضلية فنجد ،

فالعادلة محققة.

 U_0 يجاد قيمة!

$$U_{C}(t) = \dot{U}_{0}e^{-t/\tau}$$
لدينا

$$U_{c}(0)=U_{0}$$
 إذن $U_{c}(0)=U_{0}e^{-0}$ إذن $t=0$

ومنه نقول إن U_0 تمثل قيمة U_C في اللحظة الابتدائية (الحظة التفريغ ومنه ومنه التفريغ U_0

$$U_{\scriptscriptstyle C}=U_{\scriptscriptstyle 2}=300V$$
 وفي لحظة التفريغ كان التوتر الكهربائي

$$U_0 = 300V$$
 إذن

هـ/ إن التوتر 3007 هو توتر تشغيل الوماض، كما جاء في نصّ التمرين.

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

تطور شدة التيار الكهربائي المار في وشبعة تحريضية



1- الوشيعة

1-1- ميدا تركيب الوشيعة

- ◄ تتالف الوشيعة من عدد من اللفات من سلك ناقل.
- ، (H) وشيعة تتميز بذاتيتها L التي تقاس بالهنري \blacktriangleleft وبمقاومتها الداخلية (r)، وتقاس بالأوم.

1-2- رمز الوشيعة

تمثل الوشيعة بالرمز كريك وأحيانا بالرمز وفي هذا الأخير نبرز مقاومة الوشيعة (r).

. $(r=0\Omega)$ منعدمة المثالية: يقال عن وشيعة إنها مثالية إذا كانت مقاومتها منعدمة

1-3- العلاقة بين شدة التيار والتوتر الكهرباني بين طرفي وشيعة

تعطى العلاقة بين شدة التيار (i)المار في الوشيعة (L,r)والتوتر الكهربائي u_{AB} بين طرفيها

$$\begin{array}{c|c}
i & (L,r) \\
A & u_{AB} & B
\end{array}$$

$u_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$, بالعلاقة

فالوشيعة تكون لها الخاصية التحريضية (او الحثية).

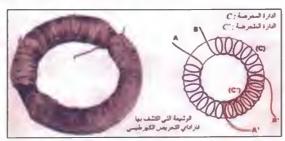
 $rac{di}{u_{AB}=ri}$. في حالة النظام الدائم (ثابتi=1) أو حالة التيار الستمر فإن

فالوشيعة تتصرف كانها ناقل أومي.

2-2 تذكرة

لقد درسنا في السنة الثانية التحريض الكهرطيسي(l'induction électromagnétique) والتحريض الذاتي (l'auto – induction). ولا باس أن نذكر ببعض التجارب الهامة التي تم دراستها.





• تجربة 1 (تجربة فاراداي)

وهي تجربة تظهر التحريض الكهروطيسي نلخصها كما يلي :

◄ وشيعة يربط بين طرفيها غلفانومتر (يقيس شدة التيارات الضعيفة).

2-2 تطور شدة التيار الكهرباني المار في وشيعة

ل الدراسة بواسطة راسم الاهتزاز لدارة (R, L) خاضعة لمستوى واحد من التوتر

• تجربة 1

 أ / إثبات تجريبيا أن الوشيعة تعاكس مرور التيار في دارة كهربائية. الهدف من التجربة : 2/ تعيين ثابت الزمن 7.

تحقيق الهدف 1 العمل التجريبي:

نحقق تركيب دارة كهربانية على التسلسل مؤلفة من ، وشيعة ذاتيتها L=0,1H ومقاومتها . K وقاطعه R=500 ومهملة (tpprox 0 و مهملة (tpprox 0 و مهملة (tpprox 0

نغذي المجموعة بواسطة مولد كهربائي منخفض التواترات (GBF) يعطى توترات كهربائية f = 2000 وتواترها SV وتواترها (en créneaux) مربعة على شكل لبنات

إحراء التجربة :

- ◄ نمثل مخطط تركيب الدارة بالشكل المرفق،
- نوصل الوشيعة بالمدخل ٧٨ لراسم الاهتزاز الهبطي،
 - $\cdot y_B$ نوصل الناقل الأومى R بالمدخل \prec
 - « سؤال ! : عند غلق القاطعة K ، ماذا نشاهد في الدخلين y_R و y_R لراسم الاهتزاز الهبطى ؟
- بين u_{AM} بين المدخل y التوتر الكهربائي u_{AM} بين \star

طرفي الدارة (الوشيعة + الناقل الأومي) أي بين طرفي المولد GBF (الذي يعطي توترات مربعة) كما هو موضح بالوثيقة 1.

 $u_R=Ri$ اذن ، وحسب قانون اوم فإن التوتر الكهربائي $u_R=Ri$ بين طرفي ، وحسب قانون اوم فإن

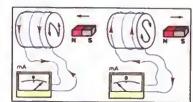
$$i = \frac{n_R}{R}$$

وعليه. يمكن القول إننا نرى في المنخل y_B تغير شدة التيار (i) المار في الدارة بدلالة الزمن (1) كما هو موضح بالوثيقة 1.

ملحظة: لكى تسهل دراسة الوثيقة 1 . نعيد تمثيلها بالشكلين المرفقين التاليين.

* نتانج التجربة 1

- * سؤال 2 ، أي المنحنيين فيه انقطاع ؟
- جواب 2 : المنحنى (1) هو الذي يحدث فيه انقطاع ،
 - $n_{AM} = 5V$ نلاحظان $0 < t < t_1$ نلجال 🗸
 - $u_{AM} = 0V$ فإن $u_{l} < l < l_{2}$ الما في المجال
 - ◄ وتتكرر هنه العمليات في المجالات الزمنية الأخرى.



A B o com

- ◄ عندما يقرب مغناطيس من احد وجهي الوشيعة او تقرب الوشيعة من الغناطيس فإن مؤشر الغلفانومتر ينحرف، مما يدل على مرور تيار كهرباني في دارة الوشيعة.
- ◄ ينعدم هذا التيار عندما نوقف الحركة النسبية بين الوشيعة والمغناطيس.
- ◄ تسمى هذه الظاهرة بظاهرة التحريض الكهرطيسي الأن

تحريك المغناطيس حرض على ظهور تيار كهرباني داخل الوشيعة، والوشيعة ادت هنا دور مولد كهربائي قوته المحركة الكهربائية تعطى بقانون فاراداي-لانز :

$$u = e = -L \frac{di}{dt}$$

• تجربة 2 (التحريض الذاتي)

- ◄ وشيعة ذات نواة حديدية،
- ◄ مصباح نيون توتر اشتعاله 60٧.
- . (E = 4,5V) مولد G لتوتر مستمر

◄ عند غلق القاطعة لا يتوهج مصباح النيون.

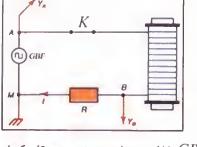
ونفسر هذا بأن التوتر $u_{{\scriptscriptstyle AB}}=4.5V$ لا يمكن أن يصل إلى القيمة ($u_{{\scriptscriptstyle AB}}=60V$) التي تجعل توهج مصباح النيون ممكنا.

- ◄ عند فتح القاطعة ينقطع التيار الكهرباني الناشئ من المولد G ، غير اننا نلاحظ ظاهرة محيّرة تتمتل في توهج مصباح النيون. فما الذي جعل مصباح النيون يتوهج. رغم أن توهجه يحتاج، على الأقل، إلى توتر يساوي 601 ؟
- ابعد فتح القاطعة، لكن تيار الولد صار منعدما (I=0A)بعد فتح القاطعة، لكن تيارا كهربانيا متحرضا (i) نشأ من الوشيعة ذاتها وتغيره كبير di/dt كبير جدا) مما جعل الوشيعة تؤدي دور مولد توتره عال جدا $e=-L\frac{ai}{dt}$ لأن $e=-L\frac{ai}{dt}$ بين
- طرفی مصباح النیون ذا قیمة تفوق 60V مما یسبب توهجه. ◄ يسمى هذا التحريض الكهرطيسي الناشئ بالتحريض الذاتي ؛ لأن الوشيعة هي مصدر هذا التيار (i) (عندما تغير فيها التدفق المغناطيسي نتيجة انقطاع التيار I للمولد G).

2 دراسة الدارة (R,L) بواسطة راسم الاهتزاز

1-2- تعریف ثنانی القطب (R, L)

ثنائي القطب (R,L) مؤلف من ناقل اومي ذي مقاومة R مربوط على التسلسل مع وشيعة L ومقاومتها L داتیتها L ومقاومتها L





- ◄ نرسم مماس النحني عند البدأ.
- نحدد نقطة تقاطع الماس مع المستقيم الأفقي I_{θ} (الخط المقارب للمنحني (i(t)
 - . au هي بقيمة الثابت الزمني au

الطريقة الثانية

- $0,63I_{max}$ وافق القيمة 63% من القيمة العظمى للتيار i اي علما بأن الثابت الزمني τ يوافق القيمة 63% من القيمة العظمى التيار الدراسة التحليلية).
 - ، 0,631 من يعين الترتيبة الم نعين الترتيبة الم عن من الترتيبة الم عن الترتيبة الم الم الم الم الم الم الم الم
 - ◄ نحدد الفاصلة الموافقة لها التي هي ذاتها قيمة ٦.
 - تجربة 2

الهدف من التجربة

- $u_{MB} = L \frac{di}{dt}$ ؛ التحقيق التجريبي لقانون فاراداي ا
 - . L التعيين التجريبي للذاتية

العمل التجريبي

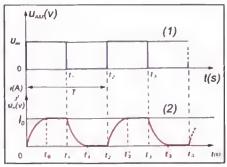
- نحقق تركيب الدارة التي عناصرها في حالة تسلسل وهي :
- وشيعة (L,r) ذاتيتها L مجهولة ومقاومتها r مهملة ($\Omega\Omega$) (بدون نواة من الحديد اللين).
 - ، $R=2000\Omega$ ناقل اومی مقاومته
- مولد للتوتر المتناوب المثلثي $\wedge \wedge$ يغذي الدارة بتوتر من (-2V) إلى (+2V) تواتره 1000Hz
 - ◄ راسم اهتزاز ذو مدخلين.

إجراء التجربة

- . u_{BM} و u_{AM} نرید اظهار التوترین
- الهتزاز. \checkmark نوصل الوشيعة بالمدخل \checkmark لراسم الاهتزاز.
- ◄ نوصل الناقل الأومي بألدخل ٢٠٫ لراسم الاهتزاز. كما يوضح الشكل.
- ➤ نوصل الربط الأرضي M (الكتلة la masse) لراسم الاهتزاز بالأرض

تنبيه

- يمكن R به يجب أن نشاهد التوتر الكهربائي II_{AM} به يجب أن نشاهد التوتر الكهربائي II_{AM} عند ربط ثنائي القطب II_{AM} به يجب أن نشاهد التوتر الكهربائي II_{AM} فمثلا في II_{BM} المثلا في II_{BM} فمثلا في II_{BM}
 - دالة $\Omega = I$ نجد R = I.
 - . \mathcal{U}_{BM} في المدخل B : عند ربط الوشيعة بالمدخل B يجب مشاهدة التوتر الكهربائي
- ▶ لاحظان كلا المربطين A و B للمولد GBF غير موصولين بالأرض (أي بالمربط الأرضي ذي الرمز A). ولإنجاح التجربة ينصح باستعمال مولد GBF بكتلة طافية (GBF à masse flottante)، بمعنى ان مربطه الأرضي بجب ان يكون معزولا عن الأرض، وذلك لتجنب استقصار الدارة بين M وكتلة المولد.
 - * سؤال 1: اضبط المدخلين A و B بنفس الحساسية الشاقولية. ماذا تلاحظ *



أما المنحني (i(1) فليس فيه انقطاع.

- لاحظ في المنحني 1 ان u_{AM} يصل قيمته العظمى $(u_{max}=5V)$ لحظيا، فإذا افترضنا أن لحظة غلق القاطعة هي اللحظة (t=0s) ففي اللحظة (t=0s) (حيث t=0s) (حيث t=0s) (حيث t=0s) لحظة متناهية في الصغر) يبلغ قيمته العظمى.
- لا تبلغ قيمتها العظمى $(I_{max}=I_0)$ المار في الدارة لا تبلغ قيمتها العظمى $(I_{max}=I_0)$ لحظيا، بل
- (t_{θ}) بلحظة ($t=\theta s$) إلى اللحظة (

* نتيجة 1

التيار الكهرباني لا يستقر لحظيا في الدارة (R, L) ، بل يتأخر فترة زمنية معينة.

- بينما $(u_m = 5V)$ بينما المحظات نسجلها في اللحظة t_2 اذ يبلغ التوتر t_{AM} قيمته العظمى ($t_m = 5V$) بينما التيار لا يبلغ قيمته العظمى إلا في اللحظة (t_2).
- لاحظ أيضا من المنحني 1 أن التوتر الكهربائي u_{AM} ينعدم لحظيا (في اللحظة 1) إذ يقفز من القيمة V إلى القيمة V وهذا تقريبا في نفس اللحظة I .
- ▶ لاحظ أيضا من المنحني 2 أن التيار الكهربائي (i) يتناقص من قيمته العظمى (I_{max}) إلى أن ينعدم (i=0 وهذا في المجال الزمني (I_{i},I'_{i}) ، إذن يستغرق فترة زمنية لكي ينعدم.

التيار الكهربائي لا ينقطع لحظيا في الدارة (R,L)، بل يتأخر فرزة زمنية معينة.

- * سؤال 3 ، كيف تفسر النتيجتين 1 و2 ؟
- * جواب 3 ، إن وجود الوشيعة هو الذي سبب هذا التأخر الزمني، سواء في استقرار التيار أو في انقطاعه. وبالفعل، لو استبدلنا الوشيعة بناقل أومي (R') للاحظنا أن التيار الكهرباني يظهر لحظيا وينقطع لحظيا، ويكون شكله تماما مثل شكل 11_{AM} أي على شكل لبنات (إشارات مربعة).

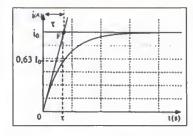
« نتيجة 3 :

- ◄ الوشيعة تعاكس ظهور وانقطاع التيار الكهرباني لحظيا في الدارة الكهربائية (R, L) .
 - ◄ التيار الكهربائي في الدارة (R,L) لا يصيبه اي انقطاع.

تحقيق الهدف 2

بما أن التوتر الكهرباني u_R يعطى بالعبارة $u_R=Ri$ وعليه فالمنحني البياني $u_R(t)$ لا يختلف عن المنحني البياني i(t) كما إلا بالثابت R ، ومنه نستنتج المنحني البياني i(t) كما يوضحه الشكل المرفق.

تحديد الثابت الزمني 7 الطريقة الأولى



 $\theta < t < \frac{1}{2}$ في المجال الزمني •

a=1 مع b=-3 مع $u_{AM}=at+b$

$$u_{MB} = \frac{L}{R} \times a = 1$$
 ذن: معامل التوجيه $a = \frac{du_{AM}}{dt} = a$ وعليه فإن:

$$\frac{T}{2} < t < T$$
 . وفي المجال الزمني •

 $u_{\scriptscriptstyle AM} = -a't + b'$. الدالة $u_{\scriptscriptstyle AM}$ ممثلة بخط مستقيم ذي ميل سالب، لذا فإن معادلته هي . الدالة

$$u_{{\scriptscriptstyle MB}} = -rac{L}{R}\,a' =$$
لکن $u_{{\scriptscriptstyle BM}} = rac{L}{R} imes rac{du_{{\scriptscriptstyle AM}}}{dt}$ لکن الکن $u_{{\scriptscriptstyle BM}} = rac{L}{R} imes rac{du_{{\scriptscriptstyle AM}}}{dt}$

. محقق فعلا. $u_{MB}=L\frac{di}{dt}$ وهذا ما لاحظناه بالضبط على شاشة راسم الاهتزاز، فقانون فاراداي

$$L = \frac{u_{MB}R}{a}$$
، وجدنا في المجال الزمني $0 < t < \frac{T}{2}$ ان $0 < t < \frac{T}{2}$

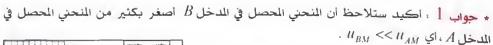
اليل
$$a = \frac{du_{AM}}{dt} = \frac{4,5-0}{\frac{T}{2}-0} = \frac{4,5\times 2}{T} = \frac{9}{T}$$

$$a = 9.10^3 \, V.s^{-1}$$
 : ومنه $a = \frac{9}{10^{-3}} = 9000 \, V.s^{-1}$ إذن

3 المعادلة التفاضلية الموافقة لتطور التيار في الوشيعة

الحل التحليلي

ا حالة نشوء التيار في دارة (R.L) على التسلسل نعتبر الدارة (R,L) مع وجود مولد للتوترات (الشكل). ◄ عندما نجعل القاطعة K في الوضع 1 ينشأ تيار \sim في الدارة (R,L) . لندرس تطوره.





بحيث يظهر منحنيان واضحان ومقروءان (واقعان في مجال شاشة راسم الاهتزاز).

لنضبطهما إذن على القيم التالية :

- 1.5V/div : هي A هي الماقولية على الماقولية على
- 100 mV / div . هي B على الماقولية على الحساسية الشاقولية على
 - زمن المسح الأفقى هو : 0,5ms / div

نحصل على الوثيقة المرفقة.

لتسهيل دراسة الوثيقة المرفقة يحسن إعادة تمثيلها كالتالي :

- \cdot i بين ان التوتر u_{AM} يتناسب مع i
- i خواب 3 بما آن Ri=Ri فهذا يعني آن $II_{AM}=Ri$ عناسب طردا مع $II_{AM}=Ri$
 - من ان بیان $u_{AM}(1)$ يطابق تقريبا \star التوتر المثلثي u_{AB} الذي يطبقه المولد GBF على الدارة ؟
 - * جواب 4 ؛ بالرجوع إلى الدارة الكهربائية، وحسب خاصية جمع $u_{AB} = u_{AM} + u_{MB}$: التوترات، نكتب

لكن $u_{BM} << u_{AM}$ كما ان $u_{MB} = -u_{BM}$ ككن $|u_{AB} \approx u_{AM}|$ في ج $|u_{AB}| < u_{AM}$ ومنه نكتب الذن $|u_{AB}| < u_{AM}$

وبناء عليه، نتوقع أن يكون شكل التوتر u_{AM} مثلثيا تماما كشكل التوتر u_{AB} للمولد وهذا ما لاحظناه بالضبط على شاشة راسم الاهتزاز الهبطي، إذ أن بيان u_{AM} ذو شكل مثلثي.

- \star سؤال 5 ، من شاشة راسم الاهتزاز المهبطي يظهر أن المنحني البياني $(1)_{BM}(1)$ على شكل إشارة مربعة. تحقق حينئذ من أن قانون فاراداي $u_{MB}=L\frac{dt}{dt}$ يفسر هذا البيان.
 - $i = \frac{u_{AM}}{D}$ فإن $u_{AM} = Ri$ بيما ان *

 $u_{MB} = L \frac{d}{dt} \left(\frac{u_{AM}}{R} \right)$ نعوض في قانون فاراداي فنجد

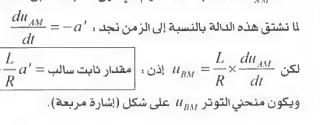
: لكن $d \mid dt$ مقدار ثابت، لذلك بالإمكان إخراجه من داخل مؤثر المشتق $d \mid dt$ لنجد

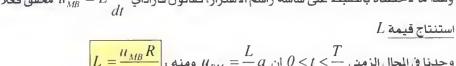
$$u_{MB} = \frac{L}{R} \times \frac{du_{AM}}{dt}$$

4,5

 $\theta = \frac{T}{3} T \frac{3T}{2} 2T$

وبما أن الدالة 11 دالة تألفية كما يوضحه الشكل المقابل، فإنه يمكن كتابة معادلتها كالتالي :





$$u_{BM} = 100mV \times 1,5 = 150mV = 0,15 V$$
 و $R = 1000 \Omega$ لدينا :

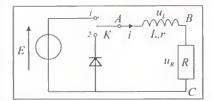
:
$$\mathcal{U}_{AM}$$
 فهو معامل توجيه الدالة التآلفية

اليل
$$a = \frac{du_{AM}}{dt} = \frac{4,5-0}{\frac{T}{2}-0} = \frac{4,5 \times 2}{T} = \frac{9}{T}$$

$$T = 10^{-3} s$$
 . اي $T = 2 \times 0.5 us = 10^{-3} s$. لكن $T = 2 \times 0.5 us = 10^{-3} s$

$$a = 9.10^3 \, V.s^{-1}$$
 : ومنه $a = \frac{9}{10^{-3}} = 9000 \, V.s^{-1}$ اذن

$$L = 0.01666 H \approx 16.7 mH$$
 واخيرا $L = \frac{0.15 \times 1000}{9 \times 10^3}$ ونعوض في عبارة الذاتية L فنجد



* نتيجة هامة

• إن التيار الكهربائي لا يظهر لحظيا في الدارة (R,L) عند غلق القاطعة، لأن الوشيعة تعاكس <mark>نش</mark>وء التيار الساري في الدارة<mark>.</mark>

- نظريا، نعتبر انه لكي يستقر التيار في قيمته العظمى $i=I_{max}$ يلزم زمن لانهائي.
- في اللحظة 5 au = 1 يصل التيار إلى 99% من قيمته العظمى I_{max} ، وبالتالي نعتبر، عمليا، أن الدارة (R, L) تصل إلى النظام الدائم (المستقر) في هذه اللحظة.

i = f(t)البيان

بنقل القيم السابقة إلى جدول:

$$t(s)$$
 0 τ . 5τ ∞ $i(A)$ 0 $0.63I_{max}$ $0.99I_{max}$ I_{max}

$$i = f(t)$$
يمكن رسم البيان

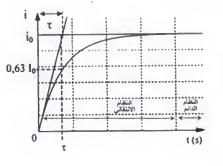
تعيين ثابت الزمن ٢

بعين au بإحدى الطريقتين :

1/ بيانيا برسم مماس المنحنى في المبدأ أي في بداية الزمن انه يتقاطع مع المستقيم ذي المعادلة (t=0s)

انظر الشكل).
$$i=I_{max}=I_0=rac{E}{R+t^*}$$

 $0.63\,I_{max}$ باعتبار أن ثابت الزمن تيوافق القيمة رأد الزمن 2 لشدة التيار i (انظر البيان).



عندما تصل الدارة (R,L) إلى حالة النظام الدائم نجعل القاطعة في الوضع 2 (الشكل)، فينقطع التيار الناشئ عن المولد، لكن تيارا كهربائيا i ينشأ من الوشيعة ويسري في الدارة (R,L). لندرس كيف (R,L) يتطور هذا التيار داخل الدارة

 $\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i = 0$ بكفي ان نضع E=0 في المعادلة التفاضلية السابقة (لأننا نزعنا المولد) لنجد :

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بدون طرف ثان (الطرف الأيمن منعدم القيمة) حلها هو :

$$\tau = \frac{L}{R} \text{ as } \left[i = \frac{E}{R+r} e^{-t/\tau} \right]$$

$$i=I_{max}=rac{E}{R+r}$$
 إذن: $i=rac{E}{R+r}e^{- heta/ au}$ ؛ $i=rac{E}{R+r}e^{- heta/ au}$

. I_{max} فشدة التيار تساوي قيمتها العظمى

$$i = \frac{E}{R+r}e^{-t}$$
 وفي اللحظة $i = \frac{E}{R+r}e^{-\tau/\tau}$ الدينا : وفي اللحظة

 $E=u_R+u_L$: حسب خاصية جمع التوترات نكتب $u_L = vi + L\frac{di}{dt}$ و حسب قانون اوم $u_R = Ri$ وحسب قانون اوم •

$$E = Ri + ri + L\frac{di}{dt} = (R + r)i + L\frac{di}{dt}$$
!

!

!

| Constant | Con

$$\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i = \frac{E}{L}$$
 : بالقسمة على L نجد

وهي معادلة تفاضلية من الرتبة الأولى بوجود طرف ثان. قد رأينا مثلها في حالة الدارة (R.C)

$$t = rac{L}{R+t^r}$$
 مع $i(t) = rac{E}{R+r}(I-e^{-t/ au})$ عمل بنا حلا لها وهو :

ويمكن أن نتاكد من هذا الحل بتعويضه في المعادلة التفاضلية فنجد أنه يحققها.

$$i = f(t)$$
 بیان

$$i = 0$$
 ا اذن $i = \frac{E}{R + r} (I - e^{-\theta/\tau}) : t = 0$ ا

ومعناه ان في لحظة غلق القاطعة (t=0s) يكون التيار منعدما، وعليه فإن التيار لا يظهر لحظيا عند

$$e=2,718$$
 مع $i=rac{E}{R+r}\Big(1-rac{l}{e}\Big)$ باذن: $i=rac{E}{R+r}(1-e^{-l})$ ، $t= au$ هع $i=rac{E}{R+r}(1-e^{-l})$ ، $t= au$ لان: $i=0,63$ باذن: $0,63pprox \Big(1-rac{l}{e}\Big)pprox 0,63$ ومنه:

ومعناه ان في اللحظة au= au تصبح شدة التيار مساوية au = 0.63 من الشدة العظمى للتيار $I_{max} = \frac{E}{P_{max}}$ وهي

$$i = 0,99 \frac{E}{R+r}$$
 إذن: $i = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-5\tau/\tau})$: $t = 5\tau$ إذن:

$$i=rac{E}{R+t}$$
اي ان في اللحظة $i=rac{E}{R+t}$ تصل شدة التيار إلى $i=rac{E}{R+t}$ ومنه $i=rac{E}{R+t}$

$$i = I_{max} = \frac{E}{R+r}$$
 اذن:

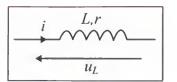
R, Lö ll

1/ الوشيعة

رمز الوشيعة : L و (L,r) أو L

- $r = 0\Omega$ الوشيعة المثالية (الصرفة، الصافية): تتميز بان
- العلاقة بين شدة التيار (i)، والتوتر الكهرباني (u_L) بين طرفي الوشيعة

$$u_L = L\frac{di}{dt} + ri$$



التواتر الكهربائي بال(V)، التواتر الكهربائي التواتر الكهربائي ،

ناتية الوشيعة بـ (H)، داتية الوشيعة الم

i: شدة التيار بـ (A)،

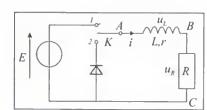
ن مقاومة الوشيعة بـ (Ω) .

ملاحظات

- هذه العلاقة صحيحة، إذا كانت الوشيعة بدون نواة من الحديد المطاوع.
- في حالة التيار المستمر (ثابتi=0) او النظام الدائم، i=0 ، الوشيعة تتصرّف كاثها ناقل اومي ،

 $u_L = ri$

• الوشيعة تمانع مرور التيار فيها.



Hard_equation

$$i = \frac{E}{R+r} \times \frac{1}{2,718}$$
 : ومنه $i = \frac{E}{R+r} \times \frac{1}{e}$: إذن : $l_{max} = \frac{E}{R+r}$ مع $l_{max} = \frac{E}{R+r}$ مع

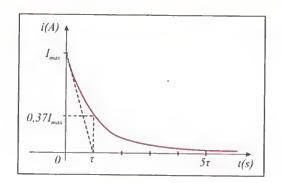
. I_{max} هنده اللحظة تكون شدة التيار قد تناقصت وصارت مساوية تقريبا 37% من قيمتها العظمى

وفي اللحظة
$$i=0$$
 اذن $i=\frac{E}{R+r}e^{-\infty/ au}$ انتيار تنعدم. وفي اللحظة وفي اللحظة التيار تنعدم.

* نتيجة هامة

• عند انقطاع التيار الكهربائي في الدارة (R,L) فإن التيار الكهربائي لا يمر آنيا من القيمة 0 القيمة القيمة 0 لأن الذاتية تعاكس حينها تناقص التيار، وبناء عليه، يستمر جريان التيار الكهربائي i في نفس اتجاه سريانه قبل قطع التيار.

i = f(t)بیان



* الطاقة في وشيعة

عند غلق القاطعة K تخزن الوشيعة طاقة مغناطيسية، يمكن أن تفقدها عند فتح القاطعة. وتعطى $\frac{1}{E_{i}}$

$$E_m = \frac{I}{2}Li^2$$
 عبارة الطاقة المخزنة في وشيعة بالعبارة :

التمرين ا

B، A بطرفیها (L,r) بطرفیها I

2/2 ماذا يعنى الثابتان r ، r . حدد وحدة كل منهما.

اعط عبارة التوتر الكهربائي u_{AB} بين طرفي الوشيعة، إذا علمت أن تيارا كهربائيا شدته i

ب/ إذا كان التيار مستمرا، فأعط العبارة الجديدة لـ u_{AB} ، ما هو سلوك الوشيعة في هذه الحالة ؟

4/ اعط عبارة الطاقة المغناطيسية التي تختزنها الوشيعة في دارة يجتازها تيار شدته 1.

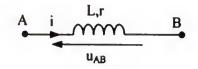
الحل

$$A - \nearrow \nearrow \nearrow \nearrow \nearrow A B$$

(L,r)رمز الوشيعة (L,r)

الثابت r هو مقاومة الوشيعة، وحدته [الأوم] ورمزه (Ω). الثابت L هو ذاتية الوشيعة، وحدتها [الهنري] ورمزها (H).

> 13 ا/ عبارة التوتر الكهربائي 🚜



$$u_{AB} = ri + L\frac{di}{dt}$$

 $\frac{dl}{dt} = 0$ وبالتالي مشتقه منعدم اي i=0 برانا كان التيار مستمرا فإن ثابت

 $|u_{AB} = ri|$ ذن!

وهذه هي عبارة التوتر الكهرباني بين طرفي ناقل أومي، فالوشيعة تسلك سلوك ناقل أومي في حالة التيار الكهربائي المستمر.

 $E_m = \frac{1}{c} Li^2$ عبارة الطاقة المغناطيسية E_m للوشيعة /4

التمرين 2

- اجب بـ "صحيح" ا و بـ "خطأ" مصححا العبارات الخاطئة
- ا في دارة كهربائية (R,L) يجتازها تيار كهربائي 1
- ا/ التوتر الكهربائي بين طرفي ناقل أومى R لا يصيبه أي انقطاع.
- ب/ التوتر الكهربائي بين طرق وشيعة (L,r) لا يصيبه أي انقطاع.
 - ج/ التيار الكهربائي في وشيعة لا يصيبه أي انقطاع.
 - د/ الطاقة المغناطيسية في الوشيعة لا يصيبها أي انقطاع.
 - (R,L)الثابت الزمنى au لثنائى القطب (2

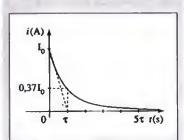
2/ ثنائي القطب (R,L)

تعطى الدارة المثلة بالشكل القابل.

حالة انقطاع التيار (القاطعة لم في الوضع2)

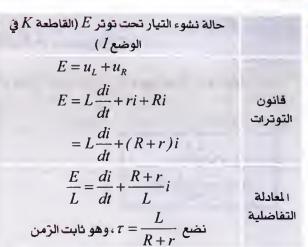
$$0 = u_L + u_R$$
$$0 = L\frac{di}{dt} + ri + Ri$$

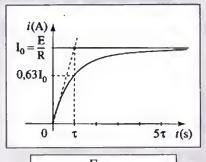
$$0 = \frac{di}{dt} + \frac{(R+r)}{L}i$$



$$i(t) = \frac{E}{R+r}e^{-t/\tau}$$

$$u_L(t) = \frac{-R}{R+r} E e^{-t/\tau}$$





$$i(t) = \frac{E}{R+r} \left(1 - e^{-t/\tau} \right)$$

$$u_L(t) = E\left(1 - \frac{r}{R+r}\right)e^{-t/\tau} + r\frac{E}{R+r}$$

 $u_i(t)$

عبارة

عبارة

i(t)

وبيانها

3/ الطاقة المغناطيسية المخزنة في الوشيعة

$$E_m = \frac{1}{2}Li^2$$

 $\tau = \frac{L}{R+r}$ ا/ عبارته

ب/ يزداد بازدياد قيمة 1.

ج/ يزداد بازدياد قيمة R.

د/ له وحدة زمن (متجانس مع الزمن).

(R, L) عند فتح قاطعة دارة كهربائية (R, L) كانت مغلقة لمدة طويلة (R, L)

١/ تضيع طاقتها بفعل جول.

ب/ تضيع طاقتها بفعل إشعاعي.

ج/ تبقى طاقتها للدارة التي ربطت بها.

الحل

ا/ صحيح لأن $u_R=Ri$ و لا يصيبه انقطاع.

ب/ خطأ.

ج/ صحيح. د/ صحيح.

ا/ صحيح.

ب/ صحيح.

R جرا خطا، والصحيح هو انه ينقص بزيادة

د/ صحيح.

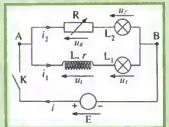
ا/ خطا.

ب/ خطا.

ج/ صحيح، إذ تخزن الوشيعة طاقة كلما أغلقنا الدارة، فعندما تفتح الدارة تبقى الوشيعة طاقتها.

التمرين 3

نحقق تركيب الدارة المثلة بالشكل المرفق.



مصباحان مقاومة كل منهما $r_{L}=2.0\Omega$ يحملان الدلالتين $(\delta V;0,3A)$ ومعدلة L_{2} ، L_{1} تضبط مقاومتها على القيمة $R=10\Omega$ ووشيعة $(L:i=1\Omega)$ وقاطعة K ومولد مثالي E = 6V لتيار مستمر

أ / في اللحظة 0s=1 نغلق الفاطعة K . صف ما يحدث واعط النتائج.

 $i_1 = 0^+$ ما قيمة الشدتين i_2 و i_2 في اللحظة i_2

احسب في اللحظة $t=0^+$ قيمة التوتر الكهربائي بين طرفي كل من $t=0^+$

ا/ المصباح L_1 والمصباح L_2 والمصباح L_2 العدلة.

4/ عين شدة التيار التي تمر في الوشيعة عندما تكون في حالة النظام الدائم.

 L_{2} و النظام الدائم، هل المصباحان L_{1} و L_{2} يتوهجان بنفس الشدة Ω برر.

الحل

1/ وصف الظواهر الحادثة لحظة غلق القاطعة

- الماحياح والماحية المنام الكهرباني i_2 في الفرع الذي يحتوي على L_2 يظهر لحظيا والماحيات الماحيات والماحيات الماحيات الماحيا i, الىi
- المصباح، L_j يشتعل متأخرا عن المصباح L_j (بحوالي L_j ثانية)، فنقول إن ظهور التيار في الفرع الذي يحتوى الوشيعة تزداد قيمته باستمرار من OA إلى i ، وهذا ما يعرف بالنظام الانتقالي.

 - النواقل الأومية (مصابيح، معدلات) تسمح بمرور التيار لحظيا من خلالها.
- الوشيعة تعاكس مرور التيار من خلالها، وعليه فالتيار المار فيها لا يصيبه أي انقطاع. بل تتغير قيمته من 0 إلى أعظم قيمة ممكنة، مرورا بجميع القيم الأخرى (فهناك استمرارية في التيار).

ان في اللحظة t=0 اي اللحظة الموالية مباشرة للحظة غلق القاطعة K (الا وهي اللحظة t=0) تكون $|i_j=0A|$ لأنه. كما أسلفنا في النتائج. التيار المار في الوشيعة لا يصيبه أي انقطاع، وقيمته تبدأ .0A من

قيمة الشدة ، أ

إن الفرع الثاني من الدارة الكهربانية لا يحتوي إلا على نواقل أومية، فيمكن لحظيا أن تتغير قيمته من 0A إلى i ، أي يحدث له انقطاع.

 $n_{{\scriptscriptstyle AB}} = Ri_2 + r_{{\scriptscriptstyle L}}i_2 = (\; R + r_{{\scriptscriptstyle L}}\;)i_2\;$ بنطبيق قانون اوم نجد ،

$$i_2 = \frac{il_{AB}}{R + i_L^*}$$
 . وبالتالي

$$i_2 = \frac{E}{R + r_L}$$
 اذن ، $n_{AB} = E$ ، نکن

$$i_2 = 0.5 A$$
 اي ، $i_2 = \frac{6}{10 + 2}$ نعوض فنجد ،

 $I = 0^+$ حساب التوترات في اللحظة 3

 L_l بين طرفي المصباح l $|u_{LI} = 0V|$: ومنه $u_{LI} = r_L i_I = 2 \times 0 = 0V$

 L_2 بين طرفي المصباح $oldsymbol{\epsilon}$

 $u_{L2}=IV$: ومنه $u_{L2}=r_Li_2=2\times0, 5=IV$ ومنه بربین طرفي الوشیعة (u_L

u = 0V اذن: $i_i = 0A$ وبما ان $i_i = ri_i + L \frac{di_i}{di_i}$ ج/ بين طرفي العدلة

 $u_R = Ri_2 = 10 \times 0, 5 = 5V$

4/ تعيين شدة التيار المار في الوشيعة في حالة النظام الدائم

النظام الدائم معناه ثبوت شدة التيار (ثابتi=1) وبالتالي : ثابت $i_1=1$ و ثابت وهذه الثوابت تختلف فيما بينها في الحالة العامة :

 $u=ri_l$ إذن $i_l=0$ النسبة للوشيعة $i_l=i_l+L\frac{dl_l}{dt}$ إذن $i_l=i_l+L\frac{dl_l}{dt}$ إذ

فالوشيعة تؤدي دور ناقل أومي في النظام الدائم.

 $u_{AB} = u + u_{LI} = ri_I + r_L i_I = i_I (r + r_L)$; $i_I = \frac{u_{AB}}{r + r_I}$ ؛ في الفرع الأول يمكن كتابة ؛ • وفي الفرع الأول يمكن كتابة ؛

$$u_{AB} = E = 6 V$$
 مع

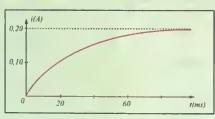
$$i_l = \frac{6}{l+2} = 2A$$
; $i_l = 2A$

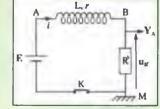
تماريه خاصة

• بينما في الفرع الثاني، لا تتغير شدة التيار $i_2=0,5$ ، i_2 لان النواقل الأومية ليس لها نظام دائم

للتيار الذي $i_{1}=0.5\,A$ للتيار الذي النظام الدائم. المصباح L_{l} يجتازه تيار ذو شدة $L_{l}=0.5\,A$ التيار الذي النظام الدائم. . L_2 يجتاز المصباح L_2 وعليه، فالمصباح L_1 يكون اكثر توهجا من المصباح

 $E=10\,V$; $R'=35\,\Omega$; $r=15\,\Omega$ نحقق تركيب الدارة المثلة بالشكل المرفق :





K نهدف إلى دراسة تطور شدة التيار الكهربائي i(t) في الدارة (R',L). عند غلق القاطعة

المتخرج العادلة التفاضلية لشدة التيار i(t) عند غلق القاطعة.

. $au=rac{L}{D}$ و $I_0=rac{E}{D}$ حيث $i=I_0(1-e^{-t/ au})$ عن ان حل هذه المعادلة هو

 τ و I_0 ماذا نسمي كلا من

المنائج. $\delta \tau$ ، $\delta \tau$. قيم النتائج.

لان الى دراسة تطور i(t) في الدارة (R',L) تجريبيا. من اجل ذلك نقوم بوصل 4الدارة السابقة براسم الاهتزازات، كما يوضحه الشكل.

i(t) بين أن المدخل y لراسم الاهتزاز المهبطي هو الذي سمح بمشاهدة t

ب/ تم تسجيل تطور i(t) كما هو موضح بالوثيقة المرفقة.

i(t) الحل المعطى في السؤال 2 يحقق بيان i(t)

ج/ استنتج بيانيا قيمة I_0 وتحقق من قيمة E العطاة عدديا.

. L استنتج بيانيا قيمة au واحسب قيمة الذاتية

וולונס (R,L)

i(t) استخراج المعادلة التفاضلية لتطور i(t)

عند غلق القاطعة K يمر تيار انتقالي في الدارة (R',L) الموضحة بالشكل المرفق. $E=u_L+u_{R'}:$ حسب خاصية جمع التوترات لدينا

 $u_L = ri + L \frac{dI}{dt}$: وعبارة التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة هي

 $u_{R'}=R'\,i$. هي R' هي الناقل الأومي R' هي الناقل الكهربائي $u_{R'}$ بين طرفي الناقل الأومي

$$E = ri + L\frac{di}{dt} + R'i = (R'+r)i + L\frac{di}{dt}$$
 افن الأمن الأ

 $E = Ri + L\frac{di}{dt}$; $\left| \frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L} \right|$ نکتب : R' + r = R بوضع . i(l) وهذه هي المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور

■ تنبيه : سَمُيت معادلة تفاضلية لأن فيها المتغير أ ومشتقه بالنسبة إلى الزمن الم

 $i=I_0(1-e^{-t/\tau})$ والتحقق من أن حل المعادلة التفاضلية هو /2 نعوض عن هذا الحل في المعادلة التفاضلية.

$$\frac{di}{dt} = I_0 \left(0 - (-\frac{1}{t}) e^{-\frac{1}{t}} \right) = \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{1}{t}} : \frac{di}{dt}$$
 في البداية نعين

 $E \stackrel{?}{=} RI_0(1-e^{-\frac{1}{t_0}}) + L \frac{I_0}{r} e^{-\frac{1}{t_0}}$: نعوض في المعادلة التفاضلية

$$E = RI_0 - RI_0 e^{-\frac{1}{\tau}} + L \frac{I_0}{\tau} e^{-\frac{1}{\tau}}$$

تماريه خاصة

$$E \stackrel{?}{=} RI_0 - RI_0 e^{-1/\tau} + rac{LI_0}{L} e^{-1/\tau}$$
 يعوض فنجد $au = rac{L}{R}$ لکن

$$E = RI_0 - RI_0 e^{-\frac{1}{4}\tau} + RI_0 e^{-\frac{1}{4}\tau}$$

 $E = RI_0$: each

$$E \stackrel{?}{=} R \frac{E}{R}$$
 وبما ان $I_{\theta} = \frac{E}{R}$ وبما ان

بالفعل E=E فالمعادلة محققة.

نسمي I_o بالشدة العظمى للتيار الانتقالي، أو شدة تيار النظام الدائم.

 $5\tau. \tau. 0s$ في اللحظات أي المعلق أي حساب قيم

$$i(t) = I_0(1 - e^{-1/t})$$
 : Levil

t = 0s في اللحظة •

$$i = i(0) = I_0(1 - e^{-\frac{\eta}{\tau}}) = I_0(1 - e^0) = I_0(1 - 1)$$
; $i = i(0) = 0A$

• في اللحظة T = 1

$$i = i(\tau) = I_0(1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}}) = I_0(1 - e^{-1}) = I_0(1 - \frac{1}{e}) = I_0(1 - \frac{1}{2,718}); \quad i = 0,632I_0$$

• في اللحظة ع 5 = 1

$$i = i(5\tau) = I_0(1 - e^{-5v\tau}) = I_0(1 - \frac{1}{e^5})$$
; $i = 0.993I_0 \approx I_0$

- * تقييم النتانج
- التيار الكهربائي الذي يجتاز الوشيعة تتغير قيمته من لحظة إلى أخرى، فهو مستمر، لا يصيبه أي انقطاع.
 - . $i=0.63I_0$ يعين ثابت الزمن au بتعيين النقطة من المنحني ذات الترتيبة •
- . 5 au في اللحظة 5 au نلاحظ ان $ipprox 0,993I_o$ لذا نعتبر عمليا ان النظام الدائم نحصل عليه ابتداء من

i(t) ارتبیان ان المدخل y هو الذي يسمح بمشاهدة /4

$$i = \frac{u_{R'}}{R}$$
 . لدينا $u_{R'} = Ri$ ومنه نجد

في الواقع، المدخل y_A يسمح بمشاهدة التوتر الكهربائي $u_{R'}$ ، لكن الفرق بين i و $u_{R'}$ هو العدد R . لذلك يعتبر دوما ان مشاهدة $u_{R'}$ هي بمثابة مشاهدة . R

i(0) بالفعل، لو رسمنا الدالة $i(t)=I_0(1-e^{-i/\tau})$ بالقيم التي حسبناها وهي i(0) بالفعل، لو رسمنا الدالة i(t) نششة راسم الاهتزاز.

 I_{θ} ج/ استنتاج قیمه

וול (R,L) אולונס (R,D)

$$I_0 = 0,2A$$
 من البيان نجد ان

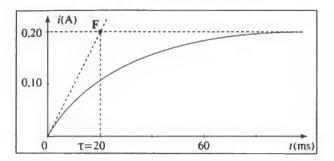
$$I_0 = rac{E}{R}$$
 من العلاقة من قيمة ($E = 10V$) نحسبها من العلاقة

$$R = r + R' = 50\Omega$$
 ومنه : $E = I_0 R$

$$E = 0.2 \times 50$$
 ; $E = 10V$

د/ استنتاج 7 من البيان

. F في نقطة $I_0=0,2A$ نرسم مماس المنحني في اللحظة والمحتف المتقاطع مع الخط المقارب الأفقي $I_0=0,2A$ في نقطة واصلة النقطة F تعطي قيمة T وهي T=20ms .



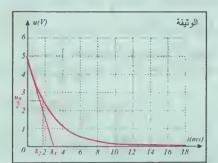
حساب ذاتية الوشيعة ل

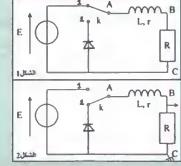
$$L=50 imes 20.10^{-8}$$
 ; $L=1H$: نعلم ان $au=rac{L}{R}$ ومنه $au=rac{L}{R}$ ، نعوض فنجد

التمرين 5

نعتبر الدارة (R,L) الموضحة بالشكل 1 المرفق مع ،

$$R = 10\Omega$$
, $r = 2.0\Omega$, $L = 34.8mH$, $E = 6V$





ار احسب شدة التيار I_0 في حالة النظام الدائم. نعتبر أن القاطعة K جعلت في الوضعية أ منذ مدة كافية.

$$i(0)=A=I_0$$
 : ففي اللحظة $t=0$ نجد $t=0$ نجد نجد تعيين الثابت τ

باعتبار أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو $i=Ae^{-t/\tau}$ نعوض عنه في المعادلة التفاضلية،

$$\frac{di}{dt} = -\frac{A}{\tau}e^{-t/\tau} : \frac{di}{dt}$$
 الكن. قبل ذلك، نعين المشتق

$$-rac{A}{ au}e^{-
u/ au}+rac{R+arepsilon}{L}Ae^{-
u/ au}=0$$
 نعوض الآن في المعادلة التفاضلية :

$$Ae^{-\nu\tau}(\frac{R+r}{L}-\frac{1}{\tau})=0$$

. الحد الأول لا يساوي الصفر إلا في حالة $\infty \leftarrow 1$ إذن فالحد الثاني يساوي الصفر.

$$\frac{R+r}{L} - \frac{1}{\tau} = 0 \quad ; \quad \boxed{\tau = \frac{L}{R+r}}$$

$$\tau = \frac{0.0348}{10 + 2} = 0.0029s$$
; $\tau = 2.9uts$

ج/ تحديد شدة التيار في اللحظة 1/

$$i=0,25$$
 ، $i=\frac{0,5}{2}$ اي $i=\frac{I_{\theta}}{2}$ المحظة $t_{\frac{1}{2}}$ توافق المحظة المحلطة المحل

اما التوتر الكهرباني ٤١٨ فنحسبه كالتالي :

$$u_R = Ri = 10 \times 0.25$$
; $u_R = 2.5V$

 u_0 التوتر •

يمثل أعظم قيمة للتوتر الكهرباني بين طرفي المقاومة لحظة عزل المولد عن الدارة :

$$u_0 = 5V$$

• اللحظة ١/

au هي فاصلة نقطة تقاطع الماس مع المنحني في اللحظة au=0 فهي تمثل الثابت الزمني ومن البيان نجد ان: $au_1= au=2.9us$

• اللحظة را

نمثل اللحظة التي تكون فيها قيمة التوتر
$$\frac{u_0}{2}$$
 وهي اللحظة t_χ فمن البيان نجد ان هذه القيم هي ذاتها تقريبا القيم المحسوبة نظريا.

تماريه خاصة

ي اللحظة 0s نغير ربط القاطعة فنجعلها في الوضع 2.

ار استخرج المعادلة التفاضلية لتطور التيار الكهربائي i(t) في الدارة (R,L).

 σ ب/ إذا علمت أن حل هذه العادلة التفاضلية هو $i(t)=Ae^{-t/ au}$ ، عين A واحسب ثابت الزمن σ

 $_{N}$ حدد شدة التيار في اللحظة $_{N}$ وكذا التوتر الكهربائي $_{N}$

2ر من اجل مشاهدة تطور التيار i(t) (القاطعة في الوضع 2) نقوم بربط راسم الاهتزاز الهبطي كما هو موضح بالشكل 2 اعلاه، فنحصل على الوثيقة اعلاه.

 t_0 و t ، t_0 الثوابت t_0 و t

عين قيمها. هل هي متوافقة مع القيم النظرية المحسوبة سابقا ؟

 $u_R(t)$ استنتج شكل المنحني البياني i(t) انطلاقا من بيان

ج/ هل بيان i(l) متوافق مع الحل التحليلي i(l) برر.

د/ اعط المعادلة $u_R(l)$ التي تحقق البيان المعطى في الوثيقة المرفقة.

الحل

 I_n حساب شدة التيار الم

 $i=I_{o}=$ في حالة النظام الدائم تصبح شدة التيار ثابتة ، ثابت

وعليه $u_{L}=ri$ وبالتالي الوشيعة التي تتميز ب $u_{L}=ri+L\frac{di}{dt}$ وبالتالي الوشيعة التي تتميز ب

دور ناقل أومي. والدارة التي نحن بصدد حساب شدة التيار فيها هي الدارة المثلة بالشكل المرفق.

 $u_{L}=ri$ و $u_{R}=Ri$ مع $E=u_{L}+u_{R}$: فحسب قانون جمع التوترات لدينا

$$i = I_0 = \frac{E}{R+r}$$
 إذن : $E = Ri + ri$ إذن :

$$I_0 = \frac{6}{10+2}$$
 ; $I_0 = 0.5A$: نعوض فنجد

$$i(1)$$
 استخراج المعادلة التفاضلية لتطور التيار الكهربائي ا $i(1)$

عند جعل القاطعة K في الوضع 2 نحصل على الدارة المرفقة.

$$0 = u_L + u_R$$

$$ri + L\frac{di}{dt} + Ri = 0$$

$$L\frac{di}{dt} + (R + i^{\circ})i = 0$$

وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة. $\frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i = 0$

JI :

יאלונס (R,L) און אין

تماريه خاصة

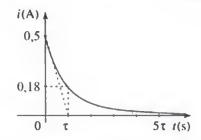
 $u_R(1)$ استنتاج شكل المنحني البياني $u_R(1)$

$$i = \frac{u_R}{10}$$
 بما ان $u_R = 10i$ اي اي $u_R = Ri$ بما ان

لذا نتوقع أن بيان $u_{R}(t)$ يشبه بيان i(t) بفارق ثابت هو الضرب بالعدد t . ندون بعض النتانج في الجدول التالي :

$$t(s)$$
 0 $t_{1/2}$ $\tau = 0.0029$ ∞ $u_R(v)$ 5 2.5 1.9 0 $t(A)$ 0.5 0.25 0.18 0

ولذا ياتي بيان i'(l) كالتالي :



 $i=I_{\scriptscriptstyle 0}e^{-t/ au}$: ان بیان $i\left(t
ight)$ اعلاه یعبر عن تناقص اسي اي من الشكل ا

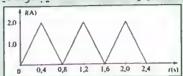
 $u_R(1)$ د/ العادلة

نلاحظ أيضا أن المنحني $u_{R}(t)$ المعطى بالوثيقة يعبر عن تناقص أسي، لذا نكتب :

$$u_R(t) = u_0 e^{-t/\tau}; \quad u_R(t) = 5 e^{-\frac{t}{0.0029}}$$

التمرين 6

وشيعة مثالية (مقاومتها au مهملة) ذاتيتها L=100 البيان الرفق.



ار حدد قيمة الدور T والتواتر f للتيار.

 ι_{L} اكتب عبارة التوتر الكهربائي ι_{L} بين طرفي الوشيعة بدلالة شدة التيار ι_{L}

3 اعط عبارة n_L في المجالين الزمنيين التاليين، ثم عمم.

$$0 < t < 0.4s$$
 /1

$$0.4s < t < 0.8s$$
 /ب

4/ مثل بیان $u_{L}(t)$ وحدد نوعه.

 $t_1 = 0.8s$ و $t_1 = 0.4s$ احسب الطاقة المغناطيسية المخزنة في الوشيعة في اللحظتين $t_2 = 0.8s$ و

الحل

f و T تحديد قيمتي T ا

T = 0.8s يتضح من البيان أن

$$f=1,25Hz$$
 : نطبق العلاقة $f=rac{1}{T}$ فيكون $f=rac{1}{0.8}$

 u_L عبارة عبارة

 $u_L = ri + L \frac{di}{dt}$: نعلم ان عبارة التوتر الكهربائي u_L بين طرفي الوشيعة هي

 $u_{I.}=Lrac{di}{dt}$: لذا نكتب من جديد (r=0) مهملة (r=0) لذا نكتب من جديد

.
$$u_L=0, l\frac{di}{dt}$$
 . ومنه $L=0, lH$ اي $L=100mH$ لكن

 u_L عبارة عبارة

$$0 < t < 0.4s$$
 المجال الزمني المجال الزمني

في هذا المجال. التيار / ممثل بخط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ معامل توجيهه هو :

ميل الستقيم.
$$=\frac{di}{dt}$$

، نجد
$$u_L$$
 غبارة ي غبارة $\frac{di}{dt}=5$ ومنه $\frac{di}{dt}=\frac{\Delta i}{\Delta t}=\frac{2-0}{0,4-0}$ اذن

$$u_L = 0, I \frac{di}{dt} = 0, I \times 5$$
; $u_L = 0, 5V$

0.4s < t < 0.8s ب/ في المجال الزمني

 $\frac{di}{dl}$ في هذا المجال. التيار i ممثل بخط مستقيم ميله سالب لا يمر من المبدأ معامل توجيهه

$$\frac{di}{dt} = \frac{\Delta i}{\Delta t} = \frac{0-2}{0.8-0.4} = -5 = 1$$
نحسبه من الميل: الميل

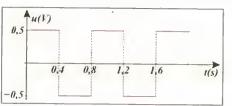
.
$$u_L = -0.5 V$$
 : فنجد $u_L = 0.1 \frac{di}{dt}$ غبارة غبارة

التعميم

- $u_L = \pm 0.5V$ في المجال الأول وجدنا •
- $u_L = -0.5V$ وفي المجال الثاني وجدنا •
- $u_L = + \theta, 5\,V$ ان ($\theta, 8s < t < 1, 2s$) الثالث ($\theta, 8s < t < 1, 2s$
 - $u_L = -0.5 \, V$ ان ($1.2 \, s < t < 1.6 \, s$) وفي المجال الرابع
 - وتتكرر العملية في ما بقي من المجالات...

 $u_{i}(1)$ بيان 4

نستغل نتائج السؤال السابق ونرسم البيان فياتي كالتالي :



. ($en\ cr\'eneau.r$) عبارة عن إشارة مربعة، أو على شكل لبنات ($u_L(t)$ عبارة عن إشارة مربعة، أو

الطاقة الغناطيسية E_m المخزنة في الوشيعة 5

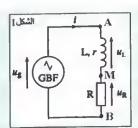
$$E_{\scriptscriptstyle m}=rac{I}{2}Li^2$$
 تعطى بالعبارة

$$E_m = 2 \times 10^{-1} J$$
 . وفي اللحظة $E_m = \frac{1}{2} (0,1)(2)^2$ إذن $i = 2A$ الدينا $t_I = 0,4s$ وفي اللحظة

$$E_m=0\,J$$
 إذن $i=0\,A$ الدينا $t_2=0.8s$ وفي اللحظة

التمرين 7

مولد تيار متغير يغذي وشيعة مثالية ذاتيتها L ومقاومة ($R=10\Omega$). نستعمل راسم الاهتزاز، لشاهدة التوتر الكهربائي $_L$ بين طرقي الوشيعة، وكذا الشدة $_L$ للتيار المار فيها (الشكل $_L$). $_L$ اعط طريقة الربط اللازمة لدارة الشكل $_L$ حتى نشاهد كلا من $_L$ $_L$ و $_L$.



2/ بيُن لماذا ينصح باستعمال مولد GBF مربطه الأرضي (أو كتلته sa masse) يجب أن يكون معزولا عن الأرض. ماذا يسمى هذا المولد ؟

s-Ri او Ri او u_{BM} او 3

ب/ مثل بسهم التوتر الذي نستطيع به مشاهدة التيار أ.

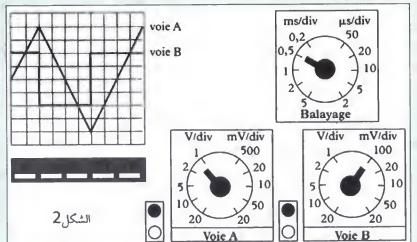
 4/ إن طريقة ضبط راسم الاهتزاز تمت كما هو موضح بالشكل 2، وبذلك حصلنا على منحنيي نفس الشكل.

أ/ أرفق كل منحن بمقداره الفيزيائي المناسب، مع التعليل.

ب/ أعط الدور T وكذا التواتر f للتيار الذي يعطيه المولد.

 u_{BM} و u_L و علاقة بين u_{BM}

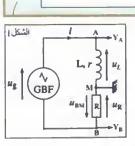
. L احسب قيمة الذاتية



الحل

ا / طريقة ربط الدارة لشاهدة يا و i

- لمساهدة التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة u_L في راسم الاهتزاز يجب احترام القطبية، ومن ثم ربط طرفي الوشيعة باحد الدخلين y_B لراسم الاهتزاز.
 - كيف ذلك ؟
- $\mu_{AM}>0$ فإن التيار الكهربائي i يدخل من A ويخرج من M فإن • بما أن التيار الكهربائي



 $u_{\mathit{MB}} = Ri$ وأما التوتر الكهربائي u_{BM} بين طرفي الناقل الأومي فهو •

$$u_{L}=Lrac{d}{dt}(rac{n_{MB}}{R})$$
 : اذن $i=rac{n_{MB}}{R}$ وبالتعويض في $i=rac{n_{MB}}{R}$ اذن

$$u_L = \frac{L}{R} \frac{d(u_{MB})}{dt}$$

. a_{BM} هو ميل المستقيم $\dfrac{d(u_{MB})}{dt}$ ه L د/ حساب قيمة الذاتية

$$L = \frac{n_L.R}{\frac{dn_{MB}}{dt}}$$
 : من العلاقة السابقة نجد

لنحسب الم

من منحني u_t الذي يظهر على شكل لبنات نلاحظ أن u_t ممثل ب2 تدريجتين. $u_{\scriptscriptstyle L}=2\times 2$; $u_{\scriptscriptstyle L}=4\,V$ اذن ، وبما أن الحساسية الشاقولية لـ $u_{\scriptscriptstyle L}$ هي $2\,V\,/\,div$ هي

 $\frac{d(u_{MB})}{dt}$.

 $\frac{du_{MB}}{dt} = \frac{\Delta n_{MB}}{\Delta t}$: u_{BM} المثل للتيار أو لـ u_{BM}

مع ملاحظة أن u_{MB} من القمة إلى التجويف ممثل ب δ تدريجات. وحسب الحساسية الشاقولية المثلة له (500 mV / div)، نكتب :

 $\Delta n_{AB} = 8 \times 500 \, \text{mV} = 4000 \, \text{mV} = 4 \, \text{V}$

5ms/div والسح هو $\Delta t = 4div$ اما Δt $\Delta t = 5 \times 4 ms = 20 ms = 0.02 s$!

$$rac{\Delta u_{MB}}{\Delta t}=rac{4}{0.02}=200\ V.\ s^{-t}$$
 ومنه نجد الميل :
$$L=rac{u_L.R}{\Delta u_{MB}}=rac{4 imes 10}{200}$$
 واخيرا نكتب : واخيرا نكتب

تماريه خاصة

. وبما أن $u_L = u_{MM}$ إذن $u_L = u_{MM}$ وبما أن

وبناء عليه، تربط النقطة A باحد مدخلي راسم الاهتزاز وليكن y_A اما النقطة M فتربط وبناء بالربط الأرضي (الكتلة la masse) لراسم الاهتزاز، كما هو موضح بالشكل أعلاه.

• ولكي نشاهد الشدة i للتيار المار في الدارة. ننتبه إلى أن التوتر الكهرباني u_R بين طرفي الناقل

 $.i=rac{u_{MB}}{D}$ ، وبالتالي $u_{R}=u_{MB}$ مع $u_{R}=Ri$ وبالتالي الأومي عبارته

. وعليه، فمشاهدة التوتر u_{MB} معناها مشاهدة التيار i

• لكن، كيف نظهر التوتر _{MB} على شاشة راسم الاهتزاز؟

اللحظ ان النقطة M موصولة بالمربط الأرضي للراسم، لذا يجب ربط النقطة و بالمدخل M. $u_{{\scriptscriptstyle BM}}=-u_{{\scriptscriptstyle R}}$ السابق، وفي هذه الحالة ننتبه إلى أن $u_{{\scriptscriptstyle BM}}$ سالب لأن $y_{{\scriptscriptstyle B}}$

• لذلك وجب استعمال الدلالة "عكس (Inversion)" الموجودة في راسم الاهتزاز حتى يظهر المنحني المثل لأ بشكل صحيح.

لرمز الربطين A و B للمولد B غير موصولين بالأرض (اي بالمربط الأرضي ذي الرمز /2 سلم). ونلاحظ في هذه الحالة أن المربط الأرضي للمولد أو ما يسمى الكتلة (la masse) يجب أن يكون معزولا عن الأرض. يقال حيننذ إن المولد في حالة كتلة طاقية (GBF en masse flottante). فإنا لم نفعل ذلك حلث استقصار للدارة أي حصلت الدارة القصيرة (court circuit).

 $\left|u_{BM}=-Ri
ight|$ اذن ، $\left|u_{BM}=-u_{MB}\right|$ اكن $\left|u_{BM}=-Ri\right|$ اذن ، $\left|u_{BM}=Ri\right|$ اذن ، $\left|u_{BM}=Ri\right|$ ب/ انظر الشكل السابق.

4/ ارفاق بكل منحن مقداره الفيزيائي المناسب

• الإشارة المثلثية تعبر عن شدة التيار i .

الإشارة المربعة تعبر عن منحني التوتر الكهربائي . ".

i=نعلم ان i فاو نابتا اي ثابت ان الإشارة المربعة تمثل نا فان ثابتا اي ثابت $u_{L}=L\frac{dt}{dt}$ نابت • نعلم ان نابت ان ثابت ان ثاب

وبالتالي $\frac{di}{dt} = 0$ ومنه : وبالتالي $\frac{di}{dt} = 0$

• اما لو افترضنا أن الشدة i=at+b للتيار ممثلة بالخط المائل الذي معادلته من الشكل i=at+b فإن

ثابت $a = \frac{di}{dt}$ ومنه : $u_L = \frac{di}{dt}$ وهذا مقبول، ويدل على الإشارة المربعة .

f التيار وتواتره f التيار وتواتره

• حسب الشكل 2 المعطى، قاعدة الزمن (أو المسح balayage) هي 5 ms / div

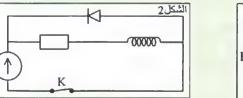
T=8 imes 5=40 اذن ، T=0.04 ؛ اذن T=8 اذن ، T=8 ومن احد النحنيين نجد ان

$$f=rac{1}{T}=rac{1}{0.04}$$
 ; $f=25Hz$ ، اما التواتر f فيعطى بالعبارة

تماريه خاصة

ق لحظة نعتبرها بدء الزمن، نغلق القاطعة K في الدارة (R,L) (الشكل R) علما بان مقاومة

الوشيعة مهملة.



1/ استخرج المعادلة التفاضلية لشدة التيار i.

$$i = I_0(1 - e^{-t/\tau})$$
 هو ان حلها هو /1/2

 τ احسب قيمة كل من I_0 و τ

$$L = IH$$
; $R = 5\Omega$; $E = 10V$

3/ عند الحصول على النظام الدائم:

أ/ احسب قيمة التوتر ١١ بين طرق الوشيعة.

ب/ تأكد من أن الوشيعة تؤدي دور سلك ناقل.

المارض اننا فتحنا القاطعة K في زمن صغير استغرق 20ms. احسب حينئذ قيمة 4/4التوتر , ١١ واشرح الظاهرة الحادثة.

ب/ لحماية الوشيعة من التوترات ١٤ الفجائية ذات القيم الكبيرة أثناء فتح القاطعة، عادة ما يربط بين طرقي الوشيعة صمام ثنائي كما هو موضح بالشكل 2. فسر ذلك.

الحل

1/ استخراج العادلة التفاضلية

 $u_L = L rac{di}{dt}$ و $u_R = Ri$ مع $E = u_L + u_R$ و لدينا من خاصية جمع التوترات

 $E = L \frac{di}{dt} + Ri$ وباعتبار r مهملة ينتج مباشرة

وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة. $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$

قو حل للمعادلة التفاضلية $i=I_o(|l-e^{-t+\tau}|)$ المعادلة التفاضلية /2

 $I_0(+\frac{I}{\tau}e^{-\iota/\tau})+\frac{RI_0}{I}(I-e^{-\iota/\tau})=\frac{E}{I}$ يكفي ان نعوض به في المعادلة التفاضلية :

$$\frac{I_0}{\tau}e^{-t/\tau} + \frac{RI_0}{L} - \frac{RI_0}{L}e^{-t/\tau} = \frac{E}{L}$$

مع الانتباه إلى كون $au=\frac{I_0}{L}e^{-t/ au}+RI_0-RI_0e^{-t/ au}=\frac{E}{L}$ ، نعوض فنجد $au=\frac{L}{R}$

$$\frac{I_0 R}{L} e^{-t/\tau} + \frac{I_0 R}{L} - \frac{I_0 R}{L} e^{-t/\tau} = \frac{E}{L}$$

$$\frac{I_0 R}{L} = \frac{E}{L}$$

. لكن
$$E=RI_{\theta}$$
 إذن $E=RI_{\theta}$ فالعادلة محققة

 I_o ψ

$$I_0 = \frac{E}{R} = \frac{10}{5} = 2A$$
; $I_0 = 2A$

$$\tau = \frac{L}{R} = \frac{1}{5} = 0.2$$
; $\tau = 0.2s$

 u_L ا/ حساب قيمة /3

 $i=I_{\scriptscriptstyle 0}=2A=$ في حالة النظام الدائم : ثابت

$$u_L = 0 \ V$$
 . ای $u_L = L \frac{di}{dt} = 1 \times 0$ ومنه $\frac{di}{dt} = 0$ ای ا

أي التوتر الكهربائي بين طرفي الوشيعة منعدم.

 $n=0\,V$ ، ممليا، نعتبر أن فرق الكمون الكهربائي بين أي نقطتين من سلك ناقل منعدم وبناء عليه، يمكن اعتبار الوشيعة ذات القاومة المهملة كانها سلك ناقل في حالة النظام الدائم (حالة التيار ثابت).

ار ان فتح القاطعة في مدة زمنية $\Delta t = 20 ms$ يجعل شدة التيار تتغير من القيمة 4

$$u_L = L rac{di}{dt} = L rac{\varDelta i}{\varDelta t}$$
 ؛ الى القيمة $0A$ وعلى هذا نكتب الميمة $I_o = 2A$

$$u_L=200\,V$$
 الذن $u_L=l imes rac{2-0}{20 imes t0^{-3}}$ الذن الذي الخيراء واخيراء

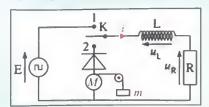
ومعنى هذا ان في فترة فتح القاطعة K تتغير قيمة u_{I} من v إلى v إلى v

هذا التغير الكبير المفاجئ يحدث تفريغا كهربائيا بين نقطتي تلامس القاطعة (يظهر على شكل شرارة كهربانية). الأمر الذي يسبب مرور تيار كهرباني متحرض ذي شدة كبيرة في الوشيعة. وبالتالي تلفها (حرق الوشيعة). فمن اجل حماية الوشيعة، بربط بين طرفيها صمام ثنائي

יולונס (R,L)

التمرين 9 (وضعية إدماجية)

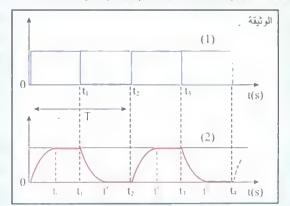
في حصة الأعمال التطبيقية عمد الأستاذ إلى تحقيق تركيب دارة كهربانية على التسلسل مؤلفة من :



- وشیعة ذاتیتها L ومقاومتها مهملة ،
 - ، $R=5\Omega$ ناقل اومی مقاومته
 - قاطعة K ،
 - ، صمام D مثالی \bullet
- مولد لتوتر مربع (على شكل لبنات)،
- محرك مزود بتجهيز بسيط يسمح برفع جسم كتلته m .

وضع الأستاذ بعض الأهداف وهي :

- ا طهار التوتر المربع للمولد على شاشة راسم اهتزاز ذي مدخلين y_b و y_b وإظهار شدة التيار المار y_b في الدارة.
 - L اثبات تجريبيا ان الوشيعة تعاكس مرور التيار الكهربائي فيها، وحساب -2
 - i(t) في ثنائي القطب (i(t)) .
 - 4- الدراسة الطاقوية للطاقة الخزنة في وشيعة.
 - أ/ ذل على التركيب المناسب لكي يتحقق الهدف الأول مع التعليل.
 - 2/ بعد تحقيق الهدف. 1 ، ظهرت على شاشة راسم الاهتزاز الوثيقة.

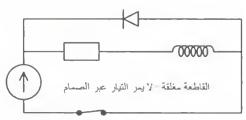


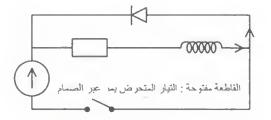
أ/ أي المنحنيين يمثل توتر المولد، وأيهما يمثل التيار i ؟ علل.

المسح الزمني: 0,1s/div

تماريه خاصة

ب/ إذا كانت القاطعة h مغلقة فإن التيار الذي يعطيه المولد لا يمر في فرع الصمام ، لأنه مربوط ربطا عكسيا، وبالتالي لا يسبب الصمام أي شيء يذكر بالنسبة إلى سير التيار في الدارة الرئيسية. أما لو فتحت القاطعة فإن التيار المتحرض الذي تنشئه الوشيعة "يتفرغ" عبر الصمام في الاتجاد المباشر.





וועונס (R,L)

اثبات الهدف 2 وهو إظهار أن الوشيعة تعاكس مرور التيار الكهرباني فيها

- لاحظ أن المنحني أ فيه انقطاع، إذ أنه في خلال دور زمني واحد تتغير قيمته بشكل متقطع ليس فيه $u_{\scriptscriptstyle AM}=0\,V$ وفي نصف الدور الأول $u_{\scriptscriptstyle AM}=E$ استمرار ، ففي نصف الدور الأول وتتكرر العملية في بقية الأدوار.
- . $I_{ heta}$ الما المنحني 2 فهو يظهر أن التيار i تبدأ قيمته تتزايد باستمرار من 0 إلى قيمة أعظمية iوتستغرق العملية مدة زمنية. وهذا يدل على أن الوشيعة تعاكس مرور التيار عبرها. فلو كانت . I_{o} إلى OA الحظيا من القيمة OA إلى الدارة فيها ناقل أومي فقط لقفزت شدة التيار لحظيا من القيمة

$$y_A$$
ب النحني المنحني المنحن

حساب الدور T للتيار

من المنحنى 1 او من المنحنى 2 نلاحظ ان T ممثل با 5 تدريجات

 $T=50 imes10^{-2}=0.5s$: نجد (0.1s / div) وحسب قيمة السح العطاة (

حساب التواتر أ

$$\boxed{f=2Hz}$$
 اذن $f=rac{1}{5 imes 10^{-l}}$ ادن $f=rac{1}{T}$

حساب قيمة E للمولد

من المنحنى 1 نلاحظ ان $u_{AM_{max}}$ ممثل بـ 1,5 div وباستعمال الحساسية الشاقولية على

$$u_{AMmax} = 9V$$
 ومنه $u_{AMmax} = 6V \times 1.5$ اللدخل y_A نجد أن

$$E=9V$$
 إذن $u_{AM_{max}}=E$ ومن المعلوم أن

i(t) استخراج المعادلة التفاضلية لـ i(t)

 $u_{\scriptscriptstyle AM} = u_{\scriptscriptstyle AB} + u_{\scriptscriptstyle BM}$ (ا) : حسب قانون جمع التوترات

$$u_{AB} = ri + L \frac{di}{dt}$$
 g $u_{BM} = u_R = Ri$ g $u_{AM} = 0V$ of $u_{AM} = E$ and

 $rpprox \partial\Omega$ لكن الوشيعة مثالية بمعنى أن مقاومتها r مهملة أي

$$u_{AB} = u_L = L \frac{di}{dt}$$
 اذن ،

$$u_{AB} = L \frac{di}{dt} + Ri$$
 : نعوض في عبارة u_{AM} فنجد

بالقسمة على
$$L$$
 نجد : $\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{u_{AM}}{L}$ وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة.

(1)
$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = \frac{E}{L}$$
 : نجد $u_{AM} = E$ في حالة •

تماريه خاصة

المسح الشاقولي للمدخل 3V/div: yA

السح الشاقولي للمدخل 6V/div: yB

حدد المدخل الذي حصلنا منه على كل منحن، واستنتج كلا من الدور الزمني T والتواتر f للتيار الكهربائي المار في الدارة، وكذا قيمة £ للمولد.

. $u_{AM}=0V$ و $u_{AM}=E$ في الحالتين i(t) و التفاضلية التي تعطى i(t) و الحالتين العادلة التفاضلية التي i(t)

بحسب $i=I_0 (1-e^{-t/\tau})$ و $i=I_0 e^{-t/\tau}$ بحسب $i=I_0 (1-e^{-t/\tau})$ و $i=I_0 e^{-t/\tau}$ بحسب كل حالة، وهذا دون ترتيب، فأعط لكل حالة حلها الناسب.

ج/ أرفق بكل جزء من المنحني المثل بالوثيقة حله الناسب.

L در حدد قیمتی الثابتین I_0 و T ، واستنتج قیمه

التيار t غير الأستاذ وضع القاطعة K فجعلها في الوضع 2 وهذا في لحظة t تكون فيها شدة التيار 4

? D برايك، لماذا استعمل الأستاذ الصمام |D|

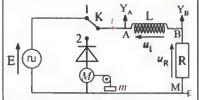
ب/ احسب الطاقة المغناطيسية للوشيعة في اللحظة 1.

5/ لاحظ الأستاذ ارتفاع الجسم m مسافة h=20cm ثم يتوقف.

ا/ فسر ارتفاع الجسم m.

ب/ أعط الحصيلة الطاقوية للجسم m واحسب مردود هذه العملية. قيّم النتيجة. g = 9.8N/kg ، m = 50g . يعطى:

الحل



1/ تحقيق الهدف الأول وهو إظهار التوتر الربع للمولد i(t) على شاشة راسم الاهتزاز وشدة التيار

• يتم إظهار التوتر المين طرفي المولد بربط قطبيه و M باحد الدخلين، وليكن الدخل y كما هو Aموضح بالشكل المرفق.

• كما أن إظهار شدة التيار i(t) المار في الدارة يتم بربط الناقل الأومي بالمدخل الآخر y_B لراسم

$$i = \frac{u_R}{R} = \frac{u_{BM}}{R}$$
 الاهتزاز، ذلك لأن

في الواقع لا يمكن ملاحظة i(t) بل i(t) بل $u_{BM}(t)$ لكن حسب العلاقة السابقة، i(t) و i(t) متناسبان . i(t) وعليه فإن رؤية $u_{BM}(t)$ على الشاشة هي نفسها رؤية وثابت التناسب بينهما هو

. أ بالطبع، يجب وصل القاطعة K بالربط $^{\circ}$

النحني 1 هو الذي يمثل التوتر المربع $u_{AM}(t)$ بين طرفي الولد GBF ، فهو على شكل اشارة 1/2مربعة (لبنات)، والنحني 2 هو الذي يمثل تطور شدة التيار i(t).

$$E_m = 0,252J$$
 بذن $E_m = \frac{1}{2}0,35(1,2)^2$ نعوض فنجد

ا/ سبب رفع المحرك للجسم ١١١ هو تحويل الطاقة المغناطيسية للوشيعة إلى طاقة كهربائية
 جعلت المحرك يشتغل فيرفع الجسم.

ب/ الحصيلة الطاقوية

مردود العملية 17

$$\eta = \frac{E_{pp}}{E_m} = \frac{mgh}{\frac{1}{2}LI_0^2} = \frac{2mgh}{LI_0^2} = \frac{2 \times 0.05 \times 9.8 \times 0.20}{0.35 \times (1.2)^2} = 0.3888$$

$$\boxed{\eta \approx 38.9\%}$$

والطاقة المغناطيسية الضائعة تبددت في الدارة الكهربائية بفعل جول.

(2)
$$\frac{di}{dt} + \frac{R}{L}i = 0$$
 نجد : $u_{AM} = 0V$ في حالة $u_{AM} = 0$

ب/ تحديد حل العادلة التفاضلية لكل حالة

$$i = I_0(1 - e^{-t/\tau})$$
 ناخذ مثلا الحل

$$i = I_0(1 - e^{-\theta/\tau}) = I_0(1 - I) = 0$$
 نجد $t = 0$ s ففي اللحظة

.
$$E$$
 وهو ما يوافق لحظة بدء مرور التيار في الدارة (R,L) عندما يطبق المولد توترا

. أ يناسب العادلة التفاضلية
$$i = I_0 (1 - e^{-t/\tau})$$
 فالحل

.2 يناسب العادلة التفاضلية
$$i=I_{a}\,e^{-\iota/\tau}$$
 والحل

au د/ تحدید الثابتین I_a و

$$2div$$
 من الوثيقة 2 نجد ان I_a ممثل ب وباستعمال الحساسية للمدخل y_R نجد y_R

$$I_o = \frac{u_{oR}}{R}$$
 لكن $u_{oR} = 3 \times 2 = 6 V$

$$I_0 = I, 2A$$
 اي $I_0 = \frac{6}{5}$ ومنه

ما الثابت الزمني au فيمكن تعيينه بيانيا بطريقتين au

• الطريقة الأولى ؛ نرسم مماس المنحني
$$2$$
 في بدء الزمن $t=0$ ثم نعين فاصلة نقطة تقاطع الماس مع الخط المقارب الأفقي $I=I$ فنجد $\tau=0.07$

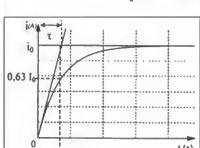
• الطريقة الثانية ، اللحظة
$$au= au$$
 هي فاصلة النقطة H التي ترتيبها $i=0,63l_0$ هو موضح بالشكل المقابل. نجد أيضا $au=0,07s$ استنتاج قيمة $t=0,07s$

$$L=0,35H$$
 نعلم ان $L=5 imes 0,07$ اي $L=R au$ وبالتالي $au=L$

$$D_{\rm c}$$
 استعمل الأستاذ الصمام الثنائي المثالي $D_{\rm c}$ لتجنب نشوء قوة محركة كهربائية تحريضية ذاتية عظيمة لحظة تغير القاطعة من الوضع $D_{\rm c}$ الى الوضع $D_{\rm c}$ نتيجة لتغير التدفق المغناطيسي عبر الدارة، مما يسبب حدوث شرارة كهربائية لحظة لمس $D_{\rm c}$ الوضع $D_{\rm c}$ قد يسبب حرق الوشيعة وإتلاف عناصر الدارة الكهربائية. فالتيار لا يستطيع المرور في الاتجاه العكسي للصمام الثنائي لحظة غلق القاطعة، مما يجعله يمر في الاتجاه المباشر للصمام.

 I_0 الطاقة المغناطيسية للوشيعة في اللحظة ب

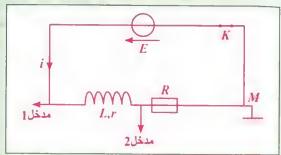
$$i=I_0=1.2$$
 لكن في اللحظة t_0 لدينا : $E_m=rac{1}{2}Li^2$ تعطى بالعبارة



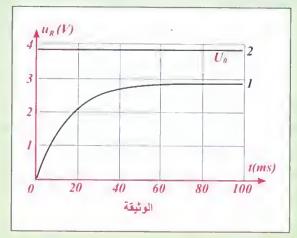
تماريه خاصة

النمرين 10

دارة على التسلسل تتألف من : بطارية (حاشدة) قوتها المحرّكة الكهربائية $E=3.8\,V$ ومقاومتها R=50 arOmega . وشيعة ذاتيتها L ومقاومتها t وناقل أومي مقاومته، k



تسمح برمجة خاصة (بواسطة حاسوب مربوط بالدارة الكهربائية) بتسجيل تطور التوترين الكهر بانيين بين طرق الولد والناقل الأومى. في اللحظة t=0.5 تغلق القاطعة ويبدأ التسجيل. الوثيقة الرفقة ثحدد التوترين الذكورين.



1/ ما هما المقداران الفيزيائيان المشاهدان في المدخلين 1 و 2 ؟ ميز بينهما في الوثيقة. i(t) استنتج المعادلة التفاضلية التي تعطى تطور شدة التيار i(t) في الدارة i(t). I_p و K بنا علمت أن حلها هو K بنا علمت أن حلها هو K و K بنا علمت أن حلها هو الثابتين ج/ ماذا يمثل كلّ من الثابتين السّابقين؟

د/ استنتج قيمة كلّ منهما .

L و L من L و L هـ/ احسب قيمة كل من

3/ كيف يتغيّر شكل الوثيقة السّابقة إذا لم نهمل المقاومة النّاخلية '٢ للبطّارية ؟ $U_G(t)$ اعط التمثيل بشكل كيفي لكل من $U_R(t)$ و

الحل

ולוונס (R,L)

1/ القداران الفيزيائيان الشاهدان

المدخل $L_{\rm G}=E=1$ وهو المنحني 2 من الوثيقة.

الدخل 2 يظهر التوتر الكهرباني بين طرفي التاقل الأومي $U_{\scriptscriptstyle R}=R\,i$ وهو المنحني 1 من الوثيقة. كما يمكن اعتبار أنّ المدخل 2 يظهر شدة التيار الكهربائي i المار في النارة.

(R,L) المعادلة التفاضلية لتطور i(I) في النارة 2

$$U_L=Lrac{di}{dt}+ri$$
 و $U_R=Ri$ د کن $E=U_R+U_L$ و $E=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$ و $E=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$ و نعوض في العبارة الأولى فنجد . $E=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$

بالقسمة على
$$L$$
 نجد : $\frac{E}{L} = \frac{di}{dt} + \frac{R+r}{L}i$: نجد : L نجد على L

ب باعتبار ان حل المعادلة التفاضلية السابقة هو $i(t) = I_P(1 - e^{-Kt})$ ، فلإيجاد عبارة كل من و K ، نعوض عبارة i(t) في المعادلة التفاضلية :

 $\frac{di}{dt}$ • في البداية نجد عبارة المشتق •

$$\begin{split} \frac{di}{dt} &= I_{p} \left(+ K e^{-Kt} \right) \\ \frac{E}{L} &= I_{p} K e^{-Kt} + \left(\frac{R+r}{L} \right) I_{p} \left(1 - e^{-Kt} \right) \\ \frac{E}{L} &= I_{p} K e^{-Kt} - I_{p} \frac{R+r}{L} e^{-Kt} + \frac{\left(R+r \right)}{L} I_{p} \\ \frac{E}{L} &= I_{p} e^{-Kt} \left(K - \frac{R+r}{L} \right) + \frac{R+r}{L} I_{p} \end{split}$$

$$rac{E}{L} = rac{R+r}{L}\,I_{_P}\,$$
: حتى تكون المعادلة محقَقة يجب أن ينعدم الحذ الأول للطرف الأيمن، لينتج

$$I_{p}e^{-Kt}\left(K-rac{R+r}{L}
ight)=0$$
 وهذا يؤذي إلى : $I_{p}=rac{E}{R+r}$ وهذا يؤذي إلى ا

$$(t
ightarrow \infty$$
 لا يمكن أن ينعدم (ما عدا لا $I_{p} \, e^{-\kappa t}$ لكن

ילעונס (R,L) אולונס

 $L_g r$ and r

$$r = \frac{E}{I_p} - R$$
 اذ $I_p = \frac{E}{R + r}$ لدينا

$$r = \frac{3.8}{58 \times 10^{-3}} - 50$$
 نعوض نجد $r = \frac{3.8}{58 \times 10^{-3}}$

$$L = \frac{R+r}{k}$$
 اذن $K = \frac{R+r}{K}$ اذن •

$$L = 1,1H$$
 نعوض فنجد: $K = \frac{50 + 15,5}{58,8} = 1,14$ اذن

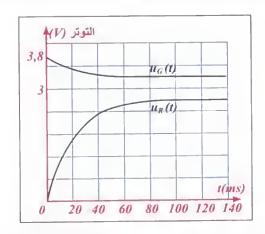
 $U_G = E - r'i$ بل $U_G \neq E$ با للبطارية فإن r' للبطارية الداخلية i(t) با المعنى الدالة تتناقص مع الرثمن لأن i(t) تتزايد مع الرثمن، ثم تثبت قيمتها.

 $E-r'i=Ri+Lrac{di}{dt}+ri$ ان المعادلة التفاضلية يتغيّر شكلها إلى : $E-r'i=Ri+Lrac{di}{dt}$

$$i'(t) = l'_p(1 - e^{-K't})$$
 ومنه نجد:
$$\frac{E}{L} = \frac{di}{dt} + \frac{R + r + r'}{L}i$$

$$I'_{p} = \frac{E}{R + r + r'}$$
 easi

اي قيمتها تنقص عن القيمة السّابقة، لذا ياتي المنحنيان $U_{g}(t)$ و $U_{g}(t)$ بشكل كيفي كما يلي :



تماريه خاصة

$$K = \frac{R+r}{L}$$
 : ومنه $K - \frac{R+r}{L} = 0$ اذن :

طريقة ثانية

، يمكن إيجاد الثابتين I_p و K بطريقة سريعة، على اعتبار أنّ حلّ المعادلة التفاضلية السّابقة هو

$$\tau = \frac{L}{R+r} \text{ as } i(t) = \frac{E}{R+r} (1 - e^{-t/r})$$

$$I_p = \frac{E}{R+r}$$
 : نستنتج ان نستنتج ان $i(t) = I_p (1-e^{Kt})$ بالعبارة العبارة الع

$$K = \frac{\frac{1}{L}}{R+r}$$
 اي $K = \frac{1}{\tau}$

اذن $K = \frac{R+r}{L}$ اذن الطريقة الأولى.

$$I_p=I_0=rac{E}{R+r}$$
 ج/ الثابت I_p يمثل أعظم قيمة لشدة التيار، وهي $K=rac{I}{T}=rac{R+r}{I}$ الثابت K يمثل مقلوب ثابت الزمن أي

د/ استنتاج قيمة الثابتين

 $U_{\it OR}=2,9\,V$ من المنحنى البياني 1 نرى ان أعظم قيمة لـ $U_{\it R}$ هي $U_{\it R}=Ri$ لكن

 $i=I_{_{P}}$ وعندما تكون اعظمية، اي $U_{_{R}}=U_{_{ heta R}}$. فانَ i تكون اعظمية، اي وعندما

$$I_{p}=rac{U_{0R}}{R}$$
 اذن $U_{0R}=R\,I_{p}$ ولذا نكتب

$$I_p = 58 \times 10^{-3} A = 58 \text{mA}$$
 نعوض فنجد ، $I_p = \frac{2.9}{50}$ ، نعوض

 $0,63\,U_{0R}$ يمكن حسابه من النقطة التي ترتيبتها تساوي au

اي $1,8V \approx 0.63 \times 2.9 \times 0.63$ ، ننقل القيمة 1,8V في البيان 1 كما هو موضح في الوثيقة المرفقة فنجد قيمة t التي هي τ . إذن : $t=\tau \approx 17ms$

$$K = 58,8s^{-1}$$
 اذن $K = \frac{1}{\tau} = \frac{1}{17 \times 10^{-3}}$ لکن

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي

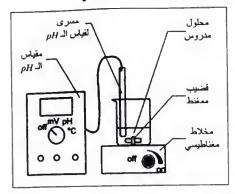


و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

2-2- قياس pH محلول ماني

◄ جهاز الـ pH متر: يعين بشكل دقيق pH المحلول المائي.



- ورق اله pH : يعين بصفة تقريبية قيمة pH المحلول المائي.
- ◄ الكواشف الملونة: لا تحدد قيمة واحدة لـ pH بل مجالا لقيمه.





2 محلول حمضي ومحلول أساسي

3-1- الحمض القوي والحمض الضعيف

الحمض القوي : هو الحمّض الذي يتفكَك كليا في الماء، ولا يبقى على شكل جزيئات، وبالتالي يكون تفاعله تامًا $HA_{(\alpha q)}+H_2\,O_{(1)}\to H_3\,O_{(\alpha q)}^++A_{(\alpha q)}^-$ نقاعله تامًا $HA_{(\alpha q)}+H_2\,O_{(1)}\to H_3\,O_{(\alpha q)}^+$... H_2SO_4 ، HNO_3 ، HCl أمثلة :

الحمض الضعيف ، هو الحمض الذي يكون تفككه جزئيا في الماء، ويبقى على شكل جزيئات، وبالتالي يكون تفاعله غير تام $HA_{(aq)}+H_2\,O_{(I)} \to H_3\,O_{(aq)}^++A_{(aq)}^-$... NH_4^+ ، $CH_3\,COOH$ ، HCOOH .

الوحدة 5

تطور جملة كيميائية خلال تحول كيميائي نحو حالة التوازن الأحماض والأسس

الكتسبات القبلية

1-1- تعریف برونستد

الحمض هو كلّ فرد كيميائي يمكنه التخلّي عن بروتون H^+ او اكثر أثناء تفاعل كيميائي، والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

 $HA = H^+ + A^-$. HA هو AA = -2

مثال

Hard_equation



 $B+H^+=BH^+$, B رمز الأساس مثال

 $NH_3 + H^+ = BH^+$ شار دة الأمونيوم برونون النشادر (اساس)

3-1- الثنانية (أساس/ حمض) : (HA/ A-)

HCOOH / HCOO ←

HA: هو الحمض A: أساسه المرافق

 $\Leftarrow \left[(HA/A^{-}) \right]$



هو الحمض : BH^\pm اساسه المرافق

 $\Leftarrow (BH^+/B)$

2 pH المحلول المائي: للتمييز بين الأحماض فيما بينها والأسس فيما بينها اقترح العالم النائمركي سورنسن مفهوما هو مفهوم الـ pH.

2-1- تعریف

يعرف pH محلول مائي بالعلاقة : $pH=-Log\left[H_3\ O^+
ight]$. هذه العلاقة تصلح للمحاليل المخفّفة والتي يتحقق فيها : $[H_3\ O^+] \leq 5.10^{-1}\ mol.L^{-1}$.

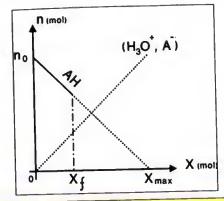
 $[H_3O^+] = 10^{-pH}$

إذن، كل كمية المتفاعل المحدّ تستهلك، ويكون تطوّر المتفاعلات والنواتج كما يلي :

$$X_{f} = X_{max}$$
 يكون التقدّم النهاني مساويا للتقدّم الأعظمي :

2/ حالة تفاعل غير تام

لا يتفاعل كل الحمض AH ، تبقى كمية منه، ولذا فإن $n_0 - X_f \neq 0$ وعليه فإن المتفاعل المحدث لا يختفي كلية، لذا نكتب ؛ $X_f < X_{max}$ ويكون تطوّره كما يلى ؛



 $X_f < X_{max}$: يكون التقدّم النها ني اصغر من التقدّم الأعظمي

(Taux d'avancement) (τ) نسبة التقدّم تعريف عريف

 $au = \frac{X}{X_{max}}$: نسبة تقدّم تفاعل كيميائي في لحظة زمنية تعطى بالعبارة وأدام تفاعل العبارة .

وعند بلوغ التفاعل حالته النهائية يكون $X=X_f$ ومنه تكون نسبة التقدام النهائي للتفاعل هي : $\frac{X_f}{X_{max}}=\frac{X_f}{X_{max}}$

- $au_f=l=100\%$ ومنه $X_f=X_{max}$ إذا كان التفاعل تاما فإن $X_f=X_{max}$
 - $au_f < l$ إذا كان التفاعل غير تام فإن $X_f < X_{max}$ وبالتالي \star

2-3- الأساس القوى والأساس الضعيف

الأساس القوي هو الأساس الذي يتفكك كليا في الماء، ولا يبقى على شكل جزيئات، ويكون تفاعله تاما $B_{(\alpha q)}+H_2\,O_{(1)}\to BH_{(\alpha q)}^++HO_{(\alpha q)}^-$ تاما KOH ، NaOH ...

$$(\Box)$$
 الأساس الضعيف هو الأساس الذي يتفكك جزئيا في الماء، ويكون تفاعله غير تام $B_{(\alpha q)}+H_2\,O_{(1)}=BH_{(\alpha q)}^++HO_{(\alpha q)}^-$... $(CH_3-COO^-+Na^+)$ ، CH_3-NH_2 ، NH_3

4. تطور جملة كيميائية نحو حالة التوازن X_{max} النقدم الأعظمي X_{max} والتقدم الأعظمي النهائي والتقدم الأعظمي التعديد ال

 $HA_{(aq)} + H_{\,2}\,O_{(\,l\,)} = H_{\,3}\,O_{(\,aq\,)}^{\,+} + A_{(\,aq\,)}^{\,-}$ ننشئ جدول تقدم التفاعل التالي :

معادلة التفاعل
$$HA_{(aq)} + H_2 \, O_{(I)} = H_3 \, O_{(aq)}^+ + A_{(aq)}^-$$
 التقنم

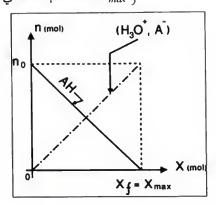
الحالة الابتدائية	0	n_0	بزيادة	0 mol	0 mol
الحالة الانتقالية	X	$n_0 - X$	بزيادة	X	X
الحلة النهانية	X_f	$n_0 - X_f$	بزيادة	X_f	X_f

نميز حالتين،

أ/حالة تفاعل تام

 $n_{ heta}-X_{ heta}=0$ كلّ الحمض AH يتفاعل، وبالتالي يختفي تماما، لذا يكون

ومنه ،
$$X_f$$
 حيث : X_f حيث : X_f حيث : X_f حيث : $X_f = X_{max} = n_\theta$ ومنه . $X_f = X_{max} = n_\theta$ التقاعل التفاعل .



X علاقة كسر التفاعل Q_r بتقدم التفاعل 2-3-4

اذ نظرنا إلى جدول تقدّم التفاعل في البند 4-1 ، ففي الحالة الانتقالية يمكن أن نكتب :

$$Q_r = \frac{[H_3 O^+][A^-]}{[HA][H_2 O]}$$

. لدينا $\frac{n_0-X}{V}$ حيث V حجم المحلول الذي تتواجد فيه كل الأفراد الكيميائية.

$$[A^{-}] = \frac{X}{V}$$
, $[H_{3}O^{+}] = \frac{X}{V}$, $[H_{2}O] = I$

$$Q = rac{X^2}{V\left(n_0 - X
ight)}$$
 : نعوض في عبارة $Q_r = rac{rac{X}{V} imes rac{X}{V}}{rac{n_0 - X}{V} imes I}$: نعوض في عبارة

K ثابت التوازن -3-3-4

عندما تبلغ جملة كيميائية حالة التوازن فانَ كسر التفاعل النهائي Q_{rf} تصبح قيمته ثابتة لأنَ كميات المادّة للمتفاعلات والنواتج تصبح قيمها ثابتة، وعندها نكتب :

$$K = Q_{rf} = \frac{[C]_{f}^{c}.[D]_{f}^{d}}{[A]_{f}^{a}.[B]_{f}^{b}}$$

ثابت التوازن K لا يتعلق بكيفية الحصول على التوازن، ولا بكميات المادة للمتفاعلات.

4-4- النسبة النهائية لتقدّم التفاعل au و الناقليتان au و au

سؤال: ليكن محلول حمضي S تركيزه المولي الابتدائي C . كيف يمكن تعيين تراكيز افراده الكيميائية دون قياس pH مستعملين فقط جهاز قياس الناقلية لقياس الناقليتين σ و λ لشوارده ومن ثم كيف يمكن تعيين σ و τ_f

جواب: نتبع الطريقة التالية :

 $HA_{(aq)}+H_{2}O_{(1)}=H_{3}O_{(aq)}^{+}+A_{(aq)}^{-}$ في الماء : (HA) في الماء المحمض ($HA_{2}O_{1}$) و نصيف المحمد المحمد في المحمد في

: لختلف شوارده λ نستعمل عبارة الناقلية النوعية σ لهذا المحلول بدلالة الناقلية النوعية المولية λ

$$\sigma = \lambda_{H_3O^+}[H_3O^+] + \lambda_{A^-}[A^-] + \lambda_{HO^-}[HO^-]$$

، يهمل $[HO^-]$ امام $[HO^+]$ النا نكتب من جديد

$$\sigma = \lambda_{H_3O}, [H_3O^+] + \lambda_{A^-}[A^-].....(1)$$

4-3- مفهوم حالة التوازن

- ightharpoonup كل تحوّل كيميائي لجملة منمذج بتفاعل كيميائي عكوس، فإن الحالة النهائية للجملة الكيميائية تكون في توازن كيميائي ديناميكي (التوازن غير مستقر) يميز بمقدار ثابت ندعوه ثابت التوازن K.
 - ▶ إذا تواجدت المتفاعلات مع النواتج في نفس المحلول، فإن التفاعل المنمذج لهذا التحوّل يعبر عنه (=).

Q_r كسر التفاعل -1-3-4

- ◄ قيمته تحدّد مدى تقدّم التفاعل بين الحالتين الابتدائية والنهائية.
- من اجل تفاعل كيميائي متوازن aA+bB=cC+dD نعرَف كسر التفاعل في وسط متجانس بـ :

مع:
$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$$
 مع: $Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$

للنواتج والمتفاعلات في نفس اللحظة وهذا بـ Q_r ، (mol / L) عدد ليس له بعد (وحدة).

 $I_{2(aq)} + 2S_2 O_{3(aq)}^{2-} = 2I_{(aq)}^- + S_4 O_{6(aq)}^{2-}$ اعط عبارة كسر التفاعل التالي : اعط عبارة كسر التفاعل التالي التا

$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$$

$$Q_r = \frac{[I^-]^2 \cdot [S_4 O_6^{2-}]^1}{[I_2]^4 \cdot [S_2 O_3^{2-}]^2}$$

ملاحظات

.
$$Q'_r=rac{1}{Q_r}$$
 هو Q'_r ها ها ڪسر تفاعل $cC+dD=aA+bB$ هو $cC+dD=aA+bB$ ها دون حالة التفاعل العكسي العكسي

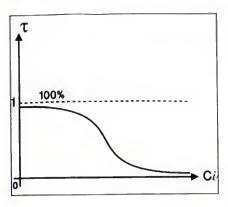
ر اذا كان أحد النواتج أو المتفاعلات هي مادة مذيبة (كالماء) فإنه يعطى لتركيزها القيمة (1) في عبارة الكسر Q_r أي $[H_2O]=1$.

$$CH_3 COOH_{(aq)} + H_2 O_{(l)} = CH_3 COO_{(aq)}^- + H_3 O_{(aq)}^+ + H_3 O_{(aq)}^+$$
 د کسر تفاعل $Q_r = \frac{[CH_3 COO_{(aq)}^-][H_3 O_{(aq)}^+]}{[CH_3 COOH_{(aq)}].1}$ له ڪسر تفاعل

S إذا كان أحد الثواتج أو المتفاعلات مادة صلبة (S) ، فإن الوسط يكون غير متجانس، لذا يعطى لتركيز هذا الجسم الصلب العدد (I) .

$$2Cu_{(\alpha q)}^{2+} + S_{(\alpha q)}^{2-} = Cu_2S_{(s)}$$
 مثال : ليكن التفاعل

$$Q_r = \frac{\left[Cu_2 S_{(s)}\right]^I}{\left[Cu_{(aq)}^{2+}\right]^2 \left[S_{(aq)}^{2-}\right]^I} = \frac{1}{\left[Cu_{(aq)}^{2+}\right]^2 \left[S_{(aq)}^{2-}\right]}$$



* نتيجة

كلما كان التركيز الابتدائي au_f للمحلول ضعيفا، زاد انحلال الحمض في الماء.

K النسبة النهائية لتقدم التفاعل τ وثابت التوازن -5-4

$$K=rac{[H_3\,O^+]_f\,[A^-]_f}{[HA\,]_f}$$
 نعلم أن ثابت التوازن $[HA\,]_f$ $[HA\,]=C-C\, au_f$ و $[H_3\,O^+]_f=[A^-]_f=C\, au_f$ لكن $K=rac{C\, au_f^2}{C-C\, au_f}$ ، ومنه $K=rac{C\, au_f^2}{C-C\, au_f}$

* نتيجة

النسبة النهائية لتقدم التفاعل تتعلق بثابت التوازن.

5 التحولات حمض / أساس

5-1- المحاليل المانية

5-1-1- التفكك الذاتي للماء

الماء المقطر يتفكك ذاتيا إلى شوارد $O^+ + H_3$ و HO^- وفق النفاعل الكيميائي التالي H_3

$$H_2 O_{(1)} + H_2 O_{(1)} = H_3 O_{(aq)}^+ + OH_{(aq)}^-$$

$$[H_3O^+] = [OH^-] = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{HO^-}} = \frac{5.5 \times 10^{-3} \text{ ms.m}^{-1}}{(35 + 20) \text{ ms.m}^{-1}}$$

. 25°C عند الدرجة $[H_3O^+] = [OH^-] = 10^{-7} \text{ mol.} L^{-1}$

4 نستعمل قانون انحفاظ الشحنة ، مجموع تراكيز الشوارد الموجبة = مجموع تراكيز الشوارد السالبة ، $H_3\,O^+ = [A^-] + [HO^-]$ السالبة ، $H_3\,O^+ = [A^-] + [HO^-]$ فنكتب ، $H_3\,O^+ = [A^-] + [H_3\,O^+]$ نعوض في المعادلة $\sigma = (\lambda_{H.O}, +\lambda_{A^-}) [H_3\,O^+]$ السابقة نجد ، $\sigma = (\lambda_{H.O}, +\lambda_{A^-}) [H_3\,O^+]$

$$[H_3 O^+] = [A^-] = \frac{\sigma}{\lambda_{H_3 O^+} + \lambda_{A^-}}$$
 : اذن

 $[HA]_f$ عند التوازن اي $[HA]_f$ النوع الكيميائي $[HA]_f$ عند التوازن اي $C=[HA]_f+[H_3O^+]_f$ الذا نستعمل قانون انحفاظ الكتلة :

$$[HA]_f = C - \frac{\sigma}{\lambda_{H_3O^+} + \lambda_{A^-}}$$
 اين $[HA]_f = C - [H_3O^+]_f$ اين ا

وهكذا نكون قد عينا تراكير الأنواع الكيميائية المتواجدة في المحلول دون استعمال pH

◄ تعيين ٢

$$\tau_f = \frac{X_f}{X_{\text{max}}}$$
نعلم ان

 $X_{\max} = n_0 = C \,.\, V$ کماان ، $X_f = n_{H_3O^+} = [\,H_3\,O^+\,]_f \,.\, V$ لکن

$$\tau_f = \frac{[H_3 O^+]_f}{C}$$
 بعوض فنجد : $\tau_f = \frac{[H_3 O^+]_f \cdot V}{C \cdot V}$ بعوض فنجد :

$$\tau_f = \frac{\sigma}{C(\lambda_{H,O}, + \lambda_{A^-})}$$
 اي :

. C_i مع التذكير بان C هو التركيز الابتدائي للمحلول، لذا نرمز له ب

 $\tau = f(C_i)$ بیان \blacktriangleleft

من العلاقة $au_f = \frac{[H_3O^+]_f}{C_i}$ من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة عند من العلاقة من العلاقة من العلاقة عند العلاقة عند العلاقة عند من العلاقة عند العلاقة

، الانتباه ان $\left[H_{3}\,O^{+}
ight]_{f}$ لها قيمة ثابتة، ولذا نستنتج ما يلي

النسبة النهائية ر 7 لتقدم التفاعل تتعلق بالحالة الابتدائية للجملة الكيميائية

ويأتي المنحني البياني كما يلي :

 pK_{ag} و pH و العلاقة بين 2-2-5

: نعلم ان
$$K_a = \frac{[H_3 O^+]_f [A^-]_f}{[HA]_f}$$
 اذن

$$log K_a = log [H_3 O^+]_f + log \frac{[OH^-]_f}{[HA]_f}$$

$$-pK_a = -pH + log \frac{[A^-]_f}{[HA]_f} , \qquad PH = PKa + log \frac{[A^-]_f}{[HA]_f}$$

$$pH = pK_a + log \frac{\int e^{-\int |\vec{V}|^2}}{\int e^{-\int |\vec{V}|^2}}$$
 ونكتبه باسلوب آخر ،

مجالات تغلّب الصففتين الحمضية والأساسية على بعضهما للثنائية (اساس/ حمض)

$$-Log \frac{\int u |u |u|}{\int_f} = pK_a - pH$$
 الدينا:

إذا كان $pH = pK_a$ فإن رالحمض f = fالأساس ، إذن فلا توجد صفة غالبة.

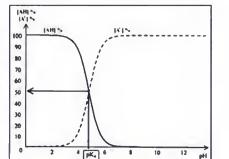
الحالة 2

. إذا كان $pH < pK_a$ فإن رالحمض f < f الأساس ، إذن فالصفة الحمضية غالبة. 3 الحالة

إذا كان $pH>pK_a$ إذا كان إلى الممض إذا كان أرالحمض إلى المحمض إلى المحمض إذا كان إذا كان المحمض إلى المحمض إلى المحمض إلى المحمض إلى المحمض إلى المحمض المحمد ال

مخطط الصفة الغالبة

لدراسة الصفة الغالبة، يستعمل مخطط الصفة الغالبة الذي يبرز تطور النسبتين المنويتن للصفة الحمضية (% للحمض) وللصفة الأساسية (% للأساس) وهذا بدلالة pH



$$\sim 100$$
 الحمض $\int_f = \frac{\int [\text{Max}]_f}{\int [\text{Max}]_f + \int [\text{Max}]_f} \times 100$ الأساس $\int_f = \frac{\int [\text{Max}]_f}{\int [\text{Max}]_f + \int [\text{Max}]_f} \times 100$

3-5- تطبيق على الكاشف الملون

الكاشف اللوّن هو ثنائية (اساس / حمض) يتغيّر لونه حسب مقدار pH المحلول الذي يوضع فيه. ذلك لأنّ صفتيه الحمضية والأساسية بأخذان لونين مختلفين في المحلول.

5-1-2- الجداء الشاردي للماء

لنعين ثابت التوازن الكيمياني لمعادلة التفكك الذاتي للماء :

$$K = \frac{[H_3O^+][OH^-]}{[H_2O][H_2O]} = \frac{[H_3O^+][OH^-]}{l \times l}$$

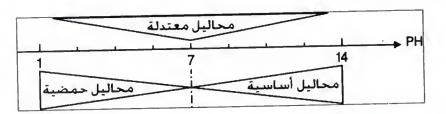
. K_e المادي للماء $K=[H_3\,O^+][OH^+]$ ندعوه الجداء الشاردي للماء إذن

.
$$K_e = 10^{-14} : 25\,^{\circ}C$$
 عند الدرجة $K_e = [H_3\,O^+_{(aq)}][OH^-_{(aq)}]$

$$pK_e = 14$$
 · $pK_e = -\log Ke$; $Ke = 10^{-PKe}$

1-5- سلم الـ pH

- . pH < 7 وهذا يؤدي إلى $H_3\,O^+]_{eq} > [HO^-]_{eq}$ ، وهذا يؤدي إلى $ightharpoons H_3\,O^+$
 - . pH=7 المحاليل المعتدلة تتميز بان pH=7 الحاليل المعتدلة المحاليل المعتدلة المحاليل المعتدلة المحاليل المعتدلة المحاليل المعتدلة المحاليل الم
 - . pH>7 الخاليل الأساسية تتميز بان $_{eq}<[HO^{-}]_{eq}<$ الخاليل الأساسية تتميز بان



(اساس / حمض) للثنائية الحموضة K_a و p للثنائية p للثنائية (اساس / حمض)

للتمييز بين الأحماض الضعيفة فيما بينها، وكذا الأسس الضعيفة، نعرف مقدارا كيميانيا ندعوه ثابت الحموضة . K

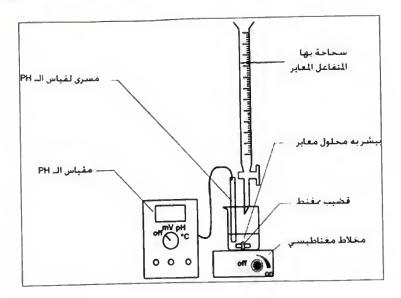
 $HA_{(\alpha q)} + H_2 \, O_{(I)} = H_3 \, O_{(\alpha q)}^+ + A_{(\alpha q)}^-$ يكن التفاعل المتوازن :

HA / A ¯ ثابت الحموضة للثنائية

$$K_a = K = \frac{[H_3 O^+]_f [A^-]_f}{[HA]_f}$$

 $K_a = 10^{-pKa}$; $pK_a = -\log K_a$: نعرف الد $pK_a = HA/A$ للثنانية

- ڪلما ڪان K_a اڪبر ڪان الحمض (HA) اقوى، واساسه المرافق K_a اضعف.
 - اکبر کان pK_a کان اصغر. K_a اکبر



المعايرة

التركيبة التجريبية لتحقيق المعايرة موضّحة في الشكل المقابل، وتتألّف من :

- ◄ سخاحة : تملأ بالمحلول العاير.
- ◄ بيشر ؛ يملأ بالمحلول العاير.
- ◄ قضيب مغناطيسي. مخلط.
 - ◄ جهاز PH متر.

التجربة

 $(Na^+ + HO^-)$ واساسا هو الصود (A) في حمضا والمال تفاعل معايرة بين حمضا

ندرس تطور pH المزيج بدلالة المتفاعل المعاير pH اي

$$\frac{dPH}{dV_b} = g(V_b) \text{ if } PH = f(V_b)$$

• عند التكافؤ (E) يتحقّق ·

$$n(\text{bull}) = n_E(\text{bull})$$

$$C_a V_a = C_b V_{b_E}$$

. تركيز المحلول الحمض V_a : حجم المحلول الحمض Ca

. تركيز المحلول الأساسي. V_{b_k} : المحلول الأساسي عند التكافؤ : C_b

طريقة تعيين نقطة التكافؤ

- ◄ طريقة الماسين المتوازيين (انظر الشكل 1).
- ◄ طريقة تغيير لون الكاشف (انظر الشكل 2).
- . (3 الشكل $\frac{dpH}{dV_b} = g(V_b)$ المنحني (الشكل 1) الشكل 3).

10 | 15 20 25 12,5 $V_{\rm B}$ (mL)

- . (HI_n/I_n^-) يرمز للثنائية (أساس/ حمض) للكاشف الملوّن بالرّمز
- $HI_{n(\alpha q)} + H_2O_{(1)} = H_3O_{(\alpha q)}^+ + I_{n(\alpha q)}^-$ يتفكك الكاشف الملوّن في الماء حسب التفاعل :

pH < 7 . اصفر إذا كان pH < 7 . ون حمضه (HI_n) . اصفر إذا كان pH > 7 . ون أساسه (I_n^-) . ازرق إذا كان pH > 7 . إذا كان pH = 7 فإنّ اللّون يكون اخضر .

 (HI_n/I_n^-) ثابت الحموضة للثنائية

$$K_{i} = \frac{[H_{3}O^{+}]_{f}[I_{n}]_{f}}{[HI_{n}]_{f}}$$
$$pH = pK_{i} + log \frac{[I_{n}]_{f}}{[HI_{n}]_{f}}$$

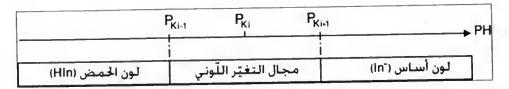
لون المحلول الذي يوضع فيه الكاشف يعتمد على نسبة التركيز بين الحمض والأساس :

$$R = \frac{[I_n]_f}{[HI_n]}$$

نقبل بالنسبة للعين المجرّدة ذات الرّؤية التوسّطة أنّ المحلول:

- $PH>pK_i+1$ وبالتالي نجد R>10 إذا كان (I_n^-) إذا كان جاء باخذ لون الأساس R>10
- . $pH < pK_i 1$ وبالتالي نجد $R < \frac{1}{10}$ إذا كان (HI_n) إذا كان الحمض (HI_n
 - . $\frac{1}{10}$ < R < 10 ياخذ لونا ناتجا من مزيج لوني الحمض والأساس إذا كان R

وبالتالي فإن
$$PK_i - 1 < pH < PK_i + 1$$
 ويسمى مجال التغيّر اللوني.



4-5- المعايرة الـ pH مترية

- مترية. -pH مترية. المعايرة المايرة، ودراسة التفاعل تسمى المايرة الم-pH
- ◄ تهدف المعايرة إلى تحديد كمية المادة (n) أو التركيز المولي الحمضي (C) للمحلولين (حمض أو أساس) المعايرة (Titré).
 - ◄ عند التكافؤ، التفاعل المعاير والمتفاعل المعاير يخضعان للشروط الستوكيومترية.



تطور جملة كيميائية خلال تعول كيميائي نحو حالة التوازن

• تعریف برونستد

الحمض هو كلّ فرد كيميائي يمكنه فقد بروتون أو أكثر أثناء تفاعل كيميائي. والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

• نسبة التقدّم النّهائي للتفاعل ،

Hard_equation

$$\tau_f = \frac{X_f}{X_{\text{max}}}$$

- . إذا كان 100% إذا كان أبي الماء أبي الماء ا
 - اذا كان $l < \tau_f < 1$ فالتفاعل غير تام. $\tau_f < 1$

كسر التفاعل 0

aA + Bb = cC + dD: ليكن التفاعل

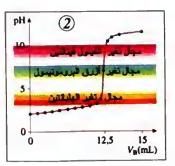
$$Q_r = \frac{[C]^c \cdot [D]^d}{[A]^a \cdot [B]^b}$$

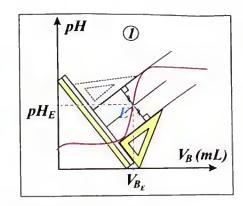
χ علاقة كسر التفاعل Q_{r} بالتقدم

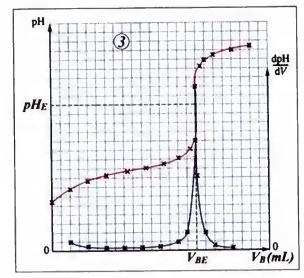
$$Q_r = \frac{X^2}{V(n_0 - X)}$$

ثابت التوازن الكيمياني

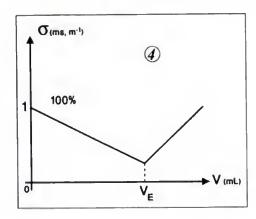
- . إذا كان $Q_r < k$ الجملة تتطوّر في الاتجاه المباشر.
- . إذا كان $Q_r>k$ الجملة تتطوّر في الاتجاه المعاكس.
 - اذا كان $Q_r=k$ الجملة في حالة توازن. $^{\circ}$

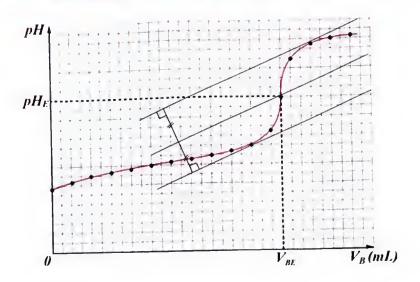


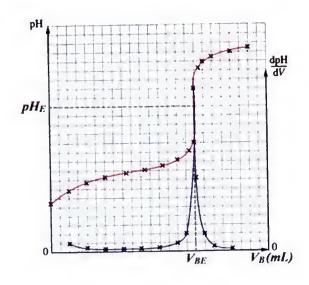




طريقة قياس الناقلية، ورسم المنحني البياني $\sigma = f(V)$ (الشكل 4).







 $k + \tau$ ملقة علاقة

$$k = \frac{C_i \, \tau_f^2}{I - \tau_f}$$

5 . John Carolina Contraction

. التركيز الابتدائي. C

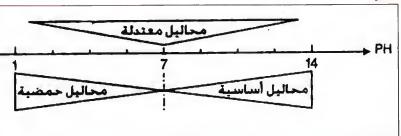
$$k_e = [H_3 O_{(aq)}^+][HO_{(aq)}^-]$$
 : k_e الجداء الشاردي للماء

$$k_e = 10^{-14}$$
 : 25 °C° عند الدرجة

تعریف الـ pH

$$[H_3 O^+] = 10^{-pH}$$
 each $pH = -log[H_3 O^+]$

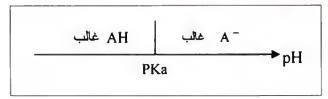
سلم الـ pH



 (HA/A^-) (ساس/حمض) للثنانية (أساس/حمض) الجموضة k_a و المنانية (أساس/حمض)

$$k_a = 10^{-pk_a}$$
, $pk_a = -\log k_a$, $k_a = \frac{[H_3 O_{(aq)}^+]_f [A_{(aq)}^-]_f}{[HA_{(aq)}]_f}$

 pk_a و pH العلاقة بين



المعايرة الـ 111 - مترية

 $C_a V_a = C_b V_b$ عند التكافؤ E بين حمض وأساس يتحقّق :

التمرين ا

 $NH_{4(aq)}^+$ ، $HSO_{4(aq)}^-$ ، $HCN_{(aq)}$ ، $CH_3COO_{(aq)}^-$ ، $CH_3COOH_{(aq)}^-$ ، $SO_{4(aq)}^{2-}$) لكل منها. $SO_{4(aq)}^{2-}$, $SO_{4(aq)}^{2-}$ ، $SO_{4(aq)}^{2-}$ ، SO

الحل

أ/ تحديد الحمض والأساس المرافق والثنائية (اساس/حمض)

$$HCN_{(aq)} \qquad HSO_{4(aq)}^{-} \qquad CH_{3}COOH_{(aq)} \qquad NH_{4(aq)}^{+}$$

$$CN_{(aq)}^{-} \qquad SO_{4(aq)}^{2-} \qquad CH_{3}COO_{(aq)}^{-} \qquad NH_{3(aq)}$$

$$HCN_{(aq)}/CN_{(aq)}^{-}$$
 $HSO_{4(aq)}^{-}/SO_{4(aq)}^{2-}$ $CH_{3}COOH_{(aq)}/CH_{3}COO_{(aq)}^{-}$ $NH_{4(aq)}^{+}/NH_{3(aq)}$

2/ كتابة المعادلة النصفية للحمض/أساس

$$HCN_{(aq)} = H_{(aq)}^{+} + CN_{(aq)}^{-}$$

$$HSO_{4(aq)}^{-} = H_{(aq)}^{+} + SO_{4(aq)}^{-}$$

$$CH_3COOH_{(aq)} = H_{(aq)}^+ + CH_3COO_{(aq)}^-$$

$$NH_{4(aq)}^{+} = H_{(aq)}^{+} + NH_{3(aq)}$$

3/أ/ التفاعل المنمذج للتحول الكيمياني:

$$CH_3COOH_{(aq)} + SO_{4(aq)}^{2^-} = CH_3COO_{(aq)}^- + HSO_{4(aq)}^-$$

ب/ هذا تفاعل حمض/أساس لأن الفرد الكيميائي $CH_3COOH_{(aq)}$ فقد بروتونا H^+ حسب التحول التالي، فهو إذن حمض ، $CH_3COOH_{(aq)} o H_{(aq)}^+ + CH_3COO_{(aq)}^-$ التالي، فهو إذن حمض

أما الفرد الكيمياني $SO_{4(aq)}^{2-}$ ، فقد اكتسب هذا البروتون حسب التحول التالي، فهو إذن أساس.

 $H_{(aq)}^+ + SO_{4(aq)}^{2-} \to HSO_{4(aq)}^-$

النمرين 2

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

املأ الجدول التالي.

الثنانية اساس/حمض	الأساس المرافق	الحمض	
$C_2H_5COOH_{(aq)}/$		$C_2H_5COOH_{(aq)}$	
$HO_{(aq)}^{-}$	$HO_{(aq)}^-$		
11.		$NH_{4(aq)}^+$	
CO_2 , $H_2O/$	•••	CO_2 , H_2O	
	H_2O	•••	

الحل

الثنانية أساس/حمض	الأساس المرافق	الحمض.
$C_2H_5COOH_{(aq)}/C_2H_5CO_{2(aq)}^-$	$C_2H_5CO_{2(aq)}^-$	$C_2H_5COOH_{(aq)}$
$H_2O_{(l)}/HO_{(aq)}$	$HO_{(aq)}^-$	$H_2O_{(1)}$
$NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)}$	$NH_{3(aq)}$	$NH_{4(aq)}^+$
CO_2 , $H_2O/HCO_{3(aq)}^-$	$HCO_{3(aq)}^{-}$	CO_2 , H_2O
$H_3O_{(aq)}^+/H_2O_{(l)}$	$H_2O_{(l)}$	$H_3O_{(aq)}^+$

النمرين 3

التفاعلات التالية، هل هي تفاعلات احماض واسس، برر إجابتك.

 $Cu_{(aq)}^{2+} + 2HO_{(aq)}^{-} = Cu(OH)_{2(s)} /$

 $CH_3NH_{2(aq)} + CH_3CO_2H_{(aq)} = CH_3NH_{3(aq)}^+ + CH_3CO_{2(aq)}^- / + CH_3CO_2H_{(aq)} + CH_3OH_{(aq)} = CH_3CO_2CH_{3(aq)} + H_2O_{(1)} / = CH_3CO_2CH_{3(aq)} + CH_3OH_{(aq)} + CH_3CO_2CH_{3(aq)} + CH_3OH_{(aq)} + CH_3CO_2CH_{3(aq)} + CH_3OH_{(aq)} + CH_3CO_2CH_{3(aq)} + CH_3CO_2CH_2CH_2CH_2CH$

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

$$HCl_{(g)} + NH_{3(g)} = NH_{4(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$$
 / $C_6H_5CO_2H_{(aq)} + H_2O_{(1)} = C_6H_5CO_{2(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+$

الحل

- التفاعل أ : ليس تفاعل حِمض/أساس، لأنه لم يتم فيه فقد بروتون H^+ أو ا $oldsymbol{\in}$ التفاعل أ
- التفاعل ب : هو تفاعل حمض/أساس، لأن النوع الكيميائي $CH_3NH_{2(aq)}$ هو أساس اكتسب بروتونا H^+ فتحول إلى النوع $CH_3NH_{3(aq)}^+$ ، اما النوع الكيميائي $CH_3CO_2H_{(aq)}$ فهو حمض لأنه فقد H^+ وتحول إلى النوع الكيميائي $CH_3CO_{2(aq)}^-$.
 - التفاعل ج : ليس تفاعل حمض/أساس، لأنه لم يتم فيه فقد بروتون H^+ أو أكتسابه (في الواقع يسمى تفاعل أسرة).
 - التفاعل د : هو تفاعل حمض/أساس، لأن $HCl_{(aq)}$ فقد H^+ و $NH_{3(aq)}$ اكتسبه.
- التفاعل هـ : هو تفاعل حمض/أساس، لأن $C_6H_5CO_{2(aq)}$ فقد بروتونا H^+ ، فهو حمض، والماء H_2O

التمرين 4

املاً الجدول التالي، باعتبار أن درجة حرارة وسط التفاعل هي 25°.

pН	2,0		4,5	•••
$[H_3O_{(aq)}^+](mol.L^{-1})$	•••	1.5×10^{-3}		•••
$[HO^{-}_{(aq)}](mol.L^{-1})$	•••	•••	•••	10^{-2}

الحل

 $k_e=[H_3O_{(aq)}^+][HO_{(aq)}^-]$ ؛ يعطي الجداء الشاردي للماء $k_e=10^{-14}$ فإن $k_e=10^{-14}$

$$[H_3O^+_{(aq)}] = 10^{-pH}$$
 $pH = -Log[H_3O^+_{(aq)}]$

 $[H_3O^+_{(aq)}]=10^{-2} \, mol.L^{-l}$. في حالة pH=2, θ فإن • pH=2

الحساب $[HO_{(aq)}^-]$ نستعمل الجداء الشاردي للماء، فنجد :

$$[HO_{(aq)}^{-}] = \frac{10^{-14}}{[H_3O_{(aq)}^{+}]} = \frac{10^{-14}}{10^{-2}} = 10^{-12}$$

 $[HO_{(aq)}^{-}] = 10^{-12} \, mol.L^{-1}$

$$pH = -Log[H_3O_{(aq)}^+]$$
 فإن $[H_3O_{(aq)}^+] = 1.5 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$ إذا كان $pH = 2.82$ ، إذن $pH = -Log1.5 \times 10^{-3}$

$$[HO_{(aq)}^{-}] = \frac{10^{-14}}{[H_3O^+]}$$
 : ڪذلك

$$[HO_{(aq)}^{-}] = 6.7 \times 10^{-12} \, mol.L^{-1}$$
 , $[HO_{(aq)}^{-}] = \frac{10^{-14}}{1.5 \times 10^{-3}}$: اذن

وهكذا، بالنسبة لبقية القيم، ندونها في الجدول كما يلي :

pН	2,0	2,82	4,5	12
$[H_3O^+_{(aq)}](mol.L^{-1})$	10^{-2}	1.5×10^{-3}	$3,16 \times 10^{-5}$	10^{-2}
$[HO_{col}^{-}](mol.L^{-l})$	10^{-2}	6.7×10^{-12}	$3,16 \times 10^{-10}$	10^{-2}

النمرين 5

تعطى ، pH = 5,1 لحلول مائي لكلور الأمونيوم ($NH_{4(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-$)، تركيزه

 $C = 1.0 \times 10^{-l} \, mol.L^{-l}$

1/ اعط تعريف الحمض حسب برونستد.

 $9NH_{3(aq)}$ عن النوع عن النوع /2

3/ اكتب معادلة تفاعل شاردة الأمونيوم مع الماء.

4/ انجز جدول تقدم التفاعل.

5/ بين أن الأمونيوم لا يتفاعل كلية مع الماء.

6/ عين التركيب المولي الحجمي للمحلول المدروس في الحالة النهائية للتفاعل.

الحل

1/ تعريف الحمض حسب برونستد

الحمض هو كل فرد كيميائي يفقد بروتونا H^+ او أكثر أثناء تفاعل كيميائي. والأساس هو الذي يكتسب هذا البروتون.

النوع الكيميائي $NH_{3(aq)}$ هو أساس.

 $NH_{4(aq)}^{+} + H_{2}O_{(1)} = NH_{3(aq)} + H_{3}O_{(aq)}^{+}$: هادلة تفاعل شاردة الأمونيوم مع الماء : 3

4/ جدول التقدم

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

التمرين 6

ان فيتامين C هو في الأصل حمض الأسكوربيك النقي $C_6H_8O_6$ الذي نرمز له بAH في التمرين. ان انحلال قرص كتلته m=0,35g من فيتامين C في كأس به 200mL ماء، يعطى محلولا يتميز بpH=3,0 .

1/ اعط تعريف الحمض حسب برونستد.

 $^{\circ}C_{6}H_{7}O_{6}^{-}$ ماذا يمثل النوع الكيميائي $^{\circ}$

3/ اكتب معادلة تفاعل حمض الأسكوربيك مع الماء.

 τ اعط عبارة نسبة تقدم التفاعل τ

ب/ احسب قيمة نسبة التقدم النهائي au_{j} لهذا التفاعل. ماذا تستنتج ؟

$$\tau_f = \frac{x_f}{x_{max}} = 10\%$$
 ب $\tau = \frac{x}{x_{max}} / 14$

 $C=0,10mol.L^{-1}$ من الأمونياك ر $PH_{3(aq)}$ تركيزه $C=0,10mol.L^{-1}$ وقيمة

1/ اكتب معادلة تفاعل النشادر مع الماء.

2/ بين أن النشادر لا يتفاعل كلية مع الماء.

كر احسب الكسر النهائي للتفاعل $Q_{r,eq}$ عند التوازن الكيميائي.

احسب ثابت الحموضة k_A للثنائية.

. 25°C عند الدرجة $k_e = 10^{-14}$ و $NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)}$ عند الدرجة عطى الثنائية أساس/حمض

 $Q_{r,eq} = \frac{k_e}{k_A}$ بین ان /5

الحل

أ/ معادلة تفاعل النشادر مع الماء

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(1)} = NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$$

. au_f لإظهار أن النشادر لا يتفاعل كلية مع الماء، ننشئ جدول التقدم، ومن ثم نحسب au_f

$$NH_{3(aq)} + H_2O_{(1)} = NH_{4(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$$

$$NH_{4(aq)}^+$$
 + $H_{2}O_{(1)} = NH_{3(aq)}$ + $H_{3}O_{(aq)}^+$ الحالة الابتدائية $n_0 = CV$ بزيادة $n_0 - X_f$ الحالة النهائية X_f

5/ تبيان أن الأمونيوم لا يتفاعل كلية مع الماء

$$au_f = rac{X_f}{X_{max}}$$
 نعين نسبة التقدم النهائي للتفاعل. لدينا

$$x_{max} = n_0 = CV$$
لکن: محلول

$$X_f = n_{H_jO^+} = [H_3O^+] \times V$$
 کما ان: محلول

$$[H_3O^+]=10^{-5,l}=7,9\times 10^{-6}\ mol.L^{-l}$$
 اي $[H_3O^+]=10^{-pH}$ مع

$$\tau_f = \frac{[H_3O^+].V_{\text{odd}}}{CV_{\text{odd}}}$$

$$\tau_f = 7.9 \times 10^{-5} << 1 + \tau_f = \frac{[H_3O^+]}{C} = \frac{7.9 \times 10^{-6}}{1.0 \times 10^{-1}}$$

وهذا يعني أن تفاعل الأمونيوم مع الماء ضعيف جدا، ولا يمكن أن يكون تاما.

6/ التركيب المولي الحجمي في الحالة النهائية للتفاعل

 $[NH_{+}^{+}]$ حساب

$$[NH_{4}^{+}] = \frac{n_{0} - x_{f}}{V_{\text{old}}} = \frac{C V_{\text{old}} - [H_{3}O^{+}].V_{\text{old}}}{V_{\text{old}}}$$

 $[NH_4^+] = 10^{-1} \text{mol.} L^{-1}$ lég $[NH_4^+] = 10^{-1} - 7,9.10^{-6} \approx 10^{-1} \text{mol/} L$

$$[H_3O^*]$$
 و $[NH_3]$ حساب

$$[NH_3] = [H_3O^+] = -10^{-pH} = 10^{-5.1} = 7.9.10^{-6} \text{ mol.L}^{-1}$$

لاحظ أننا لم نسجل - Cl في التفاعل، ولا في جدول التقدم. لأنها شوارد غير فعالة، غير أنها موجودة،

$$[cl^-] = \frac{n_0}{V_{\text{obs}}} = \frac{C V_{\text{obs}}}{V_{\text{obs}}} = C = 10^{-1} \,\text{mol.} L^{-1}$$
 : ونحسب تركيزها كما يلي

$$[Cl^{-}] = 10^{-1} \, mol.L^{-1}$$

$$Q_{r,eq} = rac{\dfrac{X_f}{V} imes \dfrac{X_f}{V}}{\dfrac{n_o - X_f}{V}} = \dfrac{(\dfrac{X_f}{V})^2}{\dfrac{n_o - X_f}{V}}$$
 : نعوض في عبارة $Q_{r,eq}$ فنجد

$$X_f = au_f CV$$
 اي $X_f = au_f imes X_{max}$ لکن $au_f = au_f imes X_{max}$ ای

$$Q_{r,eq} = \frac{\tau_f^2 C^2}{C(1-\tau_f)} = \frac{\tau_f^2 C}{1-\tau_f}$$
 اذن $Q_{r,eq} = \frac{(\frac{\tau_f CV}{V})^2}{\frac{CV - \tau_f CV}{V}}$ نعوض :

$$Q_{r,eq} \approx 1.7 \times 10^{-5} \quad Q_{r,eq} = \frac{(1.3 \times 10^{-2})}{9.87 \times 10^{-1}} = Q_{r,eq} = \frac{1.69 \times 10^{-4} \times 0.1}{1 - 1.3 \times 10^{-2}}$$

 $NH_{A(aq)}^+ / NH_{B(aq)}$ حساب ثابت الحموضة K_A للثنائية أساس/حمض مصاب ثابت الحموضة K_A

$$k_{A} = \frac{10^{-11.1} \times \frac{n_{0} - X_{f}}{V}}{\frac{X_{f}}{V}}$$
 , $k_{A} = \frac{[H_{3}O^{+}]_{eq}[NH_{3}]_{eq}}{[NH_{4}^{+}]_{eq}}$, where $k_{A} = \frac{[NH_{4}]_{eq}[NH_{3}]_{eq}}{[NH_{4}]_{eq}}$

$$k_A = 10^{-pH} \left(\frac{1}{\tau_f} - 1\right)$$
, $k_A = \frac{10^{-pH} \left(\frac{CV - \tau_f CV}{V}\right)}{\frac{\tau_f CV}{V}} = 10^{-pH} \left(\frac{1 - \tau_f}{\tau_f}\right)$

$$k_A = 6.03 \times 10^{-10}$$
 : ومنه $k_A = 10^{-11.1} \left(\frac{1}{1.3 \times 10^{-2}} - 1 \right)$ نعوض فنجد

$$Q_{r,cq} = \frac{k_e}{k_A}$$
 زبیان ان /5

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(eq)}^{+}][HO_{aq}^{-}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}}$$
 نعلم أن

 $[\,H_{3}O_{aq}^{+}\,]_{eq}$ ي في هذه المساواة نضرب البسط والمقام في $\,k_{e}\,$ و $\,k_{A}$ كي نظهر

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}$$
!

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}}[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}$$

$$NH_{3(aq)}$$
 + $H_2O_{(l)}$ = $NH_{4(aq)}^+$ + $HO_{(aq)}^-$ الحالة الابتدائية $n_0=CV$ بزيادة X_f الحالة النهائية X_f

 $\tau_f = \frac{X_f}{X_{max}}$ لدينا

 X_f نعين قيمة كل من $X_{max}=n_o=CV$ لدينا

 $k_e = [\,H_3O^+\,][\,HO^-\,]$ فنعينه من تركيز HO^- الذي نحسبه من الجداء الشاردي للماء X_f اما X_f

$$[HO^{-}] = \frac{k_{e}}{[H_{3}O^{+}]} = \frac{10^{-14}}{10^{-pH}} = 10^{-14+pH}$$
$$[HO^{-}] = 10^{-14+H^{1},I} ; [HO^{-}] = 10^{-2.9} \text{ mol.} L^{-1}$$
$$[HO^{-}] = 1,3 \times 10^{-3} \text{ mol.} L^{-1}$$

من جدول التقدم نكتب : V حيث V حيث V حجم محلول النشادر ، وقيمته مجهولة .

$$au_f = rac{[HO^-]_f}{C_I}$$
 . اين $au_f = rac{X_f}{X_{max}} = rac{[HO^-]V}{CV}$. الذي $V_f = [HO^-] imes V$

$$au_f = 1,3 \times 10^{-2} = 1,3\%$$
 نعوض ، نعوض $au_f = \frac{1,3 \times 10^{-3}}{0,1}$ ، نعوض

فنسبة تقدم التفاعل النهائي هي %1,3% ، وهي نسبة تدل على أن النشادر لم يتفاعل كلية في الماء.

 $Q_{r,cq}$ حساب كسر التفاعل عند التوازن /3

$$Q_{r,eq} = \frac{[NH_4^+]_{eq}[HO^-]_{eq}}{[NH_3]_{eq}[H_2O]_{eq}}$$
 نعلم أن

$$Q_{r,eq} = rac{ \left[\ NH_4^+ \
ight]_{eq} \left[\ HO^- \
ight]_{eq} }{ \left[\ NH_3 \
ight]_{eq} }$$
 ومنه $\left[\ H_2O \
ight] = 1$ کن الماء یعتبر مذیبا، لذا ناخذ

$$[NH_4^+]_{eq}=rac{X_f}{V}$$
 من جدول التقدم لدينا $[HO^-]_{eq}=rac{X_f}{V}$ من جدول التقدم لدينا و $[NH_3]_{eq}=rac{n_0-X_f}{V}=rac{C\ V-X_f}{V}$

تماديه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه ١ الأحماض والأسس

$$[HO_{aq}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq} = k_{e}$$
 و $\frac{[NH_{A(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{aq}^{+}]_{eq}} = \frac{1}{k_{A}}$ اذن

التمرين 8

محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم ($Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-$) تركيزه المولي الحجمي محلول مائي لهيدروكسيد الصوديوم ($C_b = 5.0 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$ ونسكبه في بيشر يحتوي على حجم $V_b = 10mL$ من محلول مائي لحمض الإيثانويك $CH_3COOH_{(aq)}$ تركيزه المولي الحجمي $V_a = 30mL$ له. $C_a = 1.0 \times 10^{-3} \, mol.L^{-1}$ له.

1/ اكتب العادلة المنمذجة للتفاعل حمض/اساس الحادث.

2/ اعط جدول التقدم لهذا التحول الكيمياني باعتباره تاما.

3/ حدد المتفاعل المحد، واستنتج قيمة التقدم النهائي لهذا التفاعل.

 $(Q_{r,eq})$ احسب قيمة كسر التفاعل عند التوازن (

5/ احسب قيمة pH للمزيج الناتج علما بأن ،

 $. Pk_e = 14 \cdot Pk_a (CH_3COOH_{aq} / CH_3COO_{aq}^{-}) = 4,75$

الحل

أ/ كتابة المعادلة المنمذجة للتفاعل حمض/أساس

$$CH_3COOH_{(aq)} + (Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-) = CH_3COO_{(aq)}^- + Na_{(aq)}^+ + H_2O_{(l)}$$
 جدول النقدم

. بما أن $Na_{(aq)}^{+}$ شاردة غير فعالة، لذا يمكن عدم إظهارها في معادلة التفاعل، وهذا في جدول التقدم

$$CH_{3}COOH_{(aq)} + HO_{(aq)}^{-} = CH_{3}COO_{(aq)}^{-} + H_{2}O_{(l)}$$
 التقدم الحالة $X_{a} = C_{a}V_{a}$ $n_{0b} = C_{b}V_{b}$ $n_{0b} = C_{b}V_{b}$ $n_{0b} = C_{b}V_{b}$ $n_{0b} = C_{b}V_{b}$ الحالة النهائية X_{f} $n_{0b} = C_{a}V_{a} - X_{f}$ $n_{0b} = C_{b}V_{b} - X_{f}$ الحالة النهائية N_{f} تحديد المتفاعل المحد

نقارن بین n_{ab} و n_{ab} لأن المعاملات الستیكیومتریة متساویة.

$$n_{0a} = 3 \times 10^{-5} \, mol$$
 ذن $n_{0a} = C_a V_a = 10^{-7} \times 30 \times 10^{-3}$ لدينا

$$n_{0b} = 5 \times 10^{-4} \, mol$$
 يذن $n_{0b} = C_b V_b = 5 \times 10^{-2} \times 10 \times 10^{-3}$ يذن

نلاحظ ان $n_{ob} > n_{oa}$ ، فالمتفاعل المحد هو الذي كمية مادته اصغر ، آلا وهو الحمض الكربوكسيلي . $CH_3COOH_{(aq)}$

 X_f استنتاج قيمة التقدم النهائي

$$X_f = n_{0a} = 3 \times 10^{-5} \frac{10^{-5} \, mol}{10^{-5} \, mol}$$
 نضع $X_f = C_a V_a$ بذن $C_a V_a - X_f = 0$ قيمة T_f

 $Q_{r,ia}$ قيمة كسر التفاعل عند التوازن /4

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[CH_{3}COO_{(aq)}^{-}]_{\acute{e}q}^{-}}{[CH_{3}COOH_{(aq)}^{-}][HO_{(aq)}^{-}]_{\acute{e}q}^{-}}$$
 Levi

 k_e و k_A والمقام لهذا الكسر ب $\left[H_3O_{(aq)}^+
ight]_{eq}$ حتى نظهر والمقام لهذا الكسر

$$Q_{r,\acute{e}q} = \frac{[CH_{3}COO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q} \times [H_{3}O^{+}_{(aq)}]_{eq}}{[CH_{3}COOH_{(aq)}][HO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q}} \times \frac{1}{[HO^{-}_{(aq)}]_{\acute{e}q}[H_{3}O^{+}_{(aq)}]_{\acute{e}q}}$$

$$Q_{r,\acute{e}q} = k_{A} \times \frac{l}{k_{e}} = \frac{k_{A}}{k_{e}} = \frac{10^{-Pk_{A}}}{10^{-14}}$$

$$Q_{r,\acute{e}q} = 10^{+9.25} = 1,78 \times 10^{+9}$$
 اذن $Q_{r,\acute{e}q} = \frac{10^{-4.75}}{10^{-14}}$ فنجد $Pk_A = 4,75$

5/ حساب قيمة pH المزيج عند التوازن

 HO^- نعلم أن $pH=-Log[H_3O^+]$ نعلم أن $pH=-Log[H_3O^+]$ وقبل ذلك نحسب

 $n_{HO^-} = C_b V_b - X_f$ هن جدول التقدم لدينا : ڪمية المادة لـ HO^- عند التوازن هي

$$[HO^{-}] = \frac{n_{HO^{-}}}{V_{a}} = \frac{C_{b}V_{b} - X_{f}}{V_{a} + V_{b}}$$
 هو HO^{-} المحلوم أن تركيز

$$[HO^-] \approx 1,18 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$$
 ومنه $[HO^-] = \frac{5 \times 10^{-4} - 3 \times 10^{-5}}{(30 + 10)10^{-3}}$ نعوض فنجد

نحسب الآن $\left[H_{3}O^{+}
ight]$ عن طريق الجداء الشاردي للماء :

$$[H_3O^+] = \frac{k_e}{[HO^-]} = \frac{10^{-14}}{1,18 \times 10^{-2}} = 8,5 \times 10^{-13} \, \text{mol.} L^{-1}$$

$$pH = 12 \quad \text{i.i.} \quad pH = -Log[H_3O^+] = -Log8,5 \times 10^{-13}$$

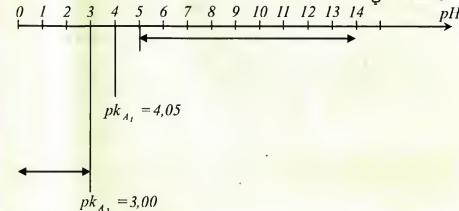
التمرين 9

 $C_6H_8O_6$ ينحل في بيشر به ماء قرص من فيتامين $C_6H_8O_6$ وهو عبارة عن حمض الأسكوربيك رمزه A_1H ونضيف قرصا من الأسبرين الذي يحتوي على حمض A_2H رمزه $C_6H_4OHCOOH$ رمزه

. pH = 5,00 المحلول الناتج فنجد pH = 5,00

 $pk_{A_2}(A_2H_{(aq)}/A_{2(aq)}^-)=3.00$, $pk_{A_1}(A_1H_{(aq)}/A_{l(aq)}^-)=4.05$, yether

1/ املأ المخطط التالي.



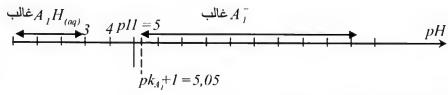
pH = 5,00 عند pH = 5,00 ، ما هي الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة q

في المجال $PH < Pk_A - 1$ يكون الحمض في المجال المالصفة الغالبة.

أما في المجال $PH>Pk_A+1$ فالأساس المرافق أ $A_{(aa)}^-$ هو الذي له الصفة الغالبة.

 A_1^- واساسه المرافق $C_6H_8O_6$ حمض الأسكوربيك مصن $C_6H_8O_6$

لدينا، $Pk_{A_1} + 1 = 4,05 + 1 = 5,05$ له الصفة الغالبة. لدينا، $Pk_{A_1} + 1 = 4,05 + 1 = 5,05$

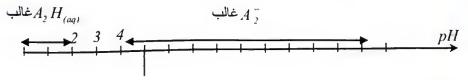


 $Pk_A - I = 4,05 - I = 3,05$ لدينا ونلاحظ أن في المجال pH < 3.05 هو الغالب.

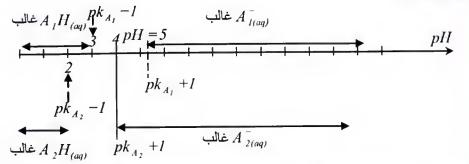
 A_2H الأسبيرين الذي نرمز له بـ الأسبيرين $Pk_{A_1} + I = 4$ إذن $Pk_{A_2} = 3.00$ لدينا

ابتداء من القيمة PH>4 في سلم الـ pH يكون A_2^- هو الغالب.

هو $(AH)_{aq}$ هابنداء من قيم أصغر من القيمة 2 في سلم الـ pH يكون الحمض $Pk_{A_{J}}-I=2$



الخطط الكامل



يكون $A_{2(aq)}^{-}$ غالبا و $A_{2(aq)}^{-}$ غالبا. PH=5,00 غالبا.

التمرين 10

نمزج محلول كلور الإيثانويك $CH_2ClCOOH_{(aq)}$ ومحلول النشادر NH_3 . يعطى :

 $pk_{A_{i}}(CH_{2}ClCOOH_{(aq)}/CH_{2}ClCOO_{(aq)}^{-}) = 2.9$

 $pk_{A_2}(NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)}) = 9,2$

املأ العبارات التالية ، أ/ معادلة التفاعل تكتب

ب/ ثابت التوازن الكيمياني k للتفاعل يساوي

ج/ التفاعل

د/ قیمهٔ τ هی

الحل

 $CH_{2}CICOOH_{(aq)} + NH_{3(aq)} = CH_{2}CICOO_{(aq)}^{-} + NH_{4(aq)}^{+}$ a value of the state of the sta $. \ CH$, CICOOH يلعب دور اساس فيكتسب H^+ من الحمض NH_3 يلعب دور اساس الحكام H^+

ب/ ثابت التوازن الكيمياني

$$k = Q_{r,eq} = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq}[CH_2clCOO_{(aq)}^-]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[CH_2clOOH_{(aq)}]_{(eq)}}$$
 بالضرب في $[H_3O^+]$ في البسط والمقام نجد .

$$k = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_3O_{(aq)}^+]_{eq}} \times \frac{[CH_2ClCOO_{(aq)}^-]_{eq}[H_3O_{(aq)}^+]_{eq}}{[CH_2ClCOOH_{(aq)}]_{eq}}$$

$$\frac{[CH_{2}clCOO_{(aq)}^{-}]_{eq}[H_{3}O_{(aq)}^{+}]_{eq}}{[CH_{2}clCOOH_{(aq)}]_{eq}} = k_{A_{1}} \text{ } \frac{[NH_{4(aq)}^{+}]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_{3}O_{(aq)}^{+}]_{eq}} = \frac{1}{k_{A_{2}}}$$
 لدينا

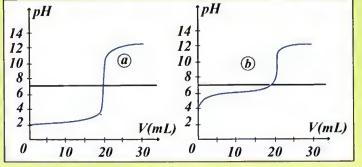
$$k = 2 \times 10^6$$
 اذن $k = \frac{10^{-2.9}}{10^{-9.2}}$ اذن $k = \frac{10^{-2.9}}{10^{-9.2}}$ اذن $k = \frac{10^{-pk_{A_l}}}{10^{-pk_{A_2}}}$ ، $k = \frac{1}{k_{A_2}}$

 $k>10^4$ ج/ التفاعل شبه تام لأن

. $au_f pprox I$ بما أن التفاعل شبه تام إذن au_f . بما

التمرين 11

محلول S_1 لحمض قوي $A_1H_{(aq)}$ تركيزه $C_1=10^2 mol.L^{'}$ محلول $A_1H_{(aq)}$ لحمض ضعبف $A_1H_{(aq)}$ تركيزه $C_2=C_1$ محلول $C_2=C_1$ من المحلولين كلاً على حدة بمحلول الصود تركيزه $C_1=1.0 \times 10^{-3} ml.L^{-1}$ ، فنحصل على النحنيين ،



املأ الجمل التالية.

مناه حمض قوي معناه $A_i H_{(aq)} / 1$

 $A_2H_{(aq)}$ حمض ضعیف معناه

2/ نعين الـ pH عند التكافؤ بطريقة

عند التكافؤ لدينا : $(pH_E)_a=....$ عند التكافؤ لدينا : $(pH_E)_b=....$ 3 منحني معايرة الحمض $A_1H_{(aq)}$ هو منحنى معايرة الحمض $A_2H_{(aq)}$ هو

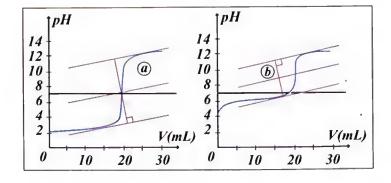
 $pH = \dots$ الحمض القوي يتميز بان $C = \dots$

 $.C_{I}=....$ ومنه ... ان ...

 Pk_{A} للحمض الضعيف تتعين من ونستنتج أن قيمته $Pk_{A}=....$

الحل

اء. $A_1H_{(aq)}$ حمض قوي معناه يتفكك كلية في الماء. $A_2H_{(aq)}$ حمض ضعيف معناه يتفكك جزنيا في الماء. PH_E عند التكافؤ بطريقة الماسات. $(pH_E)_b = 9 \ (pH_E)_b = 9 \ (pH_E)_b$



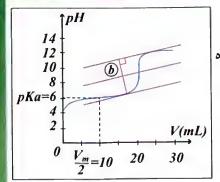
منحني معايرة الحمض $A_{\rm l}H_{(aq)}$ هو المنحني a ، لأنه حمض قوي، ونعلم أنه عند معايرة حمض $pH_E=7$. وي باساس قوي كما هو الحال هنا مثل محلول الصود تكون $pH_E=7$

منحني معايرة الحمض $A_2H_{(aq)}$ هو المنحني b ، لأنه حمض ضعيف، ونعلم انه عند معايرة حمض ضعيف باساس قوي يكون $pH_E=9$ ، كما هو الحال في المنحني b الذي وجدنا فيه pH=-Log~C الحمض القوي يتميز بان pH=-Log~C

 $C_{I} = 10^{-2} \, mol. L^{-I}$. ومنه نجد ومنه $C = 10^{-pH}$ نستنج ان

التمرين 12

لحمض الضعيف تتعين من نصف حجم Pk_A للحمض الضعيف تتعين من نصف حجم التكافؤ $V_{E_{//2}}=\frac{20}{2}=10$ التكافؤ $V_{E_{//2}}=\frac{20}{2}=10$ القيمة كما هو موضح في الشكل المقابل نجد أن $Pk_A=6$



الحل

1/ معادلة التفاعل الكيمياني

$$(H_3O_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-)$$
 محلول حمض ڪلور الهيدروجين هو

 $.NH_{3(aq)}$ محلول النشادر هو

$$(H_3O_{(aq)}^+ + Cl_{(aq)}^-) + NH_{3(aq)} = NH_{4(aq)}^+ + H_2O_{(aq)} + Cl_{(aq)}^-$$

ملاحظة : بما أن $Cl_{(aq)}^{-}$ هي شاردة غير فعالة، لذا يجوز لنا عدم إظهارها في العادلة،

$$H_3O_{(aq)}^+ + NH_{3(aq)} = NH_{4(aq)}^+ + H_2O_{(l)}$$
 : فنكتب من جديد

k حساب ثابت التوازن الكيميائي k للتفاعل

$$[H_2O]_{eq} = 1$$
 ونضع $k = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq} \times [H_2O]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq} \times [H_3O_{(aq)}^+]_{eq}}$

$$k = \frac{[NH_{4(aq)}^+]_{eq}}{[NH_{3(aq)}]_{eq}[H_3O_{(aq)}^+]_{eq}} = \frac{1}{k_{A_i}}$$
 فينتج

$$k = 10^{9.2} = 1,58 \times 10^9$$
 ; نعوض فنجد $k = \frac{1}{k_{A_1}} = \frac{1}{10^{-Pk_{A_1}}}$; $k = 10^{Pk_{A_1}}$

Eر تعيين إحداثيي نقطة التكافؤ E ، وهما pH_E

باستعمال طريقة الماسات كما هو موضح في الشكل المقابل نجد :

$$E(pH_E = 5.6 ; V_E = 18mL)$$

4/ بما ان $PH_E < 7$ فهذا يعني ان التفاعل تم بين حمض قوي واساس ضعيف.

5/ الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة

فين الصفة
$$pH < Pk_{_A} - 1$$
 فإن الصفة •

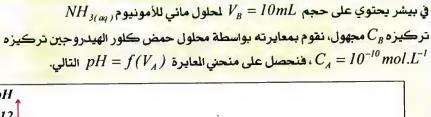
الغالبة تكون للحمض (AH لا لأساسه المرافق

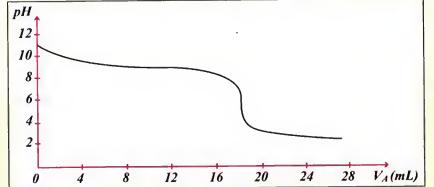
$$AH_{(aq)}/A_{(aq)}^{-}$$
، من الثنانية $A_{(aq)}^{-}$

. $A_{(aq)}^-$ اما إذا كان $PK_A + P$ فإن الصفة الغالبة تكون لـ $pH > Pk_A + 1$

. [
$$AH_{(aq)}$$
] = [$A_{(aq)}^-$] يكون $pH=Pk_A$ وفي حالة التساوي

 $NH_{4(aq)}^{+}$ / $NH_{3(aq)}$ في حالة pH=2 ندرس الصفة الغالبة للثنائية





1/ اكتب معادلة التفاعل الكيميائي.

k لهذا التفاعل عند التوازن. k

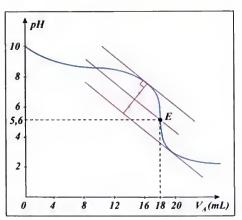
 V_E عين بيانيا V_E عند نقطة التكافؤ.

4/ تاكد من أن الأساس ضعيف.

pH = 5,2 ، pH = 2 ، ما هي الأنواع الكيميائية ذات الصفة الغالبة في الحالات ، pH = 5,2 ، pH = 9,2

لعطاة في نهاية التمرين. Pk_{A_i} من قيمة Pk_{A_i} المعطاة في نهاية التمرين.

$$Pk_{A_2}(H_3O_{(aq)}^+/H_2O)=0$$
 ، $Pk_{A_1}(NH_{4(aq)}^+/NH_{3(aq)})=9,2$: العطيات :
$$Pk_{A_1}(H_2O/HO_{(aq)}^-)=14$$



5/ انشئ جدول التقدم.

 $\sigma_{\rm F}$ عرف التكافؤ، واستنتج عبارة الناقلية

 (V_{RF}, σ_F) حدد بيانيا إحداثيي نقطة التكافؤ (حدد بيانيا

. احسب التركيز رC للمحلول الحمضى.

. $\sigma_{\scriptscriptstyle F}$ الاستعانة بعبارة $\sigma_{\scriptscriptstyle E}$ ، جد حسابيا قيمة

الحل

أ/ معادلة التفاعل الحادث

$$HCOOH_{(\alpha q)} + (Na_{(\alpha q)}^{+} + HO_{(\alpha q)}^{-}) = HCOO_{(\alpha q)}^{-} + Na_{(\alpha q)}^{+} + H_{2}O_{(1)}$$

k ثابت التوازن $^{1/2}$

k لم تتفاعل لذا يمكن حذفها من طرفي المعادلة فلا ندخلها في ثابت التوازن الكيميائي $Na_{(aq)}^+$

$$k = \frac{[HCOO_{(\alpha q)}^{-}]_{eq}}{[HCOOH_{(\alpha q)}]_{eq}[HO_{(\alpha q)}^{-}]_{eq}}$$
 : وحسب التعريف لدينا

 $\left[\,H_{\,3}O^{\,+}\,
ight]$ ب نظهر ينظهم ويجب الضرب في البسط والمقام ب

$$k = \frac{[HCOO^{-}_{(\alpha q)}]_{eq}[H_{3}O^{+}_{(\alpha q)}]_{eq}}{[HCOOH_{(\alpha q)}]_{eq}} \times \frac{1}{[H_{3}O^{+}_{(\alpha q)}][HO^{-}_{(\alpha q)}]_{eq}}$$
 ندن؛

$$\frac{1}{[H_3O^+_{(\alpha q)}][HO^-_{(\alpha q)}]_{eq}} = \frac{1}{k_{A_2}} \quad \text{eais} \quad \frac{[HCOO^-_{(\alpha q)}]_{eq}[H_3O^+_{(\alpha q)}]_{eq}}{[HCOOH_{(\alpha q)}]_{eq}} = k_{A_1}$$

 $k>10^4$ ب/ هذا التفاعل شبه تام لأن

3 نجري تفاعل المعايرة بالناقلية لأن المتفاعلات والنواتج بها شوارد يمكن بواسطة جهاز الناقلية قياس σ .

 σ عبارة الناقلية النوعية 4

$$\sigma_{\,i} = \sum \lambda_{i} \left[\, x_{\,i} \,
ight]$$
 نستعمل قانون كولروش

$$\sigma = \lambda_{HCOO^-}[HCOO^-] + \lambda_{Na^+}[Na^+] + \lambda_{HO^-}[HO^-]$$
 الذن :

نلاحظان $Pk_{A_i}-l=9,2-1$ إذن $Pk_{A_i}-l=9,2-1$ ومنه $Pk_{A_i}-l=9,2-1$ فالصفة الغالبة تكون للحمض $NH_{4(aq)}^+$ بمعنى $NH_{4(aq)}^+$ بمعنى الحمض العربية المعنى المعنى العربية المعنى العربية المعنى العربية المعنى العربية المعنى العربية المعنى المعنى المعنى العربية المعنى العربية المعنى العربية المعنى المعنى المعنى المعنى العربية المعنى العربية المعنى المعنى

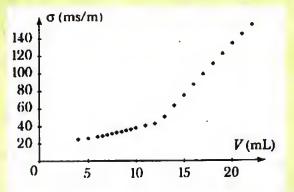
 $pH = 5, 2 < Pk_{A_l} - 1 = 4, 2$ في حالة $pH = 5, 2 < Pk_{A_l}$ نلاحظ ايضا ان $pH = 5, 2 < Pk_{A_l}$

. $NH^+_{4(aq)}$ فالصفة الغالبة تكون للحمض

. $[NH_{3(aq)}] = [H_3O^+_{(aq)}]$ إذن $pH = Pk_{A_l}$ نلاحظ ان pH = 9,2 ا

 $pH = Pk_{A_l} = 9,2$ ، ننقله في البيان لنجد ، $V_{E_{//2}} = \frac{18}{2} = 9mL$ ، من نصف حجم التكافؤ

التمرين 13



، $Pk_{A_1}(HCOOH_{(aq)}/HCOO_{(aq)}^-) = 3,8$. معطیات : $Pk_{A_1}(H_2O/HO_{(aq)}^-) = 14$

الشاردة	$H_3O^+_{(aq)}$	$HO_{(aq)}^-$	$HCOO_{(aq)}^-$	$Na^+_{(aq)}$
$\lambda(ms.m^2.mol^{-1})$	35,0	19,9	5,46	5,01

1/ اكتب معادلة التفاعل الحادث في المعايرة.

ار احسب ثابت التوازن k للتفاعل.

ب/ ماذا تقول عن هذا التفاعل ؟

3/ لماذا أجرينا تفاعل المعايرة بالناقلية؟

4/ اعط عبارة الناقلية النوعية σ أثناء المعايرة.

 $\sigma_E pprox 44\,\mathrm{ms.m}^{-1}$ و $V_{B(E)} pprox 12.5\,\mathrm{mL}$ من نقطة التقاطع نجد

لمحلول الحمضى C_{J} للمحلول الحمضى 8

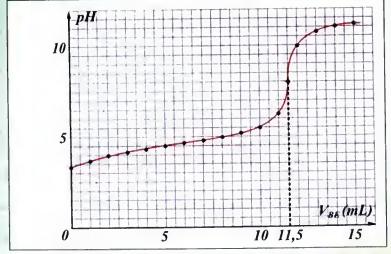
 $n\left(HCOOH_{(\alpha q)}\right)=n\left(HO_{(\alpha q)}^{-}\right)$ عند التكافؤ يتحقق

$$C_A = \frac{C_B V_{B(E)}}{V}$$
 اذن $C_A V_A = C_B V_{B(E)}$ ومنه $C_A V_A - X_f = C_B V_B - X_f$ اذن

$$C_A = \frac{1.0 \times 10^{-1} \times 12.5 \times 10^{-3}}{10 \times 10^{-3}}$$
; $C_A = 1.25 \times 10^{-1} \text{ mol.} L^{-1}$

التمرين 14

 CH_3COOH نضع في بيشر حجما $V_A=10\,,0\,m$ من محلول حمض الإيثانويك C_A من محلول الصود تركيزه تركيزه أستحاحة محلول الصود $(Na_{(aq)}^+)+HO_{(aq)}^-)$ تركيزه C_A مجهول. يفرغ في السحاحة محلول الصود ألى المحلى على المحلى المثل بالشكل المثل بالشكل المثل المثل بالشكل المثل الم



1/ اكتب معادلة تفاعل المعايرة الحادث بين الحمض والأساس.

2/ عين إحداثيي نقطة التكافؤ، وبين أن حمض الإيثانويك هو حمض ضعيف.

 C_A استنتج تركيز الحمض C_A

PH=5 , مند X_f والنهائي X_{max} والنهائي أ X_{max} والنهائي أ X_{max} والنهائي أ X_{max}

أراحسب نسبة التقدم τ ، ماذا تستنج τ

 $CH_3COOH_{(aq)}$ / $CH_3COO_{(aq)}^-$ الثنائية أساس/حمض Pk_A عين Pk_A عين Pk_A

6/ تعريف التكافؤ

التكافؤ هو حالة كيميائية يتم فيها استهلاك كل المتفاعلات من محاليل مُعَايِرَة (Titrant) ومحاليل مُعايِرَة (Titrant).

عيارة الناقلية σ_F عند التكافؤ

 $HO_{(aq)}^{-}$ عند التكافؤ يستهلك كل من $HCOOH_{(aq)}$ و

 $C_{A}V_{A}-X_{f}=0$ ای $n\left(HCOOH_{(aq)}
ight)=0\,mol$ این

 $C_BV_B-X_f=0$ اذن $n\left(HO^-_{(aq)}
ight)=0\,mol$ وكذلك

وهذا يؤدي إلى وضع σ السابقة. $[OH^-] = 0\,mol$ في عبارة

$$\sigma = \sigma_E = \lambda_{HCOO^-}[HCOO^-] + \lambda_{Na^+}[Na^+] + 0$$
 إذن نكتب

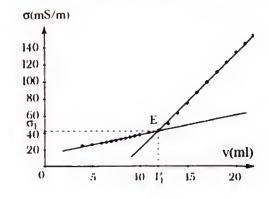
$$V = V_A + V_{B(E)}$$
 مع $[HCOO^-] = \frac{X_f}{V}$ لكن

$$X_f = C_B V_{B(E)}$$
 او $X_f = C_A V_{A(E)}$

$$[HCOO^{-}] = \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A + V_{B(E)}}$$
 !!

$$\sigma_E = (\lambda_{HCOO^-} + \lambda_{Na^+}) \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A + V_{B(E)}}$$
 : نعوض في عبارة σ_E فنجد

 $(V_{B(E)}, \sigma_E)$ التحديد البياني لإحداثيي نقطة التكافؤ 7



 $n_{0A} = C_A V_A = 0$, 115 × 10⁻² = 1,15 × 10⁻³ mol $n_{0B} = C_B V_B = 0$, $100 \times 10^{-2} = 10^{-3} \text{ mol}$

ننشئ جدول التقدم :

$$HCOOH_{(\alpha q)}$$
 + $HO_{(\alpha q)}^-$ = $HCOO_{(\alpha q)}^-$ + $H_2O_{(1)}$

$$n_{0A} = 1,15 \times 10^{-3} \ mol$$
 $n_{0B} = 10^{-3} \ mol$ $0 \ mol$ بزیادة

التقدم الأعظمي X_{max} للتفاعل

$$X_{max} = n_0 \, (HO^-) = n_{0\,B} = 10^{-3} \, mol$$
 التفاعل المحد هو HO^- وعليه نكتب: $M_{max} = 10^{-3} \, mol$

التقدم النهاني X_f للتفاعل

لاحظ أن X_f موجود في جميع الخانات، وبما أننا نستطيع تعيين تركيز HO^- ، لذا نعينه من

$$V=V_A+V_B$$
 مع $[HO^-]=\frac{10^{-3}-X_f}{V}$: التركيز

$$10^{-3} - X_f = [HO^-](V_A + V_B) \dots *$$
 اذن:

$$[HO^{-}] = \frac{10^{-14}}{[H_{3}O^{+}]}$$
 : ونعلم أنه من الجداء الشاردي للماء يمكن أن نكتب

$$[H_3O^+] = 10^{-5.5} = 3$$
 , $2 \times 10^{-6} \ mol.L^{-1}$. يذن $[H_3O^+] = 10^{-pH}$ كما ان

$$[HO^{-}] = 3, 2 \times 10^{-9} \text{ mol.} L^{-1}$$
 إذن $[HO^{-}] = \frac{10^{-14}}{3, 2 \times 10^{-6}}$:

 * في الأخير نحسب X_f من العبارة

$$10^{-3} - X_f = 3$$
, $2 \times 10^{-9} (10 + 10) \times 10^{-3} = 6$, $4 \times 10^{-11} \text{ mol}$
$$X_f = 10^{-3} \text{ mol.} L^{-1}$$
 each ineq. $X_f = 10^{-3} - 6$, 4×10^{-11} mol and $X_f = 10^{-3} - 6$, $X_f =$

 $X_f \approx X_{max} = 10^{-3} \, mol. L^{-1}$ لاحظان

المعادلة

الحالة

الابتدائية

الحالة النهائية

5/ حساب نسبة التقدم النهائي للتفاعل

$$\tau_f = 1$$
 اي $\tau_f = \frac{10^{-3}}{10^{-3}} = 1$ اي $\tau_f = \frac{X_f}{X_{max}}$ الدينا

- نستنتج أن التحول الكيمياني تام.
- . E المتفاعل المحد هو المتفاعل المعاير حتى الوصول إلى نقطة التكافؤ \bullet

تماريه خاصة بتطور جملة نحرو حالة التوازه / الأحماض والأسس

أ/ معادلة تفاعل المعايرة

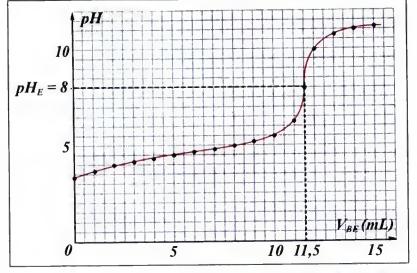
$$HCOOH_{(\alpha q)} + (Na_{(\alpha q)}^{+} + HO_{(\alpha q)}^{-}) = HCOO_{(\alpha q)}^{-} + Na_{(\alpha q)}^{+} + H_{2}O_{(1)}$$

2/ تعيين إحداثيي نقطة التكافؤ

باستعمال طريقة الماسات، كما هو موضح بالشكل المقابل، نعين نقطة التكافؤ E ، ومن ثم نجد

وما ان
$$pH_E > 7$$
 . وبما ان $pH_E > 7$. وبما ان $E \begin{pmatrix} V_{BE} = 11,5 \ mL \\ pH_E = 8 \end{pmatrix}$ احداثييها وهما

حمض ضعيف وأساس قوي. فنستنتج عندئذ أن حمض الإيثانويك ضعيف.



 C_A استنتاج تركيز الحمض /3

عند التكافؤ يتحقق $C_A V_A = C_B V_{B(E)}$ بهذه العلاقة تكون بهذا الشكل في حالة أن النوعين

الكيميائيين $^- HO^-$ و CH_3COOH المتفاعلين لهما نفس العدد الستيكيومتري (انظر العادلة

$$C_A = \frac{C_B V_{B(E)}}{V_A}$$
 الكيميانية لتجد أن العدد الستيكيومتري هو I لكلا النوعين الكيميانية لتجد أن العدد الستيكيومتري

$$C_A = \frac{0,100 \times 11,5}{10}$$
 ; $C_A = 0,115 \ mol.L^{-1}$: نعوض فنجد

pH = 5, 5 جدول التقدم عند

 $V_R = 10 \, mL$ يكون pH = 5 , 5 عند انه عند الله البيان نجد إذا نظرنا إلى البيان نجد إنه عند

لنحسب كميات المادة الابتدائية n_{θ} لكل من الحمض والأساس.

تماريه خاصة بتطور جملة نحيثالة التوازه / الأحماض والأسس

ملاحظات هامة

يمكن تحديد الثنانية مر/مؤ باعتبارهما فردين كيميانيين متشابهين تقريبا في الصيغة الكيميانية،

فمثلا $_{2}$ یشبه $^{-}$ فهما یشکلان نفس الثنائیة.

أما $_2O_2$ فهو يشبه $_2O_2$ لذا فهما يشكلان نفس الثنائية.

- المؤكسد : يكتب في الثنائية دوما على اليسار.
- الرجع : يكتب في الثنائية دوما على اليمين.
- إذا لم نستطع التمييز بين المؤكسد والمرجع، نكتب المعادلة النصفية الإلكترونية لكل منهما،

مع الانتباه إلى أن: المؤكسد يكتسب الإلكترونات ◄ والتفاعل الذي يقوم به تفاعل إرجاع.

المرجع يفقد الإلكترونات على والتفاعل الذي يقوم به تفاعل أكسدة.

المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان للثنائيتين مر/مؤ

$$H_2O_{2(\alpha q)} + 2H_{(\alpha q)}^+ + 2e^- = H_2O_{(1)} + H_2O_{(1)} + H_2O_{(1)}$$

 $2I_{\alpha q}^- = I_{2(\alpha r)} + 2e^-$

ملاحظة

لاحظ أن H_2O_2 اكتسب I^- فهو المؤكسد، وبالتالي I^- يكون هو المرجع. أما I^- فهو المرجع لأنه فقد I^- وبالتالي I^- هو المؤكسد. ولو جمعنا المعادلتين السابقتين طرفا لطرف لحصلنا على معادلة الأكسدة الإرجاعية المعطاة في نص التمرين.

 $SO_{4(\alpha q)}^{-2}$ هذا التحول الكيميائي عن طريق قياس الناقلية G لشوارده فهو يحتوي على الشوارد $H_{(\alpha q)}^+$ و $H_{(\alpha q)}^+$ الداخلة في التفاعل بالإضافة إلى الشوارد غير الداخلة في التفاعل مثل $SO_{4(\alpha q)}^{2-}$ و من ثم نستطيع تعيين تركيز $I_{2(\alpha q)}$.

التعول الكيميائي يتم في وسط حمضي $(H_{(\alpha q)}^+)$ ، وهذه الشوارد تتناقص بتطور التفاعل في الزمن.

ب/ قيمة pH لهذا المحلول تزداد بمرور الزمن لأن الشوارد pH تتناقص.

5/أ/ جدول التقدم

نعين في البداية التركيب الابتدائي للمزيج :

$$n_{H_2O_2}=C_lV_l=0$$
 , $l\times 10^{-2}=10^{-3}~mol$. H_2O_2 عمية مادة $n_{H_2O_2}=10^{-3}~mol$

كمية مادة 1

$$n_{I^-} = [I^-_{(aq)}] \times V_2$$
 الدينا:

• تفاعل المعايرة يحدث بنسب ستكيومترية بين المتفاعلات.

 $CH_3COOH_{(aq)}$ / $CH_3COO_{(aq)}^-$ للثنائية Pk_A للثنائية /6

 $rac{V_{B(E)}}{2}=rac{11.5}{2}=5$,75 mL هي ترتيبة النقطة من البيان التي فاصلتها Pk_A

 $Pk_A = 4,7$ ؛ البيان السابق ا

التمرين 15

ان التحول الكيمياني الحادث عند تفاعل شوارد اليود $(I_{(\alpha q)}^{-})$ المتواجدة في المركب KI مع الماء الأكسجيني H_2O_2 (بيروكسيد الهيدروجين) في وسط حمضي H_2O_2 مثل حمض الكبريت H_2O_2)، يؤدي إلى تشكيل ثنائي اليود I_2 ، الذي يتراوح تغيره اللوني من الأصفر إلى الأسمر، حسب تغير تركيزه.

ينمذج هذا التحول الكيميائي بمعادلة التفاعل:

$$H_2O_{2(\alpha q)} + 2I_{(\alpha q)}^- + 2H_{(\alpha q)}^+ = I_{2(\alpha q)} + 2H_2O_{(1)}$$

1/ ما هي المصطلحات التي ذكرت، وتدل على أن هذا التفاعل بطيئ؟

2/1/ حدد الثنائيتين (مرجع/مؤكسد) الداخلتين في التفاعل.

ب/ اكتب المعادلة النصفية الإلكترونية لكل ثنائية.

3/ هذا التحول الكيميائي، يمكن متابعته عن طريق الناقلية. كيف ذلك؟

1/4/ هذا التحول الكيمياني يمكن أيضا متابعته عن طريق المعايرة الـ pH مترية. كيف ذلك q بربين فيما إذا نقصت قيمة الـ pH أو زادت بتطور التفاعل.

5/ نجري تجربة للتفاعل السابق باخذ المقادير التالية :

الماء الأكسجيني : حجمه £10m وتركيزه £ 0,10mol وتركيزه

يود البوتاسيوم ، حجمه 10mL وتركيزه 2,30mol/L

حمض الكبريت $(2H_{(aq)}^+ + SO_{4(aq)}^{2-})$: حجمه 5mL وتركيزه 5ML وتركيز النهائي لثنائي اليود. النشئ جدول التقدم. ب/ ما هو التفاعل المحد 3ML ج/ احسب التركيز النهائي لثنائي اليود.

الحل

l / المصطلحات التي ذكرت و تدل على أن هذا التفاعل بطيئ هي :

حدوث تغير لوني لثنائي اليود (I_2) من الأصفر إلى الأسمر، حسب تركيزه وهذا يعني أنه لدينا الوقت الكافي لمراقبة هذا التغير، وبالتالي فالتفاعل بطئ.

 I_2 / I^- , H_2O_2 / H_2O ، هما : (Ox / Red او I_2 /۱/2 الثنانيتان مر/مؤ (او

حالة التوازه / الأحماض والأسس

 $C_2=0$, $30\,mol.L^{-1}$ هو $(K^++I^-_{(aq)})$ هو البوتاسيوم ($K^++I^-_{(aq)}$) هو البوتاسيوم $[I^-_{aq}]=C_2$ وبما أن العدد الستيكيومتري I^- في المركب ($I^+_{(aq)}+I^-_{(aq)}$) هو I^- إذن $I^-=3 \times 10^{-3}\,mol$ إذن $I^-=C_2V_2$

تماريه خاصة بتطور جملة نحه

كنية مادة [†] H

 $n_{II}^+ = [H_{(aq)}^+]V_3$ لدينا.

 $C_3=I$, $0\,mol$. L^{-l} هو $(2\,H_{cq}^{\,+}+SO_{4\,(cq)}^{\,2-})$ عوت حمض الكبريت $[H_{(cq)}^{\,+}]=2C_3$. إذن $E_3=I$. $E_4=I$ في المركب هو $E_5=I$. I هو I .

 $n_{H^+} = 10^{-2} \, mol$ ومنه نحسب $n_{H^+} = 2 \, C_3 \, V_3$ اذن $n_{H^-} = 2 \, C_3 \, V_3$ ومنه نخسب ننش عدول التقدم :

$$H_2O_{2(aq)} + 2I_{(aq)}^- + 2H_{aq}^+ = 2H_2O_{(1)} + I_{2(aq)}$$

$$n_1 = 10^{-3} \ mol$$
 $n_2 = 3 \times 10^{-3} \ mol$ $n_3 = 10^{-2} \ mol$ الحالة الابتنائية $0 \ mol$

بزیادم
$$10^{-3} - 2X$$
 $3 \times 10^{-3} - 2X$ $10^{-2} - 2X$ الحالم الانتقالیه X

بزیادهٔ
$$10^{-3}-X_f$$
 بزیادهٔ $10^{-3}-X_f$ بزیادهٔ $10^{-3}-X_f$ الحاله النهائیه X_f

ب/ المتفاعل المحد

هو الذي يستهلك تماما في التفاعل، اي يبقى منه $0\ mol$. فكيف نحصل عليه من جدول التقدم X_f . ننظر خانات الحالة النهائية من جدول التقدم ونبحث عن الفرد الكيميائي الذي يعطي أصغر قيمة لـ X_f .

• فإذا افترضنا على سبيل المثال أن $H_{(aq)}^+$ هو المتفاعل المحد، لوضعنا $H_{(aq)}^+$ وبالتالي :

 $X_f = 5 \times 10^{-3} \, mol$

• وإذا افترضنا أن $I_{(aq)}^{-3}$ هو المتفاعل المحد لوضعنا $I_{(aq)}^{-3} = 0$ وإذا افترضنا أن $I_{(aq)}^{-3}$

 $X_f = 1.5 \times 10^{-3} \, \text{mol}$

 $10^{-3} - 2X_f = 0$ وإذا افترضنا أن $H_2 O_{2(aq)}$ هو المتفاعل المحد، لوضعنا $H_2 O_{2(aq)}$

 $H_2O_{2(\alpha_f)}$ وهي أصغر قيمة وجدناها لـ X_f فالمتفاعل المحد هو $X_f=10^{-3}\, mol$ ومنه نجد

ج/ حساب التركيز النهائي لثناني اليود 1 ء

 $V=V_1+V_2+V_3$ ، من جدول التقدم نكتب $V=I_2$ $I_3=\frac{X_f}{V}$ حيث $I_3=\frac{X_f}{V}$ من جدول التقدم نكتب

$$[I_2]_f = 4 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$
 الذن: $[I_2]_f = \frac{10^{-3}}{(10+10+5)\times 10^{-3}} = \frac{1}{25}$ الذن:

النمرين 16 (تمرين تجريبي)

الذي تركيزه C_6H_5COOH الذي تركيزه C_6H_5COOH الذي تركيزه $\sigma=3.0\times10^{-2}$. الذي تركيزه $C_A=1.0\times10^{-2}$.

1/ اكتب معادلة انحلال الحمض بالماء.

2/ أنشئ جدول التقدم.

3/ احسب تراكيز الأنواع الكيميائية الناتجة، انطلاقا من σ.

احسب التقدم النهائي للتفاعل au_{j} عند التوازن.

. $\lambda_{H_3O^+} = 34.9 \times 10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$ ، $\lambda_{C_6H_3COO^-} = 3.23 \times 10^{-3} \, s.m^2.mol^{-1}$. يعطى:

 $(Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-)$ نقوم بمعايرة 20mL من حمض البنزويك السابق بمحلول الصود 20mL نقوم بمعايرة

الذي تركيزه C_B فنحصل على البيانين $pH = f(V_B)$ و $pH = f(V_B)$ المثلين

بالشكل القابل.

1/ صف التركي<mark>ب التجريبي المستعمل، وكذا</mark> البروتوكول التجريبي المتبع.

2/ اكتب معادلة تفاعل معايرة حمض البنزويك بالصود.

ارد احدد احداثيي نقطة التكافؤ E ، وبين أن حمض البنزويك ضعيف.

ب/ استنتج تركيز محلول الصود C_B ، وأيضا قيمة pKa اللثنانية أساس/حمض ،

 $.C_6H_5COOH_{(aq)}/C_6H_5COO_{(aq)}$

4/ يمكن إجراء هذه المعايرة بالتغير اللوني،

باستعمال الكواشف الملونة. من بين الكواشف التالية، حدد الكاشف المناسب للمعايرة.

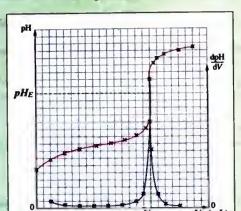
 $6.8 \le pH \le 8.4$ هليانتين $3.1 \le pH \le 4.4$ هليانتين

 $8,2 \le pH \le 10,0$ الفينولفتالين $6,0 \le pH \le 7,6$ ازرق البروموتيمول

ې $pH = f(V_B)$ هي دالة المشتق للداله $\frac{dpH}{dV_B} = g(V_B)$ هي داله المشتق للداله /5

، $V_{l}=15m$ مساعدة : احسب ميل الدالة الأصلية $rac{\Delta pH}{\Delta V_{B}}$ في بعض النقاط، ولتكن

. وقارنها بالقيم المساوية لها في منحني دالة المشتق. $V_{\scriptscriptstyle 3} = 20 mL$ ، $V_{\scriptscriptstyle 2} = 16 mL$



حالة التوازه / الأحماض والأسس

 $X_f = [H_3O^+]_{eq} imes V$: ومنه $[H_3O^+]_{eq} = \frac{X_f}{V}$: لدينا $X_f = 1,58 imes 10^{-5} \, mol$: اي $X_f = 7,9 imes 10^{-4} imes 20 imes 10^{-3}$ نحسب $X_{max} = C_A \, V_A = 2 imes 10^{-4} \, mol$ نحسب $X_{max} = C_A \, V_A = 2 imes 10^{-4} \, mol$

$$au_f=rac{1.58 imes10^{-5}}{2 imes10^{-4}}=7.9 imes10^{-2}pprox8 imes10^{-2}$$
 وفي الأخير نعوض في عبارة au_f فنجد ، au_f فنجد ، au_f عناه أنه في كل مائة جزىء من حمض البنزورك تتفاعل au_f جزينا في المناورك وهذا معناه أنه في كل مائة جزىء من حمض البنزورك تتفاعل au_f

نلاحظ ان $8\% \approx au_f$ ، وهذا معناه انه في كل مائة جزيء من حمض البنزويك تتفاعل 8 جزيئات فقط، مما يدل على ان التفاعل غير تام ($au_f < I$).

II/ وصف التركيب التجريبي

- - . C_B الذي تركيزه ($Na_{aq}^+ + HO_{(aq)}^-$) الذي تركيزه سكب في السحاحة محلول الصود
 - ندخل مسبر مقياس الـ pH في البيشر، ونضع داخل محلول البيشر مخلاطا مغناطيسيا. وصف البروتوكول التجريبي
 - يقاس pH المحلول الحمضي قبل بدأ عملية التسحيح.
 - تبدأ عملية التسحيح، فيسكب حجم V_B من الصود في البيشر. ننتظر قليلا حتى يصبح الحلول متجانسا، ثم نقيس قيمة pH الموافقة.
 - تكرر العملية من أجل حجوم لـ $V_{\scriptscriptstyle B}$ مختلفة، وتقاس قيم ألـ pH الموافقة لها.

2/ معادلة تفاعل المعايرة

$$C_5H_6COOH_{(aq)} + (Na_{(aq)}^+ + HO_{(aq)}^-) = C_5H_6COO_{(aq)}^- + Na_{(aq)}^+ + H_2O_{(1)}$$

E تحديد إحداثيي نقطة التكافؤ $^{1/3}$

$$Eigg(V_{BE}=16mL\ pH_{E}=8.0mLigg)$$
 نجد : $pH=f(V_{B})$ نجد : باستعمال طریقة الماسات علی المنحني .

$$C_B = \frac{C_A \, V_A}{V_{B(E)}}$$
 اذن: $C_A \, V_A = C_B \, V_{B(E)}$ عند التكافؤ يتحقق:

.
$$C_B = 1,25 \times 10^{-2} \, mol.L^{-1}$$
 ، $C_B = \frac{1,0 \times 10^{-2} \times 20 \times 10^{-3}}{16 \times 10^{-3}}$ ، بالتعویض نجد

تماريه خاصة بتطور جملة نحه

الحل

1/1/ معادلة انحلال حمض البنزويك بالماء

$${\rm C_6H_5COOH_{(aq)} + H_2O_{(1)} = C_6H_5COO_{(aq)}^- + H_3O_{(aq)}^+}$$

2/ جدول التقدم

العادلة
$$C_6 H_5 COOH_{(aq)} + H_2 O_{(l)} = C_6 H_5 COO_{(aq)}^- + H_3 O_{(aq)}^+$$
 الحالة العادلة
$$C_A V_A = 2 \times 10^{-4} mol$$
 بزيادة
$$C_A V_A - X_f$$
 بزيادة
$$X_f X_f$$

 σ من ماكيز الأنواع الكيميائية الناتجة انطلاقا من 3

 $H_3O^+_{(aq\,)}$ و $C_6H_5COO^-_{(aq\,)}$ الأنواع الكيميائية الناتجة هي

ملاحظة هامة : إن وجود النوع $H_3O_{(aq)}^+$ يستلزم وجود النوع $HO_{(aq)}^-$ والعكس صحيح ولو لم

يظهر أحدهما في معادلة التفاعل، غير أنه يمكن إهمال $HO_{(aq)}^-$ لأن النوع $HO_{(aq)}^-$ متواجد باعداد

. $H_3O_{(aq)}^+$ و $C_6H_5COO_{(aq)}^-$ وهما وهما وهما الكيميائيين المتواجدين في المعادلة، وهما

$$\sigma_i = \sum \lambda_i \left[\, x_i \,
ight] \, :$$
من قانون كولروش لدينا

$$\sigma = \lambda_{C_6 H_5 COO^-} [C_6 H_5 COO_{aq}^-]_{eq} + \lambda_{H_3 O^+} [H_3 O_{aq}^+]_{eq}(*)$$

$$[C_6H_5OO^-]_{cq}=rac{X_f}{V}$$
 . وايضا وايضا $[H_3O^+]=rac{X_f}{V}$ من جدول التقدم لدينا

$$[C_6H_5OO^-]_{eq} = [H_3O^+]_{eq}$$
 اذن:

$$\sigma = [H_3 O_{aq}^+]_{eq} (\lambda_{C_6 H_5 COO^-}^- + \lambda_{H_3 O^+}^-) : (*)$$
 نعوض في العبارة

$$[H_3O_{aq}^+]_{cq} = \frac{\sigma}{(\lambda_{C_6H_3COO^-} + \lambda_{H_3O^+})}$$
: eais i.e.

$$[H_3O^+]_{eq} = \frac{3.0\times 10^{-2}}{(34.9+3.23)\times 10^{-3}} = 7.9\times 10^{-1}\,\mathrm{mol.m^{-3}} \; :$$
 بالتعویض نجد :
$$[H_3O^+]_{eq} = [C_6H_5OO^-]_{eq} = 7.9\times 10^{-4}\,\mathrm{mol.L^{-1}} \; :$$
 نحول :
$$[H_3O^+]_{eq} = [C_6H_5OO^-]_{eq} = 7.9\times 10^{-4}\,\mathrm{mol.L^{-1}} \; :$$

 τ_f حساب نسبة التقدم النهائي للتفاعل /4

$$au_f = \frac{X_f}{X_{max}}$$
 نعلم ان

. $[H_3O^+]_{eq}$ نجسب X_f انطلاقا من

تماريه خاصة بتطور جملة نحو حالة التوازه / الأحماض والأسس

 $C_6H_5COOH_{(uq)}$ / $C_6H_5COO_{(uq)}^-$ الثنائية Pk_1 قيمة المثنائية الثنائية الثنائية المثنائية ال

من نصف حجم التكافؤ pH=f(V) نعينها في البيان $\frac{V_{B(E)}}{2}=8mL$ فنجد ترتيبتها

$Pk_A \approx 4,2$

4/ تحديد الكاشف المناسب لهذه المعايرة

إن pH_E هو الذي يحدد الكاشف المناسب لكل معايرة بحيث تكون قيمتها محتواة في مجال التغير اللوني للكاشف المناسب، ففي هذه العايرة لدينا $pH_E=8$ وهذه القيمة محتواة في مجال التغير اللوني لأحمر الفينول وهو $0.8 \le pH \le 8.4$. وعليه فإن أحمر الفينول هو الكاشف المناسب لهذه المعايرة.

$$pH=f(V_{\rm B}$$
) التاكد من أن $\frac{dpH}{dV_{\rm B}}=g(V_{\rm B})$ هي دالة المشتق للدالة //5

 $\frac{\Delta pH}{\Delta V_o}$ لنحسب ميل الدالة الأصلية

$$\frac{\Delta pH}{\Delta V_B} = f'(V_B)$$
 الدينا

$$V_{I}=V_{B}=15mL$$
 ي نرسم مماسا للدالة $pH=f(V_{B})$ ي النقطة حيث $V_{I}=15mL$ من أجل $V_{I}=15mL$

$$\frac{\Delta pH}{\Delta V_{B_1}} = \frac{5.7 - 5.1}{15.5 - 14} = \frac{0.6}{1.5} \approx 0.4 mL^{-1}$$
 : ونحسب ميل هذا الماس، فنجد

$$V_{I}=15mL$$
 عند الحجم عند الخد القيمة $\dfrac{dpH}{dV_{B}}=g(V_{B})$ عند الحجم وبالنظر إلى بيان

$$\Delta pH \over \Delta V_{B_1} pprox 4,5 mL^{-1}$$
 : من أجل $V_2 = 16 mL$ بنفس الطريقة السابقة، نجد أن $V_2 = 16 mL$ من أجل

$$\frac{\Delta p H}{\Delta V_{\rm B}} \approx 0.15 m L^{-1}$$
نجد ایضا : $V_3 = 20 m L$ من اجل • من اجل

وهذه القيمة متوافقة مع قيمة البيان المناسب.

$$V_{BE}$$
 برا من دالة المشتق $\frac{dpH}{dV_{B}}=g(V_{B})$ نستطيع تحديد با

$$V_{BE} = 16mL$$
 ؛ وبالفعل من هذا البيان نجد

 $rac{V_{B(E)}}{2}$ كما يمكن تعيين Pk_A للثنانية أساس/حمض انطلاقا من حجم نصف التكافؤ

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

نخرة تضمرم الخواب

وارمية طيس

2 النموذج الجيومركزي: نموذج بطليموس (انظر الوثيقة الرفقة).



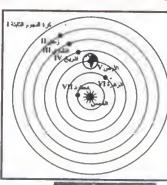


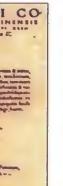


▶ الكواكب السبعة حسب بطليموس لكل واحد منها حركتان دائريتان: الأولى : هي حركة الكواكب في دائرة صغيرة تدعى (فلك التدوير). الثانية ؛ هي حركة الكواكب حول الأرض في فلك رئيسي يدعى (الفلك المركزي).

بطليموس ؛ فلكي رياضي وجغرافي هيليني من مدرسة الإسكندرية في مصر، عاش في القرن الثاني للميلاد وهو صاحب (المجسطي) الذي وضع النظام الجيومركزي للكون بقرون عديدة إلى أن استبدل بالنظام الهيليومركزي (الكوبرنيكي).

> 3 النموذج الهيليومركزي نموذج كوبرنيكس (1473 – 1543 م) COPERNICKS (انظر الوثيقة المرفقة).









◄ الكواكب السبعة تدور حول الشمس في مسارات دائرية.

Hard_equation

الوحدة 4

تطور جملة ميكانيكية

ا_مقاربة تاريخية لمكانيك نيوتن

الحركة وأسرارها المرارها

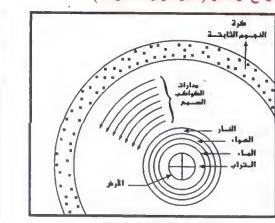
لقد شغلت الحركة بال الإنسانية، منذ فجر التاريخ. فقط ثلة من الفلاسفة والعلماء انبروا في محاولة لحل لغزها الكبير، ومن ثم تفسيرها، وخاضوا في ذلك كفاحا مضنيا شاقا، استغرق قرابـة 2000 سنة، تميز بروعة الأداء، والصبر ومجابهة المعارضين والمشككين في دراساتهم.

نذكر من بين اولنك الذي تركوا بصماتهم واضحة في مجال الميكانيك الفيلسوف العظيم ارسطو -1567ق.م) ARISTOTE والشيخ المعلم الرئيس ابن سينا (970-1037م) وغاليليه (322-3841642 م) GALILLE ونيـــوتن (1642–1727 م) NEWTON، واينـــشتاين (1879–1955 م)

2 تطور النماذج الكونية من ارسطو إلى نيوتن

استفاد الإنسان منذ بدء الخليفة من حاسة البصر، فاستعملها لمراقبة حركة النجوم والكواكب واعطى بعض النماذج الكونية يرتب فيها الكواكب والنجوم ويسجل حركتها.

1 نموذج أرسطو (انظر الوثيقة المرفقة)



تموذج أرسطو للكون (584 - 522 ق.م)

تأريخ

ارسطو (*384 – 322* ق.م)

فيلسوف وفيزياني يوناني تتلمذ على يد افلاطون، اشتهر بنظريته للكون وللمادة. تبني علماء ورجال الكنيسة في أوروبا أفكاره خلال القرون الوسطى إلى درجة تقديسها، ومزجوها بالعقائد المسيحية.

- ◄ الكواكب السبعة المعروفة آنذاك هي ؛ القمر ، عطارد ، الزهرة ، الشمس ، المريط ، المشري وزحل .
 - ◄ رتبها ارسطو من اسفل إلى اعلى.
- ◄ اخذ ارسطو بتصور امبيدوكل فقسم المادة في المجال ما تحت القمر المحيط بالأرض إلى اربعة عناصر أساسية هي : التراب، الماء، الهواء والنار.



ثُ تطور الميكانيك عبر التاريخ من ارسطو إلى نيوتن

- ▶ ظهر مصطلح (اليكانيك) لأول مرة في مؤلفات ارسطو، وهو مشتق من الكلمة اليونانية ($\mu\eta\chi\alpha\nu\eta$) التي تقرأ بالعربية (ميكاني) ومعناها (آلة).
 - ◄ الميكانيك هو احد فروع الفيزياء ويحمل مظهرين.

المظهر الأول : نظري. يدرس القوانين العامة التي تتحكم في حركة الأجسام.

المظهر الثاني : تقني. يعني بحل مشكل الآلة، تصميمها، صناعتها، والسيطرة عليها.

 نقوم الآن بعرض اهم البادئ التي وضعت في الميكانيك، بدءا من ارسطو، مرورا بغاليله وانتهاء نيونن.

3-1 ميكانيك أرسطو

وضع ارسطو نظرية في المكانيك وقسمها إلى : ميكانيك سماوية (فلكية مثالية) وميكانيك ارضية.

[/ الميكانيك السماوية (الفلكية)

قد عرضناها في نموذج ارسطو للكون، وقد قال في هذا الصدد ؛

- ▶ إن الكون محدود، ولا يمكن أن يمتد إلى ما لا نهاية.
 - ◄ الكون كروي الشكل.
- ◄ الكواكب السبعة (العروفة آنذاك)، وهي الشمس، القمر، عطارد، الزهرة، الريط، زحل والمشري، تدور حول الأرض في حركة دائرية في مدارات (افلاك) مثالية، والأرض مركز الكون والكواكب تدور حولها.

2/ الميكانيك الأرضية

فيها نوعان من الحركات.: الحركات الطبيعية (كالسقوط الحر) والحركات العنيفة (كحركة القذائف).

فقال في هذا الصدد :

- I ◄ تسقط الأجسام والحجارة والماء (المطر) على الأرض (أي نحو الأسفل) لتأخذ مكانها الطبيعي وهو الأرض. أما الهواء والنار فإنهما يتصاعدان إلى السماء (نحو الأعلى) لأن مكانهما الطبيعي هو السماء.
 - 2 > تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة.
- ₹ الجسم المتحرك يتوقف عن الحركة عندما لا تعود القوة التي تدفعه قادرة على التأثير
 بشكل يدفعه.

تعليق

بناء على النتيجة 3 لأرسطو، السرعة دلالة على وجود قوى خارجية تؤثر على الجسم. والجسم يحتاج إلى قوة لكي يتابع حركته حتى ولو كانت سرعته ثابتة.

- ◄ لقد بقيت أفكار أرسطو سائدة في أوروبا منذ عهده (حوالي 300ق.م) إلى عهد غاليله حوالي القرن السادس عشر أي لدة 19 قرنا، والمدهش أن الكنيسة تبنتها وادخلتها في عقيدتها، وويل لن خالف ذلك!
- ◄ إن افكار أرسطو تبدو للوهلة الأولى صحيحة. غير أننا سنوضح في حينه كيف أنبرى لها العالم العظيم غاليله في القرن السادس عشر وأثبت خطأها.

4 - تطور النموذج الهليومركزي - نموذج كبلر (1571 - 1630م) KEPLER





- ◄ الشمس هي مركز النظام الشمسي وليس مركز الكون.
- ◄ مدارات الكواكب ليست دائرية بل قطوع ناقصة والشمس تقع في إحدى بؤرتيها.
- ◄ بناء على إرصادات فلكية دقيقة، جمعت طيلة عشرات السنين، قـام بها الفلكي الكبير (تيكو براهي الكبير (تيكو براهي 1601–1601) م) استفاد منها كبلر، واستنتج ثلاثة قـوانين تعـرف باسمـه مـا زالـت تدرس لحد الآن لصحتها ودقتها.

* قوانين كبلر

القانون الأول

يدور كل كوكب حول الشمس في الاتجاه المباشر في مسار على شكل قطع ناقص تقع الشمس في أحد محرقيه (بؤرتيه).

القانون الثاني

يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.

القانون الثالث

a يتناسب مربع الدور الزمني T للكواكب حول الشمس مع مكعب نـصف طول المحور الأكبر م $\frac{T^2}{a^3} = K = 1$ لداراتها اي مقدار ثابت

* استنتاج

استطاع كوبرنيكس وكبلر أن يدحضا نموذج أرسطو للكون وبيننا أن الأرض لم تعد هي مركز الكون بل هي كوكب من الكواكب التي تدور حول الشمس.

* استدراك

نشر كبلر القانون الأول والثاني له في كتابه (علم الفلك الجديد Astronomia nova) الذي نشره سنة 1609م، اما القانون الثالث، هنشره في عمل متاخر، في كتابه الشهير (تناغم الكون مسنة 1619م. (Mundi

مثال لحركة مستقيمة منتظمة

حالة جسم يتحرك في مستو افقي ليس به احتكاك : $\vec{V} = Cte$ و $\vec{V} = Cte$ و كتاب وهذه الدراسة جعلت غاليله يستنبط مبدأ العطالة الشهير. وفي هذا الصدد يقول اينشتاين في كتابه (تطور الأفكار في الفيزياء) : (إن النتيجة الصحيحة التي استنبطها غاليله، صاغها نيوتن بعد جيل من الزمان بالنص المعروف باسم مبدأ العطالة).

حلة جسم يهبعط مسئويا مثلا : حلة جسم يهبعط مسئويا مثلا : F على الحركة متساطنة F الحركة متساطنة F الحركة متساطنة F الحركة متساطنة F الحركة (آتجاه F عكس آتجاه الحركة (آتجاه F F = $\overline{0}$ على مسئو الحقى ليس به لحتكاك : F = $\overline{0}$. F = $\overline{0}$.



4/ نص مبدأ العطالة

يحافظ كل جسم على سكونه او حركته الستفيمة الننظمة، إذا لم تتدخل قوة لتغير حالته الحركية.

رد غاليله على النتيجة 2 لأرسطو (الخاصة بسقوط الأجسام)

لكي يثبت غاليله للناس والكنيسة خطأ أرسطو في النتيجة 2، أحضر عدة كرات متساوية الحجوم تقريبا، لكنها مختلفة الأثقال، فهي مصنوعة من مواد مختلفة (خشب، حديد، رصاص، مرمر، ...) وتركها تسقط من قمة برج بيزا بإيطاليا (la tour de Pize). فانبهر الناس، عندما رأوا أن هذه الكرات تترافق في حركاتها، على اختلافها وسقطت في أسفل البرج، في نفس الوقت. بهذه التحرية دحض غالبله نظرية أرسطو في سقوط الأحسام، ووضع قانون

بهذه التجربة دحض غاليله نظرية أرسطو في سقوط الأجسام، ووضع قانون السقوط الحر.

نص قانون السقوط الحر

تتحرك الأجسام الساقطة سقوطا حرا بحركات متطابقة.

▶ لقد بنى ارسطو أفكاره على الحدس والمناقشات العقليـة والاستقراء، وأنكر صلاحية التجارب في المساعدة على وضع أسس العلم لأن الحواس — حسب أرسطو — هي التي تتكفل بنقل نتائج التجريب، والحواس غشاشة. لذا أتت أفكاره تلك وتفسيراته بعيدة عن المنهج العلمي الحديث.

◄ ورغم كل هذا فإن النموذج الكوني الميكانيكي لأرسطو — الذي وضعه في كتابه (السماء) — هو نموذج رائع ومتماسك وأنيق، استهوى العلماء وشغل بالهم، وبهرهم مدة 19 قرنا، وقد تأثر به حتى العلماء المسلمون.

وقد لا نستغرب عندما نجد الآن عوام الناس، يعتقدون بدوران الشمس حول الأرض وسقوط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من سرعة الأجسام الخفيفة في الهواء، وكذا شرط وجود قوة لبقاء الجسم في حركة افقية (لوجود الاحتكاك). وللأمانة العملية — وليس دفاعا عن ارسطو — فإن فكرة السقوط في الهواء، والحركة في المستوي الأفقي الذي به احتكاك، توافقان بعض الشيء افكار أرسطو، فهو كان يتكلم عن السقوط في الهواء، كما كان يتكلم عن حركة الأجسام فوق الأرض، ابن يوجد احتكاك.

2-3 میکانیك ابن سینا

يقول ابن سينا في كتابه (نجاة) :

(... ليس شيء من الأجسام الموجودة يتحرك او يسكن بنفسه، او يتشكل او يفعل شيئا غير ذلك، وليس ذلك له عن جسم آخر، او قوة فانضة عن جسم...).

3-3 ميكانيك غاليله

▶ كيف يمكن لشخص أن يقنع كل علماء أوروبا، كل قساوستها، كل الناس العاديين، ببطلان فكر أرسطو في الميكانيك ؟ فالحدس يؤيد أرسطو ...، ما هي إذن الوسيلة التي يستعملها ؟ ... اهتدى أخيرا اليها، إنها التجربة. نعم، بالتجربة وحدها تمكن العالم الفذ العبقري (غاليله غاليليو) من مناقضة ودحض أفكار أرسطو في الميكانيك، وفي هذا الصدد يقول اينشتاين في كتابه (تطور الأفكار في الفيزياء) ؛ إن التجربة هي لبّ اكتشاف غاليله.

◄ يقول غاليله في كتابه (علمان جديدان) ما يلي :

إن اية سرعة تنخفض تماما، طالما بقيت الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غانبة، وهو شرط لا يتحقق، إلا في المستوى الأفقى، لأنه في المستوى اللاأفقى سبب للتسارع باتجاه النزول، وسبب للتباطؤ باتجاه الصعود. ومن هذا ينتج أن الحركة على المستوى الأفقى متواصلة، والسرعة ثابتة لعدم وجود سبب يضعفها أو يعدمها.

تعليق

- حسب غاليله، الصلة موجودة بين القوة أو القوى الخارجية المؤثرة، وتغير السرعة، لا بين القوة والسرعة $\vec{F} \propto \vec{\Delta} v$ وليس $\vec{r} \propto \vec{V}$.
- ◄ القوة الخارجية تزيد من سرعة الجسم إذا كانت في اتجاه الحركة، وتنقص منها إذا كانت عكس اتجاه الحركة. وتكون منعدمة إذا كان الجسم في حركة مستقيمة منتظمة.

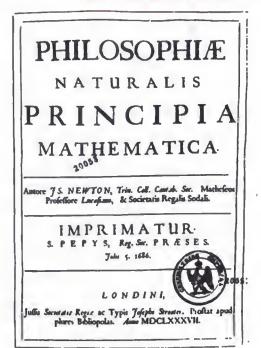
منال لحركة مستقيمة متغيرة

 $ec{v}$ حالة جسم يهبط مستوى مائلا : الحركة متسارعة لأن لـ $ec{F}$ نفس اتجاه الحركة (اتجاه $ec{v}$).





3-4- ميكانيك نيوتن أو توحيد الميكانيك الأرضية والميكانيك الفلكية







الشكل 213 من كتاب المبادئ

1/ قوة الجاذبية

رسم نيوتن في كتابه (المبادئ) شكلا يحمل رقم 213، فهو من البساطة والوضوح إلى درجة يجعلنا نفهم العلاقة بين الميكانيك الأرضية والميكانيك الفلكية وقد جاء تحت الشكل المذكور :

- ◄ إن الحجر المرمي ينحرف بتأثير الجاذبية عن طريقه الستقيم، ويتخذ مسارا منحنيا، ثم يسقط أخيرا على الأرض. وإذا رمي بسرعة كبيرة فسوف يسقط متوغلا إلى ابعد من ذلك... وبالاستمرار في هذه المناقشة يتوصل نيوتن إلى نتيجة مفادها أنه لولا مقاومة الهواء وعند الوصول إلى سرعة كافية يتغير شكل المسار، بحيث يمكن أن لا يسقط الحجر على سطح الأرض بصورة نهائية، بل يبدأ بالدوران حول الأرض مثلما تدور الكواكب على مداراتها في الفضاء الكوني.
- ◄ هكذا نجد أن نيوتن قد أكد أن حركة الأحجار الساقطة تماما مثل حركة الكواكب حول الشمس، وليضا حركة القمر حول الأرض، هي كلها عبارة عن سقوط. ولكنه سقوط مستمر إلى ما لا نهاية.
- ◄ وسبب كل هذا هو وجود قوة من نوع خاص، تخضع لها جميع هذه الأجسام ؛ إنها قوة الجاذبية الكونية.

تاثير القوة على حركة الأجسام الأرضية والفلكية

- ◄ ما هي القوة التي تجعل الأجسام تسقط على الأرض ؟
- ◄ ما هي القوة التي تجعل الأرض والكواكب تدور حول الشمس ؟

تفسير أرسطو

بما ان ارسطوْ قسم الحركة إلى حركة طبيعية على سطح الأرض، وحركة فلكية تصف حركة الكواكب فإنه يعطي التفسير التالي :

- ◄ كل جسم له عطالة (كتلة) لا يتحرك على سطح الأرض إلا بدفع قوة مطبقة عليه، فإذا زالت هذه القوة يتوقف الجسم في الحين.
- ◄ الأجسام التي تسقط باتجاه الأرض لا تحتاج إلى قوة، لأن أصلها ومكانها الطبيعي هو الأرض.
- ◄ الكواكب تدور حول الأرض بفعل قوة الدفع، التي تؤثر بها الشمس على الكواكب، مثل الرياح القوية التي تدفع الأجسام.

تفسير كبلر

◄ لم يكن كبلر يسعى إلى معرفة هندسة الكون فحسب، بل كان يبحث حثيثا عن "القوة الحيوية" (Animae motrix) التي تحرك الكواكب في مداراتها. فقرر أن هذه القوة دافعة صادرة عن الشمس. وهنا يكون كبلر قد تبنى تفسير ارسطو.

غير أن فكرة كبلر كانت خاطئة إذ أن القوة التي تحرك الكواكب هي <u>قوة جاذبة</u> — كما بينها العالم نيوتن فيما بعد — وليست قوة دافعة كما افترضها كبلر ومن قبله ارسطو.

تفسير غاليله

- ◄ استطاع غاليله أن يفسر بشكل مدهش تأثير القوى على حركة الأجسام الأرضية، وقد راينا ذلك في نص مبدأ العطالة، وايضا من خلال الأمثلة التي أوردناها، التي تعطي العلاقة بين طبيعة الحركة والقوة، وبين غاليله أن القوة إما أن تكون قوة دافعة، أو قوة معيقة للحركة، أو قوة منعدمة.
- ▶ اما تفسيره لتأثير القوة في الحركات الفلكية، بما فيها حركة الكواكب حول الشمس، فكان خاطئا، إذ رفض رفضا قاطعا فكرة تأثير القوى عن بعد، فكان يرفض الفكرة القائلة بأن الشمس هي مصدر القوى التي تحرك الأرض، والكواكب في مداراتها، وكذا رفض بشكل قطعي فكرة أن القمر هو الذي يؤثر على الأرض بقوى فتحدث ظاهرة المذ والجزر.

Hard_equation

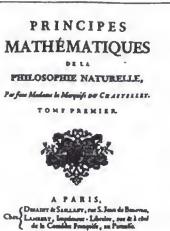
قوانينه الثلاثة في الديناميك، بالإضافة إلى قانون الجاذبية، أنموذجا في الدقة والروعة. ولا عجب أن كل المدارس في العالم الآن تدرس ميكانيك نيوتن.

الكوسمولوجيا الديكارتية

▶ كان ديكارت يرفض فكرة تاثير القوى عن بعد لأنه كان يرفض أصلا وجود الفراغ. وقد قال في هذا الصدد:

"إنني أرفض وجود أي تأثير مزعوم صادر عن الشمس ... بحيث تؤثر بواسطة قوة غامضة غير قابلة للشرح".
ومن ثم جاء بنظرية الدوامات التي تفترض وجود مادة شبه سائلة تملأ الفضاء بحيث تضطرب الكواكب التي تسير في وسطها، مولدة دوامات تجعل الكوكب يتبع مدارا معينا بدلا من سيره في خط مستقيم . وقد قبلت هذه النظرية خلال القرن السابع عشر على الرغم من خطئها إلا أنها فند ت فيما بعد و فرضت فكرة القوة والغيت فكرة الدوامات الديكارتية نهائيا .

ظهرت في كوسمولو جيا ديكارت اثار التفكير الأرسطي مثل استحالة و جود الفراغ المطلق و كذلك فكرة التفاعل بين الأجسام باللمس فقط . أما دور الرياضيات بالنسبة لديكارت فكان يقتصر على توضيح العمليات الفكرية ، وليس بالضرورة صياغة قوانين الطبيعة كما راى كل من غاليله و نيوتن.



أول نسخة فرنسية من كتاب "المبادئ"، ظهرت لأول مرة عام 1759م.

APIC APPROBATION AT PRIVILEGE DU ROI

◄ يرى بعض المؤرخين أن نظرية الدوامات لديكارت قد عطلت المسيرة العلمية لأنها رفضت الجاذبية العامة ، ورفضها لفهوم القوة المؤثرة عن بعد عموما ولهذا لم تقبل في فرنسا، نظرية نيوتن في القوى العامنها في كتابه لمبادئ وهذا تضامنا مع ديكارت وذلك إلى غاية بداية القرن الثامن عشر. لقد قوبل كتاب المبادئ في انكلترا ثم في أوروبا بحماس ، لكنه لم يحض بهذا الاعتبار في الأوساط الديكارتية وخاصة في فرنسا ، وعلقت جريدة العلماء الفرنسية le journal des savants عند صدور الكتاب ما يلي ، "إنه (أي بادئ) مجرد من أي قيمة فيزيائية لكونه لا يحقق الشروط اللازمة لفهم الكون". وهكذا نفهم الذا لم يتم نشر كتاب نيوتن في فرنسا إلا في سنة 1759م أي بعد 73 سنة من نشره في انجلترا.
 ◄ برهن نيوتن في كتاب المبادئ أن نظرية ديكارت للدوامات غير صحيحة فاستبدلها بالقانون العام الحاذية

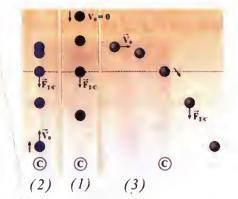
2/ المفهوم العام للقوة عند نيوتن

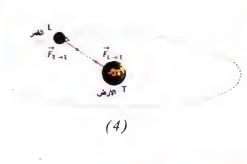
◄ يقول نيوتن في كتابه المبادئ :

إن القوة المؤثرة في جسم هي فعل يتحكم في الجسم كي يغير من حالة سكونه او من حالة حركته المنتظمة في خط مستقيم. إن هذه القوة تكمن في الفعل فقط، ولا تبقى في الجسم عندما ينتهي الفعل، لأن الجسم يحتفظ بأية حالة جديدة، يكتسبها وذلك من جراء عطالته الذاتية فقط. والقوى المؤثرة يمكن أن تأتي من مصادر شتى : الصدم أو الضغط أو القوة الجاذبة.

3/ القوانين الثلاثة لنيوتن

◄ القانون الأول لنبوتن (مبدأ العطالة لغاليله)
ننص عليه بما يتناسب والمفاهيم الجديدة الكتسبة.





أمثلة لأجسام ساقطة

- 1 ◄ جسم يسقط بدون سرعة ابتدائية.
- . \vec{v}_0 جسم يقذف شاقوليا نحو الأعلى بسرعة ابتدائية على ~ 2
 - 3▶ جسم يقذف بزاوية ميل افقية.
 - 4◄ القمر يدور حول الأرض.
- ightharpoonup ويمكن أن تعمم هذه القوة على كل الأجسام كل هذه القوة على كل الأجسام الفلكية. فقوة الجاذبية هي قوة عامة تخضع لها جميع الأجسام، فهي إذن قوة كونية، لذا يطلق عليها اسم قوة الجذب العام أو قوة الجذب الكونية.
 - ◄ وهكذا استطاع نيوتن أن يوحد الحركات الأرضية والحركات الفلكية بقوة الجاذبية.
- ▶ واستطاع أن يفسر كل الحركات الطبيعية (حركة السقوط، حركة الكواكب) انطلاقا من قوة الجاذبية، وكان نيوتن أول من استطاع أن يفهم بوضوح تام، أنه لأجل تفسير حركة الكواكب يجب أن نبحث عن القوى بالذات وليس عن غيرها وهذا ما يسمى حديثا بالتفسير الديناميكي. واستعمال قوة الجاذبية قادت نيوتن إلى وصف حركة الأجسام الأرضية والفلكية وصفا دقيقا، فأوجد مساراتها وسرعاتها في كل لحظة.
- ◄ بقي سؤال نطرحه ، لماذا لم يستطع كبلر وضع قانون الجاذبية ؟ رغم أن كبلر كان سبّاقا في وصف حركة الكواكب وصفا حركيا دقيقا. وكذا غاليله، لماذا لم يكتشف قانون الجاذبية، وهو الذي أوجد قانون السقوط الحر، كما أنه أبدى اهتماما يزيد بكثير عن الاهتمام الذي كرسه نيوتن لدراسة علم الفلك ؟ وأيضا (روبرت هوك) الذي بحث كثيرا في الجاذبية.

لاذا إذن لم يستطع كل العلماء الذين سبقوا أو عاصروا نيوتن من اكتشاف قانون الجاذبية ؟ فهل المسألة في الصدفة ؟! أم في التفاحة الساقطة التي قيل إن على إثرها اكتشف نيوتن قانون الجاذبية ؟! كلا المسألة في الصدفة ؟! أم في التفاحة والقوانين الثلاثة التي كلا، فالمسألة ليست في هذا ولا ذاك، بل العامل الحاسم هو في المفاهيم الدقيقة والقوانين الثلاثة التي وضعها نيوتن بنفسه بدءا بتوحيد الحركات الأرضية والفلكية، وانتهاء بتفسيرها باستعمال مفهوم القوة. لقد درس نيوتن الحركات دراسة ديناميكية (تحريكية) بإدخال المفهوم الدقيق للقوة على عكس سابقيه الذين درسوا الحركات دراسة حركية، أي دون إدخال مفهوم القوة.

▶ وهكذا يكون نيوتن قد اسس ميكانيكا (ميكانيك نيوتن)، وبه بر هذا الميكانيك إنجازا عظيما في تاريط العلوم كلها، جعلت من نيوتن اعظم علماء الفيزياء على را العصور. ويعتبر كتابه الشهير (المبادئ العلوم كلها، جعلت من نيوتن اعظم علماء الفيزياء على را العصور ويعتبر كتابه الشهير (Philosophiae Naturalis Principia Mathématica) الذي وضعه عند (الجمعية الملكية Royal Society) في 28 افريل 1686 ونشر في 5 جويلية 1686. والذي ضمنه

• الفعلان المتبادلان لهما نفس نوعية التاثير (إما تلامسيان، أو بعديان). • الفعلان المتبادلان من نفس الطبيعة (تجاذبيان او مغناطسيان او كهربائيان).

◄ القانون الثانى لنيوتن

التاسيس للقانون الثاني

الحركة

تعريف: الحركة هي دراسة تغير مواضع جسم بتغير الزمن دون التعرض لمسببات الحركة.

- إن موضوع الحركة هو الكان، والزمن والنقطة المادية.
- فلا يمكن أن نتكلم عن حركة دون وجود مكان يتحرك فيه الجسم التحرك، وزمن تتم فيه الحركة، كما لا يمكن أن نتكلم عن الحركة دون وجود متحرك.
 - وعليه، لوصف حركة وصفا دقيقا، ينبغي الإجابة عن الأسئلة التالية :

أين تمت الحركة ؟ متى حدثت ؟ من التحرك ؟

الإجابة عن السؤال متى ؟

تتم بتحديد مختلف اللحظات الزمنية المسجلة اثناء الحركة وهي (t_1) ، (t_1) ، (t_2) ، (t_1) .

 $t_0=0$: هي اللحظة الابتدائية (لحظة بدء الحركة) عادة ما نصطلح على جعل $t_0=0$).

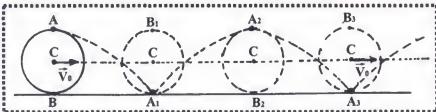
الإجابة عن السؤال من ؟

يتطلب تحديد المتحرك ذاته والذي عادة ما ندعوه <u>الجملة اليكانيكية</u>، وطلب اللسهولة نعتبر المتحرك نقطة ندعوها النقطة المادية.

فالنقطة المادية هي نموذج نعبر به عن المتحرك (الجملة المكانيكية) المراد دراسته، شريطة أن تكون كتلة النقطة المادية تساوي كتلة المتحرك نفسه. وعادة ما تكون هذه النقطة هي مركز عطالتها (C).

ما هو مركز عطالة جسم ؟

لنقم بالتجربة التالية :



تدفع كرة متجانسة فوق مستو افقي املس (يهمل فيه الاحتكاك) بسرعة $ec{v}_o$ ونسجل بعض مواضع هذه الكرة (الشكل I). كما نمثل ثلاث نقاط النقطتين A و B الواقعتين على حافة الكرة والنقطة C مركز الكرة.

- إن مسار النقطة (A) هو المسار AA_1A_2 فهو مسار منحن (شكل دويري Cycloide).
 - وايضا مسار النقطة (B) هو المسار BB_1B_2 فهو مسار منحن (شكل دويري).
 - اما مسار النقطة (C) فهو مسار مستقيم.
- ولا توجد نقطة اخرى في الكرة لها مسار مستقيم، فالنقطة (C) هي النقطة الوحيدة من الجسم التي مسارها مستقيم وسرعتها تبقى ثابتة $ec{v}_0$ لذا تسمى هذه النقطة (C) مركز عطالة الكرة.

في معلم عطالي لكل جملة معزولة أو شبه معزولة، توجد على الأقل نقطة تسمى مركز عطالتها، تُستمر في حالة السكون إذا كانت ساكنة أو تكتسب حركة مستقيمة منتظمة بسرعة لها نفس السرعة التي كانت لها لحظة انعدام القوى الخارجية المؤثرة على الجملة.

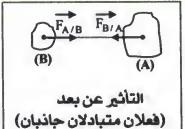
 $ec{v}=Cte$ اى في حالمة $ec{F}=ec{ ilde{ ilde{ ilde{O}}}}$ فالجسم ساكن بالنسبة لعلم عطالي، او فحركة الجسم مستقيمة منتظمة.

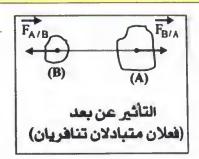
القانون الثالث لنيوتن (مبدأ الفطين المتبادلين)

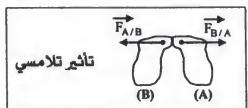
لكل فعل رد فعل مساو له في الشدة ومعاكس له في الاتجاه.

وبنص آخر ،

او إذا اثرت جملة ميكانيكية (A) على جملة ميكانيكية (B) بقوة $\widetilde{F}_{A/B}$ فإن الجملة (B) تؤثر على الجملة (A) بقوة $ar{F}_{B/A}$ ، تساويها في الشدة، وتعاكسها في الاتجاه ولها نفس الحامل. $F_{A/B} = F_{B/A}$ ؛ وبتعبير رياضياتي نكتب $\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A}$







نتائج هامت

- مبدأ الفعلين المتبادلين صحيح سواء كان الجسمان المتأثران ساكنين أو متحركين (بالنسبة لعلم عطالي).
- الفعلان المتبادلان يوثران على جسمين مختلفين والفعل $\tilde{F}_{A/B}$ يوثر على الجسم (B) $F_{B/A}$ يؤثر على الجسم (A).
 - الفعلان المتبادلان متزامنان، فهما يحدثان في نفس اللحظة حسب ميكانيك نيوتن.

 $X_0, X_1, X_2, \dots, X_i$: إحداثياته:

◄ كيف نختار المرجع المناسب لدراسة حركة جسم معين؟

- لنفترض، على سبيل المثال، أن سيارة تسير في طريق مستقيم وشخص يجري وراءها، وشخص ساكن بالنسبة إلى الأرض يراقبها. أي الشخصين يسهل عليه دراسة حركة السيارة ؟
- بالطبع، الشخص الساكن بالنسبة إلى الأرض هو الذي يستطيع، بشكل سهل، دراسة حركة السيارة ،
 لأن الشخص الأول يكون في حركة نسبية مع السيارة. وإذا كانت حركته متغيرة السرعة فدراسة حركة السيارة بالنسبة إليه تصبح أكثر تعقيدا.
 - لذا نختار نوعا خاصا من المراجع، ندعوه المرجع العطالي (المعالم العطالية).

• المرجع العطالي هو مرجع ساكن، او متحرك بحركة مستقيمة منتظمة بالنسبة إلى مرجع آخر نعتبره ساكنا خلال مدة الدراسة.

إذا توخينا الدقة المطلقة، فإنه لا يوجد في الطبيعة مرجع عطالي، فالأرض تتحرك في مسار منحن والشمس كذلك، لأنه لا يوجد مسار مستقيم في الكون (وهذا ما أكدته النظرية النسبية العامة لاينشتاين التي تقول بانحناء الكون). غير أنه يمكن اعتبار الأرض والشمس، عمليا، مرجعين عطاليين، والعالم المرتبطة بها معالم عطالية، وهذا في زمن صغير (زمن التجربة أو زمن دراسة الحركة).

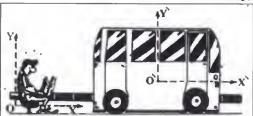
أمثلة لمعالم عطالية

1/ المعلم السطحي الأرضى (المعلم المخبري) Référentiel terrestre

هو معلم مرتبط بسطح الأرض، يصلح لدراسة الأجسام التي تتم على سطح الأرض خلال مدة صغيرة، مقارنة بالمدة التي تستغرقها الأرض في دورانها حول نفسها.

أمثلة: شجرة، عمود هاتف، محطة، رصيف، مختبر... كلها مراجع مرتبطة بسطح الأرض.

مثال آخر: شخص جالس في محطة يراقب حركة حافلة، يمكن اعتبار كل من الشخص والمحطة مرجعا سطحيا أرضيا، وهما مرجعان عطاليان لأنهما ساكنان بالنسبة إلى الأرض (التي يمكن اعتبار سرعتها ثابتة في زمن التجربة).



نعتبره عطاليا. (x, y, z) نعتبره عطاليا.

ملاحظة

إن المعلم المرتبط بالحافلة ('o', x', y') يمكن ان يكون عطاليا إذا كانت سرعة الحافلة ثابتة بالنسبة للمعلم المرتبط بالأرض، وإلا فهو معلم (لا عطالي).

تعريف : مركز عطالة جسم هو النقطة الوحيدة منه التي تحافظ على سرعتها إذا كانت حركة الجسم مستقيمة منتظمة.

ملاحظة هامة

مركز عطالة جسم (C) هو نفسه مركز الأبعاد المتناسبة، وينطبق مع مركز الثقل (C) في مكان فيه حقل الجاذبية منتظم.

الإجابة عن السؤال أين ؟

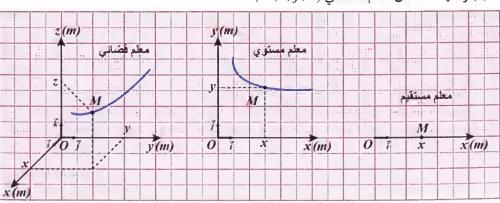
يتطلب تعيين المسار، وبالتالي تحديد المواضع المختلفة التي يمر بها المتحرك، وهذا بالنسبة لجسم مرجعي محدد Référentiel مرفق بمعلم مناسب Repère .

Le référentiel المرجع

الرجع (الجسم المرجعي) هو أي جسم صلب غير قابل للتشوه يسمح بتعيين حركة الجسم المدروس بالنسبة إليه.

Le repère

- العلم هو حملة إحداثيات مناسبة تكون مرتبطة بالجسم الرجعي.
- عادة ما نستعمل الإحداثيات الكارتبرية (الديكارتية) (x, y, z) لتعيين مواضع المتحرك. فإذا كانت الحركة تتم في مستقيم نحتاج إلى إحداثية واحدة هي الفاصلة (x) وبالتالي نلجاً إلى المعلم المستقيم .
- و اما إذا كانت الحركة تتم في مستو فإننا نحتاج إلى إحداثيتين هما الفاصلة (x) والرتيبة والترتيبة وبالتالي نستعمل المعلم المستوي (i,j).
- وإذا تمت الحركة في الفضاء فالحركة تحدد بالإحداثيات الثلاثة الفاصلة (x) والرتيبة (y) والراقم
 - $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ وعليه نستعمل العلم الفضائي (z)



مثال : لدراسة الحركة المستقيمة لكرية فوق منضدة افقية نحتاج إلى مرجع، ليكن على سبيل المثال المنضدة، ونحتاج إلى معلم هو العلم



 (o, \overline{i}) الستقيم

• مبدؤه : النقطة o حافة المنضدة

• شعاع السرعة

y(m) $M_1(t_1)$ V_{m_1} $M_3(t_3)$ O T x(m)

ليكن المسار T المتحرك نسجل عليه بعض المواضع في لحظاتها المناسبة وهي $M_1(t_1), M_2(t_2), \dots$

◄ شعاع السرعة المتوسطة إلى

عريف

شعاع السرعة المتوسطة \overline{V}_m لمتحرك في مجال زمني $\begin{bmatrix} t_1, t_3 \end{bmatrix}$ هو نسبة السافة القطوعة إلى زمن قطعها، وهذا بالنسبة لعلم معين.

$$\vec{v}_m = \frac{\overline{M_I M_3}}{t_3 - t_I} = \frac{\overline{OM_3} - \overline{OM_I}}{t_3 - t_I}$$

$$\vec{v}_m = \frac{\Delta \overline{OM}}{\Delta t}$$
 وبوضع $\Delta \overline{OM} = \overline{OM}_3 - \overline{OM}_1$ و $\Delta t = t_3 - t_1$ وبوضع $\Delta t = t_3 - t_1$

◄ شعاع السرعة اللحظية ਔ

شعاع السرعة اللحظية \vec{v} لمتحرك في لحظة زمنية (1) هو السرعة المتوسطة عندما يتقلص فيه المجال الزمني $t_3-t_1=\Delta t o 0$ اي عندما يؤول $t_3-t_1=\Delta t$

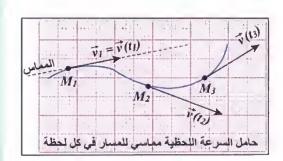
$$\vec{v} = \lim_{t_3 \to t_1} \vec{v}_m = \lim_{t_3 \to t_1} \frac{\overrightarrow{OM}_3 - \overrightarrow{OM}_1}{t_3 - t_1} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \overrightarrow{OM}}{\Delta t}$$

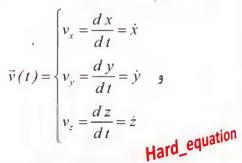
 $\vec{v}(t) = \frac{d \, \overline{OM}}{d \, t}$ بالنسبة للزمن \vec{OM} اي ان :

 $\frac{d}{dt}$ ملاحظة: في الفيزياء يعبر عن المشتق بالنسبة للزمن بالمؤثر

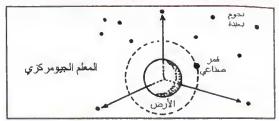
، مركبات السرعة اللحظية $\widetilde{\mathcal{V}}$ في العلم الكارتيزي هي $\mathcal{V}_{_{\! 1}}$ و بحيث

$$\vec{v}(t) = v_x \vec{i} + v_y \vec{j} + v_x \vec{k}$$





2/ المعلم المركزي الأرضي Référentiel géocentrique



ويسمى ايضا معلم بطليموس

• هو معلم مبدؤه مركز الأرض (مركز عطالـة الأرض) ومحاوره تتجـه نحو ثلاثـة نجـوم ثابتـة (تكاد تكون ثابتـة في زمن التجربـة).

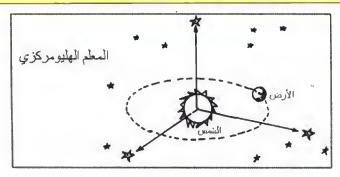
• وهو يصلح لدراسة حركة التوابع الأرضية.

مثال: القمر، الأقمار الصناعية ...

3- المعلم المركزي الشمسي (معلم كوبرنيك) Référentiel héliocentrique

• هو معلم مبدؤه مركز الشمس (مركز كتلة الشمس) ومحاوره تتجه نحو ثلاثة نجوم ثابتة (تكاد تكون ثابتة خلال زمن التجربة).

• وهو يصلح لدراسة حركة الكواكب مثل ؛ عطارد، الأرض، الذنبات...



◄ شعاع الموضع OM

شعاع الموضع \overline{OM} هو شعاع يحدد موضع المتحرك M في لحظة زمنية (t) بالنسبة للمبدا (O) لعلم كارتيزي $(O,ec{i}\,,ec{j}\,)$.

$$\vec{r} = \overrightarrow{OM} = x\vec{i} + y\vec{j}$$

x(t) عيث x(t) فاصلة المتحرك في اللجظة x(t) و ترتيبة المتحرك في اللحظة x(t)

$$\left\| \vec{r} \right\| = \left\| \overrightarrow{OM} \right\| = \sqrt{x^2 + y^2}$$
 قيمة شعاع الموضع :

لنعين قيمة $V(t_3)$ وقيمة $V(t_2)$ بنفس الطريقة

- $\vec{v}(t_3)$ و $\vec{v}(t_2)$ و $\vec{v}(t_1)$ و مناسب نمثل $\vec{v}(t_3)$
- $v(t_1)$ بشعاع حاملة الماس للمسار في النقطة M_1 المحددة باللحظة $v(t_1)$ بالمثل الآن $v(t_1)$
- M_2 المحددة باللحظة الماس للمسار في النقطة M_2 المحددة باللحظة $V(t_2)$ المحددة باللحظة الماس للمسار في النقطة $V(t_2)$
 - \star ونمثل (t_3) بشعاع حاملة الماس للمسار في النقطة M_3 المحددة باللحظة $V(t_3)$.

إذا تغيرت السرعة اللحظية لمتحرك في القيمة أو في المنحى أو في كليهما معا بالنسبة إلى معلم معين خلال مجال، نقول إن المتحرك اكتسب تسارعا.

\vec{a}_m أسعاع التسارع المتوسط

شعاع التسارع المتوسط \widetilde{a}_{m} لتحرك في مجال زمني $\left[t_{2},t_{3}
ight]$ هو نسبة تغير السرعة اللحظيـة إلى تغير . $\vec{a}_m = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_I}{t_3 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ الزمن، وهذا بالنسبة إلى معلم معين :

$\vec{a}(t)$ شعاع التسارع اللحظي

شعاع التسارع اللحظي $ec{a}$ لتحرك في لحظة زمنية (t) بالنسبة لمعلم معين، هو التسارع التوسط $\Delta\,t=t_3-t_1 o 0$: عندما يتقلص فيه المجال الزمني $\left[\,t_1,t_3\,
ight]$ على لحظة واحدة (t) اي عندما

$$\vec{v} = \lim_{\Delta t \to 0} \vec{a}_m = \lim_{\Delta t \to 0} \left(\frac{\Delta v}{\Delta t} \right) = \frac{d\vec{v}}{dt}$$
 إذن :

$$\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$$
اي .

- - $\vec{a}_2(t_2)$ التسارع $\hat{a}_2(t_2)$ التسارع *

$$\vec{a}_2(t_2) = \vec{a}_2 = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_I}{t_3 - t_I}$$
 : نعلم ان

$$ec{\Delta \vec{v}} = \vec{v}_3 + (-\vec{v}_1)$$
 . نضع $\Delta \vec{v} = \vec{v}_3 - \vec{v}_1$ نضع

فلكي نمثل \vec{v} في النقطة M_2 وجب علينا تمثيل شعاع

السرعة \vec{v}_{i} في النقطة M_{2} ومن نهايته نمثل الشعاع $(-\vec{v}_{2})$ ثم نرسم شعاع M_{2} كما هو موضح في . $\Delta \vec{v}$ الشكل المقابل، ومن ثم نعين طوله. وبالاستعانة بسلم السرعة نجد قيمة

$$v_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x}$$
 ، مثل (.) مثل عن الشتق بنقطة يعبر في بعض الأحيان عن الشتق بنقطة

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$$
 : شدة السرعة بدلالة مركباتها

 $M_1(t_l)$

 $M_0\left(t_0=0s\right)$

وخصانص آ

الحامل : مماسي للمسار في النقطة المحددة باللحظة (1). الاتجاه : اتجاه الحركة

$$v = \left\| \frac{d \overline{OM}}{dt} \right\|$$
 القيمة (الشدة) : تعطى بالعلاقة

- . كيفية تعيين شعاع السرعة اللحظية آ فى وثيقة بطريقة تقريبية
- * تعطي الوثيقة المرفقة تسجيلا لمواضع متحرك في $t_0, t_1, t_2 \dots$ لحظات زمنیة
- \star زمن التسجيل بين لحظة وأخبرى تليها هو au أي \star

يلخ
$$\dots t_2 - t_1 = \tau$$
 و $t_1 - t_0 = \tau$

إذا كان زمن التسجيل T صغيرا بكفاية، فإن السرعة اللحظية تساوي تقريبا السرعة المتوسطة في منتصف المجال الزمني.

- $v(t_1)pprox v_m[t_0,t_2]$. يكون ياللحظة (t_1) الواقعة في منتصف المجال الزمني و المراد يكون المحظة (t_1) الواقعة في منتصف المجال الزمني المراد المرا
 - $v(t_2)pprox v_m[t_1,t_3]$ ، وفي اللحظة t_1,t_3 الواقعة في منتصف المجال الزمني t_2 يكون اللحظة t_3
 - * وهكذا بالنسبة لبقية اللحظات الأخرى...

 $V(t_1)$ لنعيّن قيمة

$$v_m = \frac{d}{\Delta t}$$
 : نعلم ان

السافة القطوعة، Δt الفترة الزمنية لذلك.

* حسب الخاصية السابقة نكتب:

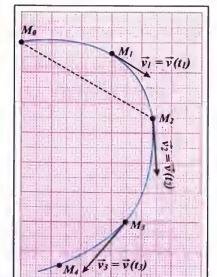
$$v(t_1) \approx v_m[t_0, t_2]$$

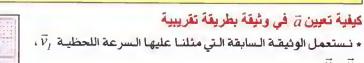
$$v(t_1) \approx \frac{M_0 M_2}{t_2 - t_0} = \frac{M_0 M_2}{2\tau - 0} = \frac{M_0 M_2}{2\tau}$$
 إذن :

نقيس المسافة بين (M_0) و (M_2) فنجد ،

$$d_1 = M_0 M_1$$

 $v(t_I)$ ئەرنىسى



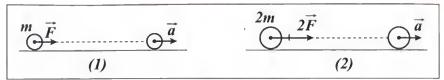


للخروج من هذا التناقض، فرق نيوتن في البداية بين كتلة الجسم أثناء سقوطه وبين كتلته أثناء حركته على سطح الأرض. فسمى الأولى الكتلة الجاذبة (الكتلة الثقالية) Masse pesanteur وسمى الأخرى (الكتلة العطالية) masse inertielle .

فالكتلة الجاذبة للجسم تتجلى أثناء سقوطه على الأرض والكتلة العطالية له تتجلى أثناء حركته

• ثم أجرى نيوتن دراسة معمقة من أجل إزالة التناقض الظاهري بين النتيجتين 1 و 2 فطرح السؤال التالي : كيف يمكن لأجسام لها كتل مختلفة، أن تكتسب نفس التسارع ؟ للإجابة عن هذا السؤال قام نيوتن بسلسلة من التجارب:

 \overrightarrow{F} le $\Sigma \overrightarrow{F}$



قذفت كرة كتلتها (m) فوق سطح أفقي أملس بقوة F فوجد أنها تكتسب تسارعا \widetilde{a} (الشكل I). كرر التجربة لكرة أخرى كتلتها (2m) أي ضعف كتلة الكرة الأولى فوق سطح أفقي أملس بقوة 2F ، اي شدتها ضعف شدة القوة التي أثرت على الكرة الأولى فوجد أن الكرة اكتسبت نفس التسارع \vec{a} الذي اكتسبته الكرة الأولى (الشكل 2).

وهكذا يكون نيوتن قد خلص إلى النتيجة التالية مجيبا عن السؤال السابق:

يمكن للأجسام ذات الكتل المختلفة، أن تكتسب نفس التسارع شريطة أن يؤثر عليها بقوى مختلفة تتناسب مع كتلتها (العطالية).

هذه النتيجة قادت نيوتن لأن يطرح سؤالا آخر ذا اهمية بالغة وهو ؛

هل الأجسام ذات الكتل المختلفة، الساقطة سقوطا حرا تخضع جميعا لنفس قوة جذب الأرض لها ؟ ام ان كلا منها يخضع لقوة جنب مختلفة تتناسب مع كتلته ؟

إن الدراسة السابقة جعلت نيوتن يجيب كما يلي:

إن كل جسم ساقط باتجاه الأرض يخضع لقوة جنب مختلفة تتناسب مع كتلته، ولهذا السبب يكتسب نفس التسارع \tilde{g} (جاذبية الأرض).

وبهذه الدراسة يكون نيوتن قد أزال نهائيا التناقض الظاهري بين النتيجتين 1 و 2 وجعلته يقبل بأنه لا فرق بين الكتلة العطالية والكتلة التجاذبية.

استرسل نيوتن في تجاربه كما يلي :

تجربة 2

وشعاع التسارع $ec{a}_2$ یکون له نفس حامل $ec{v}$ ، وطوله بطبیعة الحال یختلف عن طول $ec{a}_2$ لأن $ec{a}_2$

وليس $\vec{a}_2 = \Delta v$ فنقول إن $\vec{a}_2 = \Delta v$ وليس $a_2 \approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$

حامل v َ ∆ ، لكن نختار له سلما آخر مناسبا.

 $\Delta \vec{v}$ متسامت مع شعاع تغیر السرعة مع شعاع التسارع

مقاربة أولية للقانون الثاني لنيوتن

راينا في السنة الأولى ثانوي أن القوة \vec{F} أو مجموع القوى $\sum \tilde{F}$ المؤثرة على جسم يمكن أن تغيّر من حالته

ڪما راينا ان اتجاه $ec{F}$ او $ec{F}$ يکون باتجاه تغير

السرعة $\Delta \vec{v}$ في حالة الحركة المتغيرة، وفي هذا الصدد يقول نيوتن في كتابه المبادئ :

إن تُغيرات الحركة تتناسب مع القوة وتتم وفق المنحى الذي أثرت فيه هذه القوة.

نترجم قول نيوتن بلغة فيزيانية حديثة كما يلي:

في معلم عطالي (غاليلي) مجموع القوى $\sum \widetilde{F}$ المطبقة على جملة ميكانيكية في لحظة زمنية (t) لها نفس اتجاه وحامل شعاع تغير السرعة $\Delta \vec{v}_G$ لمركز عطالة (G) للجملة بين لحظتين متقاربتين تؤطران اللحظة t اي من اجل مجال زمني Δt صغير.

كتلة المتحرك (m) على حركته.

تأثير الكتلة على الحركة

في الدراسة السابقة استطعنا أن نحدد جهة وحامل القوة F وكيف أن لها نفس حامل التسارع فقد أعاد نيوتن تجربة غاليله في السقوط الحر لكرات لها كتل مختلفة وتركها تسقط من قمة برج عال. فتبين له أن الأجسام تستغرق في سقوطها أزمنة متساوية وبالتالي تكتسب سرعا متساوية.

نتيجةً 1 استنتج نيوتن أن حركة الجسم الساقط مستقلة عن كتلته.

جعل نيوتن الكرات السابقة فوق سطح افقي املس تماما، وأثر على جميعها بنفس القوة فلاحظ أن الكرة التي لها كتلة اكبر تكتسب سرعة اقل.

نتيجةً 2 استنتج نيوتن أن حركة الجسم فوق المستوي الأفقي تتعلق بكتلته.

يبدو أن هناك تناقضا بين النتيجة 1 والنتيجة 2!



محاكمة غاليله من طرف الهيئة المقدسة للفاتيكان.

وكان ذلك يوم 20 جويلية 1633 م، لأنه تبنى النموذج الهيليومركزي الذي ينادي بدوران الأرض حول الشمس. فخاف على حياته، لذلك تراجع عما قاله حول دوران الأرض حول الشمس، فخفف عليه الحكم من الإعدام إلى النفي. أصدر الفاتيكان اعتذارا رسميا لغاليله سنة 1980م، بعد 338 سنة من وفاته...



نيوتن واسطورة التفاحة

• قدف مرة اخرى الكرة ذات الكتلة (m) بالقوة $2 ilde{F}$ فوجد أنها تكتسب تسارعا $2 ilde{a}$ (الشكل $3 ilde{c}$). فاستنتج ما يلي :

a كلما زادت القوة المؤثرة على الجسم، زادت قيمة التسارع الذي يكتسبه هذا الجسم. فالتسارع $a \propto F$. F عناسب طردا مع القوة

فذف الكرة (2m) بالقوة \tilde{F} فوجد أنها تكتسب تسارعا $\frac{\vec{a}}{2}$ أي نصف التسارع السابق (الشكل 4).

فاستنتج ما يلي : كلما زائت كتلة (الكتلة العطالية) الجسم كلما نقص تسارعه، فالتسارع a يتناسب عكسا مع الكتلة ،

 $a \propto \frac{1}{m}$

 $a \propto \frac{l}{m}$ ي الأخير نكتب: $a \propto F$ و في الأخير نكتب

 $a=k\,rac{F}{m}$ ؛ و لإزالة إشارة التناسب ∞ نضع مكانها ثابت التناسب k اي و الإزالة إشارة التناسب و نضع مكانها ثابت التناسب و الم

اذن F=ma وهذا ما يعرف بالقانون الثاني لنيوتن.

نص القانون الثاني لنيوتن

في معلم عطالي مجموع القوى $\sum \vec{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية كتلتها m تساوي حاصل جداء كتلتها في تسارع مركز عطالتها \vec{a} . ويعبر عنه رياضيا بالصيغة $\sum \vec{F} = m \vec{a}$.

* نتانج

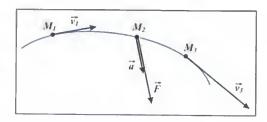
. $ec{F}$ عطالة الجملة الميكانيكية ألى له نفس حامل مجموع القوى

$$\vec{a}=\vec{0}$$
 اِذَا ڪَانِ $\sum \vec{F}=\vec{0}$ فإن

 $\vec{v} = \overline{Cte} = 1$

فنجد مبدأ العطالة (القانون الأول لنيوتن).

Hard_equation



· شعاع التسارع اللحظي • $\vec{a} = a_x \, \vec{i} + a_y \, \vec{j} + a_z \, \vec{k}$

$$\vec{a}(t) = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2 \vec{OM}}{dt^2}$$

$$a_x = \frac{dv_x}{dt} = \frac{d^2 x}{dt^2} = \ddot{x}$$

$$a_y = \frac{dv_y}{dt} = \frac{d^2 y}{dt^2} = \ddot{y}$$

$$a_z = \frac{dv_z}{dt} = \frac{d^2 z}{dt^2} = \ddot{z}$$

- $a = \sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2}$ ، قيمة شعاع التسارع •
- حامله وجهته ، نحو داخل تقفر انحناء السار.
 - $(M, \tilde{u}_T, \tilde{u}_N)$ في معلم فريني (
 - $\vec{v} = v \vec{u}_T$: شعاع السرعة اللحظية

$$\begin{vmatrix} a_T = \frac{dv}{dt} \\ a_N = \frac{v^2}{\rho} \end{vmatrix} \vec{a} = a_T \vec{u}_T + a_N \vec{u}_N$$
شعاع التسارع اللحظي •

حيث ρ نصف قطر انحناء السار

3/ دراسة وثيقة • الدراسة التقريبية للحركة

- $\tau \approx 10^{-3} \, \text{s}$ إذا كانت مدة التسجيل τ صغيرة في حدود
 - شعاع السرعة اللحظية 7

$$v_3 = v_{(i_3)} \approx \frac{M_2 M_4}{2 \tau}$$
, $v_I = v_{(i_I)} \approx \frac{M_0 M_2}{2 \tau}$

- حاملها : الماس للمسار في مختلف مواضع المتحرك.
 - جهتها : بجهة الحركة.

شعاع تغير السرعة تاك

$$\Delta \vec{v}_2 = \vec{v}_3 - \vec{v}_I$$

- $\Delta \vec{v}_2$ قيمته بطول •
- جهته وحامله : نحو داخل تقغر انحناء السار.



تطور جملة ميكانيكية

المقاربة تاريخية لميكانيك نيوتن 1/ الحركة

وصف الحركة يتم بتحديد : ابن تمت الحركة ؟ متى حدثت ؟ من المتحرّك ؟

ابن تفيد الكان الذي تمّت فيه الحركة ويتطلّب تحديد المرجع، ومن ثمّ العلم المناسب، ويجب أن يكون عطاليا، وبه نعيّن نوع المسار. متى تفيد الرّمن الذي استغرقته الحركة، وتتطلّب تحديد مختلف اللحظات الزمنية المسجّلة اثناء الحركة. من تفيد المتحرّك نفسه، الذي يُدعى الجملة المكانيكية، ومن هذه الجملة نختار نقطة مميّزة ندرسها وهي مركز العطالة، (وهي نفسها مركز الثقل G ، في حقل حاذبية منتظم، وأيضا هي مركز الكتلة).

$(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ (ديكارتي) الدراسة الشعاعية للحركة في معلم فضاني كارتيزي (ديكارتي) (2

 $\vec{r} = \overline{OM}$ e mala llaged • $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$

x(t) الفاصلة

y(t) الترتيبة

z(t) (الراقم) السمت

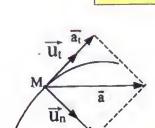
• شعاع السرعة اللحظية ت

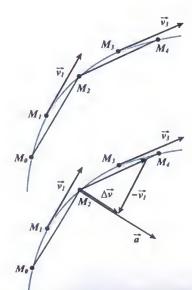
$$\vec{v} = v_x \, \vec{i} + v_y \, \vec{j} + v_z \, \vec{k}$$

$$\vec{v}(t) = \frac{d\vec{OM}}{dt} \begin{vmatrix} v_x = \frac{dx}{dt} = \dot{x} \\ v_y = \frac{dy}{dt} = \dot{y} \\ v_z = \frac{dz}{dt} = \dot{z} \end{vmatrix}$$

- $v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2 + v_z^2}$: قيمة شعاع السرعة

 - * حامل شعاع السرعة ، مماسي للمسار.
 - جهة شعاع السرعة ؛ بجهة الحركة.





تماريه خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نيوته

التمرين ا

يقول ارسطو في الحركة :

(الجسم المتحرك يتوقّف عن الحركة، عندما تنعدم القوّة التي كانت تدفعه).

1/ هل نفهم من قول ارسطو، إن الحركة تحتاج إلى قوة ؟

2/ حسب قول ارسطو، هل نفهم منه أن السرعة دلالة على وجود قوة خارجية تؤثر على الجسم

الكلام السابق بأن القوة النافعة $ar{F}$ تتناسب مع السرعة $ar{v}$ للجسم، وإذا كان $ar{z}$

 $\overline{v} = \overline{Cte}$ ارسطو إذا كان الجسم يتحرك بسرعة ثابت اي

ای \vec{F} ثابت \vec{F}

أ / نعم، نفهم من قول ارسطو ان الحركة تحتاج إلى قوة لكي تستمر.

2/ حسب قول ارسطو فإن السرعة دلالة على وجود القوة الخارجية بدليل أنه قال إذا انعدمت القوة الخارجية، توقّف الجسم عن الحركة (بمعنى انعدمت سرعته).

 $\vec{F} \propto \vec{v}$ ای \vec{v} ، ای \vec{F} یتناسب مع \vec{v} ، ای \vec{V}

الرّمز ∞ هو رمز التناسب

 $ec{F} \propto ec{v}$ حسب میکانیك ارسطو

فإذا كان $\vec{F} = \overline{Cte}$ فإن $\vec{v} = \overline{Cte}$ ، ثابت أيضا

تعليق ، سنرى في التمرين 2 ان فكرة ارسطو في المكانيك غير صحيحة.

يقول غاليله في كتابه (علمان جديدان) ،

إن أية سرعة تنحفظ تمامًا، طالمًا بقيت الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غانبة، وهو شرط لا يتحقق إلاً في الستوى الأفقى، لأنه يوجد في الستوى اللاافقي، سبب للتسارع باتجاه الثزول وسبب للتباطؤ باثجاه الصعود. ومن هذا ينتج ان الحركة على السنوى الأفقي متواصلة والسّرعة ثابتة لعدم وجود سبب يضعفها أو يعدمها.

l / عبر بمقادير فيزيائية عن المفاهيم التالية ،

أ/ السرعة تتحفظ تماما

ب/ الأسباب الخارجية للتسارع او للتباطؤ غانبة

وسرعة الجسم V او كانت توجد علاقة بين القوة الخارجية F وسرعة الجسم V او V

 $\Delta \vec{v}$ علاقة بين القوة الخارجية \vec{F} وتغيّر السرعة

3/ استناداً إلى غاليله، فهل ان وجود السرعة 7 لجسم ما، دلالة على ان الجسم يخضع لقوى خارجية.

4/ مَن من العالمين غاليله وارسطو، بنى افكاره في الحركة على اسس علمية.

a شعاع التسارع اللحظي •

 $a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$: قيمته •

• جهته وحامله : نحو داخل تقفر انحناء المسار (بجهة Δv).

4/ أنواع الحركات

في مرجع الحركة، تكون حركة نقطة مادية (M):

- منتظمة ؛ إذا كانت قيمة شعاع السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ ثابتة.
- متسارعة ؛ إذا كانت قيمة شعاع السرعة اللّحظية $\vec{v}(t)$ تزداد بتغيّر الزمن.
- متباطئة ، إذا كانت قيمة شعاع السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ تنقص بتغيّر الرّمن.

5/ القوانين الثلاثة لنيوتن

• القانون الأول (أو مبدأ العطالة)

في معلم عطالي، إذا كان مجموع القوى \overline{F} المؤثرة في جملة ميكانيكية معدوم فانَ هذه ألجملة إمّا ساكنة أو متحرّكة حركة مستقيمة، والعكس صحيح.

$$\sum \vec{F} = \vec{0} \begin{vmatrix} \vec{v} = \vec{0} \\ \vec{v} = Cte \end{vmatrix}$$
: الجسم ساكن بالنسبة لعلم الحركة

• القانون الثاني (أو نظرية مركز العطالة)

$$\sum \overrightarrow{F_{\text{éxt}}} = m\overrightarrow{a_G}$$

مجموع القوى المؤثرة في الجملة المكانيكية $\sum \vec{F}$

تسارع مركز عطالة الجملة في معلم عطالي. $ec{a}_{G}$

• القانون الثالث (مبدأ الفعلين المتبادلين)

اذا أثرت جملة ميكانيكية (A)على جملة (B)بقوة $\widetilde{F}_{\gamma_{g}}$ فان الجملة (B) تؤثر $ec{F}_{\gamma_8} = -ec{F}_{\eta_A}$: على A بقوة $ec{F}_{\eta_A}$ تساويها في الشدة وتعاكسها في الاتجاه

 $\vec{v} = \overline{Cte}$ السرعة تتحفظ تمامًا، يُعبَر عنها بأن /1

 $\theta = 0$ الأسباب الخارجية للتسارع أو التباطؤ غائبة θ معناه أن مجموع القوى الخارجية

 $|F \propto \Delta \vec{v}|$: حسب غاليله $|F \propto \Delta \vec{v}|$

3/ حسب غاليله: السرعة لا تنبئ عن وجود قوة.

فالجسم إذا كانت له سرعة ثابتة $\vec{v} = Cte$ فإنه إمّا أنه لا يخضع إلى أيّة قوّة خارجية أو أنّ

4/ إذا ما قارنا نتائج أفكار غاليله وأرسطو في الحركة، فإننا نجد أنها متناقضة، إذ أنّ أرسطو بني أفكاره في الحركة على "الحدس" والمناقشات الفلسفية، لذا أتت أفكاره غير متماسكة، وتنقصها الدلائل العلمية. أما غاليله، فقد اعتمد على التجربة، والتجريب أسلوبًا ومنهاجًا، وخاض في ذلك معارك كبيرة، ولذا أتت افكاره متماسكة مبنية على البراهين العلمية. ولذا يعتبر غاليله مؤسس النهج التجريبي العلمي الحديث. وقد قال فيه اينشتاين هذه المقولة الشهيرة " إن التجربة هي لبّ اكتشاف غالبله ". من كتاب ابنشتاين تطور الأفكار في الفيزياء.

التمرين 3

يقول اينشتاين في كتابه تطوّر الأفكار في الفيزياء : (إنّ النتيجة الصّحيحة التي استنبطها غاليله، صاغها نيوتن بعد حيل من الرّمان بالنص العروف باسم مبدأ العطالة).

(إنّ كلّ جسم يبقى على حالته من السّكون ومن الحركة المنتظمة في خط مستقيم، إلاّ إذا أجبر على تغيير هذا الحالة بواسطة قوى تتسلّط عليه).

ويستطرد اينشتاين قائلا:

(إن قانون العطالة لا يمكن أن يستمد من التجربة مباشرة، بل وحصراً من الجهود الفكري المتلائم مع الملاحظة، فالتجربة المثالية لا يمكن أن تتحقق عملياً إطلاقا بالرغم من أنها هي التي تقود إلى فهم عميق للتجربة الواقعية ...).

 $1 - \sum ec{F}_{\mathrm{ext}}$ و $ec{F}_{\mathrm{ext}}$ و $ec{V}$ مبدأ العطالة في ضوء المقادير الفيزيائية الحديثة $ec{V}$

2/ اشرح قول اينشتاين عن مبدأ العطالة

الحل

1/ شرح مبدأ العطالة

إنّ مبدأ العطالة الذي وضعه ،غاليله،، وصاغه ،نيوتن، ينص على أنّ أيّ جسم لا يستطيع بنفسه تغيير حالته الحركية (زيادة سرعته، أو إنقاصها، أو تغيير جهة حركته)، فهو إذن ،عاطل، عن تغيير حالته الحركية، فهو إن كان في الأصل ساكنا بالنسبة لمعلم معيّن، بقى ساكنا، ما لم تؤثر عليه قوة خارجية، وإن كان، متحركا حركة مستقيمة منتظمة باعتباره جملة شبه معزولة ميكانيكيا، فإنه يبقى على هذه الحالة الحركية، إلاّ إذا اثرت عليه قوة خارجية.

نترجم مبدأ العطالة رياضيا كما يلي ،

إذا كان $\vec{v} = \vec{0}$: فالجسم ساكن بالنسبة لمعلم معيّن وهذا يتطلب انه لا يخضع إلى ايّة قوة $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ او $\vec{F}_{ext} = \vec{0}$: خارجیهٔ ایْ

إذا كان $\vec{v}=\overline{Cte}$: فالجسم يتحرك حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة لعلم معيّن وهذا يتطلب $\sum_i \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ القول إن $\vec{F}_{ext} = \vec{0}$ او

ملاحظة هامة

- الجسم الذي لا يخضع إلى أية قوة خارجية F_{ext} ندعوه جملة معزولة ميكانيكيا، مثل هذا الجملة يجب أن تكون وحدها في الطبيعة، وهذا مستحيل
- الجسم الذي يخضع لقوى خارجية لكن مجموعها معدوم $\sum ec{F}_{ext} = ec{0}$ ، تسمَى الجملة شبه المعزولة ميكانيكيا.

2- شرح اينشاتين لمبدأ العطالة

 $ec{v} = \overline{Cte}$ يقول اينشتاين إن مبدأ العطالة لا يمكن أن يتحقق تجريبيا بصفة مطلقة. لأنه لكى يكون يجب أن يكون المسار مستقيما، ولا يوجد مسار مستقيم في الطبيعة (فمسارات الأرض مثلا كلّها منحنيه) كما يجب أن يتحقق $\sum \vec{F}_{ext} = \vec{0}$ ، وهذا لا يتحقق إلا بصفة تقريبية، لأن أي جسم في الطبيعة يخضع لتأثيرات كل الأجسام في الطبيعة من أقرب جسم منه، إلى أبعُد نجم عنه بالرّغم من ضآلة شدّتها، وعدم تأثيرها عمليا على حركته.

وعليه فإنه من الناحية المثالية المطلقة يستحيل تحقيق $\vec{F}_{ext} = \vec{0}$ على جسم، وبالتالي يستحيل تطبيق مبدأ العطالة عليه.

ولتقريب الصورة، نتخيّل التجربة المثالية الدّهنية التالية ،

- تدفع كرية ملساء فوق منضدة خشبية، فتتحرك مسافة معيّنة ثم تتوقف نتيجة لوجود قوى
- تدفع الكرية مرّة ثانية ، بنفس السرعة الابتدائية السابقة، لكن هذه المرة فوق منضدة زجاجية، نلاحظ أنها تقطع مسافة أكبر ثم تتوقف.
- نعيد التجربة مرّة ثالثة ورابعة، وخامسة... في كلّ مرّة نستعمل زجاجًا صقيلاً أكثر فأكثر، نلاحظ في كلّ مرّة أن المسافة القطوعة تكون أكبر فأكثر، وهكذا إذا تخيلنا عدم وجود احتكاك بين الكرية، والمنضدة الأفقية وأعطينا للكرية سرعة ابتدائية، فإنها ستتحرك حركة مستقيمة منتظمة، لا توقف بعدها.

وبهذه التجربة الذهنية (المثالية) يكون اينشتاين قد أعطى تصوّراً عميقًا لمبدأ العطالة. جعلتنا نفكُر في تحسين وسائلنا التجريبية، لتحقيق مبدأ العطالة بصورة أدق واحسن مثال على ذلك (المنضدة

التمرين 4

وضع أرسطو نظرية كاملة في الميكانيك، وقسّمها إلى ميكانيك سماوية فلكية مثالية، وميكانيك ارضية فيها نوعين من الحركات، وهما الحركات الطبيعية (كالسقوط الحرّ وحركة الكواكب) تماريه خاصة بمقارية تاريخية لميكانيك نبوته

فإذا كانت ذات كثافة كبيرة يمكن إهمال كل من \widetilde{f} و $\widetilde{\pi}$ امام \widetilde{P}

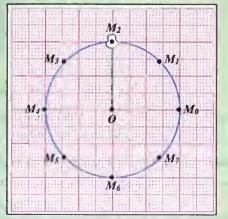
 \vec{P} اما $\vec{\pi}$ و \vec{T} اما إذا كانت ذات كثافة صغيرة، فإنه لا يمكن إهمال

 $ec{P}$ وعليه فإن الريشة تصبح خاضعة لثقلها $ec{T}=ec{0}$ و $ec{\pi}=ec{0}$ و خاضعة لثقلها جرا في حالة عدم وجود الهواء (الخلاء) فإن فقط، لنا تترافق في حركتها مع كرة الحديد، وندعو في هذه الحالة هذا السقوط بالسقوط الحرِّ.

وقد قام احد تلاميذ غاليله وهو العالم (توريشيلي Toricelli) سنة بعد موت غاليله بتجربة داخل أنبوب مفرّغ من الهواء وترك (ريشة) مع (تفاحة) يسقطان داخل الأنبوب، فوجد أنهما يترافقان في

التمرين 5 ــ التأسيس لتوحيد الحركات الأرضية والفلكية

حجر مربوط بخيط. نمسك الخيط باليد في النقطة (0) منه، وندير الحجر في مستو شاقولي بسرعة ثابتة الشدة. فيرسم الحجر دائرة نصف قطرها R=50cm، وينجز دورة واحدة خلال دور زمنی T=2s .



ا حسب قيمة السرعة اللحظية \overline{v} للحجر.

 M_6 مثل شعاع السرعة اللحظية في المواضع M_0 ، M_2 ، M_0 المحدّدة في الشكل المقابل.

 M_7 ، M_5 ، M_3 ، M_1 في المواضع ΔV مثل ΔV

ب/ حدد خصائص ١٧٠٠ .

4/1/ ما هي القوة التي جعلت الحجر يتحرك في مسار دائري؟

(نهمل تأثير قوة جذب الأرض للحجر امام هذه القوة).

ب/ مثل هذه القوة في الموضع 2

ج/ ما هي النتيجة التي يمكن أن تستخلص من هذه الدراسة ؟

5/ ما وجه الشبه بين حركة دوران الحجر وحركة دوران القمر حول الأرض؟ اشرح.

الحل

 $ec{
u}$ حساب قيمة السرعة اللحظية / l

في حالة الحركة الدائرة النتظمة نستعمل العبارة التالية لإيجاد $\vec{\mathcal{V}}$:

والحركات العنيفة (كحركة القذائف) وفي السقوط الحرّ قال أرسطو : (تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة).

اراد غاليله أن يدحض فكرة أرسطو في السقوط الحرّ فقام بسلسلة من التجارب من أعلى برج بيزا بايطاليا (la tour de pize) التي ترتفع على سطح الأرض 100 ذراع (الذارع هو طول الساعد ويساوي 50cm تقريبا). وترك عدة اجسام مختلفة : كرة حديدية من 100 ليفر وكرة أخرى

من 1 ليفر (1 ليفر = 478 g)، كرة من الخشب، ... إلخ. بعد التجربة كتب غاليله ما يلي :

(يصرح أرسطو أن الكرة الحديدية من 100 ليفر والكرة الحديدية من 1 ليفر، عندما يتركهما يسقطان معا، فإنه عندما تنزل الكرة الأولى 100 ذراع ، تكون الأخرى نزلت ذراعًا، وإنا أجزم أن الكرتين تصلان إلى الأرض معا. وإذا قمتم بالتجربة فسترون أن الفارق لا يتجاوز عرض أصبعين ولن تجدوا فارق 99 ذراعًا الذي توقعه أرسطو).

1/ اعط نظرية السقوط الحرّ حسب أرسطو ثمّ غاليله، وبيّن الوسيلة التي اعتمدها في ذلك كل واحد منهما. استخرج من النص السابق ما يؤيد شرحك.

2/ من تجاربك اليومية هل إذا تركنا ريشة تسقط مع كرة حديدية.

1/ فهل تترافقان في حركتيهما ؟

ب/. إذا كان جوابك (لا)، فهل هذا يعني أن نظرية أرسطو في سقوط الأجسام صحيحة ؟ أين

ج/ ميّز إذن بين سقوط الأجسام في الهواء وسقوطها في الخلاء.

1/ نظرية السقوط الحرّ حسب أرسطو

" تسقط الأجسام الثقيلة بسرعة أكبر من الأجسام الخفيفة ".

من العلوم أن أرسطو اعتمد في وضع نظريته هذه على الناقشات الكلامية والتوقّعات فقط.ونستشفّ هذا الكلام عندما قال غاليله عن أرسطو "... الذي توقّعه ارسطو".

نظرية السقوط الحزحسب غاليله

" تترافق الأجسام الساقطة سقوطا حرًا في حركتها ".

وقد اعتمد غاليله في وضع نظريته على التجربة فترك كرتين وزنيهما (100 ليفر) و(1 ليفر) يسقطان من اعلى برج بيزا، فوجد أن الكرتين تصلان

2/1/ من التجارب اليومية، نعلم أنه عند ترك ريشة وكرة حديدية يسقطان فإن كرة الحديد تصل قبل الريشة. وبالتالي لا يترافقان في حركتيهما.

> ب/ إن نظرية أرسطو يمكن اعتبارها صحيحة إذا تم السقوط في الهواء، وكانت الأجسام مختلفة الكثافة (فكثافة الرّيشة اصغر بكثير من كثافة كرة الحديد).

وسبب ذلك يعود إلى أن الأجسام أثناء سقوطها، تكون خاضعة بالإضافة إلى ثقلها $ec{P}$ إلى قوى الاحتكاك بالهواء $ec{f}$ ، وإلى دافعة $\vec{\pi}$ أرخميدس



 $\vec{\pi} \oint_{\vec{f}} \vec{f}$

 $\overrightarrow{\pi}$ لا يمكن إهمال \overrightarrow{P} امام \overrightarrow{f} \overrightarrow{P} hal \overrightarrow{f} $\overrightarrow{\pi}$ hala

تماريه خاصة بمقاربة الربخية لمتكانتك نبوته

M6 V6

$v = \frac{\Lambda_0 M_0}{T} = \frac{M_0 M_0}{T} = \frac{2\pi R}{T} = \frac{2\pi \times 0.5}{2} = \frac{\pi}{2} = 1.57 \, m/s$

لاحظ أن M_0 هو قيس قوس (هو محيط الدائرة) وليس $M_0 M_0$ الذي قيمته معدومة.

$$v = \frac{\pi}{2} = 1,57 \text{ m.s}^{-1}$$

2/ تمثيل اشعة السرعة اللحظية بما أن الحركة دائرة منتظمة فإن قيمة السرعة اللحظية ثابت= ٧ يمثل \overline{v} بشعاع حامله هو الماس للمسار في النقاط M_6 , M_4 , M_2 , M_0 $1,57cm \rightarrow 1cm$ ، مقياس رسم السرعة

 M_7 ، M_5 ، M_3 ، M_1 في المواضع $\Delta \vec{v}$ مثيل $\Delta / 1/3$ (M_2) في الموضع (M_0) ؛ الموجود بين الموضعين (M_0)

 $\Delta \vec{v}_1 = \vec{v}_2 - \vec{v}_0$: Levil

لذا نمثل من النقطِة M_1 الشعاع $\vec{v_2}$ والشعاع $\vec{v_2}$ والشعاع كما هو موضح في

 $ec{\Delta \vec{v}_3} = \vec{v_4} - \vec{v_2}$ ؛ بنفس الطريقة نكتب : M_3 الموضع M_3 $\Delta \vec{v}_5 = \vec{v}_6 - \vec{v}_4$: نفس الشيء في الموضع (M_5) إذ نكتب $\Delta \vec{v_7} = \vec{v_8} - \vec{v_6}$: نكتب (M_7) وكذلك في الموضع

 $\Delta \vec{v}$ برا خصائص

الحامل: قطر الدائرة

الاتجاه: نحو مركز الدائرة

• طريقة 1

 $\varDelta v = \varDelta v_1 = \varDelta v_3 = \varDelta v_5 = \varDelta v_7 \rightarrow l$, $4\,cm$ ؛ بالقياس نجد $1,57 \, m.s^{-1} \rightarrow 1cm$. وحسب مقياس رسم السرعة فإن

 $|\Delta v \approx 2$, $2 \, m.s^{-1}$, ومنه $|\Delta v = 1$, 57×1 , 4

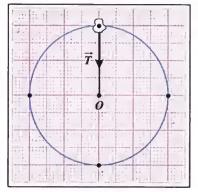
• طريقة $2 \cdot \vec{v}$ ، عتبر وترا في مثلث قائم ضلعاه متقايسان فحسب نظرية فيثاغورث

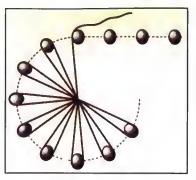
$$\Delta v_1 = \sqrt{2v_0^2} = v_0 \sqrt{2}$$
 . فإن $v_2 = v_0$ وبما ان $\Delta v = \sqrt{v_2^2 + v_0^2}$

. 1 وهي نفس النتيجة في الطريقة $\Delta v_1 = 1,57 \sqrt{2}$; $\Delta v_1 = 2,2 \, m.s^{-1}$

اً/ القوة التي جعلت الحجر يتحرك في مسار دائري هي قوة شد الخيط T فلو تركنا الخيط من4يدنا لارتخى الخيط، وبالتالي يضحى غير مشدود اي $ec{T}=ec{ hi}$ وبالتالي يتفلت الحجر مع الخيط تماما مثلما يحدث في انفلات الحجر من القلاع (la fronde). وهذا يؤكد ضرورة وجود قوة جاذبة تمسك بالحجر فتجعله يتحرك في مسار دانري.

ب/ لاحظ ان T تتجه نحو المركز (O)، تمامًا مثل شعاع تغيّر السرعة T وهذا ما هو معلوم سلفا. إذ يجب أن تكون القوة السببة للحركة بجهة تغير السرعة $\Delta \vec{v}$.





ج/ النتيجة المستخلصة : حتى يتحرك جسم حركة دائرية منتظمة يجب أن يخضع لقوة تتجه نحو مركز النوازن. تسمى هذه القوة بالقوة الجاذبة المركزية (force centrifuge).

5/ حسب نيوتن، فإن القمر يخضع لقوة الجاذبية الناتجة عن الأرض، وهذه القوة تتجه نحو مركز الأرض، فهي قوة مركزية.

وايضا الحجر اثناء دورانه في المقلاع، يخضع لقوة شد الخيط وهي أيضا قوة مركزية. و هنا يكمن وجه الشبه بين الحركتين، مع اختلاف في طبيعة قوة الجاذبية وقوة شد الخيط.

التمرين 6 ــ نيوتن وتوحيد الحركات الفلكية والأرضية

ا ما وجه الشبه بين حركة سقوط الأجسام باتجاه سطح الأرض وحركة دوران القمر حول 1الأرض (الوثيقة 1) برر الإجابة (يمكنك الاستفادة من نتائج التمرينين 5 و6).





تماريه خاصة بمقاربة تاريخية لميكانيك نبوته

العالم غاليله لم يجد الرابط المشترك بين هذه الحركات لأنه درسها دراسة حركية ناهيك عن أنه كان يرفض " جملة وتفصيلا " فكرة أن قوة الجاذبية تؤثر عن بعد.

> يقول العالم الرياضياتي (لاغرانج La grange) في قانون الجاذبية ، " إن للكون قانونا واحدا، وقد اكتشفه نيوتن ".

Hard_equation

جاء تحت الشكل ما يلي : (إن الحجر المرمي ينحرف بتأثير الجاذبية عن طريقه الستقيم، ويتخذ مسارًا منحنيا ثم يسقط اخيراً على الأرض. وإذا رمي بسرعة كبيرة، فسوف يسقط متوغّلا إلى ما أبعد من ذلك. فإذا قذف بسرعة تتزايد شينا فشيئا فإنه سيرسم قوسًا مقدارة 1، 2، 10، 100 و1000 ميل قبل ان يصل إلى الأرض، وسيذهب أخيراً في الفضاء متجاورًا حدود الأرض دون أن يلاقيها، ويبدأ بالدوران حول الأرض، مثلما تدور الكواكب على مداراتها في الفضاء الكوني... ".

2/ رسم نيوتن في كتابه (المبادئ) شكلا يحمل رقم 213، كما هو موضّح في الوثيقة 2 وقد



بناءً على الدراسة في السؤال 1، وفكرة نيوتن في السؤال 2، هل يمكن القول: ا/ إن القمر هو في حالة سقوط حر دائم على الأرض، مستمر ؟ ب/ إن قوة الجاذبية هي السؤولة عن سقوط الحجر، وحركة القمر على مداره ؟ 3/ إن الدراسة المابقة جعلت نيوتن يخلص إلى نتيجة عظيمة. هل يمكن أن تسجلها لنا ؟

1 / كلِّ الأجسام السَّاقطة أثناء حركتها تخضع لقوة جنب الأرض لها. تمامًا مثل القمر فإنه أثناء دورانه حول الأرض يخضع لقوة جنب الأرض له، رغم أن الحركات مختلفة إلاّ أنه يمكن تشبيهها ببعضها البعض لأنها جميعا تخضع لقوة جذب الأرض لها.

2/ ا/ بناءُ على الوثيقة 2 لنيوتن، نعتبر أن حركة دوران القمر حول الأرض هو حالة خاصّة من السَقوط لكته سقوط دائم، تحوّل إلى دوران، نتيجة للسرعة الكبيرة التي يتحرك به القمر حول الأرض فلو نقصت سرعة القمر (وهذا أمر غير وارد) لسقط على الأرض، نتيجة خضوعه لقوة الجاذبية. ب/ نعم إن قوة الجاذبية هي المسؤولة عن سقوط الحجر والأجسام باتجاه الأرض كما أنها مسؤولة عن دوران القمر حول الأرض.

3/ إنّ النتيجة العظيمة الرانعة التي توصل إليها العالم العبقري نيوتن هي

- أنَّ قوة الجاذبية هي المسؤولة عن حركة سقوط الأجسام. وهي المسؤولة أيضا عن حركة الكواكب في مدارها. فهي قوة عامة تخضع لها جميع الأجسام المادية.
 - قوة الجاذبية توحّد الأرضية والفلكية.

وهنا تكمن عبقرية الرجل، فلو لم ندخل قوة الجاذبية للاحظنا أن حركة الصعود والهبوط للأجسام وحركة القذيفة، وحركة الكواكب، هي حركات مختلفة. ولكن بإدخال مفهوم القوة تتوحّد جميع الحركات. وهكذا يكون نيوتن قد استطاع أن يوحّد بين الحركات الأرضية والفلكية.

• نيوتن ودمجه للعلم والإيمان

يقول نيوتن أنَ الكون يخضع لقوانين ثابتة، وضعها الخالق، فقال في هذا الصَّدد : " إن هذا النَّظام البديع، المكون من الشمس والكواكب والمذنبات، لا يمكن أن يسير إلا وفق هداية وربوبية كائن عظيم في منتهى الذكاء والحكمة... ". ثم يستطرد قائلا : " إنه الحاكم على كل شيء، العالم بكل شيء كان. أو يكون، وبما أنه في كل مكان فهو أقدر بمشيئته على تحريك الأجسام...، وبالتالي فهو قادر على تكوين وتصليح كل أجزاء الكون أكثر مما نستطيع نحن تحريك أطراف أبداننا بإرادتنا... ". اليست هذه كلمة سواء بيننا اليس هذا الكلام من وحي القرآن العظيم : ﴿ بديع السموات والأرض أني يكون له ولد ولم تكن له صاحبة وخلق كل شيء وهو بكل شيء عليم) الأنعام، الآية 101.

• نيوتن وتوحيده للخالق

عاش نيوتن موحَدًا للخالق، إذ رفض بشدّة فكرة التثليث طيلة حياته، وله بحوث توضّح كيف أدخلت فكرة التثليث في الإنجيل، وقد ضمَن هذه الأفكار في كتابه (عرض تاريخي لتحريفين. بارزين للإنجيل) An historical account of two notable corruptions of scripture الذي الفه عام 1690م. ووصلت به معارضته للكنيسة الكاثوليكية التي تتبثي عقيدة الثالوث إلى رفضه أن تقيم له هذه الأخيرة صلاة المحتضر وهو على فراش الموت.

> • نيوتن وما كتب على قبره هنا يرقد السير إسحاق نيوتن العالم الذي استطاع بقوة ذكائه الفذة أن يفسر لأوّل مرة بواسطة طريقته الرياضياتية حركات وأشكال الكواكب، مسالك المذنبات، مد وجزر المحيط، وهو أوّل من بحث أنواع الأشعة الضوئية، وخصائص الألوان التاجمة عن ذلك، تلك الخصائص التي لم يفكر أحد في وجودها قبله. الفسر المجد، ألثاقب الفكر والموثوق به، للطبيعة والآثار القديمة والكتاب المقدس، وقد مجد في تعاليمه الخالق العظيم. لتبتهج البشرية الرائلة لأنه قد عاش بين ظهرانيها مثل هذا العالم الذي يعتبر زينة للجنس البشري.

> > ولد في 25 ديسمبر 1642 توفى في 20 مارس 1727

التمرين 7

تماريه خاصة بمقاربة

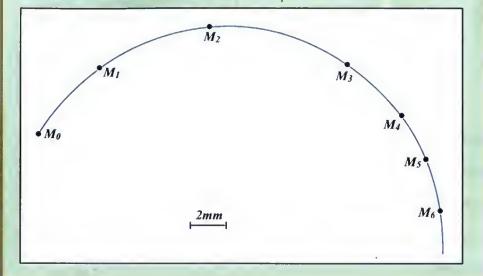
تاريخية لميكانيك نبوتن

متحرك نعتبره نقطة مادية، قمنا بتسجيل مواضعه المختلفة فوق منضدة هوائية، وكان زمن $au = 20 \, ms$ التسجيل بين موضع وآخر يليه هو

اراً/ انقل التسجيل على ورق مقوى واحسب قيم السرعة في المواضع (M_1) و (M_3) ، (M_5) . ب/ مثلها باختيار سلم مناسب.

ارد مثل شعاعي تغير السرعة $\Delta \vec{v}$ بين اللحظتين (t_1) و (t_3) ثم بين (t_3) و (t_3). ب/ احسب قيمة التسارع في اللحظة (t_2) اي $\vec{a}(t_2)$ واللحظة $\vec{a}(t_4)$ اي مثلهما بيانيا مع اختيار سلم مناسب.

ج/ قارن بنین خصائص شعاعی التسارعین $\vec{a}(t_2)$ و $\vec{a}(t_2)$ قیم النتائج $\vec{a}(t_3)$



الحل

1 /ا/ قيم السرعة

 (M_I) السرعة \overline{V}_I في الموضع

$$\vec{v}_I \approx \frac{\overline{M_0 M_2}}{t_2 - t_0} = \frac{\overline{M_0 M_2}}{\Delta t} = \frac{\overline{M_0 M_2}}{2\tau}$$
 نعلم ان:
$$\vec{v}_I = \frac{M_0 M_2}{2\tau}$$

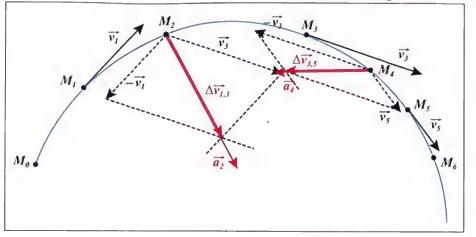
 $M_0 M$, لنعين

باستعمال آلة قياس الطول المنع $M_0 M_2 = 50 \, mm = 5 \, cm$ وبالاستعانة بمقياس الرسم الموجود في الوديقة وهو $rac{2mm}{2m}$ ، وإذا قسنا طول هذه القطعة نجده (1cm) اي أن :

 $1cm \rightarrow 2mm$

 (M_5) اي V_5 اي النقطة (M_5). اي النقطة (M_5) اي النقطة (M_5) اما V_5 فنمثله بشعاع طوله M_5

 $\Delta \vec{v}$ المثيل شعاع تغير السرعة 2



 (t_3) و (t_1) و بين اللحظتين

$$\Delta \vec{v}_{I3} = \vec{v}_3 - \vec{v}_{I}$$
 الدينا :

 $\Delta \vec{v}_{I,3} = \vec{v}_3 + (-\vec{v}_I)$. ويمكن كتابتها بالشكل الآخر

لذا فإنَ (M_3) هي محصلة \vec{v}_3 و (V_1) ، نمثلها في النقطة (M_2) الواقعة بين (M_3) و (M_3) (انظر الشكل المقابل).

 (t_5) و (t_3) بين اللحظتين

$$\Delta \vec{v}_{3,5} = \vec{v}_5 - \vec{v}_3$$
 ؛ لدينا

$$ec{\Delta} ec{v}_{3,5} = ec{v}_5 + (-ec{v}_3)$$
 : وايضا نكتب

 (M_5) و (M_3) المحصورة بين (M_4) لذا فإن $\Delta \vec{v}_{3,5}$ المحصورة بين (M_5) و الذا فإن كالمحمورة بين (M_5) و المحصورة بين (M_5) لذا فإن كالمحمورة بين (M_5) و المحمورة بين (M_5) المحمورة بين (M_5) و المحمورة بين

 $\bar{a}(t,)$ حساب قيمة التسارع

 $\vec{a}\left(t_{2}\right)pproxrac{\Delta \vec{v}_{I,3}}{t_{3}-t_{I}}=rac{\Delta \vec{v}_{I,3}}{2 au}$ بن اللحظة (t_{2}) واقعة بين اللحظتين (t_{3}) و (t_{1}) لذا نكتب اللحظة (t_{2})

$$\vec{a}(t_2) = \frac{\Delta \vec{v}_{l,3}}{2\tau}$$
 : اذن الحرب تعيين قيمة

$$M_0\,M_2=rac{5\,cm imes2\,mm}{l\,cm}=10\,mm=l\,cm$$
 الذا نكتب : $au=2 imes10^{-2}\,s$ ومنه $au=2 imes10^{-2}\,s$ كما ان $au=20\,ms$ إذن $au=20\,ms$ إذن $au=20\,ms$ ومنه $au_I^{-2}pproxrac{M_0\,M_2}{2 au}=rac{10^{-2}}{2\,(\,2 imes10^{-2}\,)}=0$, 25 نعوض فنجد : $au_I^{-2}pprox 0$, $25\,m.s^{-1}$

السرعة $\vec{v_3}$ في الموضع (M_3) السرعة $\vec{v_3}$ في الموضع $\vec{v_3}$ $\approx \frac{\overline{M_1 M_3}}{t_3-t_1} = \frac{\overline{M_1 M_3}}{2\tau}$: نعلم ان : $\vec{v_3} = \frac{\overline{M_1 M_3}}{2\tau}$

بالقياس نجد $M_1 M_3 = 7$ ، وبالاستعانة بمقياس الرسم نكتب $M_1 M_3 = 7$

$$M_1 M_3 = \frac{7 \times 2}{2} = 14 \, mm$$

 $v_3 \approx \frac{14 \times 10^{-3}}{2(2 \times 10^{-2})} ; v_3 \approx 0,35 \, m.s^{-1}$

 (M_5) السرعة \vec{v}_5 في الموضع $\vec{v}_5 = \frac{\overline{M_4 M_6}}{2\tau} :$ لدينا $v_5 = \frac{\overline{M_4 M_6}}{2\tau}$

بالقياس نجد : $M_4\,M_6 o 3\,cm$ بالقياس نجد ، بالقياس الرسم ،

$$M_4 M_6 = \frac{3cm \times 2mm}{1cm} = 6mm$$

 $v_5 \approx \frac{6 \times 10^{-3}}{2(2 \times 10^{-2})}; v_5 \approx 0.15 \, \text{m.s}^{-1}$

. برا التمثيل: نختار السلم lcm السلم ويمكنك اختيار سلم مناسب آخر.

 (M_I) اي 2,5cm اي 2,5cm اي طوله طوله طوله \overline{v}_I اي مثل \overline{v}_I اي وعليه يمثل \overline{v}_I اي 0

 M_3 اي 3,5cm ويكون مماسيا للمسار في النقطة (M_3). ويمثل $ec{v}_3$ بشعاع طوله 0 , 10

$$\Delta v_{l,3} = 0.33 m.s^{-1}$$
.

$$a(t_2) \approx 8,25 m.s^{-2}$$
 اذن $a(t_2) \approx \frac{0,33}{2(2 \times 10^{-2})}$ اذن ا

$$\vec{a}(t_4) \approx \frac{\Delta \vec{v}_{3.5}}{t_5 - t_3} = \frac{\Delta \vec{v}_{3.5}}{2\tau}$$
 التسارع ($\vec{a}(t_4)$ بنفس الطريقة نجد ، $\vec{a}(t_4)$

$$\vec{a}(t_4) = \frac{\Delta \vec{v}_{3.5}}{2\tau}$$

 $\Delta v_{3,5}
ightarrow 2cm$ نعين نجد القياس نجد

$$\Delta v_{3,5} = 0, 2m.s^{-1}$$
 : وبالاستعانة بالسلّم نجد

$$a(t_4) \approx 5 m.s^{-2}$$
 : نعوض فنجد $a(t_4) \approx \frac{0.2}{2(2 \times 10^{-2})} = 5$ ، نعوض فنجد

وي التمثيل: بنمثل $\vec{a}(t_2)$ بشعاع خصائصه هي:

- $\Delta \vec{v}_{l,3}$ الحامل ، هو نفسه حامل
- الجهة : نفس جهة $\Delta \vec{v}_{l,3}$ (نحو داخل تقعر انحناء المسار).
 - $a(t_2) \approx 8,25 m.s^{-2}$ ؛ القيمة

 $\frac{8,25}{2}=4,125cm$ فباختيار السلم $\vec{a}(t_2)$ نجد ان $2m.s^{-2}
ightarrow 1cm$ وباختيار السلم

- نمثل $\ddot{a}(t_4)$ بشعاع خصائصه هي ، $\Delta \vec{v}_{3,5}$ الحامل ، هو نفسه حامل $\dot{v}_{3,5}$
- الجهة : نفس جهة $\vec{v}_{3,5}$ (نحو داخل تقعر انحناء المسار).
 - $a(t_4) \approx 5 m.s^{-2}$: القيمة

وباختيار السلم $\frac{5}{2}=2,5$ نجد ان $\vec{a}(t_4)$ يمثل بشعاع طوله $2m.s^{-2} \to 1cm$ انظر الشكل السابق).

تقييم النتائج

- في الحركة المنحنية الكيفية التسارع $ar{a}(t)$ يختلف في الحامل والجهة والقيمة في كل لحظة.
 - جهة التسارع نحو داخل تقعر انحناء السار.
 - الشعاعان $\vec{a}(t)$ و \vec{a} لهما نفس الحامل والجهة.

التمرين 8

تعطى لك الوثائق A و B و C و D مدة التسجيل au=50m . نعتبر الموضع M_0 يوافق اللحظة الابتدائية (t_0 =0s).

1/ حدد نوع السار لكل متحرك.

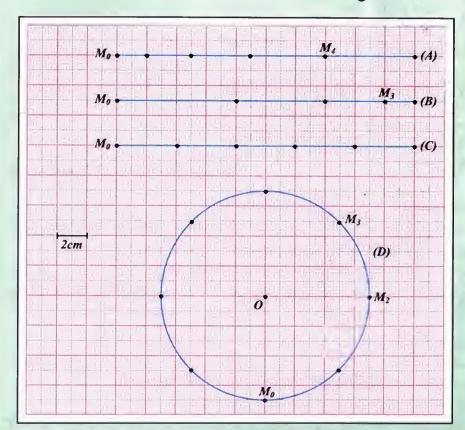
. كا متحرّك $\vec{v}(t_4)$ ، $\vec{v}(t_3)$ ، $\vec{v}(t_2)$ ، $\vec{v}(t_4)$ لكل متحرّك /2

3/ ماذا تستنتج من حيث ا

- $v_0 = v(t_0)$ عنير قيمة السرعة، ومقدار السرعة الابتدائية تغير
 - طبيعة الحركة ؟

 $ec{v}(t_4)$ ، $ec{v}(t_3)$ ، $ec{v}(t_2)$ ، $ec{v}(t_1)$ مثل $ec{4}$

ر المعين خصانص التسارع $\vec{a}(t)$ في اللحظتين t_1 و ومثلهما. بر ماذا تستنتج ؟



1/ تحديد نوع المسار لكل متحرك . و A و B و D لها مسارات مستقیمهٔ. الجسم D مساره دائري A

2/ حساب قيم السرع اللحظية لكل متحرك

lcm o 2cm اي أن مقياس رسم المسافة أعطى بـ ا $^{-2cm}$ اي

 $v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\pi}$ ، A بالنسبة للمتحرك

 $M_0 M_2 = 2,5 cm$ بالقياس نجد أن

 $M_0 M_2 = \frac{2,5cm \times 2cm}{lcm} = 5cm = 5 \times 10^{-2} m$ وباستعمال مقياس الرسم نجد : $\tau = 5 \times 10^{-2} s$ ای $\tau = 50 ms$

$$v(t_1) = \frac{5 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.5 \text{m.s}^{-1}$$
 $v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{3.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.7 \text{m.s}^{-1}$ بالثل نجد $v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{4.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.9 \text{m.s}^{-1}$
 $v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{5.5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1.1 \text{m.s}^{-1}$

بالنسبة للمتحرك B ، بنفس العمل السابق نجد ،

$$v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\tau} = \frac{7 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1,4 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{5 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 1,0 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{3 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0,6 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = ?$$

$$(M_5) \text{ with Local Model of the Local Mod$$

بالنسبة للمتحرك .

نلاحظ أن كل المسافات متساوية، وتم قطعها في أزمنة متساوية، لذا نتوقع أن تكون السرعة متساوية في كل اللحظات.

$$v(t_1) = \frac{M_0 M_2}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_2) = \frac{M_1 M_3}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_3) = \frac{M_2 M_4}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

$$v(t_4) = \frac{M_3 M_5}{2\tau} = \frac{4 \times 2 \times 10^{-2}}{2(5 \times 10^{-2})} = 0.8 \text{m.s}^{-1}$$

بالنسبة للمتحرك D:

نلاحظ أنه يمسح أقواسا متساوية خلال أزمنة متساوية، فحركته إذن دانرية منتظمة. وعليه فإن سرعته اللحظية تكون ثابتة القيمة.

$$v=v(t_1)=v(t_2)=v(t_3)=v(t_4)=\frac{1}{6}$$
 محیط الدائرة و محیط الدائرة و محیط $v=\frac{2\pi R}{8\tau}$ مع $v=\frac{\pi R}{4\tau}$ بنصف قطر المسار $v=\frac{\pi R}{4\tau}$ بالقیاس نجد $r=3,5cm$ بالقیاس نجد $r=\frac{3,5\times 2}{1}=7cm=7\times 10^{-2}m$ وبالاستعانة بمقیاس الرسم نجد $v=\frac{\pi\times 7\times 10^{-2}}{4(5\times 10^{-2})}=0,35\pi~m.s^{-1}\approx 1,1m.s^{-1}$

3/ // تغم السرعة

بالنسبة للمتحرك A ، نلاحظ أن سرعه هي 1,1m/s ، 0,9m/s ، 0,7m/s ، فهي تزداد بنفس القدار أي (0,2m/s) خلال نفس الفترة الزمنية (0,2m/s) .

تسمى هذه الحركة : الحركة الستقيمة التغيرة بانتظام المتسارعة.

التي المحظة الابتدائية هي السرعة في اللحظة الابتدائية $heta_0 = heta_S$ وهي اللحظة قبل اللحظة (t_I) التي السرعة الابتدائية هي السرعة في اللحظة الابتدائية المحظة الابتدائية في اللحظة الابتدائية الابتدائية في اللحظة الابتدائية الا $v(t_{i}) = 0.5 m.s^{-1}$ فيها السرعة

. $\left|v_{\theta}=v\left(t_{\theta}\right)=0,3m.s^{-1}
ight|$. وبما أن السرعة تزداد بـ 0,2m/s . فنتوقع أن تكون بالنسبة للمتحرك B ؛ نلاحظ أن السرعة هي ؛ 0.6m/s ، 1.0m/s ، 1.4m/s فهي تتناقص بنفس المقدار اي (0.4m/s) خلال نفس الزمن (0.4m/s)).

تسمى هذه الحركة : الحركة الستقيمة المتغيرة بانتظام المتباطئة.

 $|v_0 = v(t_0) = 1.8 m.s^{-1}|$. بنفس المحاكمة نجد أن

Hard_equation

 (t_1) في اللحظة $\tilde{a}(t_1)$ في اللحظة (t_1)

$$\vec{a}(t_1) \approx \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{t_2 - t_0} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_0}{2\tau}$$
 نعلم ان .

بالنسبة للمتحرك 4 ،

المسار مستقيم، وبالتالي فإن \vec{v}_{o} و \vec{v}_{o} لهما نفس الحامل ونفس الجهة، وعليه يمكن كتابة العلاقة

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau}$$
 : $\vec{a}(t_1)$ السابقة دون اشعة لإيجاد قيمة التسارع

$$a(t_1) = \frac{0.7 - 0.3}{2(5 \times 10^{-2})} = 4m.s^{-2}$$
 ; بالتعويض نجد

$$a(t_1) = 4m.s^{-2}$$
 هي: $\vec{a}(t_1)$ هي•

- \vec{v}_0 \vec{v}_2 \vec{v}_2 \vec{v}_3 \vec{v}_4 \vec{v}_6 \vec{v}_6 \vec{v}_6 \vec{v}_7
- $ec{v}_2$ وهو الاتجاه : بجهة المحصلة $\left[ec{v}_2 + \left(-ec{v}_0
 ight)
 ight]$ اي باتجاه الشعاع الكبير وهو

بالنسبة للمتحرك 8:

$$a(t_I) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau} = \frac{1.0 - 1.8}{2(5 \times 10^{-2})} = -8m.s^{-2}$$
 بنفس الطريقة لأن المسار مستقيم :

 $a(t_1) = -8m.s^{-2}$ القيمة :

والإشارة (-) تعنى أن التسارع بعكس جهة السرعة لأن الحركة متباطئة.

- \vec{v}_0 و \vec{v}_2 و الحامل : هو نفسه حامل
- الاتجاه: بعكس اتجاه الحركة (جهة السرعة).

 $^{\cdot}$. $^{\cdot}$ بالنسبة للمتحرك

$$a(t_1) = \frac{v_2 - v_0}{2\tau} = \frac{0.8 - 8.8}{2(5 \times 10^{-2})} = 0 \text{ m.s}^{-2}$$

فالتسارع معدوم في الحركة المستقيمة النتظمة $a(t_{_{I}})=0m.s^{-2}$

 $\cdot D$ بالنسبة للمتحرك

بالنسبة للمتحرك : الحركة مستقيمة منتظمة وسرعتها ثابتة في كل اللحظات.

.
$$v_0 = v(t_0) = 0.8 m.s^{-1}$$
 !

بالنسبة للمتحرك D: الحركة دائرية منتظمة وسرعتها ثابتة في كل اللحظات.

.
$$v_0 = v(t_0) = 1, Im.s^{-1}$$
 ! يَدُن :

 $\vec{v}(t_4)$. $\vec{v}(t_3)$. $\vec{v}(t_2)$. $\vec{v}(t_l)$. $\vec{v}(t_l)$ 4/4

ي المواضع
$$(M_1)$$
 ، (M_3) ، (M_2) ، (M_1) على الترتيب

 $0, Im.s^{-l} \rightarrow Imm$: نختار السلم

بالنسبة للمتحرك 4 :

. 5mm نمثل $ec{v}(t_{_{I}})$ بشعاع مبدؤه النقطة (M_{I}) ، وجهته بجهة الحركة، وطوله

$$\vec{v}(t_2) \rightarrow 7mm$$
 : نفس الشيء بالنسبة للسرع

$$\vec{v}(t_3) \rightarrow 9mm$$

$$\vec{v}(t_4) \rightarrow 11mm$$

Bبالنسبة للمتحرك

$$\vec{v}(t_i) \rightarrow 14mm$$

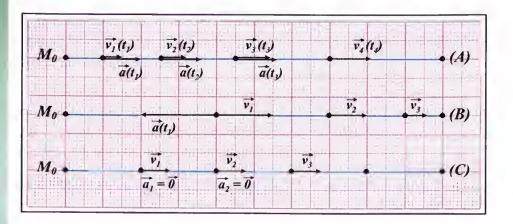
$$\vec{v}(t_2) \rightarrow 10mm$$

$$\vec{v}(t_3) \rightarrow 6mm$$

C بالنسبة للمتحرك V=0.8m/s=1

 $\cdot D$ بالنسبة للمتحرك

$$v \approx 1, lm.s^{-1}$$



تاريخية لميكانيك نيوتس

تماريه خاصة بمقاربة

نقوم فقط بتعيين القيمة :

$$a(t_2) = \frac{v_3 - v_1}{2\tau} = \frac{0.9 - 0.5}{2(5 \times 10^{-2})} = 4m.s^{-2}$$
 . A بالنسبة للمتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = 4m.s^{-2}$$
 : لاحظ أن التسارع ثابت

$$a(t_2) = \frac{v_3 - v_1}{2\tau} = \frac{0.6 - 1.4}{2(5 \times 10^{-2})} = -8m.s^{-2} : B$$

$$a(t_1) = a(t_2) = -8m.s^{-2}$$
 الاحظ أن التسارع ثابت :

$$a(t_2) = \frac{v_3 - \dot{v}_1}{2\tau} = \frac{0.8 - 0.8}{2\tau} = 0 \text{m.s}^{-2}$$
 : C المتحرك

$$a(t_1) = a(t_2) = 0$$
 یا دخط آن التسارع معدوم:

$$a(t_1) = \frac{v^2}{R} = \frac{(1,1)^2}{7 \times 10^{-2}} = 17.3 \text{m.s}^{-2} \cdot D$$

$$a(t_1) = a(t_2) = 17,3 \text{m.s}^{-2}$$
 الاحظ أن التسارع ثابت :

التمثيل

بالنسبة للمتحرك A:

 $4m.s^{-2} \rightarrow lcm$ على سبيل المثال السلم

لذا نمثل $\vec{a}(t_1)$ و $\vec{a}(t_2)$ بشعاع في نفس جهة الحركة وطوله $\vec{a}(t_1)$ (انظر الشكل الموالي).

B المتحرك

ناخذ ايضا السلم $a(t_2)$ و $a(t_1)$ اذن $8m.s^{-2} \to 2cm$ اذن $4m.s^{-2} \to 1cm$ و بشعاع باخذ ايضا السلم معاكس لجهة الحركة لأن التسارع يساوي $a(t_2)$.

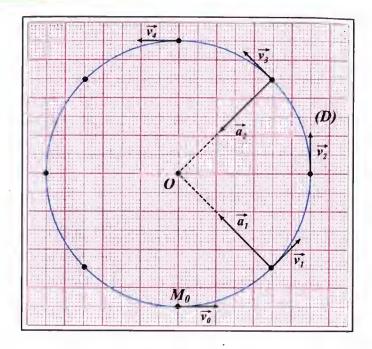
 $\cdot C$ المتحرك

فشعاع التسارع معدوم، لذا لا نمثله. $\vec{a}(t_1) = \vec{a}(t_2) = \vec{0}$

D المتحرك

بما أن قيمة التسارع له ڪبيرة نسبيا $a(t_1)=a(t_2)=17,3m.s^{-2}$. لذا نختار مقياس رسم مناسب وليکن : $a(t_1)=a(t_2)=17,3m.s^{-2}$

وتكون جهة $\vec{a}(t_1)$ و $\vec{a}(t_1)$ نحو مركز الدوران (O).



 $a(t_2) = \frac{v_2 - v_0}{t_2 - t_0}$ المسار دائري وبالتالي لا نستطيع ان نكتب $t_2 - t_0$ ولهذا السّبب يمكن استعمال إحدى الطريقتين التاليتين التاليتين

 $a=rac{v^2}{R}$ الطريقة 1 : 1 نعلم ان التسارع في الحركة الدائرية المنتظمة ثابت ويعطى بالعبارة

$$a = \frac{(1,1)^2}{7 \times 10^{-2}} \approx 17,3$$

- . $a(t_1) = 17,3m.s^{-2}$: القيمة
 - الحامل: نصف قطر السار.
 - الاتجاه : نحو مركز السار.

 $ec{\Delta v}$ الطريقة 2 ؛ نمثل الشعاع

 $\Delta \vec{v} = \vec{v}_2 - \vec{v}_0$ ين $(-\vec{v}_0)$ و \vec{v}_2

 $a \approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$ ثم نقوم بقياس طول v ومن ثم نحسب النسبة لأن v ثم نقوم بقياس طول

 $\vec{a}(t)$ وسنأخذ هذه الطريقة عندما نقوم بتمثيل

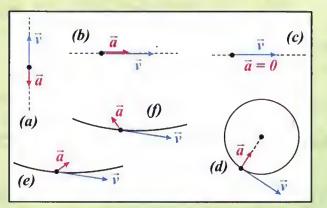
 (t_2) في اللحظة (t_2) خصائص التسارع

$$|\vec{a}(t_2)| = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_1}{t_3 - t_1} = \frac{\vec{v}_3 - \vec{v}_1}{2\tau}|$$
 الدينا :

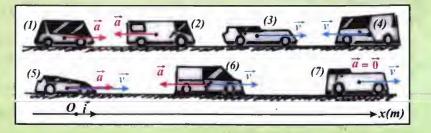
- ◄ اتجاه السرعة اللحظية (1) أن باتجاه الحركة
 - قر (1) التسارع (اتجاه التسارع
- و يكون ب اتجاه السرعة اللحظية $ec{v}(t)$ إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة متسارعة $ec{v}(t)$
 - يكون بعكس اتجاه السرعة اللحظية $\vec{v}(t)$ إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة.
 - يكون نحو مركز الدوران إذا كانت الحركة دائرية منتظمة
 - ā(t) قيمة التسارع ◄
 - ثابتة إذا كانت الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام (متسارعة أو متباطئة)
 - ثابتة إذا كانت الحركة دائرية منتظمة
 - معدومة إذا كانت الحركة مستقيمة منتظمة

التمرين 9

f، e، d، c، b، a المحظية $ec{v}$ والتسارع اللحظي $ec{a}$ لبعض الحركات $ec{v}$



- 1/حند طبيعة الحركة في كل حالة.
- 2/ تعطى صورة لعدة سيارات اخنت في لحظة زمنية كيفية.



/ حدد جهة حركة كل سيارة.

ب/ هل يمكن تحديد طبيعة حركة كل سيارة من حيث أنها متسارعة أو متباطئة.

الحل

1/ طبيعة الحركة

الحالة 1):

- المسار مستقيم.
- قيرة. إذن الحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$
- متعاكسان، فالحركة متباطئة. \vec{a} و \vec{v} •
- نستنتج أن الحركة مستقيمة متغيرة متباطئة .

الحالة b :

- المسار مستقيم.
- قيرة. إذن الحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$
- هما نفس الجهة فالحركة متسارعة \vec{a} و \vec{v} •
- نستنتج ان الحركة مستقيمة متغيرة متسارعة .

الحالة c

- السار مستقيم.
- ق بنا الحركة متغيرة. أ $\vec{a} = \vec{0}$
- نستنتج أن الحركة مستقيمة منتظمة .

: d الحالة

- المسار دائري.
- ā يتجه نحو مركز الدوران.
- نستنتج ان الحركة دائرية منتظمة

f e الحالتان

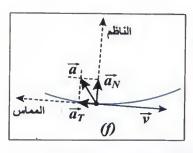
- المسار منحن.
- ه قالحركة متغيرة. $\vec{a} \neq \vec{0}$

لكي نعرف الحركة من حيث انها متسارعة أو متباطئة نقوم بإسقاط \vec{a} على الماس للمسارع فنجد ما يعرف بالتسارع الماسى . \vec{a}_T

- . فإن كانت جهة \vec{a}_T بجهة \vec{v} كانت الحركة متسارعة.
- وإن كانت جهة \vec{a}_T معاكسة لجهة \vec{v} كانت الحركة متباطئة.

نستنتج أن الحركة في الحالة e منحنية متغيرة متسارعة والحركة في الحالة f منحنية متغيرة متباطئة

ملاحظة: مسقط \vec{a} على الناظم على السار (عمودي على الماس) ندعوه التسارع الناظمي \vec{a}_N



2/ // تحدید اتجاه حرکة کل سیارة

إن اتجاه \vec{v} هو الذي يحدد اتجاه الحركة وليس اتجاه \vec{a} او اتجاه معلم الحركة (O,\vec{i}) ، وعليه فإن السيارتين (1) و (2) لا نستطيع تحديد اتجاه حركتيهما لأنه لم يحدد عليهما اتجاه \vec{v} . اما السيارات (3) و (5) و (6) فهي تتحرك في الاتجاه الوجب لمعلم الحركة (O,\vec{i}) .

ب/ تحديد طبيعة حركة كل سيارة

والسيارة (4) تتحرك في الاتجاه السالب لعلم الحركة.

تحدد طبيعة حركة الجسم بمعرفة اتجاه \vec{v} و \vec{v} معا. فإذا كانا في نفس الاتجاه كانت الحركة متسارعة، وإن كانا في اتجاهين متعاكستين فإن الحركة تكون متباطئة. أما إذا كان $\vec{a}=\vec{0}$ فإن الجسم يكون إما ساكنا (حالة $\vec{v}=\vec{0}$) أو يكون متحركا حركة مستقيمة منتظمة (حالة $\vec{v}=\vec{0}$).

- ، السيارتان(1) و (2) لا نستطيع تحديد طبيعتي حركتيهما لأن $ec{a}$ معلومة و $ec{v}$ مجهولة لكليهما.
- السيارتان (3) و (4) لا نستطيع تحديد طبيعة حركتيهما لجهلنا لـ \vec{a} لهما رغم معرفتنا \vec{v} لكليهما.
 - . \vec{a} بجهة \vec{v} بجهة لأن جهة لأن جهة \vec{v} بجهة ألسيارة \vec{v} . \vec{v}
 - . $ec{v}$ بعكس عند السيارة (a) : تتحرك حركة مستقيمة متغيرة بانتظام متباطئة لأن جهة السيارة المتعرف بالمتعرف بالمتعرف المتعرف بالمتعرف المتعرف ا
 - $\vec{a}=\vec{0}$ و $\vec{v}=\overline{Cte}$ السيارة (7) و تتحرك حركة مستقيمة منتظمة لأن

التمرين 10

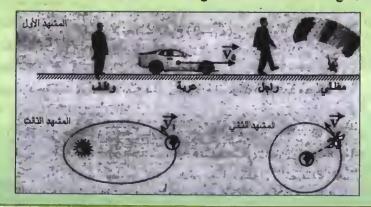
l / اعط تعريفا لما يئي ،

المعلم السطحي الأرضي المعلم المركزي الأرضي المعلم المركزي الشمسي

2/ تعطى الوثيقة المرفقة عدة مشاهد، لبعض الأحسام ،

أ/ حدد لكل مشهد المرجع المناسب لدراسة حركة الأجسام فيه.

ب/ المراجع المناسبة، هل تعتبرها مراجع عطالية (غاليلية) برر إجابتك.



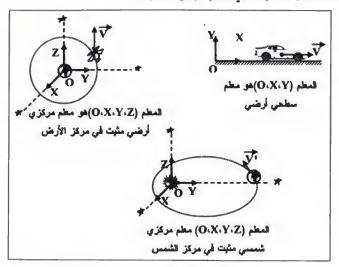
الحل

1 / إعطاء تعريف

العلم السطحي الأرضي : هو معلم مرتبط بسطح الأرض، يصلح لدراسة حركة الأجسام التي تتم على سطح الأرض.

المعلم المركزي الأرضي (معلم بطليموس) ، هو معلم مبدؤه مركز الأرض، ومحاوره الثلاثة تتجه نحو ثلاثة نجوم بعيدة، نعتبرها تقريبا ساكنة (في حدود زمن التجربة أو زمن الحركة المراد دراستها) وهو يصلح لدراسة حركة الأجسام التي تدور حول الأرض.

العلم المركزي الشمسي (معلم كوبرنيكس) ، هو معلم مبدؤه مركز الشمس، ومحاوره تتجه نحو ثلاثة نجوم بعيدة نعتبرها تقريبا (في حدود زمن التجربة).



ملاحظة هامة

كان اليوناني بطليموس يعتقد أن الأرض هي مركز الكون وجميع الكواكب تدور حولها، لذا عادة ما ينسب العلم الركزي الأرضي إلى بطليموس فيقال ،معلم بطليموس،

أما كوبرنيكس، فكان يعتقد أن الشمس هي مركز الكون، وأن جميع الكواكب تدور حولها. لذا ينسب العلم الركزي الشمسي إلى كوبرنيكس فيقال (معلم كوبرنيكس).

1 / ا/ المشهد الأول ، يظهر اجساما تتحرك على سطح الأرض هي ،

- مظلي
 - راجل
 - عربة
- شخص واقف

إذن، فالرجع الناسب لدراسة هذه الأجسام هو العلم السطحي الأرضي.

المشهد الثاني

يظهر صاروخ يدور حول الأرضِ، لذا فالمرجع المناسب لهذه الحركة هو العلم المركزي الأرضي.

المشهد الثالث

يظهر الأرض تدور حول الشمس، لنا فالمرجع المناسب لهذه الحركة هو العلم المركزي الشمسي.

هي المعالم الساكنة بالنسبة لبعضها، أو المتحركة بسرعة ثابتة (أي بحركة مستقيمة منتظمة). وبما ان الأرض تدور حول نفسها، إذن فلجميع نقاطها (بما فيها نقاط سطح الأرض)، تتحرك حركة دائرية وبالتالي لا ينطبق تعريف المعالم العطالي على المعلم السطحي الأرضي. لكن الأرض تدور حول نفسها بسرعة صغيرة نسبيا بدليل انها تنجز دورة واحدة خلال 24 ساعة. لذا يمكن وبتقريب مقبول إهمال حركة الأرض حول نفسها، على الأقل لمدة تكون أكبر من المدة التي يستغرقها الجسم المتحرك على سطحها.

اما العلم الركزي الأرضي، فهو في الحقيقة معلم يدور حول الشمس، إذن لا ينطبق عليه تعريف العلم العطالي. غير أن سرعة الأرض حول الشمس صغيرة جدا بدليل أن الأرض تنجز دورة حول الشمس خلال سنة. لذا يمكن اعتبار المعلم المركزي الأرضي معلما عطاليا، وبتقريب مقبول.

أما المعلم الشمسي فنعتبره معلما عطاليا بتقريب جيد لأن حركة دوران الشمس، لا تكاد تذكر في زمن يقدر بعدة سنوات شمسية.

التمرين 11

احب بصحيح او خطأ وصحح العبارة الخاطئة، فيما يلي:

العبارة الصحيحة	خطا	صحيح	العبارة	
			المرجع العطالي سرعته ثابتة	1
			قيم السرعة التي يسجلها عداد السرعة تكون مقيسة بالنسبة لعلم سطحي ارضي.	ب
<u>'</u>			كل المراجع العطالية يتحقق فيها مبنا العطالة.	ج
			مصعد عمارة في حالة هبوط نعتبره معلما سطحيا أرضيا.	د
			مصعد عمارة في حالة حركة بسرعة ثابتة، نعتبره معلما عطاليا.	_&
			مبنا العطالة غير محقق في العالم اللاعطالية.	9

الحل

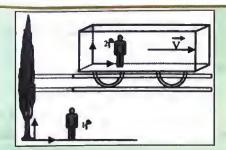
كل العبارات (١) ، (ب) ، (ج) ، (هـ) ، (و) صحيحة.

العبارة (د) خاطئة والعبارة الصحيحة هي:

(مصعد عمارة في حالة هبوط ليس معلما سطحيا ارضيا، لأنه يتحرك بالنسبة لسطح الأرض).

التمرين 12

تتحرك عربة فوق سكة حديدية أفقية بسرعة ثابتة $ilde{\mathcal{V}}$ بالنسبة لراقب خارجي (١٥) واقف في المحطة، ساكن بالنسبة للسكة.



ا/ 1/ السكة، هل يمكن اعتبارها معلما سطحيا ارضيا؟

2/ المراقب الخارجي م1، هل يمكن اعتباره معلما سطحيا ارضيا؟

3/ العربة، والمراقب الداخلي م2، هل يعتبر 'كل منهما معلما سطحيا أرضيا؟

4/ بالنسبة للمعلمين (م1)، (م2)، هل نعتبر كل منهما معلما عطاليا ؟

ب/ بالنسبة للمعلمين (م1) و(م2)، كل على حدة حدد:

1/مسار العربة

تاريخية لميكانيك نيوتن

2/ سرعة العربة

3/ القوة الدافعة التي تخضع لها العربة (يهمل الاحتكاك).

ج/ ما هي النتائج الستقاة ؟

د/ تاكد من أن العلمين (م1) و(م2) متكافئين.

الحل

ا/ 1 / نعم، يمكن اعتبار السكة معلما سطحيا أرضيا فهي ساكنة بالنسبة لسطح الأرض.

2/ المراقب الخارجي (م1) واقف في المحطة، فهو إذن ساكن بالنسبة للسطح لذا نعتبره معلما سطحيا

3/ كل من العربة والمراقب الداخلي (م2)، يتحركان بالنسبة لسطح الأرض. لذا لا نعتبر أيا منهما معلما سطحيا ارضيا.

4/ المعلم (م1) هو معلم سطحى ارضي، وكما نعلم أن المعلم السطحي الأرضي يعتبر معلما عطاليا. إذن فالعلم (م1) هو العلم عطالي.

وبما أن المعلم (م2) يتحرك بسرعة ثابتة هي سرعة العربة \vec{v} بالنسبة للمعلم (م1)، إذن نعتبره معلما عطاليا.

القوة الدافعة	سرعة العربة	مسار العربة	
$ec{F}_{I}=ec{0}$ لأن العربة تتحرك بالنسبة لـ $egin{pmatrix} (a_{1}) & & & \end{pmatrix}$ بسرعة ثابتة	$\vec{v}_I = \vec{v}$	مستقيم	بالنسبة للمعلم (م1)

 $\vec{v}_2 = \vec{0}$ لأن العربة ساكنة بالنسبة للمعلم (م2)

نقطة (هي نقطة تواجد العربة)

بالنسبة للمعلم (22)

ج/ النتائج الستقاة

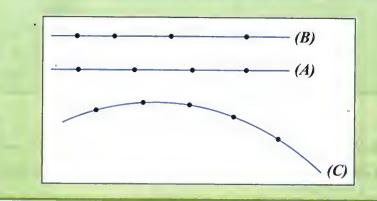
- المسار : يعتمد على المرجع (المسار يختلف باختلاف المراجع)
- السرعة : تعتمد على المرجع (السرعة تختلف باختلاف المراجع)
- القوة : لها نفس القيمة في جميع العالم العطالية، لذا نقول إن العالم العطالية متكافئة.

د/ في هذا التمرين لدينا $ar{F}_i = ar{F}_i$ ، إذن فالعلمان (م $_1$) و (م $_2$) متكافئان.

التمرين 13

1/ اعط نص القانونين الأول والثالث لنيوتن العروفين بالاسمين (مبدأ العطالة) و(مبدأ الفعلين المتبادلين) على الترتيب.

2/ حدد من بين الحركات التالية الحركة التي تحقق مبدأ العطالة.



الحل

l / نص القانون الأول لنيوتن (مبدأ العطالة)

توجد عدة نصوص كلها تؤذي نفس المعنى إحداها هو :

في معلم عطالي إذا لم تتغير سرعة مركز عطالة جسم فإن مجموع القوى التي يخضع لها يكون معدومًا. والعكس صحيح.

- $1 - \sum F = 0$ اما ساكنا او متحركا حركة مستقيمة منتظمة، وعليه فإن
 - نص القانون الثالث لنيوتن (مبدأ الفعلين المتبادلين) :

ذا اثرت جملة ميكانيكية B على جملة ميكانيكية B بقوة $ec{F}_{\gamma_g}$ فإن الجملة B تؤثر بدورها على! $.\,ar{F}_{_{N_B}}=-ar{F}_{_{B_{_A}}}$ تساويها في القيمة وتعاكسها في الاتجاه ولها نفس الحامل أي $.\,ar{F}_{_{B_{_A}}}$ تساويها في القيمة وتعاكسها في الاتجاه ولها نفس الحامل أي المحامل أي المحامل

2/ تحديد الحركة التي تحقق مبدأ العطالة

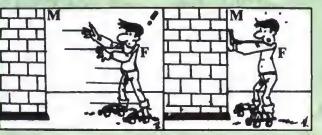
الحركة التي مسارها مستقيم وسرعتها ثابتة (الحركة المستقيمة المنتظمة) هي الحركة التي تحقق مبدأ العطالة، وهي هنا الحركة A فقط لأن الحركة B تتزايد فيها السرعة رغم أن المسار مستقيم، وبالتالي لا ينطبق عليها مبدأ العطالة.

• اما الحركة C ، فإن مسارها منحن، وبالتالي شعاع السرعة يتغير في الجهة، وعليه لا تحقق مبدأ

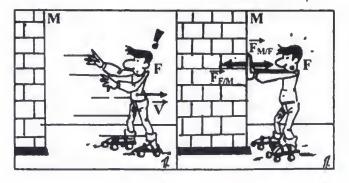
التمرين 14

تاريخية لميكانيك نيونن

ينتعل طفل F حذاء مزودا بعجلات (Patins)، يدفع بيديه جدارا M، فيندفع هو إلى الخلف. اي من قوانين نيوتن تترجمه هذه الحالة ؟



عندما يدفع الطفل الجدار بيديه بقوة $F_{F/L}$ ، بدوره الجدار يدفع الطفل بقوة مساوية للقوة السابقة في الشدة ومعاكسة لها في الاتجاه ولها نفس الحامل، وهذا ما يعرف بالقانون الثالث لنيوتن أو $|ec{F}_{F_{/\!\!/_{\!\!M}}}=-ec{F}_{M_{\!\!/_{\!\!F}}}|$ ، بمبدأ الفعلين المتبادلين

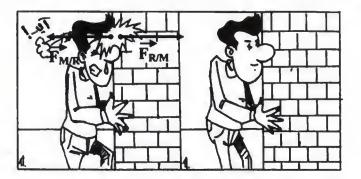


التمرين 15

يلمس طفل حانطا براسه R ، فيشعر بلمس الحائط M له. فإذا ضرب الحائط براسه، شعر بالألم. ما هو قانون نيوتن الذي يفسر هذه الحالة ؟

. $ec{F}_{_{N_{\!M}}}$ مندما يلامس راس الطفل R الحائط M الحائط فإن رأس الطفل يؤثر في الحائط بقوة تلامس عندما والحائط بدوره يؤدر على راس الطفل بقوة تلامس $ar{F}_{_{M_{/\!\!R}}}$ حسب مبدأ الفعلين المتبادلين. نفس المحاكمة نعطيها في حالة ضرب الحائط بالراس، فقط مع اختلاف في شدة الفعلين المتبادلين بحيث زادت شدتهما في هذه المرة.

. $\left| ec{F}_{
m R_M} = - ec{F}_{
m M_R}
ight|$. هذا الكلام هو ترجمة لبدا الفعلين المتبادلين المسمى القانون الثالث لنيوتن ومنه



الذي لم يفهم مبدأ الفعلين المتبادلين، " يخبط راسو على الحيط ! ".

التمرين 16

l / ذكّر بنصّ القانون الثاني لنيوتن.

ا/ ما هي النقطة الميزة من الجملة التي يُطبق عليها القانون الثاني لنيوتن ؟ ب/ عندئذ، ما هو الاسم الآخر لهذا القانون؟

ج/ هل هذا القانون يصلح تطبيقه في أي مرجع ؟ برر إجابتك.

الجل

l / نص القانون الثاني لنيوتن

في معلم عطالي، مجموع القوى $\sum ar{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية، كتلتها m، تساوي حاصل جداء $\sum ec{F} = m ec{a}$. ويعبّر عنه رياضياتيا بالقانون $ec{a}$. ويعبّر عنه رياضياتيا بالقانون

 2/ النقطة الميزة من الجملة التي يُطبق عليها هذا القانون هو مركز عطالتها.
 ملاحظة : هذا لا يعني أن القانون لا يصلح تطبيقه على بقية نقاط الجملة، إنما قصد السهولة، نطبقه على مركز العطالة.

ب/ لذا يسمّى القانون الثاني لنيوتن بـ (نظرية مركز العطالة).

ج/ هذا القانون يصلح تطبيقه فقط في المعالم العطالية (الغاليلية).

أمًا إذا كان العلم غير عطالي، فلكي يبقى القانون الثاني لنيوتن صالحاً، يجب إضافة قوى من نوع اخرى، تسمّى القوى العطالية.

التمرين 17

حدد الصحيح من الخطأ، وصحح العبارات الخاطئة :

حملة ميكانيكية مركز عطالتها G يتحرك بالنسبة لمرجع سطحي ارضي.

1/ هذا المعلم نعتبره عطاليا بتقريب جيد.

كر هذه الجملة عندما تخضع لحصلة قوى معدومة $\sum \vec{F} = \vec{0}$ فإنها بالضرورة تكون إما ساكنة او متحرّكة بحركة مستقيمة منتظمة.

. إذا خضعت لقوى محصلتها غير معدومة $ec{D}
eq ec{F} \neq ec{O}$ فإن سرعتها تكون متغيرة.

لهما $ec{v}_{\scriptscriptstyle G}$ اذا كانت الجملة خاضعة لحصلة قوى $ec{F}$ غير معدومة ومسارها منحن فإن $ec{F}$ و $ec{v}_{\scriptscriptstyle G}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

 $\Delta ec{v}_G$ جهة $ec{F}$ هي نفسها جهه 5

 $. \vec{F} = m \frac{\Delta \vec{v}_G}{\Delta t}$ يلي ڪما يلي أمحصلة القوى /6

، صحيح ، 2، صحيح ، 3، صحيح ، 4، خطا ، والصحيح هو ، 1

إذا كانت الجملة خاضعة لحصلة قوى $ar{F}$ غير معدومة ومسارها منحن، فإن $ar{V}_G$ و $ar{V}_G$ ليس لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

5 : صحيح : 6 : صحيح.

التمرين 18

اختر الإجابة الصنحيحة، من بين الاقتراحات التالية :

1/ في معلم عطالي حركة مركز جملة ميكانيكية مستقيمة متغيرة متسارعة فإنه في أي

ار \widetilde{F} و \widetilde{F} لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل، وجهتين متعاكستين.

ج/ $ar{a}$ و $ar{F}$ لهما نفس الحامل والجهة.

د/ $ilde{F}$ و $ilde{q}$ لهما نفس الحامل وجهتين متعاكستين

2/ في معلم عطالي، إذا كانت حركة مركز عطالة جملة ميكانيكية مستقيمة متغيرة

ار $ilde{F}$ و $ilde{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل، وجهتين متعاكستين.

ج/ $ilde{F}$ و $ilde{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

د/ $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل، وجهتين متعاكستين.

3/ في الحركة الدائرية المنتظمة ، ار $ec{F}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

ب/ \vec{r} و \vec{r} لهما حاملان متعامدان.

جر \vec{a} و \vec{r} لهما حاملان متعامدان.

د/ $ec{R}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.

. ننبه إلى أن $ec{F}$ هي محصلة القوى التي تخضع لها الجملة المكانيكية.

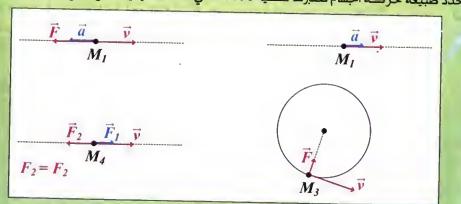
1/ الإجابات الصحيحة : ١، ج.

2/ الإجابات الصحيحة ، ب، د.

3/ الإجابات الصحيحة : ب،د.

التمرين 19

حند طبيعة حركة أجسام نعتبرها نقطية M ، مثلنا في لحظة كيفية $ec{v}$ و $ec{a}$ و لها.

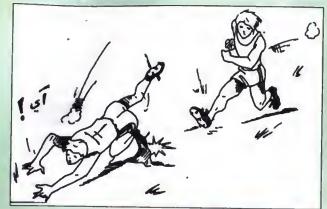


طبيعة حركة الأجسام

- المتحرك M_i ، حركته مستقيمة متغيرة متسارعة لأن $ec{v}$ و $ec{F}$ لهما نفس الحامل ونفس الجهة.
 - . المتحرك M_2 و مستقيمة متغيرة متباطئة لأن $ec{v}$ و الما جهتان متعاكستان.
 - المتحرك M_3 ، حركته دائرة منتظمة لأن $ec{F}$ تتجه نحو مركز الدوران.
 - $ec{v}
 eq ec{0}$ و $ec{V} = ec{F}_1 + ec{F}_2 = ec{0}$ و التحرك M_4 و M_4

التمرين 20

طفل يجري بسرعة ثابتة وفق خط مستقيم (هذه حالة) تعثرت رجله بحجر فسقط وانسحب على الأرض ثم توقف (هذه حالة أخرى). أي الحالتين تترجم ا لقانون الأول لنيوتن ؟ وأيهما تترجم القانون الثاني لنيوتن ؟



الحل

عندما كان الطفل يتحرك بسرعة ثابتة، وفق خط مستقيم، كانت حركته مستقيمة منتظمة بمعنى أن مجموع القوى المؤثرة عليه معدوم أي $ec{F} = ec{0}$ ويعتبر هذا ترجمة لبدأ العطالة المعروف بالقانون الأول لنيوتن. لكنه عندما تعثرت رجل الطفل بالحجر، وسقط، ثم انسحب على الأرض حتى توقف، فإن حالة جديدة حدثت، وهي أن سرعته قد تغيرت، فنقصت من قيمة معيّنة (V) إلى أن انعدمت ($\theta m/s$) لحظة توقف الطفل عن الانسحاب، ما يدل على أن حركته أصبحت متغيرة. فلا يمكن إذن أن نفسرها بمبدأ العطالة.

 $\sum \vec{F} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$ وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني لنيوتن وهو و الثاني ينا إلى ڪتابة القانون الثاني الثاني الثاني وهو الثاني وهذا يؤدي بنا إلى ڪتابة القانون الثاني الثاني الثاني الثاني وهن الثاني وهن الثاني وهن الثاني وهن الثاني الثاني الثاني وهن الثاني وهن الثاني وهن الثاني الثاني وهن الث

إذن الحالة الأولى: نفسرها بالقانون الأول لنيوتن. والحالة الثانية ، نفسرها بالقانون الثاني لنيوتن.

تسقط كرة تنس B بسرعة $ec{v}_i$ قيمتها 15m/s على مضرب لاعب R وتصنع زاوية تساوي مع مستوى المضرب ثم ترتد عنه بسرعة $ec{v}_2$ قيمتها $20m.s^{-1}$ وحاملها عمودي على $lpha=45^\circ$ ، 0, Is مستوى المضرب. إذا علمت أن زمن تلامس الكرة بالمضرب هو

 Δv احسب قيمة تغير سرعة الكرة الكرة ا

2/ استنتج قيمة التسارع الذي اكتسبته كرة التنس لحظة التلامس.

B الكرة ألم نريد تعيين القوة $\widetilde{F}_{N_{h}}$ التي اثر بها المضرب الكرة الكرة الكرة المراب

- نقطة التأثير: النقطة من المضرب التي لامست الكرة.
 - $F_{B/a} = F_{R/a} = 32N$. الشدة
 - الحامل والجهة : موضّحان في الشكل السابق.

التمرين 22

يقول نيوتن في كتابه (المبادئ) :

(إن تغيّرات الحركة تتناسب مع القوة المحرّكة وتتم وفق المنحى الذي أثرت فيه هذه القوة).

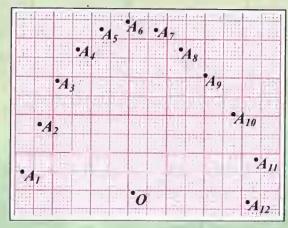


ا/ عبر بلغة فيزيائية حديثة عن المصطلحات التالية التي استعملها نيوتن وهي :

- تغيرات الحركة،
- القوة المحركة.

ب/ إنّ هذا القول لنيوتن، هو نصّ لأحد قوانينه الثلاثة، ما هو هذا القانون؟ ج/ اعد صياغته بلغة فيزيائية حديثة.

2/ نريد التاكد من صحة هذا القانون من أجل ذلك نجري التجربة التالية :



• في نقطة ثابتة O، نثبت خيطا مطاطيا ونربط طرفه الآخر بساق ينتهي بمفجّر (éclateur) ويمرّ بمركز جسم صلب (محمول ذاتيا auto porteur) يستند على منضدة أفقية كما هو موضح في الشكل المقابل.

ب/ أيّ من قوانين يسمح بتعيين القوة $ec{F}_{s_R}$ التي تؤثر بها الكرة B على المضرب P



 Δv حساب تغیر سرعة الکرة 1

. $10m.s^{-l} \to 1cm$: لدينا السلم المناسب ، \vec{v}_2 و \vec{v}_1 باختيار السلم المناسب $2\,cm$ اذن نمثل $ec{v}_1$ بشعاع طوله $2\,cm$ ونمثل ونمثل بشعاع طوله

. $\Delta v = 32\,m.s^{-1}$ ومنه : $\Delta v \rightarrow 3,2\,cm$ نعين نعيس طوله فنجد

aتسارع كرة التنس 2

 $a = 320 \text{m.s}^{-2}$ ، $a = \frac{32}{0.1}$. نعلم ان $a \approx \frac{\Delta v}{\Delta t}$ نعلم ان

لاحظ أن هذا التسارع كبير جدا، لأن زمن التلامس كان

ر المادام عندنا قيمة Δt و Δv فيمكن تعيين القوة 3/1/2 $ec{F}=mec{a}$ باستعمال القانون الثاني لنيوتن

• نقطة التأثير ؛ النقطة من الكرة B التي تلامس المضرب.

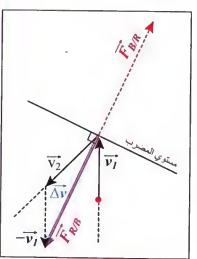
 $F_{\rm R/B}=ma$ الشدة و نعينها من القانون الثاني لنيوتن ، $F_{\rm R/B}$

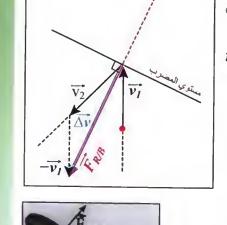
 $F_{R/2} = 0.1 \times 320 \; ; \; |F_{R/2} = 32N|$

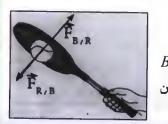
• الحامل والاتجاه : هما نفس حامل واتجاه \vec{v} كما يلي :

32N
ightarrow 3,5cm ، مقياس رسم القوة

B الكرة بها الكرة $ec{F}_{\!_{B_{\!/\!\!/}\!\!/}}$ التي تؤثر بها الكرة /3على المضرب R هو القانون الثالث لنيوتن، أي مبدأ الفعلين التبادلين $.\, \vec{F}_{B_R} = -\vec{F}_{B_R}$ وحسب هذا المبدأ فإن







$$2,2cm \stackrel{\text{that}}{\rightarrow} v_3 = 0,22m.s^{-1}$$

$$1.5 cm \stackrel{\text{that}}{\rightarrow} v_s = 0.15 m.s^{-1}$$

$$1.8 cm \xrightarrow{\text{pag}} v_8 = 0.18 m.s^{-1}$$

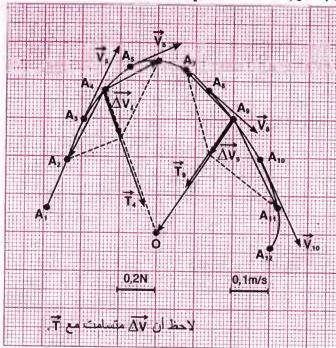
$$2.6 cm \xrightarrow{\text{day}} v_{10} = 0.26 m.s^{-1}$$

 $\Delta v_4 = 1,6cm$ بنفس الطرق المتبعة في التمارين السابقة وبالقياس نجد ، $\Delta v_4 = 1,6cm$

$$\Delta v_4 = 0.16 m.s^{-1}$$
 . وباستعمال مقیاس رسم السرعة نجد

$$\Delta v_g = 0.11 m.s^{-1}$$
. ومنه نجد $\Delta v_g
ightarrow 1.1 cm$ ومنه نجد

امًا حاملًا اتجاهي $ec{v}_{_{q}}$ و $ec{Q}$ فهما ممثلان في الوثيقة المرفقة.



ب/ إحصاء جميع القوى المؤثرة على الجسم المتحرك

وة ثقل الجسم ، $ec{P}$

قوة التلامس أو ما يسمى برد فعل المنضدة على الجسم : $ec{R}$

قوة شد الخيط المطاطى : $ec{T}$

حيث أنه لا توجد حركة للجسم وفق المحور الشاقولي فإن

$$\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$$

ومجموع القوى المؤثرة على الجسم هو:

ندفع الجسم الصلب الذي كتلته m=400g ونقوم بواسطة الفجّر بتسجيل مواضع حركة مركز عطالة الجسم في فترات زمنية متساوية ومتعاقبة $\tau=50ms$ فنحصل على الوثيقة الرفقة.

 (A_9) (A_4) الموضعين (A_4) في الموضعين (A_4) و (A_5) و (A_4) و (A_5) عين خصائص (المقيمة، الجهة، الحامل) شعاع تغيّر السرعة A_5 الموضعين (A_4) و (A_5) عين خصائص (المقيمة، المجهة، الحامل) في المحافظة المجسم. خذ السلم A_5

الركز عطاله العسم، حسالة المحمول ذاتيا) اثناء الحركة وبيّن أن محصّلة هذه القوى برء احص القوى المؤثرة على الجسم (المحمول ذاتيا) اثناء الحركة وبيّن أن محصّلة هذه القوى تؤول إلى قوة شد الخيط المطاطي (\vec{T}) .

 $^{\$} arDelta ec{v}$ ينطبقان على حامل واتجاه $ec{T}$ هل حامل واتجاه

د/ بالاستعانة بنتائج الوثيقة عين قيمة قوة شد الخيط (T) في الوضعين (A_4) و (A_9) .

ب/ تحقق من صحة القانون الثاني لنيوتن.

الحز

1 / ا/ المصطلح ، تغيرات الحركة

يُعبّر عنه حاليا بتغيرات السرعة 47.

مصطلح القوة الحركة يعبر عنه حاليا بمجموع القوى المؤثرة.

ب/ هذا النص هو للقانون الثاني لنيوتن.

ج/ نص القانون الثاني لنيوتن بلغة فيزيائية حديثة ،

في معلم عطالي، مجموع القوى $\sum \vec{F}$ المؤثرة على جملة ميكانيكية كتلتها (M)، تساوى حاصل $\sum \vec{F} = m \vec{a}_G$ جداء كتلتها في تسارع مركز عطالتها \vec{a}_G . ويعبر عنها رياضيا بالقانون

 $\Delta \vec{v}_{10}$ و $\Delta \vec{v}_4$ و Δv_{10} و Δv_{10}

$$ec{\Delta} \, ec{v}_{\scriptscriptstyle 4} = ec{v}_{\scriptscriptstyle 5} - ec{v}_{\scriptscriptstyle 3}$$
 نعلم ان

$$ec{\Delta} \vec{v}_g = \vec{v}_{I\theta} - \vec{v}_8$$
 ڪما ان

 \vec{v}_{10} و \vec{v}_8 وايضا \vec{v}_5 و \vec{v}_3 فيم نعيين قيم

$$v_{3} = \frac{A_{2}A_{4}}{2t} = \frac{2.2 \times 10^{-2}}{2 \times 50.10^{-3}} = 0.22 \text{m.s}^{-1}$$

$$v_{5} = \frac{A_{4}A_{6}}{2\tau} = \frac{1.5 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.15 \text{m.s}^{-1}$$

$$v_{8} = \frac{A_{7}A_{9}}{2\tau} = \frac{1.8 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.18 \text{m.s}^{-1}$$

$$v_{10} = \frac{A_{9}A_{11}}{2\tau} = \frac{2.6 \times 10^{-2}}{2(50.10^{-3})} = 0.26 \text{m.s}^{-1}$$

نمثل في المسار السرع \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، نمثل في المسار السرع \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s ، \vec{v}_s) المسار المسرعة وهو $0.1m.s^{-1} \to 1cm$

The state of the s

تاريخية لميكانيك نبوته

الجملة: الجسم (A)

- المرجع: الأرض.
- المعلم : (O, \vec{k}) معلم سطحي ارضي نفترضه عطاليا.
 - \vec{T}'_2 , \vec{T}_1 , \vec{P}_A : القوى الخارجية
- القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجسم لا نمثلها لأنها لا تؤثر في

بما أن الجملة في حالة توازن، إذن نطبق القانون الأول لنيوتن :

$$\vec{P}_{\scriptscriptstyle A} + \vec{T}_{\scriptscriptstyle I} + \vec{T}\,{}^{\prime}_{\scriptscriptstyle 2} = \vec{0}$$
 فیکون: $\sum \vec{F} = \vec{0}$

 $-P_{\scriptscriptstyle A}+T^{\,\prime},+T_{\scriptscriptstyle I}=0$: بالإسقاط على معلم الحركة ($O,ec{k}$) نجد $T_{1} = P_{A} + T'_{2}$:

$$(1)$$
 $T_I = m_A g + T'$ اذن $P_A = m_A g$ لکن

الجملة : الجسم (B)

- (O,\vec{k}) : المعلم
- . \vec{P}_{B} ، \vec{T}_{2} ، القوى الخارجية
- القوى الداخلية ، قوى تماسك أجزاء الجملة.

 $\sum \vec{F} = \vec{0}$; $T'_2 + \vec{P}_B = \vec{0}$ بما أن الجملة في حالة توازن، إذن : (2) $T_2=m_B g$ وبالتالي : $T_2-P_B=0$ نجد : $T_2=m_B g$ وبالتالي : بالإسقاط على المعلم ($T_2=m_B g$ لكن $T_2 = T'_2$ لأنهما قوتا الشد على نفس الخيط..

 $T_{_{I}}=m_{_{A}}g+m_{_{B}}g$: نعوض عن $T_{_{2}}$ وهذه ب $T_{_{2}}$ وهذه بالعادلة (1) فنجد $|T_I = (m_A + m_B)g|$: ومنه

تطبيق عددي ،

$$T_2 = 0.2 \times 9.8 = 1.96 \, \text{N}$$
. $T_1 = (0.1 + 0.2) \times 9.8 = 2.94 \, \text{N}$

ملاحظة هامة

كنا سنجد نفس النتائج لو كانت الجملة في حركة مستقيمة منتظمة (بسرعة ثابتة).

2/ حساب تو تري الخيطين إذا كانت الجملة في حالة صعود بتسارع ?a=4m/s

 $\sum ec{F} = m ec{a}$ بنفس الطريقة السّابقة، فقط نطبّق القانون الثاني لنيوتن

• فبالنسبة للجملة (A) نجد معادلة تشبه العادلة (1) بإضافة $m_A a$ إلى الطرف الأيمن \bullet

$$T_1 = m_A g + T'_2 + m_A a$$

 \vec{P}_A

$$T_1 = m_A(a+g) + T'_2 \dots (1')$$

• وبالنسبة للجملة (B) : بنفس الطريقة نجد :

$$T_2 = m_B (a+g)....(2')$$

تماريه خاصة بمقاربة

$$\sum \vec{F} = \vec{P} + \vec{R} + \vec{T}$$
 کین $\vec{F} = \vec{T}$ اِذَن $\vec{P} + \vec{R} = \vec{0}$ ایکن

اي إنّ القوة الوحيدة التي تعمل على تغير حركة الجسم هي قوة شد الخيط المطاطي \widetilde{T} .

 $arDelta ec{v}_4$ من المعلوم ان حامل $ec{T}$ هو الخيط المطاطي نفسه، وبالرجوع إلى الوثيقة السابقة نلاحظ ان حاملها هو الخط المستقيم A_4 الذي هو الخيط المطاطي نفسه، فنستنتج ان $\Delta ec{v}_4$ له نفس حامل $. \vec{T}$ وجهه

كذلك \vec{v}_{g} حاملها هو الخط المستقيم O ، اي الخيط المطاطي نفسه. إذن نستنتج ان $\Delta \vec{v}_{g}$ له نفس حامل وجهة \widetilde{T} ، وهذا ما ينطبق مع نص القانون الثاني لنيوتن.

د/ تعيين قوة شد الخيط (T)

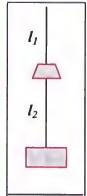
 $ec{T}=mec{a}$ اذن $\sum ec{F}=mec{a}$ اندن

$$T = ma = m \frac{\Delta v}{\Delta t}$$
 بالإسقاط نجد

$$T = m \times \frac{\Delta v_4}{2\tau} = \frac{0.4 \times 0.16}{2(50 \times 10^{-3})}$$
 : (A₄) ي الموضع

 $T = m \times \frac{\Delta v_g}{2\tau} = \frac{0.4 \times 0.11}{2(50 \times 10^{-3})}$ (A9) ي الموضع

التمرين 23



يعلق جسمان (A) و (B) كتلتاهما $m_A=100g$ و $m_A=100g$ كما هو موضح في الشكل المقابل. نهمل كتلة خيطي التعليق *إ*لا و <u>ا و 2</u> .

احسب قيمة توثري الخيطين في الحالتين:

1/ جملة الجسمين والخيطين في حالة توازن.

2/ الجملة في حالة صعود نحو الأعلى بتسارع a=4 m/s².

g=9,8N/kg يؤخذ

الحل

1/ حساب قيمة توثري الخيطين إذا كانت الجملة في حالة توازن نبدأ بتمثيل القوى على الجملة.

من الأحسن أن ندرس كل جسم وحده.

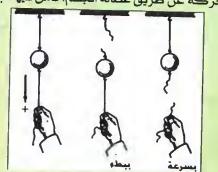
$$T_1 = (m_A + m_B)(a+g)....(3)$$

تطبيق عددي :

$$T_1 = (0,1+0,2)(9,8+4) = 4,14N$$
 $T_2 = 0,2(9,8+4) = 2,76N$

التمرين 24

إليك تجربة تظهر نقل الحركة عن طريق عطالة الجسم. تامل فيها جيِّك، وحاول تفسيرها.



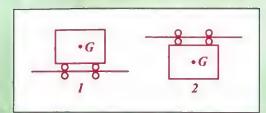
الحز

سنوجهك توجيها بسيطا وعليك أن تفكر حيِّدا في أهميَّة السالة :

- . $T_2 T_1 + P = ma$: عاول أن تستفيد من التمرين السّابق، وأن تجد العلاقة التالية : حاول أن تستفيد من التمرين السّابق ،
 - . $T_1 > T_2$ ان كانت الحركة سريعة يكون a كبيرا، وبالتالي ستجد ان
 - . $T_1 < T_2$ وإذا كانت الحركة بطيئة يكون a صغيرا، وبالتالي ستجد أن

النمرين 25 (وضعية ادماجية)

ذهب التلميذان " أمزيان" و" أمقران " إلى حديقة التسلية، فادهشتهما حركة العربة في مضمارها لللتوي للسمّى بالجبال الرؤسية (Montagnes russes)، وزاد من حيرتهما عدم سقوطها وسقوط ركّابها من قمم للسارات الدائرية الواقعة في مستويات شاقولية. فاستفسرا العون للسؤول عن حركة العربة فقال لهما إن العربة مزودة بعجلات إضافية ثدعى عجلات الأمان، تضمن التلامس النائم بين العربة والسكّة مهما كانت وضعية العربة في للضمار، كما هو موضّح في الثموذج للمثل بالشكلين 1 و2.



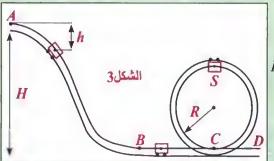
لكن اسئلة كثيرة شغلت بالهما، وهي أن العربة ليست مزوّدة بمحرّك، فكيف لها أن تنتقل عبر مضمارها الطويل ؟ فَمن أين لها هذه الطاقة الكافية لحركتها ؟ وهل تتمكّن من متابعة حركتها في للسارات الناثرية الشاقولية في حالة ما إذا نزعنا منها عجلات الأمان؟

أجابهما العون بأنّ العربة مزوّدة بقوّة دفع آلي (أوتوماتيكي)، وأنه من وجهة نظر فيزيائية بحتة يُمكن للعربة بشكل حرّ أن تستغني عن قوّة الدّفع الآلية، وأن تتحرّك في مضمارها، فقط يجب أن تنطلق من ارتفاع كبير.

وطلب العون من التلميذين " أمزيان" و " أمقران " أن يحلاً هذه المسالة الفيزيائية وزودها بالتموذج

المثل في الشكل 3.

H=12m ، منحن، AB ، منحن، BC ، منحن، BC ، مستقيم وافقي. CSC ، دائري نصف قطره CSC ، دائري نصف قطره CD ، مستقيم افقي. CD ، مستقيم افقي. CD ختلة العربة ، DD DD



I/ التاكد من حركة العربة في المضمار ABCSCD بدون محرك

تترك العربة لحالها انطلاقًا من الموضع A بدون سرعة ابتدائية، يهمل الاحتكاك.

أ/ قدر الطاقة الكلية لجملة (العربة + الأرض).

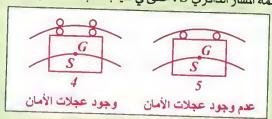
c استنتج سرعة العربة في الموضع /2

الساقولي. كن أن العربة يمكنها أن تبلغ القمّة S للمسار الدائري الشاقولي.

 $v_{\rm S}$ ب/استنتج مقدار سرعتها

الشكل3

S التاكد من أن العربة لا تسقط شاقوليا عند القمّة S نقتر التاكد من أن سرعة العربة تكون كافية لأن تبقى العربة في تلامس مع السكّة، عندما يمرّ نقتر التاكد من أن سرعة العربة تكون كافية لأن تبقى العربة في تلامس مع السكّة، عندما يمرّ مركز عطالتها من قمّة المسار التائري S ، حتى في غياب عجلات الأمان (الشكلين S وS).



القوى الخارجية المؤثرة على حملة العربة. G القوى الخارجية المؤثرة على حملة العربة.

. S عيّن حامل وجهة وقيمة النسارع $ec{a}_{\scriptscriptstyle S}$ لمركز عطالة العربة G عند مروره بالقمّة A/2

 $\cdot \vec{g}$ و \vec{a}_{S} ب' قارن بين

. استنتج خصائص رد فعل السكة $ec{N}$ على العربة. $ec{S}$ استنتج خصائص رد فعل السكة $ec{N}$ على العربة.

ب/ تاكّد من أن جهة \tilde{N} تسمح للعربة بالحركة على المسار الدائري دون أن تحتاج إلى عجلات الأمان، وبالتالي لا تسقط العربة شاقوليا.

الحز

التأكِّد من حركة العربة في المضمار

1/ الطاقة الكلية لجملة
 (العربة + الأرض) ABCSCD بدون محرّك

$$E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle C_{\scriptscriptstyle A}}+E_{\scriptscriptstyle P_{\scriptscriptstyle A}}$$
: A في الموضع

الطاقة الحركية للعربة تعطى بالعبارة : E_{C_A}

$$E_{C_A} = \frac{1}{2} m v_A^2$$

(نطلقت العربة من A بنون سرعة ابتنائية) $v_{_A} = 0 m s^{-1}$ لكن

 $E_{C_{\scriptscriptstyle A}}=0J$: إذن

باعتبار سطح $E_{P_4}=mgH$: الطاقة الكامنة الثقالية لجملة (العربة + الأرض)، عبارتها هي $E_{P_4}=mgH$ باعتبار سطح الأرض هو المستوي المرجعي للطاقة الكامنة الثقالية، إذن : $E_A=mgH+0$

 $E_A = 23520J = 23,52KJ$ $E_A = 200 \times 9,8 \times 12$ بالتعويض نجد $E_A = mgH$

Cسرعة العربة في الموضع 2

بما ان الاحتكاك مهمل، فإننا نعتبر جملة (العربة + الأرض) جملة معزولة طاقويا وبالتالي نستعمل مبدأ انحفاظ الطاقة : $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle C}$

 $E_{\scriptscriptstyle C}=E_{\scriptscriptstyle cC}+E_{\scriptscriptstyle pC}$: لكن الطاقة الكلية في الوضع C اي $E_{\scriptscriptstyle C}$ نعينها كما يلي

. C لأنه لا يوجد ارتفاع بين العربة ومستوى سطح الأرض في الموضع $E_{\it pC}=0J$

$$v_C = \sqrt{\frac{2E_{cA}}{m}}$$
 : ومنه $\frac{1}{2}mv_C^2 = E_{cA}$ اذن $E_{cC} = \frac{1}{2}mv_C^2$

$$v_C = 15,3 ms^{-1}$$
 ، $v_C = \sqrt{\frac{2 \times 23,52}{0,2}}$ ، نعوض فنجد

 $v_{\rm S}>0$. يجب أن تكون سرعتها عند هذه القمة موجبة، بمعنى : S معنى تبلغ العربة القمة S يجب أن تكون سرعتها عند هذه القمة موجبة، بمعنى الم

 $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle S}$ ، S و A نطبّق مبدأ انحفاظ الطاقة بين الموضعين

$$E_{\scriptscriptstyle S} = E_{\scriptscriptstyle pS} + E_{\scriptscriptstyle cS}$$
 لکن

$$E_{pS}=mg\left(2R
ight)$$
 بذن ، $h=SC=2R$ مع $E_{pS}=mgh$

$$E_{s} = mg(2R) + \frac{1}{2}mv_{s}^{2}$$
 !ذن: $E_{cS} = \frac{1}{2}mv_{s}^{2}$

$$V_S^2 = 2g(H - h)$$
, $mgH = mgh + \frac{1}{2}mV_S^2$

. S فان $V_S > 0$. وعليه فان العربة يمكنها أن تبلغ القمة H > h .

 V_S — lm > / —

$$v_{\rm S} = \sqrt{2g(H-h)}$$
 : نعوض في العبارة السّابقة

$$g = 9.8ms^{-2}$$
; $h = 2R = 2 \times 3.80 = 7.6m$; $H = 12m$

$$v_S \approx 9.3 \text{ms}^{-1}$$
, $v_S = \sqrt{2 \times 9.8(12 - 7.6)} \approx 9.29$

ABCSCD هذه الثتائج تثبت أن العربة تتحرّك في مضمارها ABCSCD دون أن تحتاج إلى محرّك بدليل أتها عندما انطلقت من الارتفاع H=12m وصلت القمة S بسرعة $V_S\neq 0ms^{-1}$ فلو كان H<12m لوجدنا أن V_S قيمته تعطى بجذر تربيعي سالب وهذا مرفوض فيزيائيا، وبالتالي لا يمكن للعربة أن تبلغ القمّة S .

تماريه خاصة بمقاربة



S التأكد من أن العربة لا تسقط شاقوليا عند القمة I I تمثيل القوى الخارجية على حملة العربة I

ر تمثيل القوتان $ec{P}$ و $ec{N}$ من مركز عطالة العربة G .

. قوة ثقل العربة، حاملها شاقولي. \widetilde{P}

ناطميا (عموديا على مماس $ec{N}$. فعل السكّة في العربة، ويكون ناظميا (عموديا على مماس المسار النائري) ياهمال الاحتكاك.

 $\vec{a}_{\scriptscriptstyle S}$ ا// تعيين حامل وجهة وقيمة التسارع ///2

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}_{S}$$
:نطبَق القانون الثاني لنيوتن

دائما حامله شاقولي نحو الأسفل: $ec{P}$

نن عامله شاقوليا. اذن N . بعدم وجود الاحتكاك يكون ناظميا على مماس المسار، وفي النقطة N يكون حامله شاقوليا. اذن حامل المحصلة N هو شعاع شاقولي، فنستنتج ان حامل N شاقولي، وجهته بجهة N هو شعاع شاقولي، فنستنتج ان حامل N شاقولي، وجهته بجهة N نحو الأسفل.

. وقيمة a_N عيث a_N عيث $a_S = a_N = \frac{v_S^2}{R}$ والتسارع الثاظمي a_S عيمة •

$$a_s \approx 22.8 \, ms^{-2}$$
 ، $a_s = \frac{(9.3)^2}{3.8}$ الذن

 $ec{g}$ و $ec{a}_{\scriptscriptstyle S}$ المقارنة بين

- و لهما نفس الحامل (الشاقول).
- لهما نفس الجهة (نحو الأسفل).
- $g=9.8 ms^{-2}$ و $a_{\rm S}=22.8 ms^{-2}$: شدتاهما مختلفتان

 $ec{N}$ خصائص رد فعل السكة $ec{N}$

 $ec{P} + ec{N} = m ec{a}_{\scriptscriptstyle S}$: حسب قانون الثاني لنيونن

 $P+N=ma_{S}:\left(Oz\right)$ بالإسقاط على المحور

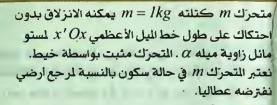
 $N = m(a_S - g)$ ، $N = ma_S - mg$ ، $N = ma_S - P$!

N = 2600N ، N = 200(22,8-9,8) ، نعوض عددیا فنجد

اما جهة $ec{N}$ وحامله فهو شاقولي نحو الأسفل. كما قلنا سابقا.

التمرين 26

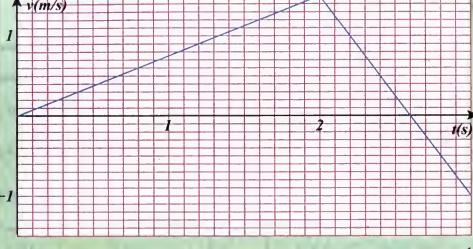
تاريخية لميكانيك نيوتن



في اللَّحظة l=0 يُسحب الخيط نحو الأعلى بموازاة

 $.\,ar{F}\,$ فيؤثر بدوره على المتحرّك m بقوّة $x'\,Ox$

. m للمتحرك v=f(t) ينقطع الخيط. ثمثل الوثيقة للرفقة مخطط السّرعة v=t للمتحرك v=t



l / استنتج من البيان (دون حساب) طبيعة وجهة حركة m .

2/ احسب قيمة التسارع a في كل طور.

3/ ما هي المسافة التي قطعها المتحرّك في كلّ طور ؟

4/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، جد قيمة القوة \tilde{F} قبل انقطاع الخيط.

 $g = 9,80 \text{ms}^{-2}$ يؤخذ

الحل

1/ طبيعة الحركة وجهتها

حسب مخطط السرعة المعطى فان المتحرك M يمر بمرحلتين في حركته.

 $0s \le t \le 2s$. الطور الأول

سرعة المتحرّك تزداد بانتظام وقيمها موجبة (تزداد دالة السّرعة v(t) بشكل خطي)، وعليه فإنّ حركته مستقيمة متغيّرة بانتظام متسارعة، في الانجاه الموجب لعلم الحركة (أي انَ الْتحرُّك في حالة

 $2s \le t \le 2,6s$. الطور الثاني •

سرعة المتحرّك M تتناقص بانتظام، وقيمها موجبة (تتناقص دالة السّرعة v(t)بشكل خطي)، وعليه فإنَ حركته مستقيمة متغيّرة بانتظام متباطئة، في الاتجاه الموجب لعلم الحركة (أي أنَ المتحرّك ما زال في حالة صعود)، ويتوقّف عن الحركة في اللحظة 2,6s ثم يغيّر جهة حركته.

 $2,6s \le t \le 3,0s$: الطور الثالث •

سرعة المتحرّك M تزداد بانتظام (بالقيمة المطلقة). وقيمها سالبة وعليه فان الحركة مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة، لكن في الاتجاه السّالب لعلم الحركة (أي أنّ المتحرّك في حالة هبوط).

2/ حساب قيمة التسارع ١١ في كلّ طور

 $a=rac{dv}{dt}$ تعطى قيمة التسارع اللحظي a للمتحرّك M بعبارة مشتق السّرعة بالنسبة للرّمن، اي

. بيانيا a يمثل بميل مخطط السّرعة v=f(t) في كلّ طور من اطواره a

$$a_1 = \frac{1,5-0}{2-0} = 0,75 \, ms^{-2}$$
 . في الطور الأوّل $a_2 = \frac{0-1,5}{2,6-2} = -2,5 \, ms^{-2}$. في الطور الثاني

$$a_3 = \frac{-1 - 0}{3 - 2.6} = -2.5 \text{ms}^{-2}$$
 . في الطور الثالث :

لاحظ ان $a_2 = a_3$ لأن لقطعتي الستقيمين نفس الميل

ملاحظة هامّة: قد يعتقد التلميذ أنّ الطور 2 هو نفسه الطور 3، لأنّ لهما نفس التسارع، فهذا غير صحيح لأنَ في الطور 2 يكون المتحرّك في الجهة الموجبة للحركة، ويتوقّف في اللحظة 2,6s ثم يغيّر جهة حركته، ويتغيّر في الاتجاه السّالب للحركة.

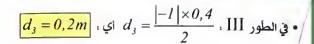
3/ حساب المسافة القطوعة في كل طور

• في الطور d_1 : I عدديا مساحة الشكل الذي يحصره مخطط السّرعة مع محور الرّمن.

$$\frac{1,5\times2}{2}=\frac{100}{2}$$
 الأرتفاع $d_1:$

 $d_1 = 1,5m$

 $d_2 = 0,45m$ اي : $d_2 = \frac{1,5 \times 0,6}{2}$. II وفي الطور



 $ec{F}$ إيجاد قيمة القوة 4

تاريخية لميكانيك نيوتن

- الجملة : التحرّك M
- المعلم : (x'Ox) معلم سطحي ارضي، نفترضه عطاليا.
 - القوى الخارجية :

القوة المؤثرة على الخيط، \vec{F}

نقل المتحرك، \vec{P}

فعل المستوى المائل على المتحرّك وهو ناظميا على المستوي المائل لعدم وجود احتكاك. $ar{R}$ $ec{P}+ec{F}+ec{R}=mec{a}$ ، إذن ، $\sum ec{F}=mec{a}$ ، نطبَق القانون الثاني لنيوتن

 $F=ma+mg\sin lpha$ ومنه ، $-P\sin lpha+F=ma$ بالإسقاط على معلم الحركة

 $F = m(a + g \sin \alpha)$*

 $g=9,80 ms^{-2}$ ، m=0,1 kg ، ولدينا ايضا $a=a_l=0,75 ms^{-2}$. في لطور الأوّل

لكن lpha زاوية مجهولة يجب تعيينها من الطور الثاني لأنَ $F=\partial N$ وذلك لأنَ الخيط انقطع، امّا في الطور الأول فقيمة F مجهولة.

 $\theta = m(a_2 + g \sin lpha)\,$: نضع F = 0 N في العبارة * السّابقة فنجد

 $\sin \alpha = \frac{-(-2,5)}{o \ \Re} = 0,255$ اي $\sin \alpha = \frac{-a_2}{o}$ ، ومنه $a_2 = -g \sin \alpha$ اذن

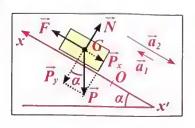
F=3,25N ، ومنه F=1(0,75+9,8 imes0,255) ومنه F=1(0,75+9,8 imes0,255)

النمرين 27 (وضعية ادماجية)

وُجد احد علماء الفيزياء داخل مصعد متجانس تماما، ولا توجد به فتحة يراقب من خلالها حركة الصعد بالنسبة للعمارة. بإحدى نقاط المصعد توجد ربيعة في وضع شاقولي مثبت به جسم كتلته 111.

في البداية كان المصعد متوقفا، فلاحظ العالم أن القيمة التي تشير إليها الربيعة هي 2,4N . ولما انطلق المعد نحو الأسفل شعر الشخص لمدة وجيزة بخفّة وزنه، ولاحظ أن الربيعة تشير إلى إحدى القيم 2,0N ، 2,4N و 3Nوبعد بعض الدقائق، لاحظ أن الربيعة تشير إلى القيمة ∂N فشعر بخوف شديد، لأنه استنتج عندها تغيّر حركة المصعد، وبالتالي فسرّه بحدوث امر

ما للمصعد، فاراد أن يتاكِّد من ذلك، وكان الرّجل يحمل معه كتابا، فتركه يسقط من يده، فلاحظ عندها أن الكتاب بقي معلقا في مكانه. عندها اتصل هاتفيا بالصلحة المختصة بالصاعد.



1/ استنتج قيمة الكتلة m للجسم المعلق بالربيعة.

1/2 كيف تفسّر أن العالم شعر بخفّة وزنه ؟

ب/ حدُد القيمة التي أشارت إليها الرّبيعة في الطور الثاني من حركتها، واستنتج حيننذ تسارع حركة الصعد.

0N ماذا يعني كون الرّبيعة أشارت إلى القيمة 0N

ب/ لماذا شعر العالم بالخوف ؟ هل تخوفه كان في محله ؟

ج/ كيف تفسر بقاء الكتاب عالقا في الكان الذي ترك منه ليسقط؟

 $g = 10N.kg^{-1}$

الحل

1/ استنتاج قيمة الكتلة ١١١ للجسم المعلّق بالربيعة • الجملة : الجسم m

- العلم : (O, \vec{k}) سطحي ارضي نفترضه عطاليا.
- القوى الخارجية ، ثقل الجسم \widetilde{P} وقوة الإرجاع \widetilde{T} .
- بما أنّ الصعد موقف فإنّ الجملة في حالة توازن، وحسب مبدأ العطالة

$$ec{P}+ec{T}=ec{0}$$
 اِذن: $\sum ec{F}_{ext}=ec{0}$ الدينا

T=P . ومنه +P-T=0 بالإسقاط على معلم الحركة

$$m = \frac{T}{g}$$
 ای $T = mg$ این $T = mg$ این

T=2,4N القوة التي تحدّدها قيمتها الرّبيعة هي القوة $ilde{T}$ وعليه فإن

 $m=rac{2,4}{10}$ ، نعوض فنجد $g=10N.kg^{-1}$ وفي نهاية التمرين اعطي

1/2/ لتفسير شعور العالم بخفة وزنه لمذة صغيرة، نستعرض القوى المؤثرة عليه.

- . M الجملة : الشخص الذي نفترض أن كتلته هي •
- العلم : (O, \hat{k}) معلم سطحي ارضي نفترضه عطاليا.

. فقل الشخص \vec{P}_l بحيث $\vec{P}_l = M \vec{g}$ ، وفعل ارضية المعد على الشخص نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز العطالة $ec{G}$ للشخص :

حيث \widetilde{a} التسارع الذي انطلق به الشخص، وهو نفس تسارع $\sum \widetilde{F}_{ext} = M \widetilde{a}$ $\vec{P}_l + \vec{R} = M\vec{a}$ المصعد، إذن

 $+P_1+R=Ma:$ نجد (O,\overline{k}) وبالإسقاط على معلم الحركة ($R = P_1 - Ma$ اذن:

R = M(g-a) وبما ان $P_l = Mg$ ، إذن R = Mg - Ma وبما ان

نجري الناقشة التالية :

ان كان المصعد ساكنا أو متحرّكًا حركة مستقيمة منتظمة بالنسبة للمعلم $(O, \vec{k}\,)$ فإن المصعد ساكنا أو متحرّكًا ومنه (R = Mg ، R = M(0+g) ، ومنه $a = 0 ms^{-2}$

انا كانت حركة الصعد مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة فان جهة \vec{a} بجهة معلم الحركة، وبالتالي \cdot تكون قيمة a موجبة وهنا يؤدي إلى R < Mg، اي ان الشخص بشعر بثقل ظاهري اقل من ثقله الحقيقي وهنا هو تفسير شعوره بخفّة وزنه.

ب/ القيمة التي أشارت إليها الرّبيعة

 $ec{P}+ec{T}=Mar{a}$ إذن $\sum ec{F}_{ext}=Mar{a}$ ، نطبَق القانون الثاني لنيوتن على جملة الجسم المعلق بالرّبيعة T=mg-ma : اي T=P-ma اي P-T=ma اي بالإسقاط على معلم الحركة T = m(g-a) ، وبالتالي .

لاحظ ان T < mg = 2,4N ، فناخذ من بين القيم المعطاة القيمة T < mg = 2,4Nتشير إليها الرّبيعة لأنه إذا كان T=3,0N فيجب ان يكون T>mg ، وهذا غير وارد حسب معطيات

ب/ استنتاج قيمة تسارع حركة المصعد a

$$a = \frac{mg - T}{m}$$
 اذن $a = \frac{P - T}{m}$ بنجد $a = \frac{P - T}{m}$ بنجد $a = \frac{0.24 \times 10 - 2.0}{0.24}$ بنجوض فنجد $a = \frac{0.24 \times 10 - 2.0}{0.24}$

 $T=\theta N$ عندما تشير الربيعة الى القيمة θN معناه /// 3

وهذا يؤذي إلى $a=\frac{mg-0}{a}$ اي تسارع المصعد a اصبح مساويا لتسارع حقل جاذبية الأرض g ، وكان المصعد في حالة سقوط حرّ.

ب/ سبب شعور العالم بالخوف

لًا راى العالم أن الرّبيعة تشير إلى ∂N أدرك أن المصعد في حالة سقوط حرّ، فتوقّع أن الكوابل التي تشدّ الصعد قد انقطعت، لذلك شعر بالخوف، وقد كان تخوّفه في محلّه.

ج/ عندما يترك جسم مثل الكتاب ليسقط في مقصورة المصعد، وكان المصعد في حالة هبوط او صعود بتسارع a < g فإن الكتاب حتما سيسقط على أرضية المصعد.

اما إذا كان الصعد في حالة سقوط حر بتسارع a=g وتركنا الكتاب يسقط دون إعطائه سرعة ابتدائية، فإن الكتاب أيضا سيكون في حالة سقوط حرّ وبتسارع هو نفسه تسارع جاذبية الأرض، ولذا يكون في حركة نسبية معدومة بالتسبة للمصعد، فيظهر وكانه عالق في مكان سقوطه. وهذا ما تأكَّد منه العالم ... فاي نهاية تنتظر عالمنا هذا ؟!!!...

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

 $\vec{a} = 0 \, \vec{T} + v \times \frac{v}{R} \, \vec{N}$! إذن نكتب

$$\vec{a} = \vec{a}_N = \frac{v^2}{R}\vec{N}$$
 : \vec{a} عبارة

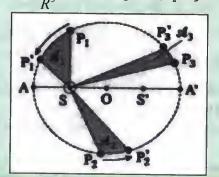
لاحظ ان جهة $ar{a}$ بجهة الشعاع الناظم $ar{N}$ الذي هو يتجه دوما نحو مركز الدوران (O) لذا يقال عن التسارع في الحركة الدائرية المنتظمة إنه (تسارع مركزي $(centrip\`{e}le)$) (او تسارع ناظمي).

$$v = rac{2\pi R}{T}$$
اي $V = rac{2\pi R}{(T)}$ اي

تعطى قيمة السرعة اللحظية بالعبارة

قوانين ڪيلر

- ◄ القانون الأول (1609 م): يدور كل كوكب حول الشمس في الاتجاه المباشر في مسار على شكل قطع ناقص، حيث تقع الشمس في احد محرقيه (بؤرتيه).
- ◄ القانون الثاني (1609 م): يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية في فترات زمنية متساوية.
- القانون الثالث (1619 م): يتناسب مربع الدور الزمني T للكوكب حول الشمس مع مكعب نصف طول المحور الكبير R لمداره، أي أن مقدار ثابت R=k=1.



2 قانون الجذب العام

- ◄ كما سبق ان قلنا فإن العالم كبلر بقوانينه الثلاثة، استطاع أن يصف حركة الكواكب وصفا دقيقا (وصفا حركيا لا وصفا ديناميكيا).
- ◄ فالقانون الأول ينص على أن مدار الكوكب يكون على شكل قطع ناقص، وكحالة خاصة نفرض أن المسار دائري (للعلم فإن الدائرة هي حالة خاصة من القطع الناقص في حالة انطباق المحرقين

$$a=rac{v^2}{R}$$
 البؤرتين) في مركز الدائرة). وعليه نعتبر ان حركة الكوكب دائرية منتظمة، تسارعها

Hard_equation

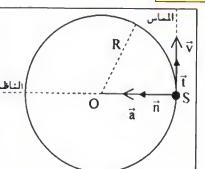
لوحدة 4

2 – شرح حركة كوكب أو قمر صناعي

ا- الحركة الدائرية المنتظمة

لقد راينا في دراسة سابقة أن تغير السرعة $\Delta \vec{v}$ لحركة دائرية منتظمة يتجه دوما نحو المركز. تمرف

الحركة الدائرية المنتظمة هي حركة مسارها دائري، وسرعتها اللحظية ثابتة الشدة، ومتغيرة الجهة في كل لحظة.



خصانصها

- المسار : دائري.
- السرعة اللحظية ٧ :
- شدتها ٧؛ ثابتة في كل لحظة.
- * اتجاهها : متغير في كل لحظة.
- * حاملها : مماسي للمسار في كل لحظة.
 - التسارع اللحظى •

ينتج من تغير جهة السرعة. يمكن البرهنة على أن :

. انصف قطر المسار. R حيث $a=\frac{v^2}{R}$ ميانه تعطى بالعبارة \star

* حامله : هو الناظم على السار.

* اتجاهه : نحو مركز الدوران (O).

ملاحظة هامة

ر بما ان الجسم النقطي (M) في حركة دائرية منتظمة، لذا يمكن ان يرفق بحركته معلم متحرك (M, N, \vec{T}) ، يتحرك مع الجسم ندعوه (معلم فريني)

حيث : $ec{N}$ شعاع الوحدة الناظمي، $ec{T}$ شعاع الوحدة الماسي.

 $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$: يعرف كما يلي: \vec{a} يعرف التسارع اللحظي \vec{a} يعرف أن شعاع التسارع اللحظي

 $ec{v} = v \, ec{T}$: لكن $ec{v}$ محمولة على الماس دوما، لذا نكتب

 $\vec{a} = \frac{d(v\vec{T})}{dt} = \frac{dv}{dt}\vec{T} + v \times \frac{d\vec{T}}{dt}$: \vec{a} عبارة نجد عبارة فيده العبارة نجد عبارة العبارة العبار

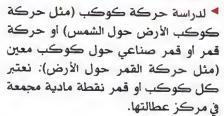
 $\frac{dv}{dt} = 0$ فإن v = v بما أن ثابت

 $\frac{d\vec{T}}{dt} = \frac{v}{R} \times \vec{N}$ ڪذلك يبرهن على ان

 ◄ استطاع العالم هنري كافنديش عام 1798م حساب الثابت G بميزان يسمى باسمه (ميزان كافنديش) وهي القيمة للعطاة سابقا.

لقد آمن الناس بقوانين نيوتن واخذوا بها حتى أن الانجليزي "جيمس ادامس" استطاع اكتشاف الكوكب الثامن وهو نبتون فحدد كتلته وموقعه وكذلك فعل الفلكي " لوفريي"، فتوصل إلى نفس التنبؤات وارسل تقريره بذلك إلى مرصد برلين وفي نفس الليلة وجه الفلكي الألماني "غال" مرصده إلى السماء فلاحظ هذا الكوكب، وتلاه اكتشاف كوكب بلوتون عام 1930 من قبل الأمريكي"تومبو".

4 شرح حركة كوكب او قمر صناعي



- ◄ كما نعتبر أن المسار دائري.
- ◄ كذلك نستعمل المعلم الهليومركزي (المركزي الشمسي) إذا أردنا دراسة حركة الكواكب حول الشمس.

اما إذا أردنا دراسة حركة الأقمار أو الأقمار الصناعية حول كوكب معين فإننا نستعمل المعلم الجيومركزي (المركزي الأرضي).



نعتبر قمرا صناعيا كتلته m على ارتفاع (Z) من كوكب وليكن الأرض كتلته M ونصف قطره R. وان حركة هذا القمر هي حركة دائرية منتظمة بسرعة \vec{v} .

V لنعين قيمة
 V لنعين قيمة

تدرس الحركة بالنسبة لمعلم مركزي أرضي، نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز العطالة G للقمر الصناعي \cdot

. هنا توجد قوة واحدة هي قوة جنب الأرض $ec{F}_{ au_S}$ للقمر، مع إهمال تأثير بقية الأجسام الأخرى

 $ec{F}_{ au_s}=-rac{GmM}{\mu^2}$ ومع العلم بأن قوة الجاذبية $ec{F}_{ au_s}$ تعطى بالعبارة : $ec{F}_{ au_s}=mar{a}$ اذن : (-) لاحظ ان جهة $ec{F}_{ au_{/\!\!\!\!/}}$ بعكس جهة $ec{u}$ لذا ظهرت الإشارة

 $ec{F}_{7/\!\!/_S} = -G \, rac{mM}{(Z+R)^2} ec{u}$ الذا نكتب من جديد القوة $ec{F}$ كما يلي : r=R+Z هنا



وعليه فإن القوة \overrightarrow{F} هي قوة تتجه نحو المركز (O) (انظر الشكل) لذا تسمى قوة جاذبة مركزية

$$F=ma=rac{mv^2}{R}.....(1)$$
 وشدة هذه القوة هي : $2\pi R$

$$v = \frac{2\pi R}{T}$$
 وحيث ان سرعة الكوكب v تعطى بالعبارة

$$F=rac{mrac{2\pi R^2}{T}}{R}$$
 ، نصف قطر المدار، و T دور الحركة (زمن دورة واحدة)، فإن ن R . همع $F=rac{4\pi^2mR^2}{T^2}$ (2) اذن ب

$$T^2=KR^3$$
 : اذن $rac{T^2}{R^3}=K$: وحسب القانون الثالث لكبلر فإن

$$F = \frac{4\pi^2 mR}{KR^3}$$
 : نعوض عن T^2 بما يساويه في المعادلة (2) فنجد

إذن :
$$\frac{4\pi^2 m}{KR^2}$$
 وهي القوة المتسببة في حركة الكوكب.

$$F = G \frac{mm'}{R^2}$$
 نجد : $\frac{4\pi^2}{K} = Gm'$ وبوضع

وهو قانون الجذب العام لنيوتن.

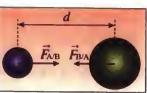
يصف العالم الرياضياتي الفرنسي (لاغرانج LAGRANGE) قانون الجاذبية فيقول : (إن للكون قانونا واحدا وقد اكتشفه نيوتن).

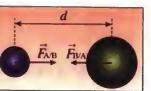
هذا القانون يدخل في سياق مبدأ الفعلين المتبادلين.

نص القانون

كل جسم يجنب اي جسم آخر بقوة تتناسب طردا مع جداء كتلتيهما، وعكسا مع مربع المسافة بينهما.

◄ بالنسبة لجسمين (A) و (B) و (B) تنمذج قوة الجاذبية بينهما كما يلي :



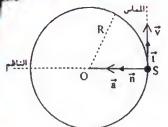


$$F_{A/B} = F_{B/A} = G \frac{M_A M_B}{d^2}$$

$$G = 6,67 \times 10^{-11} \, N. \, m^2 \, Kg^{-2}$$
 ، (kg) ب (B) ب (kg) ب (kg) ب (kg) ب (kg) ب (kg) ب

السافة بين مركزي عطالتي الجسمين بـ (m).

. ثابت كوني يسمى ثابت الجنب العام. G



II/ شرح حركة كوكب أو قمر صناعي 1/ الحركة الدائرية المنتظمة

- خصانصها
- المسار ؛ دائري.
- . v = 1السرعة : ثابتة القيمة ثابت
- التسارع: ناظمي أو مركزي: $\frac{v^2}{R}$ عيث R نصف قطر المسار النائري.
 - $|\vec{F} = m \frac{v^2}{R} \vec{u}_N|$. القوة : جاذبة مركزية •
 - $T = \frac{2\pi R}{V}$ النور الرّمني T ، وهو زمن انجاز دورة واحدة ،

2/ شرح حركة كوكب باستعمال قوانين كبلر

• القوانين الثلاثة لكبلر

يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية خلال فترات زمنية متساوية.

القانون الثاني :

يتناسب مربع الدّور T^2 للكوكب حول الشّمس مع مكعّب نصف $\frac{T^2}{a}=k=0$. طول المحور الكبير a ، بمعنى ، مقدار ثابت

القانون الثالث،

3/ تفسير حركة الكواكب والأقمار الصناعية باستعمال قانون الجذب العام لنيوتن

• في معلم هليوم ركزي يخضع كل كوكب إلى قوّة جاذبية الشّمس له، وتعطى بالعبارة ؛

 $F = \frac{GmM}{r^2}$ حيث :

 $G = 6,67.10^{-11} \, N.m^2 kg^{-2}$: ثابت الجذب العام m : ڪتلة الكوكب M : كتلة الشمس M بعد مركزي عطالتي الكوكب والشمس T بعد مركزي عطالتي الكوكب والشمس T

 $a = \frac{v^2}{R+Z}$ نعلم أن قيمة التسارع في الحركة الدائرية النائرية النائرية \blacktriangleleft

 $ec{N}$ هي جهة الشعاع الناظم $ec{a}$ هي جهة الشعاع الناظم

 $ec{a}=rac{ec{v}^2}{R+Z}$ $ec{N}=-rac{ec{v}^2}{R+Z}$ $ec{u}$ ، لذا نكتب ، $ec{u}$ ، لذا نكتب ، أدن فهو بعكس شعاع الوحدة $ec{u}$ ، لذا نكتب ، $ec{u}$ بتجميع كل العلاقات السابقة نجد ،

$$\vec{F}_{7/s} = -\frac{mv^2}{R+Z}\vec{u} = -\frac{GmM}{R+Z}\vec{u}$$

$$\frac{v^2}{R+Z} = \frac{GM}{(R+Z)^2} \quad \text{i.i.} \quad m\frac{v^2}{R+Z} = G\frac{mM}{(R+Z)^2}$$
 اين ،
$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+Z}}$$
 وهي عبارة سرعة القمر الصناعي في مداره
$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+Z}}$$

3 عبارة الدور الزمني T

نعلم أن القمر الصناعي في أثناء دورانه حول الأرض فإنه ينجز دورة كاملة خلال زمن ثابت ندعوه الدور الزمني T وقيمته نحسبها كما يلي :

$$T = \frac{2\pi r}{v}$$

$$2\pi (Z+R)$$

$$T = \frac{2\pi(Z+R)}{v}$$
 اذن $r = R + Z$ هنا

$$T = \frac{2\pi(Z+R)}{\sqrt{GM(Z+R)}} ; T = 2\pi\sqrt{\frac{(Z+R)^3}{GM}}$$

ملاحظة هامة

انطلاقا من عبارة الدور T يمكن إيجاد القانون الثالث لكبلر.

$$\frac{T^2}{(R+Z)^3} = \frac{4\pi^2}{GM}$$
 ای: $T^2 = 4\pi^2 \frac{(Z+r)^3}{GM}$ اذن، بتربیع T نجد :

$$r = R + Z$$
 : لكن

تماريه خاصة بحركة كوكب أوقمر صناعي

التمرين أ : خصائص الحركة الدائرية المنتظمة

- في حركة دائرية منتظمة نصف قطرها R وسرعتها \tilde{v} ، بين إذا كانت العبارات التالية صحيحة :
 - ار شعاع السرعة \vec{v} ثابت.
 - 2/ قيمة شعاع السرعة ٧ ثابتة.
 - $ec{a}_N$ التسارع يتجه نحو مركز الدوران ويسمى التسارع الناظمي /3
 - . \vec{a}_T التسارع مماسي ويسمى التسارع الماسي 4
 - $a=a_N=rac{v^2}{R}$: \vec{a} فيمة التسارع الكلي /5
 - . $\vec{a}_T = \vec{0}$ التسارع الماسي معدوم /6
 - 7/ القوة جاذبة مركزية.

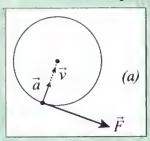
الحل

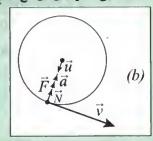
 $^{-7}$ صحیح $^{-7}$ صحیح $^{-7}$ صحیح $^{-7}$ صحیح $^{-7}$ صحیح $^{-7}$

التمرين 2 : خصائص الحركة الدائرية المنتظمة

في حركة دائرية منتظمة نصف قطرها R وسرعتها ٧:

1/ أ/ اختر الشكل الصحيح الذي يتوافق مع الحركة الدائرية المنتظمة.





ب/ يعطى التسارع اللحظي \widetilde{a} بالعبارات التالية. اختر الصحيح منها :

$$\vec{a} = \vec{0}$$
 $\vec{a} = -\frac{v^2}{R}\vec{u}$ $\vec{a} = \frac{v^2}{R}\vec{N}$

حيث \widetilde{N} شعاع الوحدة الناظمي، و \widetilde{u} شعاع وحدة ممثل في الشكل.

$$T=rac{\pi R^2}{v}$$
، $T=rac{2\pi R}{v}$ ، نيعطى الدور الزمني T بإحدى العبارتين التاليتين. اختر واحدة منهما الدور الزمني T

- يُعمَم هذا القانون على حركة كل التوابع (قمر، قمر صناعي) حول الكوكب او الجرم الذي تدور حوله. مثل حركة القمر، او اي قمر صناعي حول الأرض.
 - تنمذج حركة الكواكب أو التوابع بحركة دائرية منتظمة :

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$$
 : وسرعتها $T = \frac{2\pi r}{v}$

Hard_equation

التمرين 3 : المعالم العطالية

إليك المعطيات التالية :

- نصف قطر الأرض R₀= 6400km .
- $T_0 pprox 24h$ الدور الزمني لدوران الأرض حول محورها
- نصف قطر مدار الأرض في مسارها حول الشمس $R = 1,5.10^{11} m$
 - الزمن الدوري لدوران الأرض حول الشمس T= 1année.
- $R_{\rm S} = 3.10^{20} m$ نصف قطر مدار الشمس في مسارها الدائري حول المجرة •
- . $v = 3 \times 10^5 \, m.s^{-1}$ و السرعة الخطية للشمس في مسارها حول مركز المجرة قيمتها ثابتة وهي

1/ هل المعلم السطحي الأرضي هو معلم عطالي ؟

إذا كان جوابك (لا) فكيف يمكن اعتباره كذلك ؟ برر إجابتك.

2/ هل المعلم المركزي الأرضي (معلم بطليموس) هو معلم عطالي؟ برر إجابتك.

3/ هل المعلم الركزي الشمسي (معلم كوبرنيكس) هو معلم عطالي؟ برر إجابتك.

الحل

l للوهلة الأولى، نقول أن المعلم السطحي الأرض هو معلم لا عطالي لأنه مرتبط بسطح الأرض وبالتالي فهو يدور معها حول محورها، فله إذن تسارع جاذب مركزي. (من وجهة نظر نيوتن).

 $a = a_N = \frac{v^2}{R_T}$ ، اعتبار أن حركته دائرية منتظمة فإن باعتبار أن حركته دائرية منتظمة فإن باعتبار أن حر

 $R=R_0$ وإذا كان هذا المعلم موجودا على خط الاستواء فإن

$$v=rac{2\pi R_0}{T_0}$$
 لکن $a_0=rac{v^2}{R_0}$ منه
$$a_0=(rac{2 imes 3,14}{24 imes 3600})^2 imes 6400 imes 10^3 \; ,$$
 يذن $a_0=(rac{2 imes 3,14}{24 imes 3600})^2 imes 6400 imes 10^3 \; ,$ ينون هنجد $a_0=(rac{2\pi}{T_0})^2R_0$ ينون هنجد ومنه $a_0=3,38 imes 10^{-2} \, m.s^{-2}$

وهذه قيمة لا يمكن إهمالها بسهولة، إذن فالمعلم السطحي الأرضي هو معلم لا عطالي من وجهة نظر مطلقة غير أنه من الناحية العملية، في زمن قصير في حدود بعض الدقائق. يمكن إهمال أثر هذا التسارع وعليه يمكن اعتبار المعلم السطحي الأرضي معلما عطاليا.

2/ إن المعلم الركزي الأرضي، يتحرك مع الأرض في مسارها الذي نفرضه دائريا حول الشمس (في الواقع هو قطع ناقص) وعليه فإنه من وجهة نظر نيوتن، فإن التسارع الذي يكتسبه الجسم، يكون تسارعا جاذبا ونعين قيمته كما يلي :

$$a = \frac{2 \times 3.14}{365 \times 24 \times 3600} \times 1.5 \times 10^{11}$$
 نعوض $a = (\frac{2\pi}{T})^2 R$

$$a = 5,95 \times 10^{-3} \, \text{m.s}^{-2}$$

3/ باعتبار الأرض كروية، كل نقطة من سطحها تدور حول مركز الأرض بسرعة. اختر $v=1m.s^{-1}$ ، $v\approx 365m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. $v=1m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. $v=465m.s^{-1}$. $v=1m.s^{-1}$. $v=1m.s^$

 $T = 23h \, 56 \, min$ والدور الزمني لحركة نقطة حول مركز الأرض

4/ باعتبار الأرض نقطة مادية مجمعة في مركز عطالتها G وتدور حول الشمس في مسار نعتبره $R=1.5\times 10^{11}$ ودورها حول الشمس T=365,25J ودورها حول الشمس T=365,25J ودورها حول الشمس $V\approx 300000$ هـ $V\approx 300000$ هـ $V\approx 300000$ هـ $V\approx 300000$

الحل

b الشكل الصحيح هو 1/1

$$\vec{a}=-rac{v^2}{R}\vec{u}$$
 و $\vec{a}=rac{v^2}{R}\vec{N}$: برا العبارتان الصحيحتان هما

 $T=rac{2\pi R}{V}$ يعطى الدور الزمني في الحركة الدائرية المنتظمة بالعبارة $2\pi R$

ر ان اي نقطة من سطح الكرة الأرضية تناور حول الأرض بسرعة ثابتة نحسبها كما يلي $v=rac{2\pi R}{v}$

 $T \approx 24 \times 3600 = 86400s$ اکن $T = 23h\ 56min$ این $T = 23h\ 56min$ اکن $V = \frac{2 \times 3,14 \times 6400 \times 10^3}{86400}$ نعوض فنجد : $R \approx 6400\ km$

اذن $v \approx 465 m.s^{-1}$ وهي الإجابة الصحيحة.

 $v=rac{2\pi R}{T}$: نعين سرعة مركز عطالة الأرض حول الشمس بالعبارة 4

 $T = 365,25J = 365,25 \times 24 \times 3600s$

$$v = \frac{2\pi \times 1.5 \times 10^{11}}{365.25 \times 24 \times 3600} = 2.98 \times 10^4$$
 نعوض فنجد : $v \approx 3.10^4 \text{ m.s}^{-1} = 30 \text{ km.s}^{-1}$

اذن : $V \approx 30 km.s^{-1}$ وهي الإجابة الصحيحة.

هل تعلم اننا نسير في مركبة فضائية هي الأرضية تسير بسرعة (30km/s) وهي سرعة كبيرة نسبيا مقارنة بكل الحركات التي تتم على الأرض ما عدا الضوء الذي يسير بسرعة رهيبة هي (300000km/s).

2/ نص القانون الثالث :

يتناسب مربع الدور الزمني T للكوكب حول الشمس مع مكعب نصف $\frac{T^2}{a} = K$ طول المحور الكبير a لمدار هذا الكوكب. أي مقدار ثابت

3/ بعض نتائج قوانين كبلر

- يمر الكوكب في حركته حول الشمس باقصى نقطة ندعوها الأوج، وباقرب نقطة من الشمس ندعوها الحضيض.
- سرعة الكوكب في الأوج (الرأس الأبعد) تكون أصغر ما يمكن (\tilde{v}_{min}) وفي الحضيض (الرأس الأقرب) \vec{v}_{max} عظم ما يمكن \vec{v}_{max}).
 - حركة الكوكب ليست منتظمة.
 - يمكن تعميم قوانين كبلر على التوابع مثل حركة القمر حول الأرض.
- \star المقدار الثابت K يعتمد على الجزم الذي يدور حوله الكواكب مثل جرم الشمس أو حتى جرم الأرض إذا ما أردنا دراسة حركة القمر حولها.

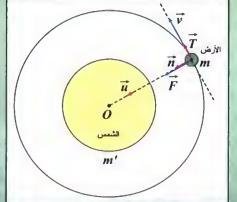
في حالة المسار الدائري نحصل على النتائج التالية :

- ينطبق المحرق مع مركز الدائرة.
- سرعة الكوكب تكون قيمتها ثابتة.
- حركة الكوكب تكون دائرية منتظمة.
- القانون الثالث نكتبه كما يلي ؛ $\frac{1}{D^3} = K$

التمرين 5: من القانون الثالث لكبلر إلى قانون الجاذبية لنيوتن

كمقاربة أولية لاستنتاج قانون الجاذبية، نعتبر أن كوكبا كتلته (m) يدور حول الشمس التي كتلتها (m').

حركة داثرية منتظمة، نصف قطرها R وبسرعة \overline{v} بالنسبة لعلم هيلومركزي كما يوضحه الشكل المرفق.



ولا يمكن إهمال هذه القيمة، فالعلم الركزي الأرضي، هو معلم لا عطالي من وجهة نظر مطلقة، لكن بتقريب مقبول، يمكن اعتبار المعلم المركزي الأرضي معلما عطاليا في زمن قصير نسبيا.

3/ إن المعلم المركزي الشمسي يتحرك مع الشمس في مسارها الذي نفرضه دائريا حول مركز المجرة $3 \times 10^{5} \, m.s^{-1}$ وبسرعة خطية تساوي $R_S = 3 \times 10^{20} \, m.s^{-1}$ ي مدار نصف قطره والتسارع الذي يكتسبه نعينه كالتالي :

$$a_S = 3 \times 10^{-10} \, m.s^{-2}$$
 این $a_S = \frac{(3 \times 10^5)^2}{3 \times 10^{20}}$ این $a_S = \frac{v^2}{R_S}$

وهذه القيمة صغيرة جلا يمكن إهمالها، لنا يمكن اعتبار المعلم الركزي الشمسي معلما عطاليا وبتقريب

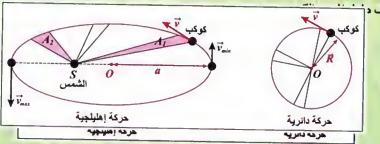
التمرين 4 : قوانين كبلر

وضع العالم الألماني يوهانز كبلر ثلاثة قوانين تجريبية تصف حركة الكواكب السيارة حول الشمس، وهذا بناء على إرصادات فلكية دقيقة قام بها الفلكي تيخو براهي بمعيته، نلخصها في العلومات أسفله مع ذكر أحد القوانين الثلاثة.

الساحاتان A_2, A_1 متساويتان.

 A_2 زمن مسح الساحة A_1 = زمن مسح الساحة

T : الدور الزمني.



ا / بناء على هذه العلومات، ذكر بالقانونين الأول والثاني لكبلر، علما بأن الأول يخص نوع المسار lوالثاني يتعلق بالساحة المسوحة.

2/ أعط بعض نتائج قوانين كبلر، وناقش الحالة الخاصة عندما يكون السار دائريا.

1/ التذكير بالقانونين الأول والثاني لكبلر

• علما بان القانون الأول يمس نوع السار، لذا نكتب:

نص القانون الأول:

مسار الكوكب حول الشمس هو قطع ناقص تقع الشمس في إحدى محرقيه.

• بما أن القانون الثاني يمس المساحة المسوحة، نكتب :

نص القانون الثاني :

يمسح الشعاع الواصل بين الشمس والكوكب مساحات متساوية خلال أزمنة متساوية.

 $T^2=KR^3$: هنا a=R ومنه نجد ، a=R هنا a=R

 $F = \frac{4\pi^2 mR}{KR^3}$ ، $F = \frac{4\pi^2 m}{KR^2}$ نعوض في عبارة F السابقة نجد :

 $K = rac{4\pi^2 mR}{G{m'}^2}$ بر باعتبار ان الثابت K يعطى بالعبارة

 $F = \frac{4\pi^2 m}{\frac{4\pi^2}{Gm'}R^2}$: نعوض في آخر عبارة لF فنجد

$$F = G \frac{mm'}{R^2}$$
ي الأخير نكتب

ملاحظة : ليس بالضرورة أن يكون نيوتن قد اتبع هذه البرهنة للحصول على قانون الجانبية.

التمرين 6 : قانون الجاذبية ومبدأ الفعلين المتبادلين

1/ اعط نص قانون الجاذبية، ثم اعط صيغته الرياضياتية.

2/ ضمن أي مبدأ من مبادئ نيوتن يمكن إدراج هذا القانون.

3/ ما الفرق الجوهري بين القانون الثاني لنيوتن، وقانونه في الجانبية ؟

الحل

1/نص قانون الجاذبية

كل جسم يجنب أي جسم آخر بقوة تتناسب طردا مع جداء كتلتيهما، وعكسا مع مربع السافة بينهما.

 $F_{N_B}=F_{B_A}=G imesrac{M_AM_B}{d^2}$ اما صيغة قانون الجذب العام، فننمذجها بالعبارة

هام، $G = 6.67 \times 10^{-11} \, \text{N.m}^2 \, \text{.kg}^{-1}$

(kg) ب (A) ب ڪتلة الجسم.

(kg) ب (B) اكتلة الجسم (B)

السافة بين مركزي ثقلي الجسمين بـ (m).

2/ هذا القانون يمكن إدراجه ضمن مبدأ الفعلين المتبادلين (السمى

(B) القانون الثالث لنيوتن) إذ أن القانون ينص على أن الجسم (A) إذا أثر بقوة جنب على الجسم $\vec{F}_{B/A}$ بقوة جنب $\vec{F}_{B/A}$ بدوره الجسم (B) بقوة جنب مبدأ الفعلين المتبادلين يؤثر على الجسم $\vec{F}_{A/B}$

3/ الفرق الجوهري بين القانون الثاني لنيوتن وقانونه في الجاذبية نلخصه فيما يلي ،

1التي يخضع لها الكوكب (m) التي يخضع لها الكوكب 1

ب/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن اعط عبارة هذه القوة بدلالة R ، m و T الذي هو الدور الزمني. 2/ كمقاربة ثانية نستعين بقوانين كبلر ،

ا/ باستعمال القانون الثالث لكبلر، جد عبارة (T) وعوضها في عبارة F.

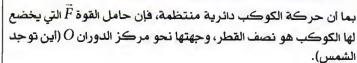
 $K = \frac{4\pi^2}{Gm'}$ الثابت K في القانون الثالث لكبلر يعطى بالعبارة $K = \frac{4\pi^2}{Gm'}$

حيث G ثابت يسمى ثابت الجذب العام.

استنتج حينئذ عبارة القوة F التي تتحكم في حركة دوران الكوكب حول الشمس والتي تسمى قانون الجاذبية.



التي يخضع لها الكو كب $ilde{F}$ التي يخضع لها الكو كب l



، لذا يكون تمثيل \vec{F} كما يلي

 $\mathcal{L} \vec{F} = m \vec{a}$ بان القانون الثاني لنيونن يعطى بالعبارة

 $\mathcal{\Sigma} \vec{F} = \vec{F}$ هنا

 $\vec{F}=m\vec{a}$ إذن

F=ma وقيمة هذه القوة

 $a=rac{v^2}{R}$ ومن المعلوم أن تسارع الحركة الدائرية المنتظمة يعطى بالعبارة

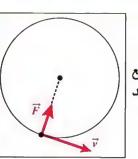
$$F=rac{mv^2}{R}$$
 عندما نعوض في العبارة F نجد

 $v=rac{2\pi R}{T}$ ربما أن سرعة الكوكب v يمكن حسابها من العبارة

حيث T زمن دورة واحدة (الدور الزمني)

$$F = \frac{4\pi^2 mR}{T^2}$$
 ومنه : $F = \frac{m\left(\frac{2\pi R}{T}\right)^2}{R}$ ومنه : $F = \frac{4\pi^2 mR}{T^2}$ ومنه : $F = \frac{4\pi^2 mR}{T^2}$

 $\frac{T^2}{a^3} = K$ ا/ يعطى القانون 3 لكبلر بالعبارة /2



الجملة : القمر الصناعي

- المعلم : $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ معلم مركزي ارضي نعتبره عطاليا.
 - $\vec{F}_{\tau_{\kappa}}$: القوى الخارجية القوى
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة القمر الصناعي (نظرية مركز العطالة) نجد :

$$\Sigma \vec{F} = m\vec{a} \ ; \ \vec{F}_{\tau/s} = m\vec{a} \ ; \ F_{\tau/s} = ma$$

$$F_{T/S} = \frac{GmM}{(R+z)^2}$$
 :لكن حسب قانون الجنب العام لنيوتن

$$\frac{GmM}{(R+z)^2} = ma$$
 . وبالمساواة بين العبارتين نجد

$$a = \frac{GM}{(R+z)^2} : a$$

حساب قيمة a

$$a \approx 1 \text{m.s}^{-2}$$
 إذن $a = \frac{6,67.10^{-11} \times 5,98.10^{24}}{(6,37.10^6 + 1,36.10^7)^2} = 1$

2/1/عبارة السرعة ٧

$$a = \frac{v^2}{(R+z)}$$
 بما أن الحركة دانرية منتظمة فإن

$$v^2 = a(R+z)$$
 إذن

$$v = \sqrt{\frac{GM}{(R+z)^2}(R+z)} : \text{eais}$$

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+z}}$$
 بالاختزال نجد

حساب قيمة ٧

$$v = \sqrt{\frac{6,67.10^{-11} \times 5,98.10^{24}}{(6,36.10^6 + 1,36.10^7)}} ; \quad v \approx 4,47 \times 10^3 \, \text{m.s}^{-1}$$

Tا/ عبارة الدور الزمني J

$$T = \frac{2\pi(R+z)}{v}$$
 نعلم أن عبارة T هي

$$v = \sqrt{\frac{GM}{R+z}}$$
 وبالتعويض عن v بعبارته

القانون الثاني $\vec{F}=mrac{\Delta v}{\Delta t}$ هو قانون عام للحركة يربط بين القوة \vec{F} المؤثرة على الجسم، أية قوة

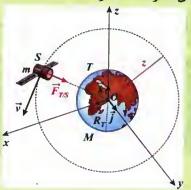
مهما كانت طبيعتها، وتغيّر السرعة \vec{v} التي تحدث لهذا الجسم. فهو قانون يتميز بطابع العمق والشمولية إذ يطبق على حركة نملة، تماما مثلما يطبق على حركة إلكترون أو كوكب في مداره وَحتى الأتربة الناعمة التي يحركها الهواء.

قانون الجاذبية $F = \frac{GMM'}{A^2}$ هي قوة من نوع خاص فهي تعطي علاقة دقيقة بين قوة جذب

. ويسمى هذا القانون أيضا بقانون التربيع العكسي. F وبين المسافة بينهما d .

التمرين 7 : من قانون الجاذبية لنيوتن إلى القانون الثالث لكبلر

نعتبر قمرا صناعيا كتلته m على ارتفاع Z من سطح الأرض، حركته دائرية منتظمة بسرعة $\overline{\mathcal{V}}$. نعتبر كتلة الأرض M ونصف قطرها R .



ا / في معلم مركزي ارضي $(O, \overline{i}\,, \overline{j}\,, k)$ وبتطبيق القانون الثاني لنيوتن وقانون الجاذبية ، ا/ جد عبارة تسارع القمر الصناعي.

ب/ احسب قيمته.

١/ جد عبارة السرعة ٧٠. ب/ احسب قيمتها.

ا/ جد عبارة الدور الزمنى T للقمر الصناعي حول الأرض. ب/ احسب قيمته.

4/ استنتج القانون الثالث لكبلر.

 $Z=1,36.10^4 km$, $G=6,67.10^{-11} S.I$, $R_T=6,37.10^3 km$, $M=5,98.10^{24} kg$

الحل

a عبارة تسارع القمر الصناعي 1

القمر الصناعي يتحرك حركة دائرية منتظمة، فهو إذن يخضع لقوة جاذبة مركزية نعينها في الشكل المابل.

$$T = \frac{2\pi (R + 1)}{\sqrt{\frac{GM}{R + z}}}$$
نعوض جد $T = 2\pi \sqrt{\frac{(R + z)^3}{GM}}$

ب/ قيمة T

$$T = 2.81.10^4 s$$
 gain $T = 2\pi \sqrt{\frac{(6.37.10^6 + 1.36.10^7)^3}{6.67.10^{-11} \times 5.98.10^{24}}}$

$$T=rac{2,81.10^4}{3600}=7,80h=7h+0,80h$$
 . ويمكن التعبير عن هذا الزمن بالساعة والدقيقة $0,80h=0,80 imes60=48$ لكن $T=7h48min$ إذن

4/ استنتاج القانون الثالث لكبلر

$$T^2=rac{4\pi^2(R+z)^3}{GM}$$
 بتربيع عبارة الدور T نجد $rac{T^2}{(R+z)^3}=rac{4\pi^2}{GM}$ إذن

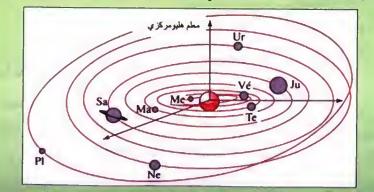
 $^{\circ}R + z = a$ فبوضع

$$\frac{T^2}{a^3} = \frac{4\pi^2}{GM} =$$
يكون

 $\frac{T^2}{a^3} = K$: وهذا هو القانون الثالث لكبلر

التمرين 8: استعمالات القوانين الثلاثة لكبلر

نمثل في معلم هيليومركزي (مركزي شمسي) مدارات كل الكواكب التابعة للمجموعة الشمسية.



1 / 1/ ما نوع مسارات الكواكب حول الشمس ؟

ب/ الشمس تحتل موقعا هندسيا مميزا في هذا السار، ما اسمه ؟

ج/ هل أن القانون الأول لكبلر محقق ؟

2/ 1/ بالاستعانة بالقانون الثاني لكبلر، هل سرعة الكوكب الواحد تتغير ام تبقى ثابتة في بعض نقاط مداره.

Tب بالاستعانة بالقانون الثالث لكبلر، ما هو الكوكب الذي يتميز باصغر دور زمني T? T ما هو الكوكب الذي يتميز باصغر سرعة يدور بها حول الشمس ؟

لهدف إلى تعيين الكتلة M لكوكب المشري من أجل ذلك نعطي الدور T ونصف قطر الدوران R لثلاثة أقمار كبيرة تدور من بين الأربعة التي تدور حوله في الجدول التالى :

(Ga) غاليماد	اوروبا (Eu)	إيو (IO)	القمر
7,16	3,55	1,76	T (jours)
10,71.10 ⁵	6,71.10 ⁵	4,22.10 ⁵	R (km)

 R^3 ارسم بین T^2 بدلالة R^3

 $8,0.10^{10}\,\mathrm{s}^2
ightarrow 1cm$. استعن بالسلم

 $1,56.10^{26} \, m^3 \rightarrow 1cm$

 $\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{GM} = K$ برا تاكد من أن هذا البيان يتوافق مع القانون الثالث لكلبر المعطى بالصيغة

ج/ استنتج كتلة كوكب المشري.

 $G = 6,67 \times 10^{-11} \, \text{N.m}^2 \, . kg^{-1}$ يعطى

الحل

1 / أ/ نوع مسارات الكواكب حول الشمس هي : قطوع ناقصة.

ب/ الشمس تقع في محرق (بؤرة) هذه القطوع.

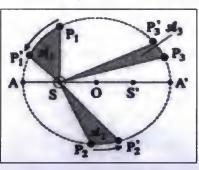
ج/ نعم. القانون الأول لكبلر محقق، لأنه ينص على أن مسارات الكواكب هي قطوع ناقصة، والشمس تقع في أحد محرقيها. وهذا واضح في الشكل.

2/ أ/ إن القانون الثاني لكبلر ينص على أن الكوكب في أثناء دورانه حول الشمس يمسح مساحات

متساوية خلال فترات زمنية متساوية. ففي الشكل المقابل مثلنا ثلاث مساحات متساوية هي :

 $A_1 = A_2 = A_3$

ولكي يتحقق ذلك فإن الكوكب يستغرق نفس الزمن لسح الأقواس $\widehat{P_3P'_2}$ ، $\widehat{P_1P'_1}$ ، $\widehat{P_1P'_1}$



ب/إن القانون الثالث لكلبرينص على أن:

مقدار ثابت = $K = \frac{T^2}{m^3}$ حیث :

. الدور الزمني للكوكب في مداره حول الشمس. T

r . نصف طول المحور الكبير للمسار.

نستنج أن سرعة الكوكب الواحد تتغير في بعض نقاط مداره.

. مقدار ثابت يتعلق بالشمس، فهو ثابت نفس القيمة لجميع الكواكب السيارة. K

 $T = \sqrt{Kr^3}$ اذن:

وكلما نقص (r) نقص (T).

وأصغر قيمة لـ (r) هي للكوكب الأقرب إلى الشمس وهو كوكب عطارد Mercureج/ بتقريب مقبول، يمكن اعتبار القطع الناقص، دائرة وبالتالي يمكن تطبيق عبارة السرعة الخاصة

بالحركات الدائرية المنتظمة وهي $v = \frac{2\pi r}{T}$ على حركة الكواكب.

. au وهذه العبارة تدل على أنه كلما كبر الدور T ، كلما نقصت قيمة السرعة

بما أن أقرب كو كب وهو عطارد له أصغر قيمة لـT.

فإن ابعد كوكب وهو بلوتون Pluton له أكبر قيمة لـ T إذن فله أصغر قيمة سرعة.

كوكب بلوتون Pluton يدور باصغر سرعة حول الشمس.

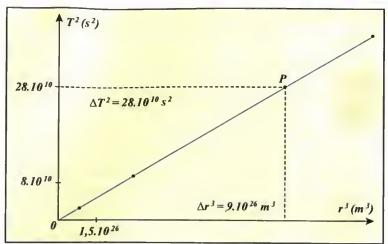
في صائفة 2006م، نزع علماء الفلك صفة كوكب عن بلوتون لاعتبارات، منها أنه صغير الحجم.

 $T^2(R^3)$ رسم البيان $\pi/3$

. (m) نعين T^2 و R^3 لكل قمر من أقمار المشتري الثلاثة مع تحويل وحدة T إلى الثانية R^3 ووحدة R إلى المتر

(Ga) غاليماد	اوروبا (Eu)	ايو (IO)	القمر
6,19.10 ^s	3,07.105	1,52.105	T(s)
10,7.108	6,71.108	4,22.108	R(m)
38,3.1010	9,42.1010	2,31.1010	$T^2(s^2)$
12,30.10 ²⁶	3,02.10 ²⁶	$0,75.10^{26}$	$R^3(m^3)$

 $8,0.10^{10}\,\mathrm{s^2} o 1cm$ ، R^3 بالاستعانة بسلم T^2 العطى ، بالاستعانة بسلم وكذا بسلم وكذا بسلم يمكن تمثيل البيان:



 $T^2 = bR^3$ إن بيان $T^2 = bR^3$ هو خط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ، معادلته من الشكل $T^2 = bR^3$ حيث b ميل المستقيم.

. إذن فهي تحقق القانون الثالث لكبلر.
$$\frac{T^2}{R^3} = b = 1$$
 إذن فهي تحقق القانون الثالث لكبلر.

ج/ استنتاج كتلة كوكب المشري

. حيث M كتلة المشتري علم أن القانون الثالث لكبلر هو $\frac{T^2}{GM}$

$$M = \frac{4\pi^2}{b \cdot G}$$
 ومنه : $\frac{T^2}{R^3} = \frac{4\pi^2}{GM} = b$ بالطابقة بين العبارة البيانية وعبارة قانون كبلر، نجد

b لنحسب ميل المستقيم

$$b = \frac{\Delta T^2}{\Delta R^3} = \frac{38.3 \times 10^{10} - 9.42 \times 10^{10}}{12.3 \times 10^{26} - 3.02 \times 10^{26}} = \frac{28.88 \times 10^{10}}{9.28 \times 10^{26}}$$
$$b \approx 3.11 \times 10^{-16} \,\text{s}^2.\text{m}^{-3}$$

$$M = \frac{4(3,14)^2}{3.11.10^{16} \times 6.67.10^{-11}}$$
 : ومنه نجد

$$M \approx 1,90.10^{27} \, kg$$
 وهي ڪتلة الشري

التمرين 9 : المحاكاة بين أنواع السقوط

بواسطة برمجة خاصة نجري بالحاسوب محاكاة لقذف جسم بسرعات مختلفة من نفس نقطة تقع على ارتفاع $Z=2R_T$ من مركز الأرض بالنسبة لعلم مركزي ارضي. يتم القلف (L)بطريقة افقية بسرعة ابتدائية $\widetilde{\mathcal{V}}_0$ (الشكل). يعطى :

تماريه خاصة بحركة كوكب أوقمر صناعي

 $M_T = 5,98.10^{24} kg$ ، كتلة الأرض $R_T = 6,38.10^3 km$ ، نصف قطر الأرض m = 1000 kg . m = 1000 kg

الشكل السابق $v_0 = 0$ ، ما هو مسار القذيفة المحدد في الشكل السابق $v_0 = 0$

 $v'_0 = 5,59 km.s^{-1}$ إذا كانت $v'_0 = 5,59 km.s^{-1}$ فإن المسار يكون دائرة والقذيفة تصبح قمرا صناعيا يدور حول الأرض. حدد خصائص القوة التي تخضع لها هذه القذيفة.

ب/ عندما نقنف جسم آخر كتلته m'=4000 بنفس السرعة (\vec{v}'_0) ، ما هو نوع مساره ؟ براعندما نقنف عسام آخر كتلته التي تتحرك بنفس السرعة (\vec{v}'_0) ، كيف تكون حركته ؟

3/ حدد رقم السار من الشكل العطى إذا تم قذف الجسم:

 \vec{v}_{00} اکبر بقلیل من \vec{v}_{00} ، \vec{v}_{00} اکبر بسرعة \vec{v}_{00} اقل بقلیل من \vec{v}_{00} ،

4/ ما نوع المسار 2، وماذا يحدث للجسم القذوف؟

5/ هل يوجد فرق جوهري بين حركة سقوط الأجسام على سطح الأرض ودورانها حول الأرض؟

الحل

ا بنا كانت السرعة الابتدائية للقذف معدومة ، $u_0 = 0 m/s$ فإنِ سقوط الجسم يكون شاقوليا $u_0 = 0 m/s$. اي رقم المسار $u_0 = 0 m/s$. اي رقم المسار $u_0 = 0 m/s$. اي رقم المسار $u_0 = 0 m/s$.

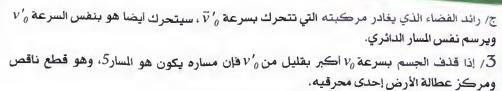
2/ ا/ خصائص القوة التي يخضع لها القمر الصناعي

- نقطة التاثير : مركز عطالة الجسم المقذوف.
- الحامل: هو الشاقول، أي المستقيم الواصل بين مركزي عطالة الجسم والأرض.
 - الاتجاه؛ نحو الأسفل.
- $F=Grac{M_Tm}{d^2}=Grac{M_Tm}{\left(2R_T
 ight)^2}=rac{GM_Tm}{4R_T^2}$ ؛ القيمة وتحسب بقانون الجذب العام لنيوتن

$$F = \frac{6,67.10^{11} \times 5,98.10^{24} \times 1000}{4(6,38 \times 10^{6})^{2}}$$

$$F = 2,45 \times 10^{3} \,\text{N}$$

ب/ عندما نقذف جسما آخر كتلته m'=4000 m'=4000 بنفس السرعة $ec{v}$ ، فإنه يجري نفس الحركة وبالتالي نفس المسار الدائري a ولا دخل لكتلة الجسم المقذوف في حركته.



.3 أما إذا قذف بسرعة $ec{v}_0$ أقل بقليل من $ec{v}_0'$ فإن مساره يكون هو السار $ec{v}_0$

4/ المسار 2 يسمى قطعا مكافئا. والجسم الذي يرسم هذا المسار يرتطم بالأرض.

5/ لا يوجد فرق جوهري بين حركة سقوط الأجسام على الأرض ودورانها حولها، إلا من حيث الشروط الابتدائية للقذف، وقيمة السرعة الابتدائية \overline{V}'_0 للقذف.

- فإذا كانت السرعة كافية (هنا $v_0' = 5,59 km.s^{-1}$) تحرك الجسم حركة دائرية منتظمة وبالتالي يصبح قمرا صناعيا تابعا للأرض.
- وإذا تحرك بسرعة أكبر، بقي أيضا قمرا صناعيا تابعا للأرض، لكن مساره يصير قطعا ناقصا، كما هو حال جميع الكواكب حول الشمس.
- اما إذا تحرك بسرعة اقل ($v_o < 5,59 km.s^{-1}$) فيرسم قطعا مكافئا ويسقط في الأخير على الأرض.

التمرين 10*: الدراسة الطاقوية لقمر صناعي

قمر اصطناعي نعتبره نقطة مادية كتلته m=1000kg يقع على بعد (r) من مركز الأرض. نعتبر الأرض M_T ، ونصف قطرها $R_T=6400km$.

 g_0 على البعد (r) ، (g) ، (R_T) وهذا بدلالة (r) ، (g) على البعد (r) وهذا بدلالة (r) ، (g) ميث شدة حقل الجاذبية على سطح الأرض $(g_0=9,8N/kg)$.

(dr) اثناء الانتقال الجزئي (dw) الذي ينجزه ثقل القمر الصناعي (\vec{P}) اثناء الانتقال الجزئي (r) بين البعدين (r) و (r+dr) مبتعدا عن سطح الأرض.

 $r_{1}=30000 km$ و $r_{1}=20000 km$ و $r_{1}=20000 km$

3/ا/ عين عبارة الطاقة الكامنة الثقالية E_{PP} للقمر الصناعي على ارتفاع (Z) من سطح الأرض باعتبار أن جملة (القمر الصناعي- الأرض) هي جملة معزولة طاقويا. وأن المستوى الرجعي للطاقة الكامنة الثقالية يقع على بعد ما لا نهاية من مركز الأرض أي أن $E_{PP_0}=0$.

ب/ باعتبار أن القمر الصناعي قريب جدا من سطح الأرض، وأن مرجع الطاقة الكامنة الثقالية هو سطح الأرض، استنتج عبارة الطاقة الكامنة الثقالية التقريبية.

4/ إذا علمت أن مسار القمر الصناعي حول الأرض هو قطع ناقص (الشكل الموالي)، أحسب قيمة $v_A=9 imes 10^3\,m.s^{-1}$ هي $v_2=0 imes 10^3\,m.s^{-1}$ و $v_2=0 imes 10^3\,m.s^{-1}$ و $v_2=000\,m$ وهذا باستعمال مبدأ انحفاظ الطاقة. يعطى $v_2=000\,m$

• القمر الصناعي كتلته (m)، ويبعد عن مركز الأرض ببعد (r).

 R_T ونصف قطرها (M_T)، ونصف قطرها

حسب قانون نيوتن للتجانب الكوني فإن ،

شدة ثقل القمر الصناعي = شدة قوة جاذبية الأرض له.

ين $g = \frac{GM_T}{r^2}$ اذن $P = mg = \frac{GmM_T}{r^2}$ اذن $P = mg = \frac{GmM_T}{r^2}$

 $g_0 = \frac{GM_T}{R_{-}^2}$ وعلى سطح الأرض فإن $r = R_T$ ومنه

بقسمة g على g_0 نجد $g = \frac{g_0 R_T^2}{r^2}$ وهي العبارة المطلوبة.

(dw) عبارة العمل الجزئي لقوة الثقل (dw)

نفترض أن القمر الصناعي يوجد في النقطة (M) التي تبعد بعدا (٢) عن مركز الأرض. ثم ينتقل إلى النقطة (r+dr) تبعد عن مركز الأرض بعدا (M')

لنعين العمل الجزئي (dw) اثناء الانتقال الجزئي : فحسب تعريف العمل فحسب فعريف العمل

عمل الثقل \vec{P} = الجداء السلمي لشعاع القوة (\vec{P}) في شعاع $dw = \vec{P} \cdot \overrightarrow{MM}'$ الانتقال (\overrightarrow{MM}'). إذن نكتب

 $ec{P} = -Pec{u}$ نكتب وبتمثيل شعاع وحدة $\left(ec{u}
ight)$ معاكسا لاتجاه

 $dw = -P \|\vec{u}\| . \|\overline{MM}'\|$ اذن $dw = -P \vec{u} . \overline{MM}'$ ومنه

$$\|\vec{u}\| = l$$
 يكن $\|dr \approx \|\overrightarrow{MM}'\| = \cos \alpha \|\overrightarrow{MM}'\|$ يكن $dw = -mg - dr$ ومنه $dw = -P \cdot dr$ يذن

اي $\left| dw = \frac{-mg_0R_T^2}{2}dt \right|$ وهي عبارة العمل الجزئي لثقل القمر الصناعي.

ب/ عبارة العمل الكلى لقوة الثقل (W)

عندما ينتقل القمر الصناعي بين نقطتين تبعدان بعدين (r_1) و (r_2) عن مركز الأرض، فإن العمل الكلى لقوة الثقل نحسبه من مجموع الأعمال الجزئية، ونعبر عنه رياضيا بمؤثر التكامل كما يلي :

$$w = \int_{r_1}^{r_2} \frac{mg_0 R_T^2}{r^2} dr$$
 نن $w = \int dw$

$$w = mg_0 R_T^2 \int_{r_I}^{r_2} \frac{-1}{r^2} dr = mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r} \right]_{r_I}^{r_2}$$
 وهي عبارة العمل الكلي.
$$w = mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_I} \right]$$
 وهي عبارة العمل الكلي.

$$w = 1000 \times 9.8 \times (6400 \times 10^3)^2 \left[\frac{1}{3 \times 10^7} - \frac{1}{2 \times 10^7} \right]$$
 بالتعویض نجد $w = -6.7 \times 10^9 J$ إذن

 E_{PP} عبارة الطاقة الكامنة الثقالية 3

 $\Delta E_{pp} = -W_{\text{(النوى اللاخلية)}} : (رض) : (النوى اللحملة الميكانيكية (قمر صناعي / أرض) :$

$$\Delta E_{pp} = -W_{(ec{p})}$$
 وبما أن $ec{P}$ قوة داخلية، فإن

$$E_{pp_2} - E_{pp_1} = -mg_0 R_T^2 \left[\frac{1}{r_2} - \frac{1}{r_1} \right]$$

وهي عبارة تغير الطاقة الكامنة الثقالية عندما ينتقل القمر الصناعي بين البعدين (r_1) و (r_2) .

عندما يكون الستوي الرجعي للطاقة الكامنة الثقالية واقعا في اللانهاية فإنه يمكن وضع :

، وهذا عندما
$$r_2
ightarrow \infty$$
 وهذا عندما $E_{PP_2} = E_{PP_\infty} = 0 J$

$$0-E_{pp_l}=mg_{\theta}R_T^2(rac{1}{\infty}-rac{1}{r_l})$$
 ; $E_{pp_l}=rac{-mg_{\theta}R_T^2}{r_l}$
$$E_{pp_l}=E_{pp}=rac{-mg_{\theta}R_T^2}{r}$$
 نضع $r_l=r$ فيكون $r_l=r$

وبوضع $r=R_T+z$ نجد $\left|E_{PP}=rac{-mg_{_{ extit{0}}}R_T^2}{R_T+z}
ight|$ وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية للقمر الصناعي

في مكان يبعد بعدا (z) عن سطح الأرض، وباعتبار اللانهاية مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية.

ب/ عبارة (Epp) بجوار سطح الأرض

بالرجوع إلى عبارة تغير الطاقة الكامنة الثقالية. وباعتبار أن الستوى الرجعي للطاقة الكامنة الثقالية هو سطح مستوى الأرض، فإنه عندما يكون $r_{l}\!=\!R_{T}$ فإن $E_{PP_{l}}\!=\!0J$

$$E_{pp_1} - 0 = -mg_0R_T^2(\frac{1}{r_2} - \frac{1}{R_T})$$
 اذن

$$E_{pp}=-mg_{0}R_{T}^{2}(rac{1}{R_{T}+z}-rac{1}{R_{T}})$$
 ومنه $E_{pp_{2}}=E_{pp}$ فإن $r_{2}=R_{T}+z$

$$E_{pp} = \frac{mg_0 R_T z}{R_T + z}$$
 افن $E_{pp} = mg_0 R_T^2 \frac{z}{R_T (R_T + z)}$ ای

وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية بجوار الأرض باعتبار أن مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية هو سطح الأرض.

$$\frac{z}{R_T} << 1$$
 وعندما يكون القمر الصناعي قريبا جدا من الأرض فإن $z << R_T$ ومنه

$$E_{pp} = \frac{mg_{\theta}z}{l + \frac{z}{R_{T}}}$$
 : لذا يجوز استعمال دساتير التقريب

$$E_{PP} = mg_{\theta}z$$
 اذن $\frac{z}{R_T} + l \approx l$ نکن

وهي عبارة الطاقة الكامنة الثقالية المشهورة التي استعنا بها في الحركات التي تتم على سطح الأرض.

الشرعة الخطية $ilde{\mathcal{V}}_{\scriptscriptstyle{A}}$ للقمر الصناعي عند الذروة 4

بما ان مسار القمر الصناعي هو قطع ناقص، فإن ابعد نقطة يمر بها القمر عن الأرض ندعوها الذروة (V) وتكون حينها له سرعة V، وتسمى اخفض نقطة يمر بها الحضيض (V) وتكون سرعته فيها هي V.

فلحساب \vec{V}_A نستعمل مبدأ انحفاظ الطاقة لجملة (القمر الصناعي / الأرض) التي نعتبرها جملة معزولة طاقويا.

$$E_{\scriptscriptstyle A}=rac{1}{2}mv_{\scriptscriptstyle A}^2-rac{mg_{\scriptscriptstyle 0}R_{\scriptscriptstyle T}^2}{r_{\scriptscriptstyle A}}$$
 إذن $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle C_{\scriptscriptstyle A}}+E_{\scriptscriptstyle PP_{\scriptscriptstyle A}}$: في الذروة :

$$E_{P}=rac{I}{2}m\,v_{P}^{2}-rac{mg_{o}R_{T}^{2}}{r_{P}}$$
 إذن $E_{P}=E_{C_{P}}+E_{PP_{P}}:$ في الحضيض

 $E_{\scriptscriptstyle A}=E_{\scriptscriptstyle P}$: وحسب مبدأ انحفاظ الطاقة

$$v_A = \sqrt{v_P^2 - mg_0 R_T^2 (\frac{1}{r_P} - \frac{1}{r_A})}$$
 اذن $\frac{1}{2} m v_A^2 - \frac{mg_0 R_T^2}{r_A} = \frac{1}{2} m v_P^2 - \frac{mg_0 R_T^2}{r_P}$ ومنه $v_A \approx 8223 m.s^{-1}$ واخيرا واخيرا با

التمرين ا ا

حساب السرعة الكونية الثانية لكوكب الأرض والقمر والريخ

كوكب كتلته (M) موزعة بانتظام على حجم كروي نصف قطره (R) وشدة حقل الجاذبية على سطحه (g_0) و (g_0) هو ثابت التجاذب الكوني يهمل الاحتكاك.

ا / نعتبر نقطة A من الفضاء تقع على بعد A من سطح هذا الكوكب. عبر عن شدة حقل جاذبية هذا الكوكب A في هذه النقطة بدلالة A .

2/ إن الطاقة الكامنة الثقالية للجملة المؤلفة من الكوكب وجسم كتلته (m) موجود في النقطة

.
$$E_{PP} = \frac{-GmM}{R_r + z}$$
 تعطى بالعبارة (A)

أ/ على أي ارتفاع تنعدم الطاقة الكامنة الثقالية ؟

 (E_{PP}) في عبارة (-) في عبارة (-) بريرا لوجود الإشارة

z، R، g_0 ، m بدلالة (E_{PP}) بحر عن

 \overline{v}_0 نهدف إلى حساب أقل قيمة للسرعة \overline{v}_0 والتي ينبغي إعطاؤها لجسم كتلته (m) يقع على سطح الكوكب حتى ينفلت من جاذبية الكوكب ليغادره إلى اللانهاية.

ا/ اعط عبارة الطاقة الميكانيكية للجملة (جسم — كوكب) في الوضعين التاليين :

- . \vec{v}_0 على سطح الأرض وينطلق بسرعة •
- $ec{v}$ على ارتفاع (z) من سطح الأرض وله سرعة $ec{v}$

. v ، z ، g ، R بدلالة بالستنتج عبارة v_0 بدلالة بالمنت باعتبار ان الجملة معزولة طاقويا ، استنتج عبارة

ج/ استنتج v_0 اللازمة للانفلات من جاذبية كوكب الأرض والقمر والريخ علما بأن v_0

المريخ	القمر	الأرض	
3,69	1,67	9,80	$g_0(m/s^2)$
3424	1750	6400	R (km)

الحل

(g)عبارة شدة حقل جاذبية الكوكب / 1

$$g = \frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$
 بنفس الطريقة التي اتبعناها في التمارين السابقة نكتب

2/ أ/ الارتفاع الذي تنعدم فيه الطاقة الكامنة الثقالية

لدينا
$$E_{pp} = \frac{-GmM}{R+z}$$
 لدينا

فإذا كان $z o \infty$ فإن z o z فإن معناه انه تم فإذا كان أبية z o z فإن معناه انه تم اختيار اللانهاية كمرجع للطاقة الكامنة الثقالية.

سادیه خاصهٔ بحر له اکو تب او قمر صناعی

 V_0 عبارة پ

 $E\!=\!E_0$ بما ان الجملة معزولة طاقويا فإن طاقة الجملة محفوظة، لذا نكتب

$$\frac{1}{2}mv^{2} - \frac{-mg_{0}R^{2}}{(R+z)} = \frac{1}{2}mv_{0}^{2} - mgR : equation$$

$$v_0 = \sqrt{v^2 + 2g_0 R(1 - \frac{R}{R + z})}$$
 الذي

ج/ القيمة العددية لسرعة الإفلات من الكوكب (السرعة الكونية الثانية)

حتى ينفلت الجسم من جاذبية كوكب فإنه يجب ان يقذف بسرعة \overline{V}_0 انطلاقا من الكوكب تسمح له بمغادرة الكوكب إلى ما لا نهاية ! اي إلى بعد $\infty \to \infty$ وحتى تكون السرعة \overline{V}_0 اقل سرعة ممكنة فإن الجسم يصل إلى ما لا نهاية بسرعة \overline{V}_0 معدومة، أي $\left(v=0m/s\right)$.

$$v_0 = \sqrt{0^2 + 2g_0 R(1 - \frac{R}{R + \infty})}$$
 : لنعوض في عبارة v_0 السابقة

$$v_0 = \sqrt{2g_0R}$$

وهي السرعة اللازمة للانفلات، وتسمى ايضا السرعة الكونية الثانية.

النحسب V_0 من أجل الكواكب الثلاثة وهي الأرض، القمر والمريخ ع

نلاحظ أن السرعة الكونية الثانية للأرض كبيرة، ولنا تستعمل الصواريخ ذات المراحل المتعددة حتى تستطيع الانفلات من جاذبية الأرض. ب/ تبرير وجود الإشارة السالبة في عبارة E_{pp} بما ان اللانهاية هي مبدأ الطاقة الكامنة الثقالية، فكل ارتفاع عن سطح الأرض يكون فيه $z \geq \infty$ تكون الطاقة الثقالية فيه سالبة.

الجديدة E_{PP} الجديدة

$$mg = \frac{GmM}{(R+z)^2}$$
 لدينا حسب قانون نيوتن في الجاذبية ونكتبه بالطريقة التالية :

 $mg = \frac{GmM}{R+z} \times \frac{1}{R+z}$; $mg = -E_{pp} \frac{1}{R+z}$ $E_{pp} = -mg(R+z)$ ومنه نکتب

$$g = \frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$
 وبالتعويض بعبارة g العطاة ب

$$E_{PP} = -m(R+z)\frac{g_0 R^2}{(R+z)^2}$$

نجد في الأخير
$$E_{PP} = \frac{-mg_0R^2}{(R+z)}$$
 نجد في الأخير

لارض عبارة الطاقة الكلية لجملة (جسم/ كوكب) على سطح الأرض $E_0 = E_{C_o} + E_{PP_o}$ لدينا :

$$E_{C_{\theta}} = \frac{1}{2} m v_{\theta}^2$$
 وبما أن \vec{v}_{θ} هي سرعة الانطلاق، إذن :

$$E_{PP_0} = \frac{-mg_0R^2}{(R+0)}$$
 : ڪما ان $Z=0$ على سطح الأرض، إذن

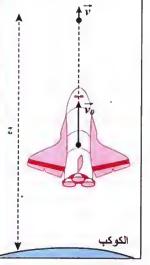
$$E_{PP_{\theta}} = -mg_{\theta}R$$
 ومنه نکتب

$$E_0 = \frac{1}{2} m v_0^2 - m g_0 R$$
! إذن:

لأرض مبارة طاقة الجملة على ارتفاع (z) من سطح الأرض 3

$$E_C = \frac{1}{2}mv^2 \quad E = E_C + E_{PP}$$

$$E = \frac{1}{2}mv^2 + \frac{-mg_{\theta}R^2}{(R+z)}$$
 اذن $E_{PP_{\theta}} = \frac{-mg_{\theta}R^2}{(R+z)}$ اذن



أخي / أختي

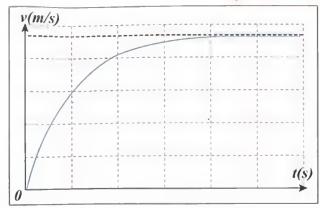
إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

◄ مرحلة الانطلاق (النظام الانتقالي)

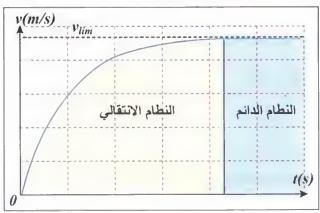


نلاحظ فيها أن السرعة تزداد بشكل غير منتظم، وهذا يدل على أن قوة ثقل الجملة \widetilde{P} أكبر من $|\vec{P}>\Sigma\vec{F}_f|$ مجموع قوى الاحتكاك

◄ مرحلة الحركة النتظمة (النظام الدانم)

وفيها نلاحظ أن قيمة السرعة أصبحت ثابتة v=cte عند حد معين نسميه السرعة الحدية انظر الشكل الموالي). $v = v_{lim}$

 $ec{P} = -\Sigma ec{F}_{\ell}$ اصبحت تساوي مجموع فوى الاحتكاك $ec{P}$ اصبحت السبحت أوهذا يدل على ان القوة



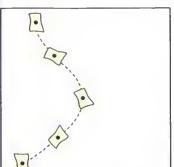
- ◄ إن قوة الاحتكاك الناتجة عن سقوط الجسم في الهواء، هي قوة معاكسة للحركة وتتعلق f(v) بالسرعة لذا يرمر لها بالرمز
- ولها عدة صيغ حسب سرعة الجسم فقد تكون من الشكل f = -Kv إذا كانت سرعة الجسم صغيرة في حدود (cm/s).
 - وقد تكون من الشكل $f = -Kv^2$ إذا كانت شرعة الجسم كبيرة نسبيا.

Hard_equation 3 - دراسة حركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء

1/ الدراسة التجريبية لحركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء

1-1- توطئت

سندرس حركة السقوط الشاقولي لجسم في الهواء دون إعطائه سرعة ابتدائية $ec{v}_0 = ec{O}_0$ ، بجوار الأرض، ابن نعتبر أن شعاع حقل جاذبية الأرض (ثابت $ec{G}=ec{g}=0$).



2.1 تجربت: إظهار قوى احتكاك الهواء

- ◄ اترك ورقة تسقط في الهواء ماذا تلاحظ؟
- ◄ اكيد سنلاحظ أن حركتها معقدة (أنظر الشكل المرفق)
 - فهل خضعت الورقة لقوة الثقل \vec{P} فقط \blacktriangleleft
- ◄ بالطبع لا، فلو خضعت لثقلها فقط لم كانت حركتها شاقولية.
 - ◄ برايك من الذي اثر عليها بقوة او قوى اخرى؟
 - ◄ اكيد. الهواء هو الذي اثر على الورقة بقوى اخرى.
- ◄ هل أن القوى التي أثر بها الهواء تعرفل الحركة، أم تساعدها ؟
- ▶ إنها قوى تعرقل الحركة، بدليل إنها أنقصت من سرعة الورقة، فجعلت حركتها بطيئة.
 - ◄ اقترح مصطلحا لتسمية هذه القوى.
 - ◄ نقترح الصطلح : قوى مقاومة الهواء أو قوى احتكاك الهواء.

1-3- نمذحة قوى احتكاك الهواء

راينا في التجربة السابقة، أن سقوط الورقة لم يكن شاقوليا، وبالتالي فإن البحث عن قوى احتكاك الهواء، ونمذجتها، لا يكون امرا يسيرا.



[• تجربة

- ◄ نثبت بالونا بواسطة خيط ملتصق ببرغي(boulon)، نتركه يسقط في الهواء، فنلاحظ أن سقوطه شاقولي.
 - ندرس تطور سرعة الجملة (برغى + بالون) V(t) فنجد المنحنى التالى :

دراسة تطور السرعة (١/(١

من خلال المنحني نميز مرحلتين :

 A_{π}

الهواء

 $\downarrow \vec{P}$

تعريف

دافعة أرخميدس هي قوة معاكسة للثقل تدفع من أسفل إلى أعلى وتظهر في الهواء أو الماء.

π خصانص دافعهٔ أر خمیدس

دافعة ارخميدس هي قوة تلامس يمكن نمذجتها بشعاع $\tilde{\pi}$ تحدد خصائصه بالنسبة لجسم متجانس موجود في الهواء كما يلي :

- ◄ نقطة التانير : مركز عطالة الجسم (إذا كان الجسم مغمورا كليا داخل المائع).
 - ◄ الحامل ، هو الشاقول.
 - ▶ الجهة: من الأسفل إلى الأعلى.
- ◄ القيمة ؛ عندما يوجد جسم في الهواء فإنه يحتل جزءا منه، وبالتالي ينزاح هذا $\pi = Mg$: الجزء من الهواء، أي

. كتلة الهواء الزاح = الكتلة الحجمية للهواء imes حجم الهواء الزاح. M

 $M =_{air} v$

اذن $\pi = \rho_{air} vg$ حيث: ρ_{air} الكتلة الحجمية للهواء ، ν حجم الهواء المزاح.



لنعين القوى التي يخضع لها جسم كتلته (m) يسقط شاقوليا في الهواء (الشكل).

- $(ec{F_{ au_{K}}}$ و قوة جنب الأرض $ec{P}$
 - حامله : الشاقول.
 - جهته : نحو الأسفل.
- شدته |P = mg| حيث g شدة حقل جاذبية الأرض.
 - f (v) algor lager ◄
 - حاملها : الشاقول.
 - جهتها : نحو الأعلى.
 - . $|f| = -Kv^n$ شدتها ، تعطی بالعبارة
- حيث : K ثابت يعتمد على طبيعة المانع (الهواء، السائل)، $1 \le n \le 2$ عدد حقيقي عادة ما يكون $2 \ge n \ge 1$
 - ◄ دافعة ار خميدس 🛪
 - حاملها : الشاقول.
 - جهتها: نحو الأعلى.
 - $\pi = Mg$ شدتها : تعطى بثقل الهواء الزاح
- حيث M كتلة المانع المزاح = الكتلة الحجمية للمانع \times حجم المانع.

 $\pi = \rho vg$ اذن $M = \rho v$

2 و نمذجة قوة الاحتكاك في الهواء

ننمذج قوة الاحتكاك في الهواء بقوة وحيدة $ec{f}\left(v
ight)$ تزداد قيمتها بزيادة السرعة v وتعطى $\vec{f}(v) = -K\vec{v}^n$ sylvatily

 $1 \le n \le 2$ عدد حقيقي، وعادة ما يكون $n \le n$

K . ثابت يعتمد على طبيعة المانع (الهواء، الغاز، السائل).

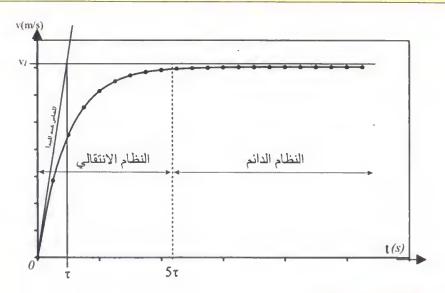
السرعة الحدية (Vlim)

السرعة الحدية هي أكبر سرعة يبلغها الجسم الذي يسقط شاقوليا في الهواء (وبشكل عام المانع) وتكون عندها حركته مستقيمة منتظمة.

. V(t) تجريبيا بالخط المقارب الأفقي لنحنى تطور السرعة بدلالة الزمن

الزمن المميز (٦)

الزمن المبز يسمح بتقدير مقدار الزمن الذي يفصل بين النظام الانتقالي والنظام الدائم. يعين بيانيا بلحظة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع الماس عند المبدأ لمنحني تطور السرعة (٧(١).



π دافعت أرخميدس 4-1

عندما يتمدد شخص فوق سطح ماء البحر، بشكل أفقي جيد، نلاحظ أنه يبقى طافيا فوق الماء.

هل معنى هذا انه لم يخضع لقوة ثقله $ec{P}$ التي تحاول أن تجعله يغوص داخل الماء ؟

كلا، فإن الشخص يخضع لقوة ثقله \widetilde{P} بالإضافة إلى قوة أخرى تدفعه من أسفل إلى الأعلى تسمى دافعة أرخميدس $\vec{\pi}$. المعادلات الزمنية لحركة السقوط الحر

 $m \vec{a} = m \vec{g}$ او $m \frac{d \vec{v}}{dt} = m \vec{g}$ او لدينا المعادلة التفاضلية :

 $m\frac{dv}{dt}=mg$: على معلم الحركة (O,z) السطحي الأرضي والذي نفرضه عطاليا نجد

$$\frac{dv}{dt} = g$$
 : ومنه نکتب

v = g t + B : حل هذه المعادلة يعطي

باعتبار أن السرعة في اللحظة الابتدائية (t=0s) هي $v_{ heta}$ والتي نسميها السرعة الابتدائية.

 $B=v_0$ ومنه : $v_0=g\left(0\right)+B$: فعندما نعوض في المعادلة السابقة نجد ونكتب المعادلة من جديد المعادلة من جديد والتي نسميها معادلة السرعة اللحظية v=g(t)

 $v = \frac{d Z}{d I}$ انه من المعلوم سلفا أن

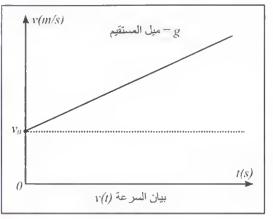
$$\frac{dz}{dt} = g t + v_0$$
 لذا نكتب

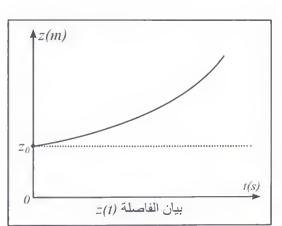
ومنه نجد ،

(2)
$$z = \frac{1}{2} g t^2 + v_0 t + z_0$$

وهي معادلة الفاصلة اللحظية بدلالة الزمن. z_0 هي الفاصلة في اللحظة الابتدائية z_0 (الفاصلة الابتدائية).

نسمي المعادلتين 2.1 المعادلتين الزمنيتين الحركة السقوط الحر.





2 نمذجة قوة الاحتكاك في الهواء

K: ثابت يعتمد على طبيعة المائع (الهواء، الغاز، السائل).

ننمذج قوة الاحتكاك في الهواء بقوة وحيدة f(v) تزداد قيمتها بزيادة السرعة v وتعطى بالعبارة f(v)=-Kv بالعبارة v عدد حقيقي، وعادة ما يكون v عدد حقيقي، وعادة ما يكون v عدد حقيقي، وعادة ما يكون v

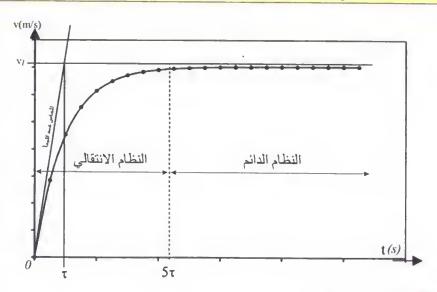
السرعة الحدية (Vlim)

السرعة الحدية هي اكبر سرعة ببلغها الجسم الذي يسقط شاقوليا في الهواء (وبشكل عام المانع) وتكون عندها حركته مستقيمة منتظمة.

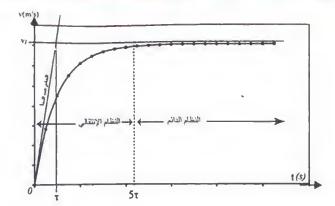
. V(t) تجريبيا بالخط المقارب الأفقي لمنعنى تطور السرعة بدلالة الزمن V(t) .

الزمن المميز (٢)

الزمن الميز يسمح بتقدير مقدار الزمن الذي يفصل بين النظام الانتقالي والنظام الدائم. يعين بيانيا بلحظة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع الماس عند البدأ لمنحني تطور السرعة (٧(1).



$\vec{\pi}$ دافعة أرخميدس-41



· T : الزمن الميز.

IV/ دراسة حركة الستقوط الحر

- في الخلاء (انعدام الهواء)، يخضع الجسم لقوة ثقله $ec{P}$ فقط، فنقول إنه في حالة سقوط حرز.
 - . القوى ا $ec{P}$ فقط
 - $ec{P}=mec{a}_G=mrac{dec{v}_G}{dt}$: العادلة التفاضليه •

$$| \frac{d\vec{v}}{dt} = \vec{g} |$$
، $| \vec{a} = \vec{g} = \vec{m} \vec{a} |$ اي: ثابت $| \vec{m} \vec{g} = \vec{m} \vec{a} |$

• حلّ المعادلة التّفاضلية

$$\frac{d\overline{v}}{dt} = \overline{g} \begin{vmatrix} \frac{dv_z}{dt} = g \\ \frac{dv_y}{dt} = 0 \end{vmatrix} \xrightarrow{\overline{g}} \downarrow \overline{v} \begin{vmatrix} v_z = gt + v_{\theta_z} \\ v_y = 0 \, \text{m.s}^{-1} \end{vmatrix} \xrightarrow{\overline{g}} \downarrow \overline{r} = \overline{OM} \begin{vmatrix} z = \frac{1}{2}gt^2 + v_{\theta_z}t + z_{\theta} \\ y = 0 \, \text{m} \\ x = 0 \, \text{m} \end{vmatrix}$$

 $v_{O_i} = \theta \, m.s^{-1}$ وإذا تم السَقوط الحر بدون سرعة ابتدانية فإن •

 $z=rac{1}{2}gt^2+z_0$ والتي تسمّی معادلات السّقوط الحرّ، ومسارها یکون شاقولیا. $v_z=gt$ ومنه نکتب $a_z=g$

١١١/ دراسة حركة الستقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء

• القوى

كن جسم كتلته m ، يتحرّك في الهواء، او الماء، او اي مانع، يخضع لثلاثة قوى هي ،

 $ar{P}$ قوة الثقل

وقيمتها P = mg حيث:

m: كتلة الجسم بـ (kg)

 $(m.s^{-2})$ ب تسارع الجاذبية ب g

• جهتها : شاقولية نحو الأسفل.

دافعة أرخميدس 🛪

، حيث $\pi = \rho Vg$ عيث •

. الكتلة الحجمية للمائع ب ρ

. حجم المانع المزاح = حجم الجسم إذا كان مغمورا كليا. V

قوى احتكاك المانع تر

وقيمتها: $f = k v^n$ عيث:

ق حالة السرعة صغيرة. f = k v

ق حالة السرعة كبيرة. $f = k v^2$

• معاكسة لجهة الحركة.

• المعادلة التفاضلية للحركة

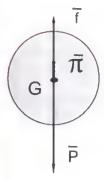
- $ec{P}+ec{f}+ec{\pi}=mec{a}_G=mrac{dec{v}_G}{dt}$: نطبَق القانون الثاني لنيوتن •
- $P-f-\pi=mrac{dv}{dt}:(O,\vec{z})$ بالإسفاط على معلم الحركة بالإسفاط على معلم الحر

$$mg - k v'' - \rho vg = m \frac{dv}{dt}$$

• الحلّ التقريبي للمعادلة التفاضلية

الحركة تتم وفق نظامين،

- النظام الانتقالي ؛ فيه السَرعة تزداد.
- . $V = V_{lim}$ النظام النائم : تثبت فيه قيمة السرعة عند السرعة الحنية



2/ تعيين السرعة الحدية

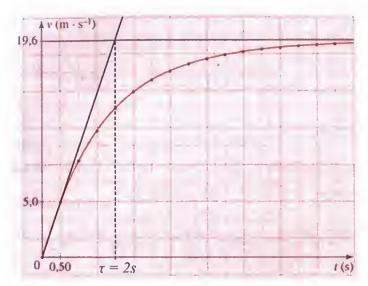
تعين من الخط المقارب الأفقي للمنحنى البياني :

.
$$v_{lim} = 19$$
 , $6 \, m.s^{-l}$ وهي القيمة

 τ استنتاج الزمن الميز 7

يعين au بيانيا من نقطة تقاطع الخط المقارب الأفقي مع المماس عند المبدأ للمنحنى البياني.

 $\tau = 2s$



 a_0 أ/ فيمة التسارع الابتدائي /4

. (t=0s) هو التسارع في اللحظة الابتدائية

$$a = \frac{dv}{dt}$$
نعلم ان

لكن المشتق $\frac{dv}{dt}$ بيانيا هو ميل المستقيم.

$$t = 0s$$
 في اللحظة في اللحظة إذن a_0 هو قيمة أبد

(t=0s) ميل الماس للبيان في اللحظة $a_{\theta}:$ اي

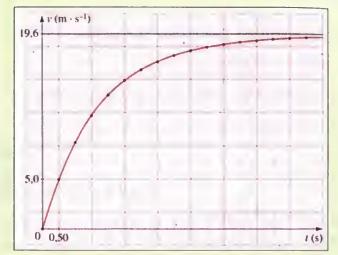
$$a_0 = 9,8 \, \text{m.s}^{-2}$$
 اذن: $a_0 = \frac{19,6-0}{2-0}$ اذن:

 $a_0=g$ بن ان نسارع جاذبية الأرض g=9 , $8\,m.s^{-2}$ بما ان نسارع جاذبية الأرض

وهذا يعني أنه في لحظة الانطلاق (s) كان تسارع الجسم هو (g) وهذا متوقع لأنه في لحظة الانطلاق نعتبر الجسم خاضعا لقوة ثقله \vec{P} فقط. (معلوم أن كل جسم خاضع لثقله فقط يكون a=g ومنه a=g لأن a=g ومنه ومنه ومنه

التمرين ا : الدراسة التجريبية للسقوط الشاقولي في الهواء

ندرس في معلم ارضي، نعتبره عطاليا، حركة السقوط الشاقولي لجسم في الهواء. الوثيقة المرفقة تحدد تطور سرعة مركز عطالته (V(1) بدلالة الزمن من لحظة السقوط إلى لحظة وصوله إلى الأرض.



1/حدد مراحل الحركة.

2مين السرعة الجدية v_{lim} لسقوط الجسم.

. استنتج الزمن الميز au للانتقال من نظام لآخر.

4 // احسب التسارع الابتدائي a_0 لحركة الجسم. ماذا تستنتج 4

ب/ استنتج التسارع النهائي a لحركة الجسم. ماذا تستنتج ?

اذا كان المنحني البياني السابق ينمذج بالمعادلة التفاضلية $\frac{dv}{dt} + b \; v = C$ إذا كان المنحني البياني السابق ينمذج بالمعادلة التفاضلية $\frac{dv}{dt}$

للثابتين c_{b} واحسب قيمتيهما، وكنا القوى المؤثرة على الجسم في كل مرحلة مع التبرير.

6/ مثل القوى المؤثرة على الجسم في كل مراحل الحركة.

الحل

l / تحديد مراحل الحركة (انظمة الحركة)

• مرحلة الانطلاق (أو النظام الانتقالي)

وتدوم من لحظة قذف الجسم ($t_0=0$ s) إلى لحظة ثبوت السرعة وهي اللحظة (t=8s).

• مرحلة الحركة المنتظمة (أو النظام الدائم)

وتبدأ من لحظة ثبوت السرعة وهي اللحظة (8s) إلى اللحظة (8.5s) وهي لحظة وصول الجسم إلى الأرض.

اذن قيمة $\widetilde{\pi}$ ثابتة.

 \vec{f} الجسم بالهواء قوة احتكاك الجسم ا تعلق بالسرعة \vec{V} f = -K v (a) $f = -K v^2$ of $f = -K v^n$: وبشكل عام

وبما أن \vec{V} تتغير فقوة الاحتكاك

تتغير حتى تصبح : $u = v_{lim} =$ ثابت

عندها تصبح قيمة f ثابتة. ولذا يأتي تمثيل القوى في كل مرحلة كما يلي :

لحظة الانطلاق

 $f = \vec{0}$

 $\Rightarrow v = 0 m/s$

لذا لم نمثل م

حالة النظام الانتقالي

 $\vec{P} > \vec{f} + \vec{\pi}$

حالة النظام الدانم

 $\vec{P} = \vec{f} + \vec{\pi}$

• لحظة الانطلاق

 $ec{f}$ اذن $ec{f}=ec{0}$ لذا لم نمثل $v=0\,m.s^{-1}$

- $ec{P}>ec{f}+ec{\pi}$: في حالة النظام الانتقالي
 - $\vec{P} = \vec{f} + \vec{\pi}$: في حالة النظام الدائم •
- . (2cm) في كل التمثيلات مثلنا \vec{P} بشعاع طوله ثابت
 - $\overline{\pi}$ ایضا n مثلناه بشعاع طوله ثابت (0,5cm).
- اما f فقيمته متغيرة على حسب السرعة، مع الانتباه إلى أنه في مرحلة النظام الدائم يكون f ثابت \vec{P} ویکون مجموع \vec{T} و ساوی \vec{P} لذا مثلنا \vec{P} بشعاع طوله (1,5cm).

التمرين 2 : حل المعادلة التفاضلية لتطور سرعة سقوط جسم في الهواء

ندرس في معلم سطحي ارضي، تعتبره عطاليا، السقوط في الهواء لكرة معدنية، نصف قطرها . $\rho = 7$,8 g / cm^3 وكتلتها الحجمية، R = 2cm

. $V=rac{4}{3}\pi R^3$ يعطى $ho_{air}=1.3g.L^{-1}$ وحجم الكرة

. $ec{\pi}$ ودافعة ارخميدس $ec{p}$. ا $ec{p}$ اعط العبارة الحرفية لكل من ثقل الكرة

 $g = 9,8m.s^{-2}$ ب/ احسب قیمتیهما. مانا تستنتج ؟ خذ

 $ec{f}=-K\,ec{v}$ ننمذج قوة احتكاك الهواء بالقوة / 2

بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، حد العادلة التفاضلية للسقوط الشاقولي للكرة.

3/ باعتبار أن السرعة الابتدائية معدومة تأكد من أن حل هذه المعادلة، يعطى بالعبارة :

 $V(t)=rac{(m-M)}{v(t)}$ حيث : m كتلة الكرة ، M كتلة الهواء المزاح .

 ν_{lim} اعط عبارة السرعة الحدية ν_{lim}

ب/ التسارع النهائي a لحركة الجسم

 $v = v_{lim} = 19,6 \ m.s^{-1}$ في نهاية الحركة تكون السرعة ثابتة $a = 0 \, m.s^{-2}$ الحركة مستقيمة منتظمة إذن:

u=19 , $6~m.s^{-1}$ وبطريقة اخرى نقول إن a=a ميل الماس للمنحنى عندما والماس هو الخط القارب $V=V_{lim}$ الأفقي وعليه فإن ميله معدوم.

 $a = 0 \, m.s^{-2}$ اذن:

. - نستنتج انه في نهاية الحركة، تكون الحركة مستقيمة منتظمة.

5/ المعنى الفيزيائي للثابت 6

 $(\frac{dv}{dt}$ المعادلة التفاضلية المعطاة هي من الرتبة الأولى للسرعة V (المشتق الأول

$$\frac{dv}{dt} + b v = C$$

 $t=0\,s$ هذه المعادلة محققة في جميع اللحظات بما فيها اللحظة الابتدائية

لكن عند اللحظة t=0 لدينا $v=v_0=0$ $m.s^{-1}$ لذي المتحرك انطلق بدون سرعة ابتدائية.

 $\frac{dv}{dt}$ + $b \times 0 = C$: نعوض في المعادلة التفاضلية فنجد

 $C=a_0=9$, $8\,m.s^{-2}$ وقيمته a_0 وقيمته a_0 هو التسارع الابتدائي a_0 وقيمته هذه المعادلة أيضا محققة في مرحلة الحركة المنتظمة والذي يكون فيه a_0

$$v = v_{lim} \quad g \quad a = \frac{dv}{dt} = 0 \text{m.s}^{-2}$$

 $\theta + b \; v_{lim} = a_{\theta} \; :$ نعوض في العادلة التفاضلية فنجد

$$b=0,5\,s^{-1}$$
 این $b=\frac{9,8\,m.s^{-2}}{19,6\,m.s^{-2}}$ قیمته $b=\frac{a_0}{v_{lim}}=\frac{g}{v_{lim}}$ اذن $b=\frac{a_0}{v_{lim}}=\frac{g}{v_{lim}}$ اذن $b=\frac{g}{v_{lim}}$

تمثيل القوى المؤثرة على الجسم

القوى التي يخضع لها الجسم، اثناء حركة سقوطه الشاقولي في الهواء هي :

P=m و قوة الثقل \tilde{P} . قيمتها \tilde{P}

وبما أن ثابت g= في مكان التجربة، إذن فشدتها ثابتة (بالطبع m ثابتة لأن السرع التي يكتسبها الجسم صغيرة مقارنة بسرعة الضوء).

 $\pi=
ho_{air}$ vg دافعة ارخميدس $\widetilde{\pi}$: قيمتها هي • دافعة ارخميد و

- حيث : ho_{air} الكتلة الحجمية للهواء، ho_{air} حجم الجسم، ho_{air} تسارع حقل الجاذبية، وكلها مقادير ثابتة

ب/ استنتج قيمة K إذا علمت أن السرعة الحدية لكرة الحديد هي 80m/s . \pm اعط إذن عبارة قوة احتكاك الهواء.

 $V = \frac{V_{lim}}{2}$ الذي تبلغ فيه السرعة نصف قيمة السرعة الحدية أي الذي تبلغ فيه السرعة الحدية أي $t = t_{1/2}$

الحل

$$ec{P}$$
 أ/ العبارة الحرفية لثقل الكرة أ

$$P = mg$$

$$\frac{(m)}{(V)}$$
 الكتلة الحجمية $\rho = \frac{|V|}{|V|}$

$$P=
horac{4}{3}\pi R^3g$$
 اذن $V=rac{4}{3}\pi R^3$ و منه نجد $m=
ho V$ اذن $ho=rac{m}{V}$

 $ec{\pi}$ العبارة الحرفية لدافعة ارخميدس

نعلم ان : دافعة ارخميدس= ثقل الهواء المزاح

(g) إذن : دافعة أر خميدس $(\pi)=$ كتلة الهواء المزاح

 $\pi=Mg$. اي

بالثل : كتلة الهواء المزاح (M) = الكتلة الحجمية للهواء imes حجم الهواء المزاح

$$M = \rho_{air} \times V_{air}$$

وبما ان الجسم موجود كليا في الهواء فإن ، حجم الهواء المزاح $V_A = -$ حجم الكرة V_A

$$\pi=
ho_{ciir} imesrac{4}{3}\pi R^3g$$
 : ومنه $M=
ho_{ciir} imes V=
ho_{ciir}rac{4}{3}\pi R^3$ ومنه $M=
ho_{ciir}$

 π ب/ حساب قیمتی η

$$P = \frac{4}{3}\pi R^3 \rho g$$

$$R = 2 \, cm = 2.10^{-2} \, m$$

$$g = 9.8 \, m.s^{-2}$$

$$\rho = \frac{7.8 \, \text{g}}{\text{cm}^3} = \frac{7.8 \times 10^{-3} \, \text{kg}}{(10^{-2} \, \text{m})^3} = 7.8 \times 10^3 \, \text{kg} / \text{m}^3$$

$$P = \frac{4}{3}(3.14)(2 \times 10^{-2})^3 \times 7.8 \times 10^3 \times 9.8$$
 إذن:

$$P \approx 2,56 N$$

$$\pi = \frac{4}{3} \pi R^3 \rho_{air} g$$

$$\rho_{air} = 1.3 g.L^{-1} = 1.3 \frac{g}{L} = \frac{1.3 \times 10^{-3} kg}{10^{-3} m^3}$$

$$\rho_{air} = 1.3 \, kg \, / \, m^3$$

$$\pi = \frac{4}{3}(3,14)(2.10^{-2})^3 \times 3,3 \times 9,8$$
 نعوض فنجد :

$$\pi \approx 0$$
, $43 \times 10^{-3} N$

$$\frac{P}{\pi} = \frac{2.56}{0.43 \times 10^{-3}} = 5$$
 , $95 \times 10^{3} \approx 6 \times 10^{3}$: لو حسبنا النسبة

$$P=6000~\pi$$
 اي $P=6000~\pi$ فالثقل اڪبر بـ $P=6000~\pi$

2/ إيجاد المعادلة التفاضلية

لكي نطبق القانون الثاني لنيوتن، يجب تحديد كل من الجملة، المعلم، القوى.

- الجملة : هي الكرة.
- العلم : هو (O,z) معلم سطحي نفرضه عطاليا.
 - . \vec{p} ، $\vec{\pi}$ ، \vec{f} ، و القوى الخارجية
 - القوى الداخلية ؛ قوى تماسك اجزاء الجملة.

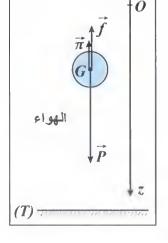
 $\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$: نطبق نظرية مركز العطالة (القانون الثاني لنيوتن) لنجد

 $\vec{\pi} + \vec{f} + \vec{P} = m\vec{a}$

 $-\pi - f + P = ma$: (O,z) بالإسقاط على معلم الحركة

-Mg - kv + mg = ma إذن !

$$a=g-\dfrac{Mg}{m}-\dfrac{K\, v}{m}$$
 بالقسمة على m نجد ، m نجد ، $\dfrac{d\, v}{dt}=g\left[1-\dfrac{M}{m}\right]-\dfrac{K}{m}v$ إذن ، $\dfrac{d\, v}{dt}+\dfrac{K}{m}\, v=\left(\dfrac{m-M}{m}\right)g$



وهي المعادلة التفاضلية المطلوبة.

و حتى نتاكد من أن الحل :
$$\int \frac{(m-M)}{K} g\left(1-e^{-\frac{k}{m}t}\right)$$
 هو حل للمعادلة التفاضلية /3

 $\frac{dv}{dt}$ نعين في البداية المشتق

$$\frac{dv}{dt} = \frac{(m-M)}{K} g \frac{K}{m} e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{(m-M)}{m} g \cdot e^{-\frac{K}{m}t}$$

$$\frac{(m-M)}{m}g\frac{K}{m}e^{-\frac{K}{m}t} + \frac{k}{m}\frac{(m-M)}{K}g\frac{K}{m}\left(1 - e^{-\frac{K}{m}t}\right) = \frac{(m-M)}{m}g$$

$$\frac{(m-M)}{m}ge^{-\frac{K}{m}t} - \frac{(m-M)}{m}ge^{-\frac{K}{m}t} + \frac{(m-M)}{m}g = \frac{(m-M)}{m}g$$
بالفعل:
$$\frac{(m-M)}{m}g = \frac{(m-M)}{m}g$$
بالفعل:
$$\frac{(m-M)}{m}g = \frac{(m-M)}{m}g$$

4 / ا/ عبارة السرعة الحدية

• الطربقة 1

نحصل على السرعة الحدية عندما تصبح الحركة مستقيمة منتظمة، أي في حالة التسارع معدوم

$$a = \frac{dv}{dt} = 0$$

$$v_{lim} = \frac{m-M}{K}g$$
 اذن: $0 + \frac{K}{m}v = \frac{(m-M)}{m}g$ اذن: وغوض في المعادلة التفاضلية فنجد:

نحصل على السرعة الحدية عندما يكون الزمن كبير نسبيا لذا نضع $\infty \leftarrow 1$ في عبارة السرعة.

$$v_{lim} = \lim v_{t \to \infty} = \frac{(m - M)}{K} g \left(1 - e^{-\frac{k}{m} \times \infty} \right)$$
$$v_{lim} = \frac{m - M}{K} g (1 - 0)$$

$$1$$
 وهي نفس العبارة التي وجدناها بالطريقة وهي نفس العبارة التي وجدناها الطريقة وهي نفس العبارة التي و

$$K = \frac{mg - Mg}{v_{lim}}$$
 . يكون: $v_{lim} = 80 \text{ m.s}^{-l}$ وباعتبار $K = \frac{(m - M)}{v_{lim}} g$

$$K = \frac{P - \pi}{v_{lim}} = \frac{2.56 - 0.43.10^{-3}}{80} = 0.032$$

ومنه ، $K \approx 0.032SI$ والمصطلح SI والمصطلح

ج/ عبارة قوة احتكاك الهواء

$$\vec{f}=-0$$
 , $032\vec{v}$ اذن ، $\vec{f}=-K\ \vec{v}$ ، حسب معطیات هذا التمرین فإن ، و کل احظة . و کل لحظة .

$$v = 40 m.s^{-1}$$
 نعوض ب $v = \frac{v_{lim}}{2} = \frac{80}{2}$ بذن

$$v=v_{lim}\left(1-e^{-rac{K}{m}\prime}
ight)$$
 ، نعوض في عبارة السرعة بعد تبسيطها

$$1 - e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{v}{v_{lim}} = \frac{40}{80} = \frac{1}{2}$$

$$e^{-\frac{K}{m}t} = \frac{1}{2} \cdot -\frac{K}{m}t = \lim_{t \to \infty} \frac{1}{2} = -\lim_{t \to \infty} 2$$

$$t = t_{\frac{1}{2}} = \frac{m}{K} \ln 2$$

$$m = \frac{p}{g} = \frac{2,56}{9,8} \approx 0,261 \text{ kg}$$
 لكن

$$t_{\frac{1}{2}} = 6,7s$$
 ; $t_{\frac{1}{2}} = \frac{0,261}{0,027} \times 0,693$

التمرين3 : نمذجة احتكاك الهواء على مظلى

يقفز مظلى من طائرة على ارتفاع قريب من سطح الأرض دون أن يفتح مظلته وبدون سرعة ابتدائية. عندما بقيت له مسافة m 850 عن سطح الأرض فتخ مظلته ويكون عندها قد قطع مسافة m 2650.



. P عندما نهمل قوة احتكاك الهواء f ودافعة ارخميدس $ec{\pi}$ امام ثقل المطلى ومظلته 1/1

g = 9 , $8 m.s^{-2}$ ماذا نسمى هذا السقوط ؟ يؤخذ

ب/ احسب حينئذ الزمن المستغرق لقطع المسافة بين الارتفاعين المذكورين. ج/ احسب سرعته حينئذ.

2/ في الواقع أثبتت الدراسات التجريبية أن قوة احتكاك الهواء 📝 تنمذج بالعلاقتين التاليتين :

أذا كانت السرعة \vec{V} صغيرة.

 \vec{u} حيث $\vec{f} = -K \vec{v}^2 \vec{u}$ اذا كانت السرعة \vec{v} حيث نسبيا (ايضا شعاعيا نكتبها السرعة خيث $f = K v^2$ شعاع وحدة موجه بجهة الحركة.

// بناء على هذه العطيات، وأيضا على قيمة السرعة المستنتجة في السؤال (1 - ج) هل يمكن إهمال قوة احتكاك الهواء ؟ برر إجابتك.

ب/ اي النموذجين تختار للقوة \vec{f} ؟

3/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في معلم عطالي تحدده، جد المعادلة التفاضلية التي تعطي تطور سرعة المظلى (نهمل دافعة ارخميدس).

> 4/ إذا علمت أنه عند فتح المظلة، استقرت السرعة عند القيمة 180km/h. ا/ ماذا تسمى هذه السرعة ؟

ب/ استنتج قيمة الثابت K علما أن كتلة المطلى ومظلته (90kg). ج/ احسب الفترة الزمنية لقطع هذه المرحلة.

1/1/ نوع السقوط

نمثل القوى المؤثرة على المظلي في الشكل الموالي.

. ثقل الظلى ومظلته. \widetilde{P}

. دافعة ارخميدس $\vec{\pi}$

أ: قوة مقاومة الهواء.

 $\Sigma \vec{F} = m\vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن

 $\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$

 $ec{P}=mec{a}$ اذن، بنهمل $ec{f}$ و بنان التمرين، نهمل

بالإسقاط على المعلم (O,z) السطحي الأرضي الموجه نحو الأسفل والذي نفرضه عطاليا نجد ،

 $|a = +g = +9,8 \text{ m.s}^{-2}|$ each $|a = +g = +9,8 \text{ m.s}^{-2}|$

 $u_o = 0\,m.s^{-1}$ وايضا فإن السقوط تم بدون سرعة ابتدائية

إذن فنوع السقوط هو سقوط حر بدون سرعة ابتدائية.

ب/ حساب الزمن المستغرق

الدينا : a=g لكن a=g الذن : a=g نحل هذه المعادلة التفاضلية بالكاملة فنجد الدينا : a=g

وهي معادلة السرعة اللحظية. $v = g t + v_0$

$$\frac{dz}{dt} = g t + v_0$$
 اذن: $\frac{dz}{dt} = v$ اذن

$$z=rac{1}{2}gt^2+v_0t+z_0$$
 : وأيضًا حل هذه المعادلة التفاضلية يتم بالكاملة فنجد

ننبه التلميذ إلى أنه يمكن استعمال هاتين المعادلتين المؤطرتين دون استنتاجهما.

 $t=\sqrt{rac{2z}{g}}$ اذن : $z=2650\,m$ وان $z_0=0\,m$ اذن الانطلاق هي نعتبر ان فاصلة الانطلاق هي

$$t \approx 23,3s$$
 الناء ويض نجد : $t = \sqrt{\frac{2 \times 2650}{9,8}}$ الناء بالتعويض نجد :

ج/ حساب سرعة المظلى

$$v=228$$
 , $3\,m.s^{-1}$ ومنه : $v=gt+v_0$ ، $v=9$, 8 (23 , 3) نستعمل معادلة السرعة

2/1/ لا يمكن إهمال قوة احتكاك الهواء، لأنها تتعلق بالسرعة.

ڪما ان السرعة المستنتجة $\nu=228$, $3\,m.s^{-1}$ هي سرعة ڪبيرة نسبيا.

 $\vec{f} = -\vec{K} v^2 \vec{u}$ ب/ بنمذج هنا قوة احتكاك الهواء بالعبارة . $(O,\,z)$ هو شعاع وحدة بجهة الحركة اي بجهة المعلم $ec{u}$

3/ العادلة التفاضلية لتطور السرعة

 $\Sigma \vec{F} = m \vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن

$$\vec{P} + \vec{\pi} + \vec{f} = m\vec{a}$$

 $ec{P}+ec{f}=mec{a}$ ، بإهمال دافعة ارخميدس المام أمام $ec{\pi}$ امام

P-f=ma : بالإسقاط على معلم الحركة (O,z) الذي أشرنا إليه في السابق نجد

$$mg - Kv^2 = m\frac{dv}{dt}$$

$$\frac{dv}{dt} + \frac{K}{m}v^2 = g$$
 بالقسمة على m نجد :

وهذه هي المعادلة التفاضلية من الرتبة الأولى للسرعة بوجود طرف ثاني.

 V_{lim} قده السرعة السرعة الحدية الحديد 4

ب/ استنتاج قيمة الثابت ٢

بما أن السرعة استقرت عند القيمة $u = v_{lim} = 180 \, km \, / \, h$ فهذا يعني أنها أصبحت ثابتة، وبالتالي

 $a=rac{d\, v}{dt}=0$ فالظلي اصبحت حركته مستقيمة منتظمة، وعليه فإن التسارع معدوم، اي

$$K=rac{gm}{V_{lim}^2}$$
 . يَذَن $\theta+rac{K}{m}V^2=g$ ينحد وي المعادلة التفاضلية فنجد المعادلة التفاضلية فنجد

$$v = 180 \text{ km.h}^{-1} = \frac{180}{3.6} \text{ m.s}^{-1} = 50 \text{ m.s}^{-1}$$

 $z = \frac{1}{2}gt^2 + z_0$ اذن: $v_0 = 0 \, m.s^{-1}$ عن العلم بان:

تماريه خاصة بحركة السقوط

الشاقولي لجسم صلب في الهواء

a التسارع /2

$$a=4m/s^2$$
 ، $a=\frac{8-4}{2-1}=4$ ، $a=\frac{\Delta v}{\Delta t}$ نحسبه من ميل السنقيم

 $ec{f}$ حساب قيمة قوة احتكاك الهواء 3

اهملنا قوة دافعة ارخميدس $ec{\pi}$ لذا لم نمثلها.

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$
 : نطبق نظرية العطالة (القانون الثاني لنيوتن) نطبق نظرية $\vec{P} + \vec{f} = m \vec{a}$

بالإسقاط على العلم (O,Z) الموجه نحو الأسفل والذي نفرضه عطاليا :

$$f = P - ma$$
 اذن $P - f = ma$

$$f = m(g - a)$$
 ، $P = mg$ نکن:

$$f = 0,24N$$
 : وبالتالي $f = 0,04(10-4)$ وبالتالي

لاحظ أن \tilde{f} ثابتة القيمة.

4/ المسافة الكلية التي قطعتها التفاحة

يمكن حساب السافة بيانيا ،

السافة = عدديا مساحة الثلث الذي يحصره مخطط السرعة مع محور الزمن = $\frac{القاعتة <math>\times$ الارتفاع

$$z = 12,5 m$$
 . $z = \frac{2,5 \times 10}{2} = 12,5 m$

5/ العادلة الزمنية للسرعة اللحظية

$$(m/s)$$
 ب $v=at$ ، لدينا $v=4t$ ، $v=at$ لدينا .

التمرين 5 : وضعية إدماجية

أراد أستاذ الفيزياء في حصة الأعمال التطبيقية دراسة السقوط الشاقولي لجسمين في الهواء ومن ثم تحقيق عدة أهداف.

، $r_1 = 1cm$ الجسم المديد نصف قطرها ڪرية صغيرة من الحديد المجسم

. $ho_{\rm fer}=$ 7 , $8g/cm^3$ والكتلة الحجمية للحديد

، $(2r_2 = 1mm)$ عبارة عن قطرة مطر، تشبه كرية قطرها

. $ho_{eau}=I\,g/cm^3$ والكتلة الحجمية للماء

ا/ احضر الأستاذ كاميرا رقمية (web-cam) بتواتر ($\frac{1}{15}$ 5) بصورة $\frac{220 \times 320}{15}$ 6 وصور حركة الجسمين (اللذين نعتبرهما نقطتين ماديتين) وسجلهما بالنسبة لعلم مخبري نعتبره معلما عطاليا. ثم كلف مجموعة من التلاميذ بمعالجة التسجيلات المتحصل عليها باستعمال برنامج ملائم فحصل التلاميذ على النقاط (Z,I)، ثم طلب منهم نقل هذه النقاط على ورقة مجدول Excel واعطيت التعليمات لرسم منحنى تطور السرعة V(I)1 لكل جسم. فأتت كما هو موضح في البيان التالي. ثم طرح الأستاذ الأسئلة التالية ،

$K = \frac{9.8 \times 90}{(50)^2} = 0.3528$! $g = 9.8 \text{m/s}^2$ m = 90 kg

$$K = 0.353 \, \text{N} \cdot \text{s}^2 \cdot \text{m}^{-2}$$

ج/ حساب الفترة الزمنية المستغرقة لقطع مسافة 850m بحركة مستقيمة منتظمة

$$v = \frac{dz}{dt}$$
 نعلم ان

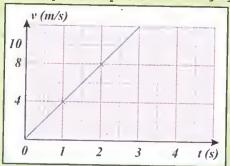
 $z = vI + z_0$ بالكاملة نجد

$$I = \frac{z - z_0}{v_{lim}}$$
 اذن: $z - z_0 = 850 \, m$ باعتبار

$$t = 17s$$
 : $t = \frac{850}{50} = 17$

التمرين 4 : نمذجة قوة احتكاك الهواء على سقوط تفاحة

تسقط تفاحة صغيرة كتلتها m=40g شاقوليا من أعلى شجرة. بدون سرعة ابتدائية المنحني البياني الآتي يعطي تطور سرعة التفاحة V(1) في معلم أرضي نعتبره عطاليا.



1/ من البيان استنتج طبيعة حركة التفاحة.

2/ استنتج بيانيا تسارع التفاحة (a).

3/ احسب قيمة قوة احتكاك الهواء آً وبين أنها ثابتة.

(g = 10 SI). (پیمکن اِهمال دافعة ارخمیدس، ویؤخذ

4/ احسب السافة الكلية التي قطعتها التفاحة.

. V(t) اعط المعادلة الزمنية للسرعة اللحظية 5

لحا.

أ/طبيعة حركة التفاحة

u=al ان البيان u(1) هو خط مستقيم ميله موجب يمر من المبدأ فمعادلته هي من الشكل u(1) وهي معادلة حركة مستقيمة متغيرة بانتظام إذن فحركة الجسم متغيرة بانتظام.

برايك هل بتعيين a_0 نستطيع اختيار النموذج الصحيح لقوة الاحتكاك ؟

2/1/2 ما هي قيمة السرعة الحدية V_{lim} التي يعطيها كل نموذج 2

ب/ قارن القيمة المحسوبة للسرعة الحدية بالقيمة المسجلة في البيان (b).

ج/ برايك، هل بتعيين V_{lim} ، نستطيع اختيار النموذج الصحيح لقوة الاحتكاك ؟

5/1/1 اختر الآن النموذج الصحيح لـ 5/1/1

ب/ احسب الثابت K ، مع تحدید وحدته.

ج/ استنتج الزمن الميز ٢.

[1] / 1/ احسب الارتفاع الذي سقطت منه كرية الفولاذ وكذلك الارتفاع الذي بدئ منه تسجيل حركة قطرة المطر (لاحظ أن بدء تسجيل حركتيهما تم في نفس اللحظة الابتدائية $heta_0 = heta_1$).

2/ ما هو الزمن الذي استغرقه كل متحرك في حركة سقوطه ؟

3/ هل ترافق الجسمان في حركتيهما ؟ إذا كان جوابك لا، فهل يعني هذا أن الجسم الأئقل هو الذي يسقط بسرعة أكبر حسب ما قاله أرسطو ؟ - اشرح واقترح تجربة تؤيد بها قولك.

4/ ما هي الأهداف المحققة في هذه التجربة ؟

$$\frac{P}{\pi}$$
 amin rule / / / / /

P = mg نعلم أن قوة الثقل

$$P = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3 g$$
 الذن $m = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3 = \rho \frac{4}{3} \pi r_i^3$

 $\pi=$ كما أن دافعة أرخميدس ثقل الهواء المزاح

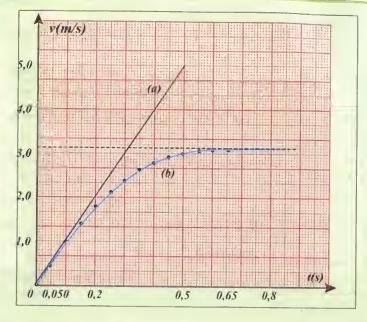
$$\pi =
ho_{ar} \frac{4}{3} \pi r_i^3 g$$
 اذن: $\pi =
ho_{ar} V g$ اذن:

 $ho=
ho_{
ho e}$ بالنسبة للجسم ا الذي هو ڪرية فولاذية .

$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{fer} \frac{4}{3} \pi r_I^3 g}{\rho_{air} \frac{4}{3} \pi r_I^3 g} = \frac{\rho_{air}}{\rho_{fer}}$$

$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{fer}}{\rho_{urr}} = \frac{7.8 \, g \, / \, cm^3}{1.3 \, g \, / \, L} = \frac{7.8 \, g \, / \, 10^{-3} \, L}{1.3 \, g \, / \, L}$$

 \vec{P} امام $\vec{\pi}$ امام $\vec{\pi}$ اکبر من دافعة ارخمیدس $\vec{\pi}$ بـ 6000 مرة لذا نهمل امام \vec{P}



المرة يعطى بالعلاقة $V=rac{4}{3}\pi r^3$ وأن الكتلة المجمية للهواء في شروط $V=rac{4}{3}\pi r^3$

 $ec{f}=6\pi\eta$ التجربة هو $ho_{air}=1$, 3 g. وأن قوة احتكاك الهواء للجسمين تعطى بالعبارة $ho_{air}=1$ او بالعبارة \vec{f} تسمى قوة ستوكس). $\eta=1,8.10^{-5}\,SI$ حيث $\vec{f}=-K\,\nu.ec{v}$ الزوجة الهواء (K ئابت مجھول.

ب/ احسب النسبتين $rac{\vec{r}}{T}$ و $rac{P}{f}$ لكلا الجسمين وبرر إجابتك، علما بان ، $ec{P}$ نقل الجسم ، تدافعة

. $\nu=0\,m.s^{-1}$ أرخميدس أرخميدس عند السرعة الشركة ج- ماذا تستنتج ؟

2/ ا/ بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على كل جسم، جد العادلة التفاضلية لتطور السرعة لكل

ب/ ارفق بكل متحرك المنحني الموافق لتطور سرعته.

ج/ حدد طبيعة الحركة لكل منهما.

لله لتفسير بيان المنحنى (b) ومن ثم معرفة النموذج الحقيقي لـ $ec{f}$ اقترح الأستاذ على التلاميذ $ec{1}$

$$\left\{ \frac{dv}{dt} + \frac{v}{3,1} = 9,8.....1 \right\}$$
 المعادلتين التفاضليتين التاليتين التاليتين

ثم طرح على التلاميذ الأسئلة التالية :

 $ec{P}$ المام ثقلها الشاقولي في الهواء سقوطا حرا لأننا اهملنا $ec{\pi}$ و أمام ثقلها $ec{P}$

2/ أ/ تطبيق القانون الثاني لنيوتن

• بالنسبة لكرية الفولاذ

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

$$ec{P}=mec{a}$$
 : نهمل $ec{\pi}$ و أمام $ec{f}$ امام

بالإسقاط على المعلم (O,z) السطحى الأرضى الذي نفرضه عطاليا :

P = ma ; mg = ma

$$a=g=$$
اذن: اثابت

 $\frac{dv}{dt} = g$ وهي المعادلة التفاضلية لحركة كرية الفولاذ

• بالنسبة لقطرة المطر

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{P} + \vec{f} + \vec{\pi} = m\vec{a}$$

$$ec{P}+ec{f}=mec{a}$$
 : نهمل فقط $ec{\pi}$ امام

P-f=ma.....* ؛ بالإسقاط على المعلم (O,z) الذي نفرضه عطاليا

لدينا هنا نموذجان لـ أ وعليه نجد معادلتين تفاضليتين.

 $\vec{f} = -6 \pi \eta r \vec{v}$ ، بالنسبة للنموذج الأول

(-) اذن قیمه f هی f بدون اشاره f

 $\frac{dv}{dt} + \frac{6\pi\eta r}{m}v = g$ ومنه: $mg - 6\pi\eta rv = ma$ نعوض في المعادلة (*) فنجد:

 $\frac{6 \pi \eta r}{111}$ لنعين القدار

$$\frac{6 \pi \eta r}{m} = \frac{6 \pi \eta r}{\frac{4}{3} \pi r^3 \rho_2} = \frac{9 \eta}{2 r^2 \rho_2} = \frac{9 \times 1,8.10^{-5}}{2 (0,5.10^{-3})^2 (10^3)}$$

$$\left| \frac{dv}{dt} + 0,324v = g \right|$$
 ومنه تكون المعادلة التفاضلية : $\frac{6 \pi \eta r}{m} = 0,324$

 $f = + K \, v^2$ ، وفيمتها $\vec{f} = - K \, v. \vec{v}$ ، والنسبة للنموذج الثاني • بالنسبة للنموذج الثاني • وفيمتها

$$mg - \frac{Kv^2}{m} = ma$$
 ، عندما نعوض في المعادلة (*) نجد

 $ho =
ho_{cool} = 1g \, / \, cm^3$ بالنسبة للجسم 2 الذي هو قطرة مطر كروية الشكل إذن

$$\frac{P}{\pi} = \frac{\rho_{ecan}}{\rho_{air}} = \frac{1g / cm^3}{1,3g / L} = \frac{1g / 10^{-3} L}{1,3g / L}$$
 نعوض فنجد :

$$\frac{P}{\pi} = 1000$$

. $ec{P}$ فقوة الثقل $ec{P}$ اكبر من دافعة ارخميدس $ec{\pi}$ بـ 1000 مرة لذا نهمل

نعلم ان \vec{f} تعطی بنموذجین هما :

مع
$$ec{f}=-6$$
 مع $\eta=1$, $8 imes10^{-5}$ مع $ec{f}=-6$ وهي لزوجة الهواء.

مع
$$K$$
 ثابت. $\vec{f} = -K \nu . \vec{\nu}$

لم تعط قيمته لذا نفضل استعمال النموذج الأول لـ f حتى نستطيع تحديد النسبة ،

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho r^2 g}{9 \eta v}$$
 اذن $\frac{P}{f} = \frac{\rho \frac{4}{3} \pi r^3 g}{6 \pi \eta r v} = \frac{2 \rho r^2 g}{9 \eta v}$

بالنسبة لكرية الفولاذ (الجسم 1)

 $\rho_{\rm I} = \rho_{\rm fer}$ نضع:

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho_l r_l^2 g}{9 \, \eta \, v}$$

v = 3 , $0 \, m.s^{-1}$ ناخذ قيمة السرعة

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \times 7,8.10^{3} \times (10^{-2})^{2} \times 9,8}{9 \times 1,8.10^{-5} \times 3}$$
 : نعوض بالقيم فنجد

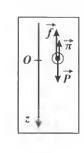
$$.\vec{P}$$
 الذا نهمل \vec{f} المام $P=3$, 2×10^4

بالنسبة لقطرة المطر (الجسم 2)

$$ho_2=
ho_{con}$$
: نضع

$$\frac{P}{f} = \frac{2 \rho_2 r_2^2 g}{9 \eta v} = \frac{2 \times 10^3 \times (0, 5.10^{-3})^2 \times 9.8}{9 \times 1, 8.10^{-5} \times 3}$$

 $.\,ec{P}$ امام $ec{f}$ امام المام المام المام الم



ب- لاحظ أن كلا النموذجين يعطيان نفس التسارع الابتدائي a_0 وعليه فإن معرفة (a_0) لا يؤدي بالضرورة إلى معرفة النموذج الصحيح.

2/1/قيمة السرعة الحدية

سواء كان النموذج الأول أو الثاني فإن السرعة الحدية نحصل عليها في حالة النظام الدائم، أي في حالة الحركة المستقيمة المنتظمة، وهذا يؤدي إلى وضع $a = \frac{dv}{dt} = 0$ في كل معادلة تفاضلية.

• بالنسبة للنموذج الأول

$$0 + \frac{v}{3.1} = 9.8$$
 . $v_{lim} = 3.1 \times 9.8$

$$v_{lim} \approx 30.4 \, m.s^{-1}$$

• بالنسبة للنموذج الثاني

$$0 + v^2 = 9$$
 , 8 . $v_{lim} = \sqrt{9$, $8 \approx 3$, 1

$$v_{lim} \approx 3$$
, $1 \, m.s^{-1}$

ب/ مقارنة قيمة V_{lim} النظرية والبيانية

• بيانيا : لدينا من النحني ($v_{lim}=3$, $lm.s^{-l}$: (b) فهي توافق تماما $v_{lim}=3$ بيانيا : بيانيا من النحني (b) • بيانيا : بيانيا من النحني (b) • بيانيا : بيانيا : بيانيا من النحني (b) • بيانيا : بيانيا الثاني بطريقة نظرية.

ج/ نعم. بتعيين V_{lim} نستطيع اختيار نموذج قوة احتكاك الهواء بالجسم.

3/ // بناء على الإجابة السابقة (ب) نستطيع القول:

 $|f=K\,v^2|$ ، بمعنى ب $|f'=K\,v.V|$ بنانموذج الثاني هو النموذج الصحيح

K برحساب الثابت

$$K = \frac{f}{v^2}$$
 ، من العلاقة السابقة نكتب

 ν و f لذا يجب تعيين

 $\sum \vec{F} = \vec{0}$ يسهل تعيين f و V في حالة مرحلة الحركة المستقيمة النتظمة إذ ان $.\vec{P} + \vec{f} = \vec{0}$ ومنه:

P-f=0 . P=f : وبالإسقاط على المحور (Oz) الموجه نحو الأسفل نجد

$$P = mg = \frac{4}{3}\pi r_2^3 \rho g$$
 لكن:

$$f = \frac{4}{3} \times 3$$
 , $14(0, 5.10^{-3})^3 \times 10^3 \times 9$, 8 ! ! ! ! ! ! ! $f = 5$, 13×10^{-6} N

اذن: $g = \frac{dv}{dt} + \frac{K}{m}v^2 = g$ إذن:

ب/ إرفاق بكل متحرك منحني سرعته الناسب

ناحل $\frac{dv}{dt}=g$ تؤدي إلى الحل عادلته التفاضلية و تؤدي إلى الحل $\frac{dv}{dt}$

. $u_{o} = \theta \, m.s^{-t}$ ومعادلة المستقيم (a) هي نفسها هذه المعادلة المستقيم

. b قطرة المطر : منحني سرعتها هو المنحنى

ج/ طبيعة الحركة

• كرية الحديد : حركتها مستقيمة وتسارعها (g) ثابت، فحركتها مستقيمة متغيرة بانتظام متسارعة (أو نقول سقوطا حرا).

• قطرة الماء : حركتها تتم في مرحلتين :

الرحلة الأولى : مرحلة النظام الانتقالي، وفيها تكون الحركة مستقيمة متسارعة. الرحلة الثانية ، مرحلة النظام الدائم ، وفيها تكون الحركة مستقيمة منتظمة.

ا |1/1| معيين التسارع الابتدائى $|a_0|$ لقطرة المطر $|a_0|$

• بالنسبة للنموذج الأول: ناخذ المعادلة التفاضلية 1.

$$\frac{dv}{dt} + \frac{v}{3.1} = 9.8$$

 $v=0\,m.s^{-1}$ خصل على التسارع الابتدائي في حالة

$$a_0 = \frac{dv}{dt} = 9,8$$
 اذن: $a_0 = \frac{dv}{dt} + \frac{0}{3,1} = 9,8$ اذن: $a_0 = 9,8$ $a_0 =$

• بالنسبة للنموذج الثاني: نأخذ المعادلة التفاضلية 2.

$$\frac{dv}{dt} + v^2 = 9.8$$

 $a_0 = \frac{dv}{dt} = 9.8$: نجد ایضا $v = 0 \, m.s^{-1}$

$$a_0 = 9$$
 , $8 \, m.s^{-2}$! ذن:

 $a_0 = g = 9$, $8\,m.s^{-2}$ نلاحظ أن كلا النموذجين يعطيان نفس التسارع الابتدائي

وهنا متوقع لأنه في لحظة الانطلاق تكون $ilde{f}= ilde{0}$ لأن v=0 m . s^{-l} لأن f=0 وهنا بالنسبة للنموذجين وعليه تكون قطرة الماء خاضعة لثقلها فقط $ec{P}$ (بإهمال $ec{\pi}$). إذن بتطبيق القانون الثاني لنيوتن في لحظة $a = g = 9,8 \, m.s^{-2}$ ومنه ma = mg الانطلاق نجد

 $v = v_{lim} = 3$, $1 \, m.s^{-1}$: لدينا ايضا

$$K = \frac{5,13 \times 10^{-6}}{(3,1)^2} = 5,34 \times 10^{-7} \, N.s^2.m^2$$
 الآن نعوض في عبارة K فنجك :

 τ استنتاج الزمن الميز

نعينه بيانيا من نقطة تقاطع الماس لنحنى تطور سرعة قطر المطر مع الخط المقارب الأفقي الذي

معادلته v = 3 , $lm.s^{-1}$ لنفس النحني، ولننتبه إلى أن منحني تطور سرعة كرية الفولاذ V(1) هو خط مستقيم ويشكل مماسا للمنحنى لقطرة المطر فلا داعي إذن لتمثيل الماس. إذن من الشكل المقابل نجد:

$$\tau = 0$$
, 32s

A v(m/s) t(s) $\tau = 0.32s$

اا ا / ا / حساب الارتفاع الذي سقط منه كل جسم

تم بدء تسجيل حركتي الجسمين في نفس اللحظة ($t_0 = 0s$)، وعليه فإن الارتفاع الذي نحسبه متساو للجسمين.

لحساب الارتفاع الذي سقطت منه كرية الفولاذ نستعمل الطريقة البيانية، مادام أعطى لنا مخطط

$$z = \frac{e^{\frac{|z| + |y| + |z|}{2}}}{2}$$
عدد مساحة الثلث = $\frac{|z| + |z|}{2}$. $z = \frac{0.5 \times 5}{2}$

ب/ الزمن الذي استغرقه كل متحرك في حركته

• كرية الفولاذ

$$t_1 = 0.5 s$$
 انظر البيان:

• قطرة الطر

$$t_2 \approx 0,85 \, s$$
 من البيان نجد ان:

وعليه فإن كرية الفولاذ استغرقت مدة اقل في حركتها ولذا فإن الجسمين لم يترافقا في حركتيهما. ظاهريا بدا ان الجسم الأنقل وهو الكرية هبط بسرعة اكبر من سرعة قطرة المطر. لكن إذ انتبهنا إلى أن الأول كان تاثير كل من مقاومة الهواء ودافعة ارخميدس عليه قليلا.

اما بالنسبة لقطرة المطر، فإن تأثير مقاومة الهواء عليها لا يمكن إهماله، وهذا هو السبب الذي جعل الجسمين لا يترافقان في حركتيهما.

فبمعزل عن الهواء تترافق الأجسام في حركتها، إذ من المعلوم أنه في تجربة أنبوب نيوتن الذي يفرغ من الهواء تترافق جميع الأجسام في حركاتها.

وعليه فإن فكرة ارسطو لا تتحقق إلا إذا كانت مقاومة الهواء كبيرة.

4/ الأهداف المحققة في هذه التجربة

- الأجسام الكروية صغيرة الحجم وذات الكثافة الكبيرة مثل المعادن يمكن إهمال فيها مقاومة الهواء وابضا دافعة ارخميدس $ilde{\pi}$ وبالتالي يمكن اعتبار سقوطها في الهواء سقوطا حرا بتقريب جيد.
 - يمكن تحديد بطريقة تجريبية نموذج قوة الاحتكاك .
 - التحقق من القانون الثاني لنيوتن.

أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



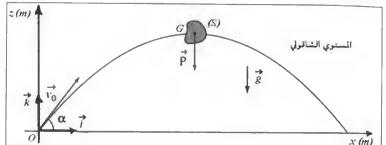
و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

4_ حركة قذيفة في حقل الجاذبية

1.4 حركة قذيفة في حقل الجاذبية

يقذف جسم بسرعة ابتدائية $ec{v}_0$. تميل عن الأفق بزاوية lpha في مكان فيه حقل الجاذبية $ec{g}$ منتظم في اللحظة الابتدانية O(t=0) الجسم موجود في البدأ O(t=0 للمعلم الابتدانية الابتدانية حركة مركز عطالة تتبع ما يلي:



الجملة ، هي الجسم

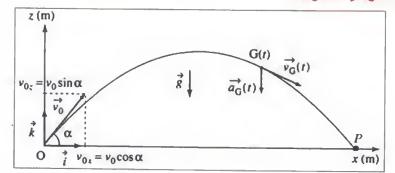
- العلم ؛ (O,i,j,k) معلم سطحي ارضي نفرضه عطاليا.
- . \vec{P} القوى الخارجية : \vec{P} ، نهمل \vec{T} ، نهمل \vec{T} ، \vec{T} ، نهمل ، \vec{T} ، \vec{T} ، \vec{P} ، فالشروط المذكورة في الفقرة
 - القوى الداخلية ؛ قوى تماسك أجزاء الجملة.

التسارع في حقل الجاذبية

. نطبق القانون الثاني لنيوتن : $\sum ec{F}_{ext} = m ec{a}$ حيث $ec{a}$ تسارع مركز عطالة الجملة $ma_x=0$ بإسقاط هذه العلاقة على المحور الأفقي (Ox) نجد : $P_x=0$ اين $P_x=0$ اين $|a_{v} = 0 \, m.s^{-2}|$: aing

 $P_z = -mg$ لكن $P_z = ma_z$ نجد : (Oz) بالإسفاط على المحور الشاقولي $[a_z=-g]$. الذن $[mg=ma_z]$ الذن الدن المعاكس لجهة [Oz] الدن المعاكس لجهة الدن المعاكس لجهة الدن المعاكس لجهة المعاكس لجهة المعاكس لجهة المعاكس لجهة المعاكس الم

المعادلات الزمنية للحركة



 $v_x = \frac{dv_x}{dt}$ ومنه نستنتج ان ثابت $a_x = 0$ ، اذن $a_x = \frac{dv_x}{dt}$ ، ومنه نستنتج ان ثابت فالسرعة وفق (Ox) ثابتة في كل اللحظات الابتدائية بما فيها اللحظة الابتدائية. $v_{\,\theta_X}=v_{\,_Y}(\,t=0\,)\,$ إذن. مركبة السرعة الابتدائية وفق ($O\!x$) هي بحيث السرعة الابتدائية الم

 $\cos \alpha = \frac{v_{\theta x}}{v} = \frac{v_{\theta x}}{v}$ الشكل. بمكن تعيين $v_{\theta x}$ ، فإنه لدينا : وكما هو موضح في الشكل. بمكن تعيين

 $|v_{\theta x}| = v_{\theta} \cos \alpha$! إذن

 $\sin \alpha = \frac{v_{\theta z}}{v_o}$ المكن تعيين المركبة العمودية للسرعة الابتدائية $v_{\theta x}$ وايضا لدينا

 $v_x = v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha$ فنجد . $v_{\theta z} = v_{\theta} \sin \alpha$ وفي الأخير نكتب

لكن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نكن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نكن $v_x = \frac{dx}{dt}$ نكن بكن يا نكن يا

، نعوض في معادلة x فنجد ، $x_0=0$ ، نعوض في معادلة x فنجد ، الابتدائية

 $x = (v_0 \cos \alpha) t$ | $x = v_0 \cos \alpha t + 0$

 $v_z = gt + v_{\theta z}$ ، ومنه نجد ، ومنه $a_z = -g$ ، بالثل لدينا ، $a_z = -g$ ، اذن

 $v_z = gt + v_\theta \sin \alpha$: وبالنعويض عن $v_{\theta z}$ نجد $\frac{dz}{dt} = -gt + v_{\theta} \sin \alpha$ اِذَن: $\frac{dz}{dt} = v_{z}$ اِذَن:

 $z_{\,0}=0\,m$ ومنه ، $z_{\,0}=-rac{1}{2}\,gt^{\,2}+\left(v_{\,0}\,\sin\,lpha
ight)t+z_{\,0}$ ومنه ، وهنا $z_{\,0}=-rac{1}{2}\,gt^{\,2}+\left(v_{\,0}\,\sin\,lpha
ight)t$

 $z = -\frac{1}{2}gt^2 + (v_0 \sin \alpha)t$ الذا نكتب ،

نلخص المعادلات الزمنية كما يلي:

• معادلات السرعة اللحظية على المحورين

 $v_x = v_0 \cos \alpha$ $v_z = -gt + v_\theta \sin \alpha$

• معادلات الإحداثيتين (الفاصلة والرتيبة)

$$x = (v_0 \cos \alpha) t \dots (1)$$

$$z = -\frac{1}{2} g t^2 + (v_0 \sin \alpha) t \dots (2)$$

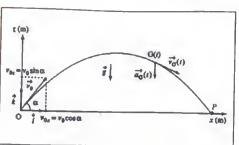
إذا تمّ السنقوط الحر بسرعة ابتدانية غير شاقولية، فتسمّى حركة القذيفة

يقذف جسم كتلته 111 بسرعة ابتدائية $\widetilde{\mathcal{V}}_0$ ، تصنع زاوية lpha مع الأفق. لندرس حركة الجسم.

- العلم ($\vec{O}, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}$) معلم سطحی أرضی نفترضه عطالیا.
 - $.ec{P}$ ، القوى

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$
 ، نطبق القانون الثاني لنيوتن

$$\vec{P} = m\vec{a} = m\frac{d\vec{v}}{dt}$$
 : نجد $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$ ومنه $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt}$



• الشروط الابتدائية ،

$$ec{r_0} = \overrightarrow{OM} \left| egin{array}{l} z = 0m \\ y = 0m \end{array} \right| \left| egin{array}{l} v_{ heta_z} = v_{ heta} \sin lpha \\ v_{ heta_z} = 0 m.s^{-l} \\ v_{ heta_z} = v_{ heta} \cos lpha \end{array} \right|$$

$$ec{v} = rac{d \overline{OM}}{dt} \begin{vmatrix} v_z = -gt + v_{\theta_z} \\ v_y = 0 \, m.s^{-1} \\ v_x = v_{\theta_z} = v_{\theta} \cos \alpha \end{vmatrix}$$
 بالتكامل $ec{a} = rac{d \overline{v}}{dt} \begin{vmatrix} a_z = -g \\ a_y = 0 m.s^{-2} \\ a_x = 0 m.s^{-2} \end{vmatrix}$

$$\begin{vmatrix} z = -\frac{1}{2}yt^2 + v_0 \sin \alpha \dots (1) \\ y = 0m \dots (2) \\ x = (v_0 \cos \alpha)t \dots (3) \end{vmatrix} z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{\theta_z}t + z_{\theta_z}t + z$$

z = f(x)

نجد (1) من العادلة (3). ونعوضها في العادلة (1). فنجد معادلة السار.

z = f(x)معادلة مسار القذيفة

ایجاد معادلة المسار، معناه ایجاد علاقة مباشرة بین x و z دون وجود الزمن z، ای علاقة z = f(x)

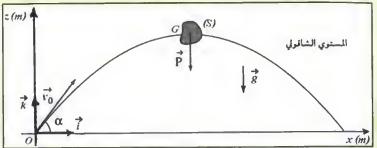
، نعوض في المعادلة $t=\frac{x}{v_{\,\theta}\cos\alpha}$: من المعادلة t نجد

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_{\theta}\cos\alpha}\right)^{2} + v_{\theta}\sin\alpha\left(\frac{x}{v\cos\alpha}\right)$$

$$z = -\left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (v_0 t g \alpha) x$$

وهذه المعادلة من الشكل $z=ax^2+bx$ مع $z=ax^2+bx$ سالب، فهي معادلة قطع مكافئ، وعليه فإن مسار القذيفة هو قطع مكافئ.

ر يقذف جسم صلب (S) كتلته m=100g من سطح الأرض بسرعة ابتدائية \vec{v}_0 ، شدنها $\alpha=30^\circ$ ، وحاملها يصنع زاوية $\alpha=30^\circ$ مع الأفق.



. $ec{\pi}$ ودافعه ارخمیدس ألم بتطبیق ن.م.ع على الجسم، مع إهمال مقاومة الهواء و ودافعه ارخمیدس

الشكل (O, \vec{i}, \vec{k}) الشكل الدرس طبيعة الحركة (S) في المعلم (i) الشكل الدرس طبيعة الحركة (i)

ب. اعط معادلة السار. ما نوعه ؟

2/ احسب كلا من المدى، والذروة اللذين تبلغهما القذيفة بطريقتين :

ا- حسابية،

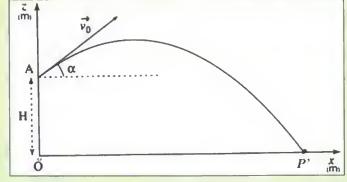
ب- بيانية.

واحسب الزمن اللازم لبلوغ كل من المدى، والذروة.

3/ احسب سرعة الجسم (S) لحظة سقوطه على الأرض.

لكن من lpha يعاد قنف الجسم (S) بنفس السرعة السابقة $\widetilde{v_0}$ على الأرض وبنفس زاوية القنف lpha لكن من

ارتفاع H=2m عن سطح الأرض (الشكل2).



l / جد معادلة المسار.

2/ احسب قيمة كل من المدى والذروة.

 $g = 10 m/s^2$ احسب سرعة (S) عندما يسقط على الأرض مباشرة.

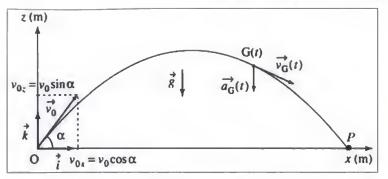
الحل

1/1/ دراسة طبيعة حركة (S)

الجملة : هي الجسم S .

العلم : $(O, \overline{i}, \overline{k})$ معلم سطحی ارضی نعتبره عطالیا.

القوى الخارجية : \vec{T} ، \vec{P} (تهمل).



 $\sum \vec{F} = m \vec{a}$. (نظرية مركز العطالة) نطبق الثاني لنيوتن (نظرية مركز العطالة)

ودافعة \vec{f} والجسم لا يخضع إلا لثقله (\vec{P}) ، وهذا بإهمال مقاومة الهواء \vec{f} ودافعة ارخميدس $\vec{\pi}$ ، لذا نكتب $\vec{P}=m\vec{a}$ ، وبما أن حركة (S) تتم في المستوى (O,x,z) ، لذا نسقط العبارة السابقة على المحورين (Ox) و (Oz) .

 $0 = ma_x : (Ox)$ بالإسقاط على

فالحركة وفق (Ox) مستقيمة منتظمة. $a_x = 0 m.s^{-2}$

بالإسقاط على (Oz): لاحظ أن \tilde{P} معاكس للمحور (Oz).

 $-mg = ma_z$: هو (Oz) هان مسقطه على

اذن: $\frac{a_z = -g = Cte}{a_z}$ فالحركة وفق (Oz) مستقيمة متغيرة بانتظام.

العادلات الزمنية للحركة :

 $v_x=0$ اذن $\frac{dv_x}{dt}=0$ ومنه ثابت $a_x=0$ اذن $a_x=0$ وبما ان $a_x=0$

 $v_x=v_{0x}$ اي مايتة وبالتالي $v_x(t)=v_x(t=0)$ اي کابتة وفق (Ox) فالسرعة وفق

 $|v_x = v_{0x} = v_0 \cos \alpha|$ وفق (Ox) من الشكل نجد مركبة السرعة الابتدانية $v_{0x} = v_{0x} = v_0 \cos \alpha$

نعلم ان $v_x=\frac{dx}{dt}$ ، وبالمكاملة $v_x=v_x t+x_0$ عيث $x=v_x t+x_0$ ومن $x=t+x_0$ ومن يعلم ان $x=20\cos 30^\circ t$. $x=v_0\cos \alpha t$ إذن $x=t+x_0\cos \alpha t$ الشكل نجد

x = 17,321(1).....

$$x = x_p \approx 33.94m$$

اما الزمن اللازم لبلوغ القذيفة مداها، فيكفي أن نعوض عن قيمة X_p . في المعادلة (1):

$$t = 1,96s$$
 | $t = \frac{x_p}{17.3} = \frac{34}{17.3} = 1,96s$

تعيين الذروة Z_s بطريقة حسابية

نعلم أن الذروة هي أقصى ارتفاع شاقولي $Z_{\scriptscriptstyle S}$ تبلغه القذيفة، والنقطة S هي الذروة. . $z=f\left(x
ight)$ عين الذروة بعدة طرق. إحداها نعتبر النقطة s هي نهاية عظمى للنالة

ولإيجاد إحداثيي النهاية العظمى، نضع $\frac{dz}{dz}=0$ (مشتق z بالنسبة لـ x معدوم).

$$\frac{dz}{dx} = -0.034x + 0.577$$
 . وبالاشتقاق نجد . $z = -0.017x^2 + 0.577x$. لدينا

$$x \approx 17m$$
 ! ذن: $x = \frac{0.577}{0.034}$! ومنه $x = \frac{0.577}{0.034}$! اذن:

$$z = -0.017(17)^2 + 0.577(17)$$
 نعوض عن قيمة x في معادلة المسار فنجد والنتيجة . $z \approx 4.9m$

الطريقة الثانية

عند الذروة : $v_{-}=0m.s^{-1}$ (انظر الشكل المقابل)

 $\widetilde{v}=\widetilde{v}_{i}$, فلا يوجد مركبة للسرعة اللحظية \widetilde{v} وفق (Oz).

$$-10t + 10 = 0$$
 : نعوض في المعادلة (3)، لنجد

إذن :
$$\frac{10}{10}$$
 ؛ وهو زمن بلوغ القذيفة ذروتها.

ولإيجاد z ، نعوض عن t في المعادلة (3) ،

$$z = z_s = 5m$$
 $z = -5(1)^2 + 10(1)$

وهى تقريبا نفس النتيجة التي حسبناها بالطريقة السابقة (والاختلاف البسيط يعود إلى أن الطريقة الأولى تمنت فيها بعض التقريبات الحسابية).

ب/ حساب
$$x_n$$
 و z_s بطريقة بيانية

 $V_{\nu}(t)$ نمثل بیان

$$v_{x} = 17.3 \text{m.s}^{-1} = \text{Cte}$$
 الدينا :

نمثلها في المجال الزمني [Os; 1,96s] ،

حيث l = 1,96s وهو زمن الوصول إلى المدى.

بالثل، على المحور (Oz) لدينا g=-g وبالكاملة : $v_{\theta z}=-g$ حيث $v_{\theta z}$ السرعة الابتدائية $v_z=-10t+(20\sin30^\circ)t$. وبالتعويض . $v_z=-gt+v_\theta\sin\alpha t$ فنجد ، $v_z=-gt+v_\theta\sin\alpha t$ $z = -5t^2 + 10t^2 + z_0$: وبالكاملة $v_z = \frac{dz}{dt}$. $v_z = -5t + 10$ (2) إذن: $z = -5t^2 + 10t$ (3) : وبالتالي (3) يكن $z_0 = 0$ (18) لكن

نلخص النتائج كما يلي:

$$\begin{cases} a_x = 0 \text{m.s}^{-2} \\ a_z = -g \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} v_x = v_{\theta x} = v_{\theta} \cos \alpha \\ v_z = -gt + v_{\theta} \sin \alpha \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = (v_{\theta} \cos \alpha)t \dots (1) \\ z = \frac{1}{2}gt^2 + (v_{\theta} \sin \alpha)t \dots (3) \end{cases}$$

z = f'(x)معادلة المسار

بحذف الزمن 1 بين المعادلتين (1) و (2) نجد ما يلي.

$$t = \frac{x}{v_0 \cos \alpha} \cdot (1)$$

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_0 \cos \alpha}\right)^2 + v_0 \sin \alpha \frac{x}{v_0 \cos \alpha}$$
 : نعوض في (2) فنجد

$$z = \left(\frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha}\right) x^2 + (tg\alpha)x$$
اذن:

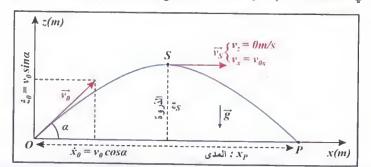
$$z = \left(\frac{-10}{2(20)^2(\cos 30^\circ)^2}\right) x^2 + (1g30^\circ)x$$
 وعندما نعوض بالأعداد :

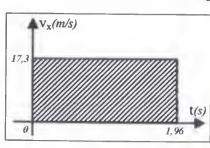
 $z = -0.017x^2 + 0.577x$

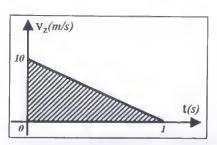
السار معادلته من الشكل $z = ax^2 + bx$ فهو إذن قطع مكافئ.

1/2/ تعيين المدى ٢، بطريقة حسابية

نعلم ان المدى هو اقصى مسافة افقية x_p تبلغها القذيفة. لكن اقصى نقطة يبلغها الجسم (S) هي







$$x_p \approx 34$$
انن ، 33,9 $\approx 1,96 \times 17,3 = 34$ اذن ، 34 اذن ، $x_p \approx 34$ اذن ، 34 اذن ، $x_p \approx 34$ ا

نمثل الآن بيان (1)ا في المجال الزمني [0s; 1s] حيث أن [0s; 1s] هو زمن الوصول إلى الذورة.

$$v_z = -10t + 10$$
 . لدينا

$$\begin{array}{ccc}
1 & 0 & t(s) \\
0 & 10 & v_z(m/s)
\end{array}$$

$$\frac{1}{2}$$
 = عدد مساحة المثلث = $\frac{1}{2}$

. وهي تقريبا نفس النتيجة السابقة.
$$z_s = \frac{I \times 10}{2}$$

3/ حساب سرعة الجسم لحظة سقوطه على الأرض

Eنطبق مبدا انحفاظ الطاقة بين الموضعين O و P لجملة الجسم : نهاتية E منسة E منسة الطاقة بين الموضعين و E لجملة الجسم : نهاتية أنسانية أنسا

$$\frac{1}{2}mv_O^2 + mgz = \frac{1}{2}mv_P^2 + E_{c(O)} + W(\vec{P}) - 0 = E_{c(P)}$$

z=0m كن الارتفاع z بين نقطة القذف O ونقطة السقوط P معدوم، إذن

: ومنه
$$v_p = v_O$$
 اذن $\frac{1}{2} m v_O^2 = \frac{1}{2} m v_P^2$ وبالتالي

$$v = v_0 = 20 \, \text{m.s}^{-1}$$
 واخيرا: $\frac{1}{2} \, \text{mv}^2 = \frac{1}{2} \, \text{mv}_0^2$ اي $\frac{1}{2} \, \text{mv}^2 - \frac{1}{2} \, \text{mv}_0^2 = 0$

| 1 / معادلة المسار

في هذه الحالة الجسم (5) قذف من علو (2m)

فلإيجاد معادلة المسار، يجب إجراء نفس الدراسة السابقة كما في السؤال (1- 1) مع اختلاف بسيط وهو انه في هذه الحالة المسار، يجب إذن $z_0=2$ إذن $z_0=2$

$$z = -5t^2 + 10t + 2 \dots (2)$$

$$z = -0.017 x^2 + 0.577 x + 2$$
 من المعادلة (1) لدينا : $t = \frac{x}{17.3}$ نعوض في (2) فنجد

فالمسار قطع مكافئ.

 x'_{p} حساب المدى /2

ي هذه الحالة الجسم يسقط في النقطة P' التي ترتيبها z=0 . نعوض في معادلة السار فنجد :

$$-0.017x^{2} + 0.577x + 2 = 0$$

$$\Delta = (0,577)^2 - 4(-0,017)(2) \approx 0,469$$

$$\sqrt{\Delta}=0,685$$

$$x = \frac{-0.577 + 0.685}{2(-0.017)} \approx -3.176 \, \text{m}$$

وهذه النتيجة مرفوضة لأن النقطة P' يجب أن تكون فاصلتها موجبة كما هو واضح في الشكل.

$$x = x_p' \approx 37,1m$$
 ومنه $x = 37,1m$ ومنه $x = \frac{-0,577,-0,685}{2(-0,017)}$ الحل الثاني:

 z_s حساب الذروة

(أ- ا ينا في السؤال
$$v_z = \theta \, m.s^{-1}$$
 نضع : نضع

$$t = 1s$$
, $-10t + 10 = 0$; eigen

$$z_s = 7 m$$
 : نعوض في المعادلة (2) فنجد

3/ حساب سرعة (S) عندما يسقط على الأرض

نطبق قانون انحفاظ الطاقة بين نقطة الانطلاق ونقطة السقوط لجملة الجسم:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgz = \frac{1}{2}mv^2$$

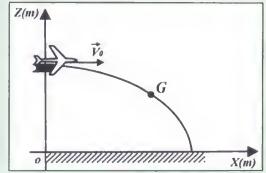
$$v^2 = v_0^2 + 2gz$$
 وبالتالي $z = 2m$ هنا

$$v^2 - v_0^2 = 2 gz$$
; $v = \sqrt{v_0^2 + 2 gz}$

$$v \approx 20,98 \, \text{m.s}^{-1}$$
 اي $v = \sqrt{(20)^2 + 2(10)(2)}$ عندما نعوض نجد ،

التمرين 2

طائرة مقنبلة تسير في مسار مستقيم افقي بسرعة ثابتة تساوي 720km/li تترك قذيفة تسقط سقوطا حرا من علو 10km.



اً / ا/ ما هي قيمة السرعة الابتدائية $\vec{v_0}$ التي انطلقت بها القذيفة وهذا بالنسبة لمعلم سطحي ارضي، نعتبره عطاليا (انظر الشكل).

. $v_{\theta z}$ و $v_{\theta x}$ ما هي زاوية القذف ؟ حدد قيمة

 2/ بتطبيق نظرية مركز العطالة على القذيفة، في المعلم السطحي الأرضي، وهذا بإهمال مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس.

Z(m)

$$z = -5\left(\frac{x}{200}\right)^2 + 10000$$
, $z = -1,25.10^{-4}x^2 + 10^4$

3/ لحظة سقوط القذيفة على الأرض

z=0 سندما تسقط القذيفة على الأرض في النقطة (\mathcal{H}) (انظر الشكل السابق) تكون ترتيبها

$$0 = 5t^2 + 10^4$$
 ; $5t^2 = 10^4$; $t = \sqrt{\frac{10^4}{5}}$; $t = 44,7s$; نجد : $t = 44,7s$; نجد : $t = 44,7s$) نجد

بكي تصيب القذيفة هدفها، يجب أن يكون مداها (x) يحقق المراجحة :

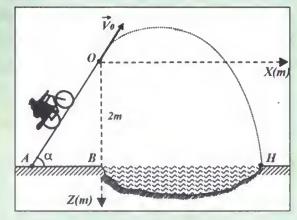
 $8000 \, m \le x \le 9000 \, m$

 $x = 200 \times 44$, وهذا بتعویض t = 44, وهذا بتعویض (x) وهذا بتعویض (x) وهذا بتعویض (x) وهذا بتعویض (x)

هذه القيمة محتواة في المجال $2000 \, m \le x \le 8000 \, m$ فالقذيفة تصيب هدفها.

التمرين 3

 $lpha=30^\circ$ ينطلق دراج من السكون، من نقطة (A) تقع اسفل طريق صاعد (AO) زاوية ميله



احسب قيمة v_0^{7} التي يكتسبها الدراج في النقطة (O) علما بان القوة المحركة التي انطلق بها الدراج ثابتة تساوي 1000N وان قوة الاحتكاك موجودة فقط على طول الطريق (AO) وشدتها ثابتة f=50N وعطى كتلة الدراج مع دراجته m=100 ويعطى g=10SI .

لما يصل الدراج إلى النقطة (O) يصادف حفرة (BH) مملوءة بالماء. تاكد من أنه يجتاز الحفرة عندما ينطلق بالسرعة \vec{v}_0 احسب قيمة أصغر سرعة ممكنة \vec{v}_{0m} تعطى طول الحفرة BH=4m

أ/ اعط معادلات الحركة في هذا المعلم. ب/ اكتب معادلة مسار القذيفة

3/ باعتبار لحظة انطلاق القذيفة هي مبدأ الأزمنة، حدد لحظة سقوطها على الأرض.

4/ إذا علمت ان القذيفة صوبت نحو هدف ارضي محدد في المكان $111 \le x \le 9000$ ،

$$g = 10 \, m.s^{-2}$$
. هل تصيب القذيفة هدفها $?$ برر إجابتك

الحل

ا/ ۱/ قيمة ١٠/١

ان سرعة القنيفة لحظة تركها تسقط بالنسبة للمعلم العطالي المثل في الشكل هي نفسها سرعة الطائرة $ec{v}_0$.

$$v_0 = 200 \, \text{m.s}^{-1}$$
 ; each $v_0 = 720 \, \text{km.h}^{-1} = \frac{720}{3.6}$

ب/ زاوية القذف

بالنسبة لمعلم سطحي ارضي، تنطلق القذيفة بسرعة $\vec{V_0}$ افقية (لأن للقذيفة نفس سرعة

$$\alpha=0^\circ$$
 اذن، (فعبل القذف). إذن

 \tilde{v}_0 ج/ تحدید مرکبتی

$$v_{0x} = v_0 = 200 \, \text{m.s}^{-1}$$
. Lesi

$$v_{0z} = 0 \, m.s^{-l}$$

2/ 1/ معادلات الحركة

$$ec{F}+ec{\pi}+ec{P}=mec{a}$$
 : فينتج $ec{F}=mec{a}$ على القذيفة

$$ec{P}=mec{a}$$
 ، وباهمال مقاومة الهواء $ec{F}$ ودافعة ارخميدس $ec{\pi}$ امام ثقل القذيفة $ec{P}$ نجد ن $ec{a}=ec{g}$. $mec{a}=mec{g}$.

بإسقاط هذه العلاقة على المحورين (Ox) و (Oz) نجد ،

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = \theta m/s^2 & \text{with } \begin{cases} v_x = v_{\theta x} & \text{with } \\ v_z = -gt + v_{\theta z} \end{cases} \begin{cases} x = v_{\theta x}t + x_{\theta} \\ z = -\frac{1}{2}gt^2 + v_{\theta z}t + z_{\theta} \end{cases}$$

$$v_{0z} = 0 \, m.s^{-1}$$
 و $z_0 = 10 \, km$ و $x_0 = 0 \, m$

$$\begin{cases} a_x = 0 \text{ m.s}^{-2} \\ a_z = -g = -10 \text{ m.s}^{-2} \end{cases} \rightarrow \begin{cases} v_x = v_{\theta x} = 200 \text{ m.s}^{-1} \\ v_z = -10t \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = 200 t \dots (1) \\ z = -5t^2 + 10000 \dots (2) \end{cases}$$

z = f(x)ب/ معادلة المسار

بحذف الزمن بين المعادلتين (1) و(2) نجد :

نمثل جملة (الدراج/الدراجة) بنقطة (G) هي مركز عطالة الجملة، ونمثل عليها القوى.

- القوة المحركة. \vec{F} و
- أ: قوة الاحتكاك،
- ، قوة التلامس \vec{R} ،
- . ثقل الجملة \vec{P} •

$$\vec{P}$$
 • ثقل الجملة. \vec{P} • من الأفضل دومًا في المستوى المائل أن نحلل \vec{P} إلى مركبتين \vec{P}_x و \vec{P}_y

$$P_y=P\coslpha$$
 الدينا ، $P_x=P\sinlpha$ الدينا ، $\sinlpha=rac{P_x}{D}$

• الجملة : (الدراج + الدراجة).

• لاحظ أن الزاويتين eta=eta لتعامد أضلاعهما.

- العلم : (O, \vec{i}, \vec{j}) معلم ارضی، نفرضه عطالیا.
 - \vec{R} ، \vec{f} ، \vec{F} ، \vec{P} ، القوى الخارجية
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

$$ec{R}+ec{P}+ec{f}+ec{F}=mec{a}$$
 إذن , $\sum ec{F}=mec{a}$ نطبق القانون الثاني لنيوتن ، $\sum ec{F}=mec{a}$ ، إذن $(O,ec{i})$ نجد ، $(O,ec{i})$ نجد على العلم $(F-f-mg\sin\alpha=ma_x)$ ، إذن $(O,ec{r})$ ،

$$a_x = \frac{F - f}{m} - g \sin \alpha$$
 : a_x i.e.

$$a_x = 4,5 \text{ m.s}^{-2}$$
 : يا $a_x = \frac{100 - 50}{100} - 10 \sin 30^\circ$ نعوض فنجد

$$R-P_{y'}=ma_y$$
 بالإسقاط على $(O\,,ec f\,)$ نجد

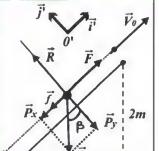
$$(O,\vec{j}\,)$$
 لكن $a_{j}=0\,m.s^{-2}$ لأنه لا توجد حركة وفق العلم

$$P \sin \alpha = R \cdot P_{y'} = R$$
 !ذن

$$a_y = 0 \, m.s^{-1}$$

بما أن ثابت = a_x فبالتكامل نجد : $a_x = a_x t + v_{\theta x}$ مع $a_x = a_x t + v_{\theta x}$ بنان الجملة انطلقت $v_x = a_x t \dots (1)$ بدون سرعة ابتدائية. ومنه نجد :

$$x = \frac{1}{2} a_x t^2 + x_0$$
 وبالتكامل مرة اخرى نجد : وبالتكامل مرة ا



نعتبر $x_{\,\theta}=0\,m$ ، الانطلاق تم من النقطة (A) التي نعتبرها مبدأ للفواصل، $x = \frac{1}{2}a_x t^2 \dots (2)$!! $t = \frac{v_x}{a}$ ، نجد (2) و (1) و الزمن بين المعادلتين العادلتين

$$v_x^2 = 2a_x x$$
 نعوض في $x = \frac{1}{2}a\left(\frac{v_x}{a_x}\right)^2$: (2) نعوض في

$$v_x^2 = 2a_x x$$
 اذن $v_x = v_0$ عند النقطة (0) لدينا

$$v_x = \sqrt{2a_x x}$$
 ؛ في الأخير نكتب

$$\sin \alpha = \frac{OB}{AO}$$
 ، مع $x = AO$ والذي نحسبه كما يلي

$$AO = 4m$$
 . $AO = \frac{2}{\sin 30}$. $AO = \frac{OB}{\sin \alpha}$! الذن

$$v_0 = 6 \text{ m.s}^{-1}$$
 , $v_0 = \sqrt{2 \times 4.5 \times 4}$!!

لا يصل الدراج إلى النقطة (0) ، يغادرها بسرعة $ec{v_0}$ نعتبرها سرعة ابتدائية للحركة الموالية التي2يكون فيها خاضعا لثقله فقط. وعليه فإن حركته ستكون حركة سقوط حر (قذيفة) بسرعة $\cdot \alpha$ ابتدائیة $ec{v_0}$ تصنع زاویة هي نفسها زاوية ميل الستوي

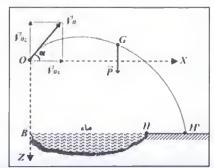
لاحظ أن السرعة $\vec{v_0}$ ، يجب أن تكون مماسية للمسار المستقيم (AO). ولذا يجب أن تكون زاوية ميلها

$$\vec{v}_0 \begin{cases} v_{0x} = v_0 \cos \alpha = 6 \cos 30 = 5, 2 \text{m.s}^{-1} \\ v_{0z} = v_0 \sin \alpha = -6 \sin 30 = 3 \text{m.s}^{-1} \end{cases}$$

(Oz) لها اشارة (-) لأن جهتها تعاكس جهة المحور $v_{\theta z}$

 $x_{H'} \ge BH$ في نتاكد من أن الدراج يجتاز الحفرة، يجب إثبات أن المدى

. نطبق القانون الثاني لنيوتن : $ec{F}=mec{a}$ ، $ec{\Sigma}ec{F}=mec{a}$ مع إهمال مقاومة الهواء ودافعة أرخميدس



$$\begin{cases} 4 = v_0 \times 0,866t....(3) \\ 2 = 5t^2 - 0,5v_0t....(4) \end{cases}$$

الحساب V_0 يجب حذف الزمن من جملة المعادلتين :

$$t = \frac{4.62}{v_0}$$
 : اذن $t = \frac{4}{v_0 \times 0.866}$ اذن (3) من المعادلة

$$2 = 5 \left(\frac{4.62}{v_0}\right)^2 - 0.5v_0 \left(\frac{4.62}{v_0}\right)$$
 : نعوض في (4) فنجد

$$2 = \frac{106.7}{v_0} - 2.31 \ ; \ v_0 = \sqrt{\frac{106.7}{4.31}}$$

 $v_0 = v_{0min} \approx 4.98 m.s^{-1}$

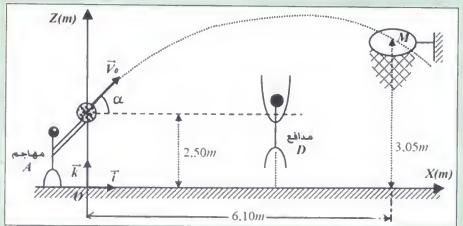
 $4,6\,m.s^{-1}$ لاحظ أن المتحرك لو ينطلق من النقطة (O) بسرعة \overline{v}_0 قيمتها اصغر من v_0 فسيسقط في الحفرة ... مسكين !

التمرين 4

نهدف إلى دراسة حركة ومسار مركز عطالة كرة سلة، يقذفها (A) مهاجم (A)، نحو حلقة السلة، والتي يحاول أن يعترضها (A) مدافع (A).

 $z_H=2$, $50\,m$ نفرض ان المهاجم قذف الكرة من نقطة (H)، ترتفع عن سطح الأرض ارتفاعا V_0 الما زاويته فهي $\sigma_0=\frac{\pi}{4}$ والحركة تتم في المستوي الشاقولي V_0 اما زاويته فهي V_0 والحركة تتم في المستوي الشاقولي V_0

والمثل في الشكل القابل،



1/1/1 ادرس حركة مركز عطالة الكرة وجد معادلة المسار بدلالة الوسيط (v_0) . يؤخذ $g=10\,m.s^{-2}$ وتهمل مقاومة الهواء وحركة دوران كرة السلة.

$$\vec{a} \begin{cases} a_x = 0 m/s^2 \\ a_z = g = 10 m/s^2 \end{cases} \xrightarrow{\text{Alabala}} \begin{cases} v_x = v_{0x} = v_{0} \cos \alpha \\ v_z = gt + v_{0z} \end{cases}$$

ومنه نجد :

$$\vec{v} \begin{cases} v_x = v_0 \cos \alpha = 5, 2 \text{ m.s}^{-1} \\ v_z = gt - v_0 \sin \alpha = 10t - 3 \end{cases}$$

$$\overline{OG} \begin{cases} x = v_x t + x_0 \\ z = \frac{1}{2} g t^2 + v_{0z} t + z_0 \end{cases}$$

، بما ان الانطلاق تم من البدا(O)، فإن $x_{\,\theta}=0\,m$ و $x_{\,\theta}=0\,m$ ، لذا نكتب

$$\vec{r} = \overrightarrow{OG} \begin{cases} x = 5, 2t \dots(1) \\ z = 5t^2 - 3t \dots(2) \end{cases}$$
 epilize $\vec{r} = \overrightarrow{OG} \begin{cases} x = v_x t \\ z = \frac{1}{2}gt^2 - v_0 \sin \alpha t \end{cases}$

 $\sqrt{\Delta} = 7$ ، $\Delta = (-3)^2 - 4(-2)(5) = 49$. الميز $\Delta = 7$. $\Delta = (-3)^2 - 4(-2)(5) = 49$. حلا هذه العادلة هما :

الحل الأول هو $t_I = \frac{+3-7}{2(5)}$. $t_I = \frac{+3-7}{2(5)}$ وهو حل مرفوض لأن t_I سالب، على أساس أن

لحظة قفز الدراج هي مبدأ الأزمنة $(t_0=0\,s\,)$ وكل لحظة قبلها تكون حيننذ مرفوضة.

• الحل الآخر هو
$$\frac{t_2}{2(5)} = \frac{3+7}{2(5)} = 1s$$
 وهو حل مقبول.

 $x=x_{H'}=5$. 2m ومنه x=5 , $2\times I$ ومنه x لنجد المدى $x_{H'}$. إذن $x=x_{H'}=5$. ومنه x=1 والمدراج يجتاز الحفرة. x=1

 \tilde{v}_{0m} حساب قیمهٔ أصغر سرعهٔ ابتدائیهٔ

 $x_{H'}=x_{H}=4\,m$: صغر سرعة $v_{0\,m}$ تجعل الدراج يجتاز الحفرة هي السرعة التي بها يكون المدى z=2m .

في هذه الحالة $\overline{V_0}$ مجهولة القيمة. لنعوض في معادلات الحركة :

$$\begin{cases} x = v_0 \cos \alpha t \; ; \; 4 = v_0 \cos 30t \\ z = \frac{1}{2}gt^2 - v_0 \sin \alpha t \; ; \; 2 = 5t^2 - v_0 \sin 30t \end{cases}$$

تماريه خاصة بحركة فنيفة في حقل الجاذبية

ب/ احسب قيمة السرعة الابتدائية $\overline{V_0}$ التي تسمح لكرة السلة بالرور من مركز حلقة (M) (استعمل معطيات الشكل).

ر نفترض أن الدافع (D) كان يبعد بمسافة أفقية تساوي 1,00m عن المهاجم لحظة قذفه الكرة، فقفز شاقوليا نحو الأعلى ليعترض الكرة، فبلغت رؤوس أصابعه علوا z=3, z=3 (انظر الشكا).

ا/ في هذه الحالة، بين أن المدافع لا يستطيع لس الكرة.

بري مع المراضي و المراضي المراضع والماجم، حتى يلمس كرة السلة \hat{z} مع افتراض أنه يقفز العلو z , z .

 $R = 12,5 \, cm$ يعطى نصف قطر كرة السلة

الحل

1/ ا/ دراسة حركة مركز عطالة الكرة

- الجملة : الكرة.
- العلم : (O,i,\vec{k}) معلما ارضيا، نعتبره غاليليا.
- . $\vec{\pi}$ ودافعة ارخميدس و القوى الخارجية ، قوة الثقل \vec{P} ، ونهمل كلا من قوة احتكاك الهواء
 - القوى الداخلية : قوى تماسك أجزاء الجملة.

ec P=mec a ، $\sum ec F=mec a$ ، (G) نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكرة ec g=ec a . إذن ، ec g=ec mec a ومنه ،

قصد السهولة نستعمل هذا الجدول:

$$(Oz)$$
 على الحور (Ox) على الحور (Ox) على الحور (Ox) التسارع (Ox) $-g = -10 \, m.s^{-2}$ $Om.s^{-2}$ $Om.s$

معادلة المسار

نحذف الزمن بين معادلتي ٦٠ و ٣

الدينا : $t = \frac{x}{v_{\theta} \cos \alpha}$ نعوض في معادلة z فنجد

$$z = -\frac{1}{2}g\left(\frac{x}{v_{\theta}\cos\alpha}\right)^{2} + v_{\theta}\sin\alpha\frac{x}{v_{\theta}\cos\alpha} + z_{\theta}$$

$$z = -\left(\frac{-g}{2v_{\theta}^{2}\cos^{2}\alpha}\right)x^{2} + (tg\alpha)x + z_{\theta}$$

$$z_0 = 2,5 \, m$$
 . $g = 10 \, m.s^{-2}$. $\alpha = \frac{\pi}{4}$ عددیا. لدینا

$$z = -\left(\frac{-10}{2v_0^2 \cos^2\frac{\pi}{4}}\right) x^2 + \left(tg\frac{\pi}{4}\right) x + 2.50 \quad \text{(10)}$$

$$z = \frac{-10}{v_0^2} x^2 + x + 2,50$$
 إذن:

 $\left(V_{\scriptscriptstyle 0}
ight)$ وهي معادلة مسار مركز عطالة الكرة بدلالة الوسيط

 V_0 - - - -

عندما يمر مركز عطالة كرة السلة من النقطة (M) مركز الحلقة فهذا يعني أن إحداثيي الكرة هما نفس النقطة M وهما (3,05m).

اذن، نعوض في معادلة السار بz=3 , 05~m و x=6 , 10~m فنجد :

$$-5,55 = \frac{-10}{v_0^2} (6,10)^2 \cdot 3,05 = \frac{-10}{v_0^2} (6,10)^2 + 6,10 + 2.5$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{10(6,10)^2}{5,55}} : v_0 = 8.19 m$$

2/ أ/ إثبات أن المدافع لا يستطيع لمس كرة السلة

حتى يستطيع المدافع لمس الكرة وإبعادها عن مسارها الطبيعي (القطع المكافئ) (\widehat{HM}) . يجب أن يقفز في الوقت المناسب ومن المكان المناسب. وهنا إحداثيات المدافع هي : $z_D=3$, $z_D=3$, $z_D=1$ لنعوض عن قيمة $z_D=1$ في معادلة المسار، فإذا وجدنا z>z قلنا إن الكرة تمر من نقطة تقع أعلى النقطة التي يصلها المدافع.

. نعوض في معادلة المسار فنجد . x=l , $00\,m$. $v_0=8$, $19m.s^{-l}$. لدينا

$$z = \frac{-10}{(8,19)^2} (1)^2 + 1 + 2.5 ; z = 3.35m$$

فمركز عطالة الكرة (C) يمر من علو $z_G=3$, $35\,m$ من محيط كرة السلة. فتكون على ارتفاع $z_C=3$, 35-R

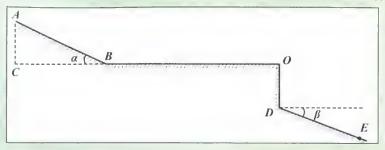
$$z_{\,\mathrm{C}}=3$$
 , $255\,m$. ومنه نجد $z_{\,\mathrm{C}}=3$, $35\,-0$, اذن

تماریه خاصه بحر له مر لز عطاله جسم صلب

التمرين ا

طريق ثلجي يمكن تجزئته حسب الشكل المرفق.

انطلق متزحلق من أعلى قمة (A) ومن السكون، فإذا أهملنا مقاومة الهواء والاحتكاك وافترضنا أن ، OD=5,25m ، AC=45m ، AB=90m وان m وان الزلاجات تساوي m الزلاجات تساوي m $g = 10m/s^2$, $tg\beta = 0.80$



ا ما طبيعة الحركة خلال قطع المسافة (AB)؟ ما تسارعه حينئذ ؟ احسب B .

(BO) الما طبيعة الحركة خلال قطع المسافة (BO) ؟

ب/ اي المبادئ تحقق ؟

ج/ هل يمكن اعتبار المتزحلق حملة شبه معزولة ميكانيكيا على طول السار الأفقي (BO)؟

لات المتزحلق إلى النقطة O ، اي طريق يسلكه ${\mathcal S}$ دعم إجابتك بالمعادلات. احسب بعد النقطة E التي يسقط فيها عن النقطة D. كم تكون سرعته في النقطة E (نقطة السقوط) ؟

1/ طبيعة حركة المتزحلق على طول الطريق المائل (AB)

- الجملة ؛ المتزحلق وزلاجته.
- العلم : (O_i, i_j) سطحی ارضی نفترضه عطالیا.
 - \vec{R}_{i} ، \vec{P} : القوى الخارجية
 - القوى الداخلية ، لم تمثل.

نطبق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الجملة (G) (الشكل I) :

$$\vec{P} + \vec{R}_1 = m\vec{a}$$
 . $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

 $P_x = m\alpha$: نجد (O_1, i_1) بالإسقاط على معلم الحركة

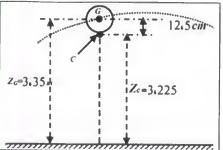
 $mg \sin \alpha = ma$ ؛ فن $P \sin \alpha = ma$ ؛ فن $P_x = P \sin \alpha$ ؛ لكن

اذن $\alpha = \sin \alpha$ مع g ثابت و $\alpha = g \sin \alpha$

اذن: ثابت a=0 . فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام على طول السار (AB).

تماريه خاصة بحركة قذيفة في حقل الجاذبية

 $z_D=3$, $20\,m$ بينما المدافع اثناء قفزه وصلت رؤوس اصابعه إلى علو و بما أن $z_D > z_C$ فالمدافع لا يستطيع لم الكرة (انظر الشكل المقابل).



ب/ حساب اقصى مسافة افقية في هذه الحالة نفترض أن $x_D \neq 1$, $00\,m$ فهي مجهولة ونريد تعيينها. فلكي يلمس المدافع (D) الكرة يجب أن تمر النقطة (C) من الكرة من الارتفاع :

$$z \le z' = 3, 2m$$

اما مركز عطالة كرة السلة، فيجب أن يمر من z = 3,325m نقطة ارتفاعها

$$z = 3.2 + R$$
; $z = 3.2 + 0.125$

اذن، نعوض عن z=3,325m في معادلة مسار مركز عطالة الكرة وهي:

التي حسبناها سابقا
$$v_{\theta}=8$$
 , $10 \, m.s^{-1}$ مع $z=\frac{-10}{v_{\theta}^{\, 2}} x^{\, 2}+x+2$, 5

$$3,325 = \frac{-10}{(8,19)^2}x^2 + x + 2,5$$

$$-0.149x^{2} + x + 0.825 = 0$$

$$0.149x^2 - x + 0.825 = 0$$

$$\Delta = (-1)^2 - 4(0,149)(0,825) = 0,5083$$
; $\sqrt{\Delta} = 0,173$

$$\begin{cases} x \approx 5,75m \\ x \approx 0,963m \end{cases}$$
 each late back size where

إذن، يمكن للمدافع اعتراض كرة السلة في الحالتين التاليتين :

- من اللاعب المهاجم. $x=x_{\mathcal{D}}=0$, $963\,m$ عندما يكون على بعد
- عندما يكون على بعد $x = x_D = 5,75 \, m$ من اللاعب الهاجم.

ملاحظة

- في الحالة 1 يكون المدافع قد اعترض الكرة في حالة صعودها. وهذا مسموح به حسب قواعد لعبة كرة السلة.
- اما في الحالة 2 فيكون المدافع قد اعترض الكرة في حالة هبوطها، وهذا مرفوض حسب قواعد لعبة كرة السلة.

نطبق مبدا انحفاظ الطاقة على جملة الدراج ودراجته بين الموضعين (A) و (B) :

$$E$$
 مينانيه $+E$ مينانيه $-E$ مينانه

$$\frac{1}{2}mv_A^2+mgh-0=\frac{1}{2}mv_B^2$$
 اي $E_{c(A)}+W(\vec{P})+W(\vec{R})=E_{c(B)}$ $E_{c(A)}+W(\vec{P})+W(\vec{R})=E_{c(B)}$ لان $W_{(\vec{R})}=0$ لان تقال $W_{(\vec{R})}=0$

 $v_A=0\,m.s^{-1}$ و $h=A\,C$ و $v_A=0\,m.s$ لأن الانطلاق تم من السكون بالنسبة لعلم الحر

$$\frac{1}{2}mv_B^2 = mgh \; ; \; v_B = \sqrt{2g[AC]}$$

$$v_B = 30 \, m.s^{-1}$$
 بالتعويض نجد ، $v_B = \sqrt{2 \times 10 \times 45}$ ، بالتعويض نجد

لو اعتبرنا الجملة المدروسة هي (العربة + الأرض) لوجب إدخال الطاقة الكامنة الثقالية $E_{
ho
ho}$ ، وفي هذه الحالة تعتبر الأرض تابعة للجملة، وبالتالي تكون الطاقة المستقبلة معدومة. إذن :

$$\frac{1}{2}mv_A^2 + mgh + 0 = \frac{1}{2}mv_B^2 + 0 \quad \text{ [I]} \quad E_{c(A)} + E_{pp(A)} + W(\bar{R}) = E_{c(B)} + E_{pp(B)}$$

$$0 + mgh = \frac{1}{2}mv_B^2$$

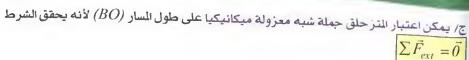
2/ 1/ طبيعة الحركة في المسار الأفقي (BO)

 $\sum ec{F} = m ec{a}$. (2 انظر الشكل المترحلق وزلاجته (انظر الشكل) بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على جملة المترحلق وزلاجته

بنفس الطريقة السابقة نحدد معلم الحركة الجديد $(O_2, \overline{i_2})$ الموجه بجهة الحركة، وبالإسقاط (BO) على معلم الحركة ، $a=0\,m.s^{-2}$ اي ، 0+0=ma ، فالحركة وفق المسار الأفقي $.\vec{\mathcal{V}}_{B}$ مستقيمة منتظمة (نستبعد أن يكون الجسم ساكنا $.\vec{\mathcal{V}}_{B}$

> ب/ البدا الذي نحقق على طول المسار (BO) $a = 0 \, m.s^{-2}$ وجدنا

ومنه ، $\sum \vec{F} = \vec{0}$ وهذا هو مبدأ العطالة. ·



O حركة المتزحلق ابتداء من النقطة /3

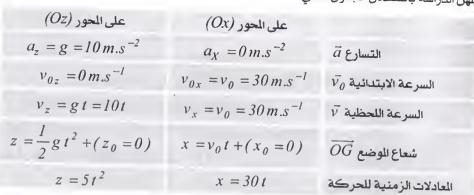
 $v_0 = v_B = 30\,m.s^{-1}$ يصل المتزحلق إلى النقطة O بسرعة

لأن الحركة وفق (BO) مستقيمة منتظمة فهي ثابتة السرعة. لذا يغادر التزحلق النقطة ا بسرعة $ec{v}_B$ نعتبرها ابتدائية $m.s^{-1}=0$ س ويكون في حركته هذه خاضعا لثقله فقط، وتتم

الحركة في الستوي المحدد بالمحورين (Ox) و (Oz). نطبق القانون الثاني لنيوتن على جملة التزحلق وزلاجته $\sum \vec{F} = m\vec{a}$: (الشكل)

الجملة خاضعة لثقلها $ec{P}$ وهذا بإهمال قوة احتكاك $.ec{P}=mec{a}$. إذن $ec{\pi}$ ودافعة ارخميدس الهواء أ $\vec{a} = \vec{g}$ وبالتالي: $\vec{m}\vec{a} = m\vec{g}$ ومنه:

تسهل الدراسة باستعمال الجدول التالي:



معادلة المسار

لكي نعين المسار الذي يسلكه التحرك يجب تحديد معادلة المسار، لذلك نحذف الزمن بين x و z ،

 $z=\frac{5}{900}x^2$ ، $z=5\left(\frac{x}{30}\right)^2$ ، فمن معادلة x نكتب : $t=\frac{x}{30}$: فمن معادلة $t=\frac{x}{30}$

ومنه : $z = \frac{x^2}{180}$ ، فالمسار (*OE*) قطع مكافئ

حساب البعد (DE)

باعتبار ان النقطة E هي نقطة سقوط المتزحلق على الطريق (DE) المائل بزاوية eta بالنسبة للأفق. فهي إذن نقطة تقاطع القطع الكافئ (OE) مع المستقيم (DE).

z=(tgeta)x+OD ، لنشكل معادلة المستقيم (DE) بالنسبة للمعلم السابق

z = 0.8x + 5.25 إذن:

z (القطع المافئ) = z (المتقيم مع القطع المافئ يتحقق المافئ) (المستقيم) المافئ (المتقيم مع القطع المافئ)

 $x^2 - 144x - 945 = 0$: eais

 $\Delta' = (-72)^2 - 1(-945) = 6129$: حل هذه المعادلة يستدعي تعيين الميز $\sqrt{\Delta'} = 78.3$

 $x_2 = -6,3m$ و $x_1 = 150,3m$: للمعادلتين جذران هما

يرفض الحل x لأن موضع النقطة E موجود في الجهة الموجبة للمحور، لذا يجب أن تكون فاصلة . $x_1 = x_E = 150,3 \, m$ النقطة موجبة، ومنه نقبل الحل الأول

لتعيين (DE) نستعمل المثلث (DHE) الموضح في الشكل المقابل :

$$DE = \frac{x_E}{\cos\beta}$$
 ومنه : $\cos\beta = \frac{x}{DE}$ اذن : $\cos\beta = \frac{DH}{DE}$ الدينا :

cosetapprox 0,78 ومنه: etapprox 38,7° اذن: tgeta=0,80 ولدينا:

$$DE \approx 192.6 \, m$$
 . $DE = \frac{150.3}{0.78}$: اذن

نطبق مبدأ انحفاظ الطاقة لجملة الجسم:

$$\frac{1}{2}mv_0^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_E^2$$

$$h = z_E \approx v_E = \sqrt{v_0^2 + 2gh}$$

عي ترتيبة نقطة السقوط E ونعينها كالتالي : z_E

يكفي التعويض عن X_E في معادلة المستقيم أو معادلة القطع المكافئ :

$$z_E = \frac{1}{180} (150,3)^2 = 125,5 m$$

$$v_E = 58, 4 \text{ m.s}^{-1}$$
, $v_E = \sqrt{(30)^2 + 2(10)(125, 5)}$

التمرين 2

 ا/ عربة صغيرة ذات كتلة III يمكنها أن تتحرك بلا احتكاك على خط الميل الأعظمي لمستو مانل . (Ox) على الحور ϕ على الحور (Ox).

لم المربة نحو الأعلى بسرعة $ec{v}_0$ انطلاقا من المبدأ (O).

حدد قيمة السرعة $ec{v}_0$ التي من اجلها تصل العربة إلى اقصى نقطة فاصلتها x=x حيث x هو إحداثي مركز عطالة العربة منسوبا إلى O (في اللحظة t=0 كان x=0) وهذا باستعمال القانون الثاني لنيوتن.

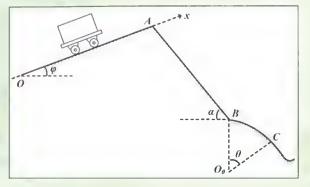
x = f(t) اعط معادلة الحركة x = f(t)، ثم احسب الزمن المستغرق منسوبا إلى لحظة البدء لرجوع . $\sin \varphi = 0$, 04 , $t=40\,m$, $t=40\,m$ الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي : AC الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي : AC الذي يمكن تجزئته إلى ما يلي : α الجزء طوله d نعتبره ممرا مستقيما يميل عن الأفق بزاوية

. B ما الجزء \widehat{BC} فهو دائري الشكل مركزه $O_{ heta}$ ونصف قطره I افقى عند

لتسهيل الحسابات نعتبر أن العربة جسم نقطي، وأن الستوى AB هو مستو خشن قوة الاحتكاك

فيه \widehat{f} ثابتة. اما الجزء \widehat{BC} فهو زلق، لذا فقوى الاحتكاك به مهملة، كما تهمل مقاومة الهواء.

. $ec{V}_B$ بسرعة معدومة ، $ec{V}_A=ec{0}$ بسرعة معدومة ، A بسرعة بسرعة B بسرعة A بسرعة A بسرعة A بسرعة العربة من الوضع



ا استنتج قيمتها اذا علمت ان با الكلام الكل $\alpha = 10^{\circ}$, m = 4kg , r = 100m , g = 10S1 , d = 500m , $v_B = 18m.s^{-1}$ θ ، r، g ، V_B وذلك بدلالة ونال بدلالة المحدد بالزاوية θ وذلك بدلالة المحدد V_B المحدد بالزاوية المحدد بالزاوية θ \cdot . C التي تؤثر بها الطريق على الغربة عند النقطة R التي تؤثر بها الطريق على الغربة عند النقطة ج- جد القيمة العددية للزاوية heta التي من أجلها تغادر العربة الطريق الدائري.

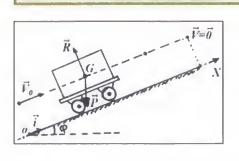
الحل

 V_0 – V_0

قبل أن نطبق القانون الثاني لنيوتن نحدد ما يلي :

- الجملة ؛ العربة.
- العلم (O, \tilde{i}) معلم ارضي نفرضه عطاليا.
 - \tilde{R} . \tilde{p} ، القوى الخارجية
- القوى الداخلية ، قوى تماسك اجزاء الجملة.

 $\vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}$: نطبق القانون الثاني لنيوتن نايوتن يفيوتن $\sum \vec{F} = m\vec{a}$ $-Psim \varphi = ma : (O, \vec{i})$ بالإسقاط على المعلم $-mg \sin \varphi = ma$



 $a=-0,4m.s^{-2}$: وبالتعويض : $a=-10\times0,04$: وبالتعويض : $a=-g\sin\varphi$

$$v = at + v_0$$
 ، التكامل نجد ، $a = \frac{dv}{dt}$ لكن

$$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$
 : وبالتكامل نجد : $x = \frac{dv}{dt}$ نان كما ان

$$x=rac{1}{2}at^2+v_{ heta}t$$
 : لأن الانطلاق تم من النقطة O وهي مبدأ الفواصل، إذن $x_{ heta}=0$ لأن الانطلاق تم من النقطة المناء وهي مبدأ الفواصل المناء المناء

، نعوض في معادلة السرعة
$$\nu$$
 يمكن ان نستخرج ا $\frac{\nu-\nu_0}{a}$ ، نعوض في معادلة ν لنجد من معادلة السرعة ع

$$x = \frac{1}{2}a\left(\frac{v - v_0}{a}\right)^2 + v_0\left(\frac{v - v_0}{a}\right) = \frac{v - v_0}{a}\left[\frac{v - v_0}{2} + v_0\right]$$
$$x = \frac{v - v_0}{a}\left[\frac{v - v_0}{2}\right]$$

$$v^2 - v_0^2 = 2ax$$

$$v=0m.s^{-1}$$
 وفيها تكون $x=40m$ نعلم ان اقصى نقطة نصلها العربة هي النقطة التي فاصلتها $v=40m.s^{-1}$ وفيها تكون $v=0m.s^{-1}$ اذن ، $v=0m.s^{-1}$ اذن ، $v=0m.s^{-1}$ اذن ، $v=0m.s^{-1}$ اذن ،

2/ المعادلة الزمنية للحركة

$$x = -0.2t^2 + 5.7t$$
 ومنه $x = \frac{1}{2}(0.4)t^2 + 5.7t$ اذن: $x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$ الدينا

تنطلق العربة من المبدا O الذي فاصلته x=0 وتعود إلى نفس الفاصلة بعد زمن I نحسبه كالتالي : t(-0,2t+5,7)=0 ، نضع x=0 اي ، x=0 اي ، معادلة الحركة فنجد ،

$$t = 28.5s$$
: $t = \frac{5.7}{1.00}$ | $t = \frac{5.7}{1.00}$ | $t = 0.2t + 5.7 = 0$

واما
$$0.5 = 1$$
 وهي لحظة الانطلاق، او $0.2t + 5.7 = 0$ اذن $0.2t + 5.7 = 0$ ومنه ا

$$A$$
 يمكن استعمال مبدا انحفاظ الطاقة لجملة العربة بين الوضعين E و E (الشكل القابل): E و الشكل القابل): E المناب E المناب E الذن E الذن E الفائل E الذن E الذن E الذن E الذن E المناب E الذن E المناب E الذن E المناب E المناب E الذن E المناب E الم

$$h = d \sin \alpha$$
 مع $\frac{1}{2} m v_B^2 = mgh - f d$

$$\frac{1}{2} m v_B^2 = mgd \sin \alpha - f d$$
!ذن: $f d = mds \left(g \sin \alpha - \frac{v_B^2}{2} \right)$

$$f=4\bigg(10\sin10^\circ-rac{(18)^2}{2(v)}\bigg)$$
 . وبالتعويض $f=m\bigg(g\sin\alpha-rac{v_B^2}{2d}\bigg)$: في الأخير نكتب

2/ ا/ عبارة D

بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة على جملة العربة بين الوضعين B و C (انظر الشكل المقابل) نكتب:

$$E_{c(B)} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{c(C)}$$

مع ملاحظة عدم وجود احتكاك في هذا السار، لذا نكتب:

$$W(\vec{R}) = 0J$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 + mgh + \theta = \frac{1}{2}mv_C^2 : \text{each}$$

$$v_B^2 + 2gh = v_C^2$$
 ; $v_C = \sqrt{v_B^2 + 2gh}$! إذن :

 $h' = r \cos \theta$ مع h = r - h' . لدينا

بنوض في عبارة v_C السرعة السابقة فنجد $h=r(1-\cos\theta)$ اي $h=r-r\cos\theta$ إذن

 $v_C = \sqrt{v_B^2 + 2gr(1 - \cos\theta)}$

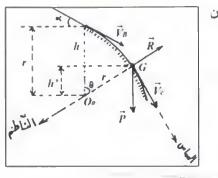
ب/ عبارة شدة رد الفعل R

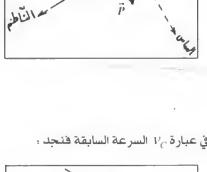
بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على جملة العربة ،

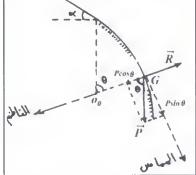
$$\vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}$$
 اِذَن . $\sum \vec{F} = m\vec{a}$

ننبه إلى أنه إذا كان السار دائريا، يُفضَل أن نستعمل معلم فريني (محور مماسي للمسار ومحور ناظمي، كما هو موضح في الشكل المقابل).

محمول كله على الناظم، لذا يتم إسقاط العلاقة \bar{R} $-R + P\cos\theta = ma_N$ السابقة على الناظم فقط : $-R = m (a_N + g \cos \theta) \dots (*)$







 $a_N = \frac{v_C}{a_N}$ العبارة a_N يعطى بالعبارة a_N

ومع التعويض بعبارة ٧٠ السابقة نجد:

$$a_N = \frac{v_B^2}{r} + 2 gr(1 - \cos \theta)$$
 $\Rightarrow a_N = \frac{v_B^2 + 2 gr(1 - \cos \theta)}{r}$

$$-R = m \left[\frac{v_B^2}{r} + 2gr(1 - \cos\theta) + g\cos\theta \right]$$
 : نعوض في المعادلة (*) لنجد

$$R = m \left[3g\cos\theta - 2g - \frac{v_B^2}{r} \right]$$

 θ ج/!یجاد زاویه الخروج

 $R=0\,N$ ، عندما تغادر العربة المسار الدائري تصبح غير مستندة عليه وهذا معناه

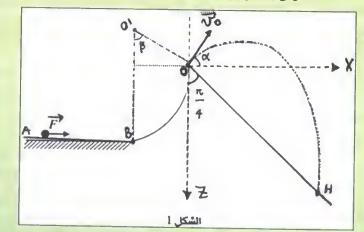
$$\cos \theta = \frac{2}{3} + \frac{v_B^2}{3 gr}$$
 : وبالتالي $\theta = m \left(3g \cos \theta - 2g - \frac{v_B^2}{r} \right)$ إذن:

$$\cos \theta = 0$$
,774 : اذن $\cos \theta = \frac{2}{3} + \frac{(18)^2}{3(10)(100)}$ بالتعویض نجد

$$\theta = 39,3^{\circ}$$
 : each

التمرين 3*

جسم نقطي ڪتلته m=0.5kg يتحرك على مسار ABO وواقع في مستو شاقولي. يهمل فيه الاحتكاك. الجزء AB مستقيم وافقى، أم الجزء BO فهو قوس من دائرة مركزها O ونصف قطرها eta=1 . هذا القوس يحصر زاوية $eta=60^\circ$ (انظر الشكل).



ار يؤثر على الجسم بقوة ثابتة \vec{F} على طول السار AB فقط.

F ، m ، l الدرس طبيعة حركة الجسم على طول المسار AB ثم جد عبارة v_B في الموضع علما بأن F = 4N ، AB = l = 4m ، $v_A = 0 \, m.s^{-1}$ علما بأن

$$g = 10 \, m.s^{-2}$$
 (خذ

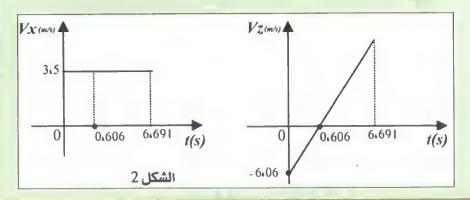
ر تنزع القوة $ec{F}$ ابتداء من النقطة B . عين عبارة $v_{ heta}$ في النقطة O بسرعة $v_{ heta}$ ، فيصبح خاضعا

 $\beta = \alpha$ القذف $\beta = \alpha$ المنان زاوية القذف

ب/ اكتب معادلة مساره بالنسبة للمعلم المحدد في الشكل، الذي نفترضه عطاليا.

ج/ إذا علمت أن v_z و v_z هما مركبتا سرعة الجسم على طول مساره، نمثل مخططيهما في الشكل 2 ابتداء من لحظة قذفه بالسرعة $\vec{v_0}$ حتى لحظة سقوطه. استنتج اعلى ارتفاع ببلغه الجسم (الذروة) بيانيا. احسب طول القطعة OH حيث H نقطة سقوط الجسم على المستوي

المائل بزاوية 🕂.



سنقوم بحل هذا التمرين حلا مختصرا.

AB طبيعة الحركة A

نطبق القانون الثاني لنيوتن

 $\sum \vec{F} = m\vec{a} \cdot \vec{P} + \vec{R} + \vec{F} = m\vec{a}$

 $a=8\,m.s^{-2}$ اي، $a=\frac{4}{0.5}$ اي، $a=\frac{F}{m}$ اي، $a=\frac{F}{0.5}$ الذن F=ma

نلاحظ أن ثابت a = 0، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

 V_R 3,1

 $v^2 - v_0^2 = 2ax$ ، يمكن الاستفادة من المعادلة التي استنتجناها في التمرين السابق وهي $v_A = 0 \, m.s^{-1}$ as $v_B^2 - v_A^2 = 2 \, ax$

гсоsв

نلخص الدراسة في جدول:

على الحور
$$(Oz)$$
 على الحور $v_{0z} = v_0 \sin \alpha$ على الحور $v_{0x} = v_0 \cos \alpha$ $v_{0x} = v_0 \cos \alpha$ v_0 $+P$ 0 \vec{F} القوة $\vec{a}_z = +g = 10 \, m.s^{-2}$ $a_x = 0 \, m.s^{-2}$ $\vec{a}_z = \frac{1}{2} g t^2 - (v_0 \sin \alpha) t$ $x = (v_0 \cos \alpha) t$ $x = (v_0 \cos \alpha) t$

$$z = \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 - (tg\alpha)x$$

ج/ حساب الذروة ٢٠

[0s;0,606s] عددیا = مساحة مخطط v_z في المجال z_C

$$z_C = \frac{0.606 \times 6.06}{2}$$
 , $z_C = 1.84 \, m$

حساب المدى OFI

$$x_P = OH \cos \frac{\pi}{4}$$
; $\cos \frac{\pi}{4} = \frac{x_P}{OH}$

 $x_P = 0.707 [OH]$

$$[0s;0,691s]$$
 كىن: V_z مدديا = مساحة V_z في المجال [OH]

$$[OH] = 3,5 \times 6,691 = 23,2m$$

 $x_{P} = 0.707 \times 23.2$:

$$x_P = 16, 4m$$

 $v_B = 8 \, m.s^{-1}$. $v_B = \sqrt{2 \times 8 \times 4}$: اذن

 v_0 عبارة 2

:O و B نطبق مبدا انحفاظ الطاقة على جملة الكرية بين

$$E_{c(B)} + W(\vec{P}) + W(\vec{R}) = E_{c(O)}$$

$$\frac{1}{2}mv_B^2 - mgh + \theta = \frac{1}{2}mv_O^2$$

$$h = r - r\cos\beta$$
 مع $v_0 = \sqrt{v_B^2 - 2gh}$ اذن:

$$h = r(1 - \cos \beta)$$
 : each

$$v_0 = \sqrt{v_B^2 - 2gt(1 - \cos\beta)}$$
 : نعوض في v_0 فنجد

 ν_0 عبارة وهي

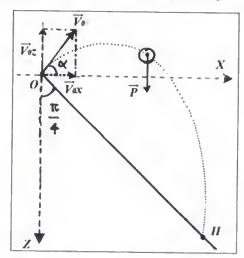
لحساب قيمة v_0 يكفى أن نعوض بالقيم العددية فنجد :

$$v_0 = \sqrt{8^2 - 2 \times 10 \times 1(1 - \cos 60^\circ)} = \sqrt{54} = 7,4 \text{m.s}^{-1}$$

ار الزاویتان α و β مستویتان لتعامد ضلعیهما مثنی مثنی β

ب/ معادلة المسار

$$|\vec{a}=\vec{g}|$$
 ، $m\vec{g}=m\vec{a}$ اذن $|\vec{P}|=m\vec{a}$ انت الثاني لنيوتن فنجد



أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation

مراقبة تطور جملة كيميائية خلال تعول كيميائي

الوحدة 1 ■ التطور التلقائي لجملة كيميائية ـ الأعمدة كل جملة كيميائية تتطور تلقائيا نحو حالة توازنها

Hard_equation

1- تذكرة

كسر التفاعل .

يتميز التفاعل $lpha \ A + eta \ B = \gamma \ C + \delta \ D$ في وسط متجانس بكسر التفاعل

$$Q_r = \frac{[C]^{\gamma} [D]^{\delta}}{[A]^{\alpha} [B]^{\beta}}$$

. $K = \frac{ [\,C\,]_f^\gamma \,[\,D\,]_f^\delta}{ [\,A\,]_f^\alpha \,[\,B\,]_f^\beta}$ ، K ثابت التوازن

2- مقياس التطور التلقاني

كيف يمكن معرفة اتجاه تطور التفاعل المتوازن السّابق؟ هل في الاتجاه

الباشر $C+\delta D \to \alpha A+\beta B$ أم في الاتجاه المعاكس $A+\beta B \to \gamma C+\delta D$ المباشر التفاعل (نسبة إذا كانت الجملة الكيميانية لا تتبادل المادّة مع الوسط الخارجي، فإنّ كسر التفاعل (نسبة التفاعل). هو المقياس الذي يعتمد عليه للتنبؤ بجهة تطوّر التفاعل.

اذا كان $Q_r
eq K$ ، هإنه يوجد على الأقل نوع كيميائي واحد من الأنواع D ، C ، B ، A ، وعليه فإنَ الجملة الكيميائية لم تركيز C يختلف عن تركيزه النهائي C C اي C اي يختلف عن تركيزه النهائي C اي اي اي C اي اي عليه فإنَ الجملة الكيميائية لم تبلغ حالة توازنها.

تعریف

lpha A+eta $B o\gamma$ $C+\delta$ D الجملة تتطور في الاتجاه المباشر $Q_{r,i}< K$ اذا كان

 γ $C+\delta$ D olpha A+eta B الجملة تتطور في الاتجاه المعاكس $Q_{r,i}>K$ إذا كان

إذا كان $Q_{r,i}=K$ ، الجملة لا تتطوّر فهي في حالة توازن كيمياني

 $.\alpha A + \beta B \rightarrow \gamma C + \delta D$

Qri	K	Qri	PH
تطور الجملة في الإجّاه المباشر		تطوّر الجملة في الإجّاه المعاكس	

Q كسر التفاعل الابتدائي.

ملاحظة هامة

الدراسة السابقة تنطبق على التحولات حمض/ اساس. كما تنطبق على التحولات اكسدة / إرجاع. لكن في بداية التفاعل لا يوجد النوعان الكيميائيان Ag و Cu^{2+} ، وعليه فان $Q_{r_0} = 0$! إذن $[Cu^{2+}] = 0 \ mol.L^{-1}$ و $[Ag] = 0 \ mol.L^{-1}$

حدّد اتجاه تطوّر التفاعل.

بما أن $K>Q_r$ فإنَ التفاعل يتطوّر في الاتجاه المباشر، الذي نحصل به على الشوار د Cu^{2+} الزرقاء، ومعدن النحاس Cu . وهذا يتوافق تماما مع التجربة الملاحظة.

ان التحويل الإلكتروني (انتقال الإلكترونات) تم بصورة تلقائية من المرجع $Cu_{(s)}$ إلى الألكتروني التقالية عن المرجع إلى المرتقال الإلكترونات المرتقال المرت المؤكسد (Ag مباشرة.

ملاحظة هامة

 $(Ag^+ + NO_3^-)_{(aq)}$ ان التلامس المباشر بين شريط النحاس Cu ومحلول نترات الفضّة الفضّة \bullet جعل الالكترونات (e^-) تنتقل مباشرة من $Cu_{(s)}$ إلى $Ag_{(aq)}^+$ ، وبالتالي لا نحصل على تيار كهربائي. فإذا جعلنا الإلكترونات تتحرّك في دارة مغلقة، حصلنا على تيار كهربائي، وبالتالي نستطيع أن نحول الطاقة الداخلية للجملة الكيميانية إلى طاقة كهربائية.

◄ فكيف يمكن إذن الحصول على ذلك ؟

هذا ما سنتطرق إليه في الفقرة الموالية، بصناعة العمود الكهربائي (الحاشدة).

3-2- التحول الكيمياني التلقاني بتحويل الكتروني غير مباشر في عمود نشاط 2 : تحقيق عمود دانيال

- $(Cu^{2+}_{(aq)} + SO^{2-}_{4(aq)})$ سفيحة النحاس في بيشر به محلول كبريتات النحاس فيحة النحاس في النحاس واغمس صفيحة الفضّة Zn في بيشر آخر به محلول كبريتات الزنك $(Zn^{2+} + SO_4^{2-})$.
 - ◄ صل بين المحلولين بواسطة جسر مؤلف من انبوب به مادة شاردية هلامية شفافة مثل كلور البوتاسيوم $.(K^{+}+Cl^{-})$
 - ◄ اربط بين الصفيحتين فولطمتر او مقياس ميلي آمبير وصل بينهما بواسطة أسلاك توصيل (الوثيقة).
 - ◄ ماذا تلاحظ ؟
 - ◄ ستلاحظ تسجيل مرور نيار كهربائي.
 - ◄ كيف تفسر ذلك ؟
 - Zn التي تفقدها صفيحة (e⁻) التي تفقدها صفيحة ◄ عبر سلك التوصيل إلى صفيحة النحاس (Cu) فينشأ تيار كهرباني (1) جهته الاصطلاحية هي عكس
- جهة حركة الإلكترونات. ومن المعلوم أن التيار ينتقل من القطب (+) للمولِّد إلى قطبه السَّالب (-)

3- تطبيق على الأعمدة 1-3- التحوّل الكيمياني التلقاني بتحويل الكتروني مباشر نشاط أ

 $(Ag^+ + NO_3^-)_{(aq)}$ في محلول نترات الفضئة في دورق يحتوي على محلول نترات الفضئة في دورق يحتوي ضع (الوثيقة المرفقة).



ماذا تلاحظ؟

ستلاحظ انه بعد مدة :

- . $Cu^{2+}_{(aq)}$ يتلوّن المحلول بالأزرق، دلالة على ظهور شوارد النحاس الثنائي riangledown
 - ◄ تترسنب شعيرات الفضنة Ag على شريط النحاس. كيف تفسر ذلك؟
- التحول عند النحاس التحول ولا يمكن ان تأتي من شيء أخر. وهذا حسب التحول Cuالكيميائي : $2e^{-} = Cu^{2+}_{(aq)} + 2e^{-}$ (المعادلة النصفية للأكسدة).
 - ، معدن الفضة Ag اتى من شوارد الفضئة Ag^+ حسب التحوّل الكيميائي lacksquare

.(العادلة النصفية للإرجاع) $Ag^+_{(aq)} + le^- = Ag_{(s)}$

أما معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي الحادث فنحصل عليها بجمع المعادلتين السّابقتين :

$$Cu_{(s)} = Cu_{(\alpha q)}^{2+} + 2e^{-}$$

 $2 \times [Ag_{(aq)}^{+} + Ie^{-} = Ag_{(s)}]$

 $Cu_{(s)} + 2Ag_{(aq)}^+ = Cu_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}^-$ ععادلة الأكسدة-الإرجاعية

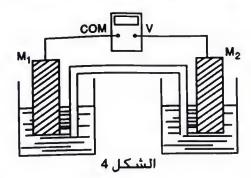
عين الكسر الابتدائي Q_{r} للتفاعل.

 $Q_{r_i} = \frac{[Cu^{2+}][Ag]^2}{[Cu][Ag^+]^2}$ نعلم ان



2/ قطبية العمود

- . تحليليا : الصفيحة M_1 تخرج منها الـ e^- فهي القطب M_2 للمولد، و M_2 هو القطب M_1 للمولد.
 - . (الشكل 4) و M_2 و M_1 و ين الصفيحتين M_2 و الشكل 4) و M_2



- ◄ فإذا كان القياس موجبا فإن الفولطمتر يكون قد ربط بشكل صحيح، بمعنى أن القطب (+) COM للعمود موصول إلى قطب القياس V للفولطمتر، والقطب (-) للعمود موصول بالقطب
 - ◄ العادلة المنمذجة للتحوّل الكيميائي هي:

$$n_{2}[M_{I(s)} = M_{I(aq)}^{n_{1}^{+}} + n_{I}e^{-}]$$

$$n_{I}[M_{2(aq)}^{n_{2}^{+}} + n_{2}e^{-} = M_{2(s)}]$$

$$\frac{12 \quad 2(aq) \quad 2 \quad 2(3)^2}{n \quad M \quad + n \quad M^{n_2^+} \quad - n \quad M^{n_1^+} \quad \bot}$$

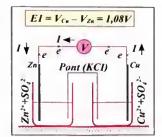
 $M_1/M_1^{n_1^+}//M_2^{n_2^+}/M_2^+$: الزمز الاصطلاحي للعمود

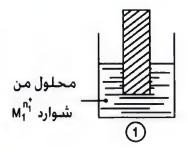
القوة المحركة الكهربانية للعمود

تمثل فرق الكمون الكهربائي بين صفيحتي العمود M_{1} و M_{2} عندما E $E = V_{+} - V_{-}$: تكون دارة العمود مفتوحة (بمعنى شدّة التيار معدومة)

◄ قيم E لبعض الأعمدة

العمود	E(V)
$Cu/Cu^{2+}//Ag^{+}/Ag$	$0,459 \approx 0,46$
$Pb/Pb^{2+}//Cu^{2+}Cu$	$0,471 \approx 0,47$
$Fe/Fe^{2+}/Cu^{2+}/Cu$	$0,772 \approx 0,77$
$Cu/Cu^{2+}/ Zn^{2+}/Zn $ عمود دانيال	1,08V





محلول من

شـوارد M₂ⁿ²

- وعليه فإننا نكون قد حصلنا على مولد كهربائي قطبه الوجب (+) هو صفيحة Cu وقطبه السّالب (+) هو . Zn صفيحة
 - ◄ أعط الرّمز الاصطلاحي لهذا العمود.
 - حرمز هذا العمود: + Zn / Zn²⁺ // Cu²⁺ // Cu²⁺ رمز هذا العمود

الدراسة النظرية للأعمدة رالحاشدات

1/ تركيب العمود

يتركب العمود من نصفين :

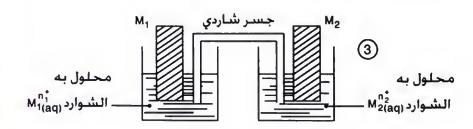
نصف العمود الأول

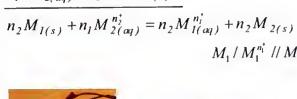
- يتالف من صفيحة معدنية M_l مغموسة في محلول من شوارد هذا العدن M_1 والتى نرمز لها بالرّمز $M_1^{n_1^*}$ (الشكل l)، وبالتالي فهو يتميّز بالثنائية مؤكسد
 - $(M_1^{n_1}, M_1)$.
- . $M_{I(s)} = M_{I(aq)}^{n_{I}^{*}} + n_{I}e^{-}$: (معادلة الإرجاع) العادلة النصفية الالكترونية

نصف العمود الثاني

- يتألف من صفيحة معدنية M_2 مغموسة في محلول من شوارد lacktriangleright
 - هذا المعدن M_2 أي $M_2^{n_2}$ (الشكل 2) يتميز بالثنائية مرجع/
 - $(M_2^{n_2^*}/M_2)$ ، مؤكسد
 - ◄ العادلة النصفية الإلكترونية للأكسدة ؛
 - $. M_{2(\alpha q)}^{n_2^*} + n_2 e^- = M_{2(s)}$

◄ يتألُّف إما من غشاء مسامي كوعاء دانيال التاريخي او من انبوب يحتوي على محلول شاردي هلامي مثل $(K^+ + Cl^-)$ ، او ورق ترشیح مبلل بمحلول شاردی مثل $(K^+ + Cl^-)$. هذا الجسر يصل بين نصفي العمودين فنحصل على عمود واحد (الشكل 3).











alin star its and

التمرين ا

$$Cu_{(s)} + 2Ag_{(aq)}^+ = Cu_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}^+$$
نعتبر التفاعل

نسمي $Q_{r,i}$ كسر التفاعل الابتدائي و k ثابت التوازن.

اجب بصحيح او خطأ، وصحح العبارة الخاطئة.

ار إذا كان $Q_{r,i} < k$ ، يتطور التفاعل في الاتجاه المباشر ، اي في اتجاه استهلاك المتفاعلات.

. $Ag_{(s)}$ ، يتطور التفاعل في اتجاه تشكل راسب الفضة $Q_{r,i}>k$ باذا كان

ج/ إذا كان $Q_{r,i}=k$ ، فالجملة الكيميائية السابقة تكون في توازن كيميائي.

الحل

ا/ صحيح.

 ${
m Ag}_{(s)}$ ب في اتجاه استهلاك ، ${
m Q}_{r,i}>k$ بنا الناب خطأ ، إذا كان ${
m Q}_{r,i}>k$. $\operatorname{Cu}_{(s)}$ و بالتالي تشكل $\operatorname{Ag}_{(a\sigma)}^+$ و بالتالي تشكل $\operatorname{Cu}_{(a\sigma)}^{2+}$

ج/ صحيح.

التمرين 2

$$I_{(aq)}^- \, / \, I_{2(aq)}$$
 و $S_2 O_{(aq)}^{2-} \, / \, S_4 O_{6(aq)}^{2-}$ تعطی الثنائیتان مر/مؤ :

أ/ا/ اكتب العادلتين النصفيتين الإلكترونيتين.

ب/ استنتج معادلة الأكسدة الإرجاعية.

2/ يعطى المزيج الابتدائي المؤلف من :

 $V_{\Gamma} = 4.0 \text{mL} \cdot n_{\Gamma} = 5.10^{-3} \text{mol.L}^{-1} \cdot V_{S,0_{1}^{2-}} = 20 \text{mL} \cdot n_{S,0_{1}^{2-}} = 4.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$

 $V_{l_2} = 15 \text{mL}$, $n_{l_2} = 4.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$, $V_{S_4 O_8^{2-}} = 20 \text{mL}$, $n_{S_4 O_8^{2-}} = 2.10^{-3} \text{mol.L}^{-1}$

أ/ احسب التراكيز الابتدائية لهذه الأنواع الكيميائية.

ب/ استنتج قيمة كسر التفاعل الابتدائي . Q.

. وحدد في أي جهة يتطور التفاعل $k=10^8$ ، فحدد في أي جهة يتطور التفاعل.

الحل

أ/أ/ المعادلتان النصفيتان الإلكترونيتان

$$2S_2O_{3(aq)}^{2-} = S_4O_{6(aq)}^{2-} + 2e^{-}$$

$$I_{2(aq)} + 2e^{-} = 2I_{(aq)}^{-}$$

سلم الكمونات

كمية الكهرباء التي ينتجها العمود

الفاراداي F هو كمية الكهرباء التي تنتج من ا مول (Imol) من الإلكترونات اثناء حركتها: $e^ = N_A \times |e^-|$ عدد افوغادرو.

كمية الكهرباء التي ينتجها العمود أثناء التقدم X للتفاعل

Q(C) عمية الكهرباء بالكولون

 $Z=n_1n_2^2=0$ عدد الالكترونات المحوّلة أثناء التفاعل تقدم التفاعل بـ (mol).

$$Z=n_{_{1}}n_{_{2}}^{\circ}=$$
 عدد الالكترونات المحوّلة أثناء التفاعل $Z=n_{_{1}}n_{_{2}}^{\circ}=0$ عدد الالكترونات المحوّلة أثناء التفاعل ب $C=N_{_{1}}n_{_{2}}^{\circ}=0$. (mol) . $F=96500\,C$. mol^{-1}

ملاحظة : $n_1 n_2 = n_1 \times n_2$ إذا كان (n_1) و (n_2) اوليين فيما بينهما. . اوليين فيما بينهما. $n_1 n_2^{\bullet} = PPCM(n_1, n_2)$ اوليين فيما بينهما. (n_2,n_1) هو المضاعف المشترك الأصغر لـ PPCM $Q_{max} = Z.X_{max}.F$ إذا كان التقدم اعضميا فإن:

مدة اشتغال العمود 11

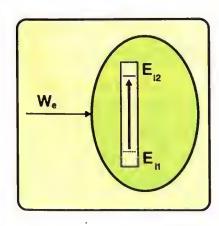
 $Q=I\,\Delta t$: فإن Δt فإن فإن التي ينتجها العمود هي Δt خلال مدة زمنية Δt فإن ومنه $\frac{Q}{I} = \frac{\Delta t}{I}$

 $\Delta t = rac{Q_{max}}{I}$: وعليه فإن مدّة اشتغال العمود هي

$$\Delta t = \frac{Q_{max}}{I} = \frac{ZX_{max}F}{I}$$
 اذن:

الحصيلة الطاقوية للعمود

 $E_{i_1} - W_e = E_{i_2}$ ، معادلة انحفاظ الطاقة التحويل الكهربائي: . W



ب/ بجمع هاتين المعادلتين نحصل على معادلة الأكسدة الإرجاعية :

$$2S_2O_{3(aq)}^{2-} + I_{2(aq)} = S_4O_{6(aq)}^{2-} + 2I_{(aq)}^{-}$$

2/1/ حساب التراكيز الابتدائية للأنواع الكيميانية

$$[] = \frac{n}{V_{1}} = \frac{n}{V_{1} + V_{2} + V_{3} + V_{4}}$$
 نعلم أن التركيز $[]$ لأي نوع كيميائي يعطى بالعلاقة

 $(S_2O_{3(a0)}^{2-})$ و بالنسبة للنوع

i معناه ابتدائی (initial)

$$[S_2O_3^{2-}]_1 = \frac{n_{S_2O_3^{2-}}}{(20+40+5+15).10^{-3}} = \frac{4.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 4.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$[l_2]_1 = \frac{n_{l_2}}{100.10^{-3}} = \frac{4.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 4.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

بالنسبة للنوع (المالية المالية

$$[1^{-}]_{1} = \frac{n_{1}}{100.10^{-3}} = \frac{5.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 5.10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$$

 $(S_4O_{6(au)}^{2-})$ بالنسبة للنوع •

$$[S_4O_6^{2-}]_i = \frac{n_{S_4O_6^{2-}}}{(20+40+5+15).10^{-3}} = \frac{2.10^{-3}}{100.10^{-3}} = 2.10^{-2} \text{mol.L}^{-1}$$

ب/ حساب الكسر الابتدائي للتفاعل ال

$$\begin{aligned} Q_{r,i} = \frac{(2.10^{-2})(5.10^{-2})^2}{(4.10^{-2})(4.10^{-2})^2} = 0,781 & \text{if } Q_{r,i} = \frac{[S_4 O_6^{2-}]_i [I^-]_i^2}{[I_2]_i [S_2 O_3^{2-}]_i^2} \end{aligned}$$

3/ تحديد جهة تطور التفاعل

بما أن $Q_{r,i} = 0.781$ ومنه فإن التفاعل يتطور في اتجاه تشكل كل $Q_{r,i} << k$ فإن من $^{-}$ ا و $^{-}$ $^{-}$ $^{-}$ اي في الاتجاد الباشر.

التمرين 3

نمزج 1,0g من مسحوق الحديد Fe و 1,0g من مسحوق النحاس (Cu مع 20,0mL من محلول كلور النحاس الثنائي $(\operatorname{Cu}_{aa}^{2+} + 2\operatorname{cl}_{(aa)}^{-})$ و 20,0 من محلول كلور الحديد الثنائي $.5,0.10^{-1}$ mol.L⁻¹ متركيز كلا المحلولين يساوي (Fe_(aa) + 2cl_(ao))

$$Cu^{2+}_{(aq)}+Fe_{(s)}=Cu_{(s)}+Fe^{2+}_{(aq)}$$
 . للمعادلة $k=10^{26}$ للمعادلة . Q_{ci} عصلى ثابت التوازن . Q_{ci}

ب/ حدد في أي جهة تطور التفاعل.

2/أ/ احسب التقدم النهائي م X للتفاعل (استعن بجدول التقدم).

ب/ هل التفاعل تام؟

ج/ احسب قيمة _ع . Q .

3- استنتج (m(Fe و m(Cu) عند التوازن.

M(Fe) = 56g/mol ، M(Cu) = 63,5g.mol ، M(Cu) = 63,5g.mol

الحل

ا /i/ حساب قيمة Q أ /i/ ا

.(S) لكن
$$Q_{r,i} = \frac{[Fe_{(aq)}^{2+}]_i[Cu_{(s)}]_i}{[Fe_{(s)}]_i[Cu_{(aq)}^{2+}]_i}$$
 لكنهما في الحالة الصلبة $Q_{r,i} = \frac{[Fe_{(aq)}^{2+}]_i[Cu_{(aq)}^{2+}]_i}{[Fe_{(s)}]_i[Cu_{(aq)}^{2+}]_i}$

$$\left[Cu^{2+}_{(aq)} \right]_{i} = \frac{n_{Cu^{2+}}}{V_{odd}} = \frac{5.10^{-1}.20.10^{-3}}{(20+20).10^{-3}} \text{ Let } Q_{r,i} = \frac{\left[Fe^{2+}_{(aq)} \right]_{i}}{\left[Cu^{2+}_{(aq)} \right]_{i}}$$

 $[Cu_{(aq)}^{2+}]_i = 2,5.10^{-1} \text{mol.L}^{-1}$

$$[Fe_{(aq)}^{2+}]_i = \frac{n_{Fe^{2+}}}{V_{tolor}} = \frac{5.10^{-1}.20.10^{-3}}{(20+20).10^{-3}} = 2,5.10^{-1} \text{ mol.} L^{-1}$$

$$Q_{r,i} = 1$$
 ومنه ، $Q_{r,i} = \frac{2.5.10^{-1}}{2.5.10^{-1}} = 1$ ومنه ،

ب/ تحديد جهة تطور التفاعل

 $\operatorname{Cu}_{(aq)} = \operatorname{Cu}_{(s)}$ و $\operatorname{Cu}_{(s)} = \operatorname{Cu}_{(s)}$ و اتجاه المباشر، أي في اتجاه تشكل $\operatorname{Cu}_{(s)}$

2/أ/ حساب التقدم النهائي X للتفاعل

نحسب كمية المادة الابتدائية لكل نوع كيمياني:

$$n_{0(Cu^{2+})} = n_0(Fe^{2+}) = 5.10^{-1}.20.10^{-3} = 10^{-2} \text{ mol}$$

$$n_{0(Cu)} = \frac{m(Cu)}{M(Cu)} = \frac{1}{63.5} \approx 1,57.10^{-2} \text{ mol}$$

$$n_{0(Fe)} = \frac{m(Fe)}{M(Fe)} = \frac{1}{56} \approx 1,78.10^{-2} \text{ mol}$$

ننشئ جدول التقدم:

المعادلة	$Cu_{(aq)}^{2+} + Fe_{(s)} = Cu_{(s)} + Fe_{(aq)}^{2+}$			
الحالة الابتدائية	10^{-2} mol	1,78.10 ⁻² mol	1,57.10 ⁻²	10 ⁻² mol
الحالة النهائية	$10^{-2} - x_f$	$1,78.10^{-2} - x_f$	$1,57.10^{-2} + x_f$	$10^{-2} + x_f$

$$k = \frac{10^{-2} + x_f}{10^{-2} - x_f} \;\; \text{ ومنه } \;\; k = \frac{\frac{10^{-2} + x_f}{V}}{\frac{10^{-2} - x_f}{V}} \;\; \text{ i.i.} \;\; k = \frac{[Fe^{2+}]_{eq}}{[Cu^{2+}]_{eq}} \;\; \text{ (Cu}^{2+}$$

$$k(10^{-2} - x_f) = 10^{-2} + x_f$$
, $10^{-2}(k-1) = x_f(k+1)$

$$k(10^{-2} - x_f) = 10^{-2} + x_f \quad 10^{-2}(k-1) = x_f(k+1)$$

$$x_f \approx 10^{-2} \text{ mol} \quad x_f = \frac{10^{-2}(k-1)}{(k+1)} = 10^{-2} \frac{(10^{26} - 1)}{(10^{26} + 1)} \approx 10^{-2} \text{ mol}$$

.
$$au_f = 1$$
 ، $au_f = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{10^{-2}}{n_{0(\mathrm{Cu}^{2^*})}} = \frac{10^{-2}}{10^{-2}} = 1$

 $Q_{r,f}$ حساب قیمه

$$Q_{\mathrm{r},f} = \mathrm{k} = 10^{26}$$
 اي $Q_{\mathrm{r},f} = \frac{[\mathrm{Fe}^{2^+}]_f}{[\mathrm{Cu}^{2^+}]_f} = \mathrm{k}$ لدينا

و m(Cu) عند التوازن m(Fe) عند التوازن

نستعين بخانات الحالة النهائية من جدول التقدم.

$$m(Cu) = n_{(Cu)}.M(Cu)$$
 ومنه $m = n.M$ إذن $n = \frac{m}{M}$

 $M(Cu) = 63.5g.mol^{-1}$

$$n(Cu) = 1,57.10^{-2} + x_f = 1,57.10^{-2} + 10^{-2} = 2,57.10^{-2} \text{ mol}$$

$$m(Cu) = 2,57.10^{-2}.63,5 = 1,63g$$

$$m(Fe) = (10^{-2} - 10^{-2}).56 = 1,12g$$
 اي $m(Fe) = (10^{-2} - x_f).56 = 1,12g$ بالمثل نجد :

التمرين 4

اختر الإجابة الصحيحة.

ا/ حاملات الشحنة في الدارة الخارجية للعمود الكهربائي هي الشوارد / الإلكترونات. ب/ حاملات الشحنة في الدارة الداخلية للعمود الكهربائي هي الشوارد/ الإلكترونات. ج/ تنعقل الإلكترونات من للسرى للوجب إلى للسرى السالب/ من للسرى السالب إلى للسرى للوجب. د/ الجسر اللحي يعمل على عزل محلولي العمود عن بعضهما / وصل محلولي العمود ببعضهما. ه/ يعمل الجسر الملحي على هجرة الشوارد بين المحلولين / توقف الشوارد.

و/ القطب الموجب للعمود هو السرى الذي تخرج منه الإلكترونات / تدخل إليه الإلكترونات. ي/ المسرى الموجب هو المصعد / الهبط. ك/ العمود الكهربائي يعمل بالتحول القسري / التلقائي.

الحل

ا/ الإلكترونات. ب/ الشوارد. ج/ من المسرى الموجب إلى المسرى السالب. د/ وصل محلولي العمود ببعضهما. هـ/ هجرة الشوارد بين المحلولين. و/ تدخل إليه الإلكترونات. ي/ الصعد. ك/ التلقائي.

التمرين 5

أجب بصحيح أو خطأ على المقترحات التالية.

القوة المحركة الكهربائية لعمود دانيال تتعلق ب:

. $(Cu_{aq}^{2+} + SO_{4(aq)}^{2-})$ المحلول كبريتات النحاس أ

 $(Zn_{aq}^{2+} + SO_{4(aq)}^{2-})$ ب/ تركيز محلول كبريتات الزنك

ج/ حجم هذين المحلولين.

د/ نوع الشوارد المتواجدة في الجسر الملحي.

الحل

ا/ صحيح. ب/ صحيح. ج/ خطا. د/ خطا.

النمرين 6

كسر التفاعل ، Q الحادث في عمود كهربائي يساوي ثابت التوازن الكيميائي لهذا التفاعل : أ/ عندما يكون العمود في الحالة الابتدائية ؟

ب/ عندما بكون العمود في الحالة الانتقالية ؟

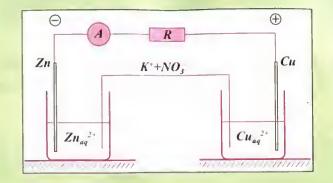
ج/ عندما يكون العمود في الحالة النهائية (العمود تفرع كلية) ؟

الحل

- يكون $Q_r = Q_{r,f} = k$ في الحالة النهائية. وعندما يتوقف التفاعل، وبالتالي يتوقف اشتغال العمود.
- أما في الحالة الابتدائية فإن $Q_{r,i} = 0$ وبالتالي $Q_{r,i} < k$ ، لذا يسرى التفاعل في الاتجاه المباشر.
 - وايضا في الحالة الانتقالية، يكون $Q_r < k$ ، وبالتالي فإن العمود، مازال في حالة اشتغال.

التمرين 7

نحقق تركيب الدارة المؤلفة من عمود دانيال يسرى في ناقل أومي R .



اجب بصحيح أو خطأ، وصحح العبارة الخاطئة ،

أ/ الإلكترونات تنتقل من مسرى Cu إلى مسرى Zn.

ب/الشوارد $Zn^{2+}_{(aq)}$ و $Cu^{2+}_{(aq)}$ تنتقل في الجهة الاصطلاحية للتيار الكهرباني.

$$\theta_{Zn_{(s)}/Zn_{(sq)}^{2+}} // Cu_{(sq)}^{2+} // Cu_{(s)}^{+}$$
 ج/ رمز العمود هو :

 $E = V_{+} - V_{-} = 1,08V$ هـ/ القوة المحركة للعمود

الحل

أ/ خطأ. والصحيح هو ؛ الالكترونات تنتقل من مسرى Zn إلى مسرى ، إذ يحدث عند السرى Zn تفاعل اكسدة ذلك لأن Zn هو الذي يفقد الالكترونات وهذه الإلكترونات تنتقل عبر الدارة الخارجية للعمود (عبر اسلاك التوصيل)، فتصل إلى مسرى النحاس Cu ، فيحدث عنده تفاعل إرجاع من قبل

> ب/ صحيح. إذ أن كل الشوارد الموجبة وهي $\operatorname{Cu}_{(aq)}^{2+}$ ، $\operatorname{Zn}_{(aq)}^{2+}$ ، تنتقل عكس جهة حركة الإلكترونات، وبالتالي بالجهة الاصطلاحية للتيار الكهربائي (]). كما هو موضح في الشكل المقابل.

> > ج/ صحيح. د/ صحيح.

 $K^{+}+NO$ Cuaq2 Zn_{aq}^{-2}

التمرين 8

 $\Theta \mathrm{Ni}_{(s)} / \mathrm{Ni}_{(aq)}^{2+} / / \mathrm{Ag}_{(aq)}^{+} / \mathrm{Ag}_{(s)} \oplus$ نعتبر العمود (نيكل- فضة) $I=10 \mathrm{min}$ هذا العمود يمكن أن يشتغل لمدة $30\,\mathrm{min}$ ، معطيا تيارا شدته ثابتة، وقيمتها

1 /ا/ اكتب المعادلتين النصفيتين الإلكترونيتين الحادثتين عند السزيين، وصف كيفية نشوء التيار الكهربائي في هذا العمود.

ب/ استنتج معادلة الأكسدة الإرجاعية، التي تحدد اشتغال هذا العمود.

2/ احسب كمية الشحنة الكهربائية Q التي ينتجها هذا المولد خلال مدة اشتغاله.

3/ استنتج قيمة التقدم النهائي ، X عند انتهاء مدة اشتغال العمود.

4/ احسب مقدار تغير كتلته مسرى الفضة Δm(Ag).

. $M(Ag) = 108g.mol^{-1}$ ، $F = 96500c.mol^{-1}$ ، معطیات

الحل

أ /أ/ المعادلة النصفية للأكسدة

• عند المهبط : ذرات معدن النيكل Ni(s) تفقد كل ذرة 2e حسب المعادلة النصفية :

$$Ni_{(s)} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2e^{-}$$

هذه الأزواج الإلكترونية تنتقل عبر المهبط لتصل إلى المصعد عبر أسلاك التوصيل.

 عند المصعد : ذرات معدن الفضة (Ag(s) المؤلفة للمصعد تصلها الإلكترونات التي فقدتها من الهبط، وهذه الإلكترونات تكتسبها الشوارد الموجبة من المحلول $Ag_{(aq)}^{+}$ المحيطة بالصعد، فتتحول إلى ذرات $Ag_{(aq)}^+ + 1e^- = Ag_{(s)}^-$ ، متعادلة كهربائيا، حسب المعادلة النصفية

ب/ معادلة الأكسدة الإرجاعية

$$Ni_{(s)} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2e^{-}$$

$$\frac{2 \times (Ag_{(s)}^{+} + 1e^{-} = Ag_{(s)})}{Ni_{(s)} + 2Ag_{(s)}^{+} = Ni_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}}$$

2/ حساب كمية الشحنة الكهربائية Q

، تعطى قيمة Q خلال المدة $\Delta t=30\, min$ لاشتغال العمود الذي يعطي تيارا 1=10 mA بالعلاقة

 $Q = (10.10^{-3}) \times (30.60)$ | Q = 18C | $Q = 1.\Delta t$

3/ حساب قيمة التقدم النهائي ، X

نعلم ان $Z = Z \times F$ ومنه $X = X_f = \frac{Q}{2F}$ وهو عدد الإلكترونات المتبادلة (المحولة) أثناء التفاعل. $F = 96500 \, \mathrm{C}$ وهو الفارادي.

الحل

أ /أ/ تحديد مسربي العمود: مسرى Zn ومسرى C

ب/ مسرى الغرافيت غير متاثر، يعني أنه لا يتفاعل.

(gel). يسمى عمود لكلانشي بالعمود الجاف، لأنه لا يحتوي على محاليل، بل على مادة هلامية $(H_{(aq)}^+)$. بريقال عن هذا العمود أنه حامضي، لأن التفاعل عند السريين يتم في وسط حمضي $(H_{(aq)}^+)$

3/ا/ المعادلتان النصفيتان للأكسدة والإرجاع

$$Zn = Zn^{2+} + 2e^{-}$$

$$(MnO_2 + H^+ + e^- = MnOOH) \times 2$$

$$Zn + 2MnO_2 + 2H^+ = Zn^{2+} + MnOOH$$

 Θ Zn / Zn²⁺ // MnOOH / MnO₂ / C \oplus : رمز العمود هو

العدد 1,5V يمثل القوة الحركة الكهربائية للعمود أي E=1,5V . العدد 1,5V وحدته هي mAh أي الميلي آمبير ساعي وبالتالي فهو يمثل القيمة الأعظمية لكمية الكهرباء.

ب/ حساب المدة الزمنية لاشتغال هذا العمود

$$\Delta t = \frac{Q}{1} = \frac{750.10^{-3} \text{Ah}}{0.1 \text{A}} = 7.5 \text{h}$$

 $\Delta t = 7,5h$

5/ الحصيلة الطاقوية لعمود لكلانشي

6/ الكتلة الستهلكة من قبل كل من Zn و MnO

1h = 3600s يكن $Q = 750 \text{mAh} = 750.10^{-3} \text{Ah}$ لدينا

 $Q = 0.750 \times 3600 A.s$ إذن

وبما ان IAmper× ISeconde = ICoulomb اذن

من العادلتين النصفيتين السابقتين نلاحظ أن كل 1 ذرة من Zn تحرر 2c

 $n_{(MnO_2)} = n_{(\bar{e})}$ اي: $n_{(\bar{e})} = n_{(\bar{e})}$ ، $n_{(\bar{e})} = 2n_{(Zn)}$. كما نستنتج من المعادلة الثانية أن $n_{(Zn)} = \frac{1}{2} n_{(\bar{e})}$ ، $n_{(\bar{e})} = 2n_{(Zn)}$. لنحسب إذن عدد الإلكترونات المحولة :

$$n_{(\bar{e})} = \frac{2700}{96500} = 2.8.10^{-2} \, \mathrm{mol}$$
 نعلم ان $\frac{n_{(\bar{e})} = \frac{Q}{F}}{100}$ نعلم ان

$$n_{(Z_n)} = 1,4.10^{-2} \,\text{mol}$$
 و $n_{(M_{nO_2})} = 2,8.10^{-2} \,\text{mol}$.

 $W_e = 750 mAh$

$$m_{(Zn)} = n_{(Zn)} M_{(Zn)} = 1,4.10^{-2}.65,4 = 0,92g$$
 وبالتالي :

$$m_{(MnO_2)} = n_{(MnO_2)} M_{(MnO_2)} = 2,8.10^{-2}.86,9 = 2,43g$$

$$x_f = \frac{18}{2 \times 96500} = 9,3.10^{-5} \text{ mol}$$
 نعوض فنجد

4/ حساب مقدار تغير كتلة الفضة (Am (Ag)

ننشئ جدول التقدم لعرفة كمية مادة الفضة (Ag) المرسبة :

المعادلة
$$Ni_{(s)} + 2Ag_{(s)}^+ = Ni_{(aq)}^{2+} + 2Ag_{(s)}$$
 المحادلة
$$n_0(Ni) \qquad n_0(Ag^+) \qquad n_0(Ni^{2+}) \qquad n_0(Ag)$$
 الابتدائية
$$n_0(Ni) - 2x_f \qquad n_0(Ag) - 2x_f \qquad n_0(Ni^{2+}) + 2x_f \qquad n_0(Ag) + 2x_f$$
 النهائية

نلاحظ من هذا الجدول أن 2x + 2x هي كمية مادة الفضة Ag التي زادت (ترسبت).

$$m_{Ag} = \Delta m_{(Ag)} = 2x_f. M(Ag)$$
 وبما ان $m = nM$ اذن $n = \frac{m}{M}$ وهنا $\Delta m_{(Ag)} = 2.9, 3.10^{-5}.108$ اذن $\Delta m_{(Ag)} = 2.9, 3.10^{-5}.108$

التمرين 9

ان عمود لكلانشي (Leclanché) هو عمود يتالف من اسطوانة من الزنك Zn ومحلل كهربائي حمضي هلامي من ثنائي اكسيد المنغنيز MnO_2 ومسرى غير متاثر من الغرافيت C (الكربون).

أ /ا/ حدد مسريي هذا العمود.

ب/ ماذا يقصد بمسرى الغرافيت أنه غير متاثر ؟

2/1/ لماذا يسمى عمود لكلانشي بالعمود الجاف؟

ب/ لماذا يقال عن هذا العمود انه حامضي؟

 $Zn^{2+}_{(aq)}/Zn_{(s)}$ الثنائيتان (مر/مؤ) الداخلتان في اشتغال هذا العمود هما (مر/مؤ)

 $. MnO_2 / MnOOH_9$

. $H_{(aq)}^+$ وهذا في وسط حمضي الأكسدة والإرجاع وهذا في وسط حمضي المادلتين النصفيتين للأكسدة والإرجاع وهذا في المادلتين النصفية المادلة الم

ب/ استنتج معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي في العمود.

ج/ اعط رمز هذا العمود.

4/ هذا النوع من الأعمدة يحمل المعلومات: 750mAh; 1,5V

أ/ ماذا تحمل هذه الخصائص ؟

ب/ احسب المدة الزمنية Δt التي يشتغل فيها العمود علما بأنه يعطي تيارا ثابت الشدة قيمته I=0.1A

5/ اعط الحصيلة الطاقوية لهذا العمود وبين أنه تحول تلقائي.

. Δt في هذه المتهلكة من قبل كل من $2 \, MnO_2$ في هذه الدة الزمنية $2 \, MnO_3$ احسب الكتلة المستهلكة من قبل كل من

 $M(MnO_2) = 86.9g.mol^{-1}$. $M(Zn) = 65.4g.mol^{-1}$:

2-2- مردود الاسترة

في حالة مزيج ابتداني متساوي كمية المادة (متساوي عدد المولات) من الحمض الكربوكسيلي والكحول فإن مردود الاسترة يتعلّق بصنف الكحول.

$$r_{i,i} = \frac{X_f}{X_{max}} = \frac{n}{n_0} = \frac{n}{n_0}$$
 مردود الاسترة = $\frac{1}{N_0}$ الكمية الابتدائية للحمض أو الكحول

$$r_{\rm init} = au_f = rac{X_f}{X_{
m max}}$$
: مردود الاسترة يساوي النسبة النهائية لتقدّم التفاعل

 $r_{i} = 67\% = 0.67$ إذا كان الكحول اوليا :

 r_{i} اذا كان الكحول ثانويا : 60% = 0 , 60 استر r_{i}

r إذا كان الكحول ثالثيا : 10% إلى 5% استرة

2-3- مردود إماهة الاستر

$$r_{\text{iale}} = au_f' = rac{X_f}{X_{max}} = rac{n}{n_0} = rac{1}{n_0} = rac{1}{n_0} = rac{1}{n_0} = rac{1}{n_0}$$
 مردود إماهة الاسترة = $rac{1}{n_0}$ الكمية الابتدائية للاسترأو الماء

إذا كان الكحول الناتج اوليا : 33% إذا كان الكحول الناتج الوليا : 33%

اذا كان الكحول الناتج ثانويا : 40% إذا كان الكحول الناتج

اذا كان الكحول الناتج ثالثيا : 5% إلى 95% من إمامة الاستر 1

2-4- ثابت التوازن K

في حالة تفاعل الاسترة :

$$K = \frac{\left[\text{Nunit} \right]_{f} \left[\text{Nunit} \right]_{f}}{\left[\text{Nunit} \right]_{f}}$$

ويتحوّل إلى :

0,33

$$K = \frac{n_{\text{out}} \times n_{\text{ols}}}{n_{\text{out}} \times n_{\text{ols}}}$$

مراقبة سرعة تفاعل الاسترة (أو إماهة الأسترة)

تزداد سرعة التفاعل دون تغيير المردود ؛

أ/ إذا زادت درجة حرارة المزيج.

2/ إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز (زيادة الشوارد H^+).

الوحدة 2 " مراقبة تحول كيمياني - الأسترة وإماهة الاستر

1/ تحولات الاسترة واماهة الاستر

1/1/ تفاعل الاسترة

رور بھے تعریف

تفاعل الأسترة هو تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول، فينتج استر وماء.

ماء + استر = كحول + حمض كربوكسيلي

الصيغة الجزيئية نصف المفصلة للاستر

$$R - C = O - H + R' - OH = R - C + H_2O$$

 $2 \le n$ مع $C_n H_{2n} O_2$ الصيغة الجزيئية المجملة للاستر

1-2- تفاعل إماهة الاستر

تعريف

تفاعل إماهة الاستر هو تفاعل استر مع الماء، فيعطي حمضا كربوكسيليا وكحولا.

$$R - C = O - R' + II_2O = R - C = O - II + R' - OII$$

كحول + حمض كربوكسيلي = ماء + اسخ

1-3- خصائص تفاعلي الاسترة وإماهة الاستر:

محدود (غير تام) — لا حراري — عكوس — بطيئ. نلاحظها في كلمة ملاعب :



2- مراقبة الحالة النهانية

2-1- جدول التقدّم لتفاعل الاسترة

$$R-COOH+R'-OH=RCOOR'+H_2O$$

الحالة الابتدائية
$$n_0$$
 n_0 n_0 $0 \, mol$ $0 \, mol$

الحالة النهائية
$$n_o - X_f$$
 $n_o - X_f$ X_f X_f

تماريه خاصة بالأسترة وإماهة الأستر

التمرين ا

اختر الإجابة الصحيحة، وصحح الخاطئة.

أ/ تفاعل الأسترة هو ،

أ/ تفاعل بطئ

ب/ تفاعل تام

خ/ تفاعل ناشر للحرارة

2/ يمكن زيادة نسبة تقدم تفاعل الأسترة إذا:

أ/ رفعنا درجة الحرارة

ب/ أضفنا قطرات من حمض الكبريت المركز.

ج/ استعملنا كحولا أوليا، بدل كحولا ثالثيا.

د/ انقصنا كمية المادة لأحد المتفاعلات.

الحل

تَذْكَرَةَ: تفاعل الأسترة هو تفاعل يتم بين حمض كربوكسيلي وكحول. أما تفاعل إماهة الاستر، فيتم بين الاستر والماء. وخصائص كل تفاعل هي: لاحراري، بطيئ، عكوس، محدود.

أ/ا/صحيح. ب/صحيح.

ج/ خطا، والصحيح هو أن تفاعل الأسترة هو تفاعل لاحراري، لا ينتج عنه انتشار أي حرارة إضافية، فبقدر ما يعطى له حرارة أثناء التفاعل بقدر ما يعطي هو حرارة، عند انتهاء التفاعل (عند التوازن). 2/ تذكرة: كلا التفاعلين (أسترة، إماهة الاستر) يصل إلى حالة التوازن، فإذا أردنا تغيير حالة التوازن

نقوم بما يلي: • كلما ظهر ناتج، ننزعه، وهذا بتقدم التفاعل.

• نضيف بزيادة أحد المتفاعلات.

أ/ خطأ : فالحرارة عامل حركي، تغير فقط من سرعة التفاعل، فكلما زادت الحرارة زادت سرعة التفاعل.

ب/ خطأ ، فحمض الكبريت المركز هو عامل مساعد يزيد من سرعة التفاعل فقط.

ج/ خطأ : فالاسترة لا تتقدم عمليا إذا استعملنا كحولا ثالثيا، بدل كحول أولى.

النمرين 2

حدد المعادلات التي تعطي تفاعلات أسترة وإماهة أستر من بين التفاعلات التالية:

 $R - COOH + R' - OH = R - COO - R' + H_2O$

 $H - COOH + H - CH_2 - OH = H - COOCH_3 + H_2O / -$

 $CH_3COOH + C_2H_5OH = CH_3COOC_2H_5 + H_2O$ /z

 $CH_3COOH + C_2H_5OH = C_2H_5COOCH_3 + H_2O$ /2

 $CH_3COOH + HO^- = CH_3COO^- + H_2O$ / \triangle

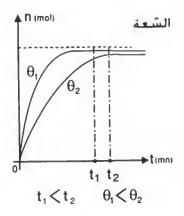
 $CH_3COOC_3H_7 + H_2O = C_2H_5COOH + C_3H_7OH / 9$

3- مراقية مردود التفاعل

يزداد مردود التفاعل في الحالات التالية ،

أ/ المزيج الابتدائي غير متساوي كمية المادة.

2/ إجراء تفاعل الاستر بكلور الاسيل بدل الحمض الكربوكسيلي، يجعل التفاعل تاما.



الحل

تفاعلات الأسترة هي : ماء + استر = كحول + حمض كربوكسيلي. فتفاعلات الأسترة هي التفاعلات (أ)، (ب)، (ج). اما (د) فهو أيضا تفاعل استر، لكن تم فيه تغيير صيغة الأستر الناتج، فالأستر يجب الا تكون صيغته ، C2H5 - COOCH ، بل يجب ان تكون صيغته

. $CH_3 - COOC_2H_5$ ويمكنك المقارنة بين المعادلتين (ج) و(د).

التفاعل (د) هو تفاعل حمض باساس، فهو ليس تفاعل استرة. تفاعلات إماهة الأستر بجب أن تحقق : كحول + حمض كربوكسيلي = ماء + أستر

فالتفاعلان (و) و(هـ) هما تفاعلا إماهة استر.

النمر بي 3 املاً الجدول التالي.

الوظيفة الكيميائية	الاسم	الصيغة الطوبولوجية	الصيغة نصف الفصلة $CH_3 - CH_2 - OH$
		OH OH	
			$CH_3 - CHOH - CH_3$

 $CH_3 - COO - CH_2 - CH_3$

ميثانوات البروبيل

$$H-C = O CH_3$$
 $-C-CH_2-CH_3$
 CH_3

الحل

الوظيفة الكيميانية	الاسم	الصيغة الطوبولوجية	الصيغة نصف المفصلة
كحول اولي	إيثان—1—اول	∕_он	$CH_3 - CH_2 - OH$
حمض كربوكسيلي	حمض البوتانويك	OH OH	$CH_3 - CH_2 - CH_2 - C$ OH
كحول ثانوي	بروبان —2— اول	V □ОН	CH ₃ – CHOH – CH ₃
شاردة	شاردة البوتانوات	~	$CH_3 - CH_2 - CH_2COO^-$
استر	إيثانوات الإيثيل	$\sqrt{\binom{0}{0}}$	$CH_3 - COO - CH_2 - CH_3$
استر	ميثانوات البروبيل	(°)	$H - COO - CH_2CH_2 - CH_3$
	میثانوات مثیل—2 البوتیل—2	0	$H-C$ O CH_3 $-C-CH_2-CH_3$ CH_3

التمرين 4

- أر نحقق تجريبيا أسرة بتفاعل حمض الإيثانويك مع الإيتانول.
 - 1/ ماذا نقصد بتفاعل استرة ؟
 - 2/ اكتب معادلة التفاعل الكيمياني الحادث.
- 3/ يجري التفاعل بمزيج ابتداني متساوي عدد الولات يتالف من lmol حمض و lmol كحول. عند حدوث حالة التوازن، يكون المزيج مؤلفا من 0,33mol من الحمض و 0,33mol من الكحول، و 0,67mol من الاستر و 0,67mol ماء.
 - أ/ أنشئ جدول التقدم. ب/ احسب مردود التفاعل ٢ ، وتأكد من أن الكحول المتفاعل أولي.

$$CH_3 - C$$
 $O-H_2 - CH_3$ $O-CH_2 - CH_3$ $O-CH_2 - CH_3$ $O-CH_3 - CH_3 - CH_$

3/ا/ جدول التقدم

نعلم في هذه الحالة كميات المادة في الحالتين الابتدائية والنهائية، لذا ياتي جدول التقدم كما يلي :

	- الحمض الكربوكسيلي	= الكحول (الأولي) +	الاستر	+ 541	
الحالة الابتدائية	1mol	lmol	0mol	0mol	
الحالة النهانية	0,33mol	0,33mol	0,67mol	0,67mol	

ب/ حساب مردود التفاعل ٢

$$r_{jin} = au_f = rac{x_f}{x_{max}} = rac{n(a column 2000 - b column 2000 - colum$$

بما ان 67% r = 67% فهذا يدل على ان الكحول المتفاعل اولي. فلو كان الكحول ثانويا لوجدنا :

$$r_{sal} = 60\%$$

 $Q_{r,eq}$ ڪسر التفاعل عند التوازن = 7

$$Q_{r,eq} = \frac{[lhala]_{eq}}{[lland]_{eq}[lland]} = \frac{[lhala]_{eq}}{[lland]_{eq}[lland]} = \frac{[lhala]_{eq}}{[lland]}$$

$$Q_{r,eq} = \frac{\frac{n_{inl}}{V} \times \frac{n_{ilo}}{V}}{\frac{n_{olo}}{V} \times \frac{n_{olo}}{V}} = \frac{n_{inl} \times n_{olo}}{n_{olo} \times n_{olo}}$$

$$Q_{r,eq} = \frac{0.67 \times 0.67}{0.33 \times 0.33} = 4$$
نعوض فنجد

ثابت التوازن k

.
$$k=Q_{r,eq}=2,25$$
 ولو كان الكحول ثانويا لوجدنا $k=Q_{r,eq}=4$

ج/ احسب Q_{r.ca} وثابت التوازن k .

II/ نضيف للمزيج السابق عند حالة التوازن lmol من حمض الإيثانويك.

1/ احسب الكسر الابتدائي للتفاعل . Q . ا

2/ حدد جهة تطور التفاعل.

3/ اعط من جديد جدول التقدم.

 x_f بدلالة $k = Q_{r,eq}$ بدلالة k = 1/4

ب/ احسب قيمة ، X ،

5/ اعط التركيب النهائي للمزيج عند التوازن.

الحل

1/1/ تفاعل الأسترة هو تفاعل حمض كربوكسيلي مع كحول فينتج استر وماء.

2/ معادلة التفاعل

نعين صيغة حمض الإيثانويك :

• وبما أنه حمض الإيثانويك، فكلمة إيث تعني اثنان، أي 2 ذرة كربون C ، فهذا الحمض يجب أن

يحتوي على
$$2$$
 ذرة C ، لذا نضيف إلى المجموعة الوظيفية ذرة C أخرى فيكون من الشكل $O-H$

و و درة C المضافة ينقصها C روابط، لأن كل ذرة C تنشئ C روابط، لذا يجب إضافة C ذرات C إلى

وبما أنه إيثانول. اي إيث، فيجب أن تكون له 2 ذرة C ، لذا وجب إضافة ذرة C أخرى كما يلي C

 ${
m CH_3-CH_2-OH}$ أو ${
m C-C-OH}_3-{
m CH}_2-{
m OH}_3$ أو ${
m C-C+OH}_3-{
m CH}_3-{
m CH}_3-{
m CH}_3-{
m CH}_3$ فتكون المعادلة الكيميائية كما يلي :

Q_{r,i} للتفاعل الكسر الابتدائي للتفاعل /// ا

$$Q_{r,i} = 1,02$$
 اي $Q_{r,i} = \frac{n_{jijl} \times n_{ala}}{n'_{sam} \times n_{jloc}} = \frac{0,67 \times 0,67}{(0,33+1) \times 0,33}$

2/ تحديد جهة تطور التفاعل

بما ان $Q_{r,i} < k$ فهذا يعني ان التفاعل يتم في الاتجاه المباشر، اي في اتجاه تفاعل الأسترة، وليس في الاتجاه العكسي، أي في اتجاه إماهة الاستر. ولذا نتوقع زيادة كمية المادة لكل من الأستر والماء.

3/ جدول التقدم

في هذه الحالة، نعلم فقط كميات المادة في الحالة الابتدائية، لا نعرف كمياتها في الحالة النهائية لذا ياتي جدول التقدم بدلالة ، X كالتالي :

	- الحمض الكربوكسيلي	= الكحول (الأولي) +	الاستر	+	اء
الحالة الابتدائية	1,33mol	0,33mol	0,67mol		0,67mol
الحالة النهانية	$1,33-x_f$	$0.33 - x_f$	$0,67 + x_f$		$0,67 + x_f$

4/ عبارة k

$$\frac{(0,67+x_f)^2}{(1,33-x_f)(0,33-x_f)} = 4$$
 اذن $k = 4$ اذن $k = \frac{(0,67+x_f)(0,67+x_f)}{(1,33-x_f)(0,33-x_f)}$

$$9x_{f}^{2}-24x_{f}+4=0$$
 وبعد التبسيط نجد

$$\sqrt{\Delta}=20{,}78$$
 اي $\Delta=432$ فنجد $\Delta=(-24)^2-4(9)(4)$ ثم نحسب الميز

$$x_f = 0,178$$
ومنه ، $x_{f_z} = \frac{24 - 20,78}{2(9)} = 0,178$ اوهو مقبول کیمیانیا. اذن

5/ التركيب النهائي للمزيج

$$n_{f(\omega\omega)} = 1,33 - 0,178 = 1,15 \text{mol}$$

$$n_{f(\log 1)} = 0.33 - 0.178 = 0.15 \text{mol}$$

$$n_{f(\frac{1}{2} - 1)} = 0.67 - 0.178 = 0.848$$
mol

$$n_{f(slo)} = 0.67 - 0.178 = 0.848 \text{mol}$$

التمريري 5

نريد تحضير نوع كيميائي عضوي E ، وهو إيثانوات البنزيل (اسيتات البنزيل) كثافته d = 1,06 ، الموجود في عطر الياسمين. 1 النا علمت ان صيغة المركب E هي $CH_3COOCH_2C_6H_5$:

ا/ حدد الوظيفة الكيميائية للمركب E .

M(A)>M(B) علما بان (B) و (B) اللذان تأتي منهما (B) علما بان (B)2/ نضع في حوجلة (0,50mol) من الركب (B) و (0,20mol) من الركب (A)، ثم نضيف قطرات من حمض الكبريت المركز، نسد الحوجلة، ونضعها في فرن درجة حرارته 180°C.

أ/ ما الهدف من إضافة قطرات من حمض الكبريت المركز والتسخين؟ ب/ عند حدوث حالة التوازن يكون $au_f = 0.88$. لم لا يكون $au_f = 0.67$ رغم أن الكحول

المستعمل أولي ؟

ج/ اكتب معادلة التفاعل المنمذج للتحول الكيميائي وحدد خصائصه.

د/ احسب كلا من X و X و X .

هـ/ احسب كتلة الاستر المتشكل، وأيضا حجمه الصافي.

3/ نضيف إلى المزيج السابق عند حالة التوازن 0,024mol من المركب E.

ا/ حدد في اي اتجاه يتطور التفاعل.

ب/ أعطَّ الرّكيب الكتلي للمزيج الجديد عند بلوغ حالة التوازن الجديد.

الحل

الوظيفة الكيميائية للمركب ${
m E}$ هي أسرَ، فاسمه يدل على ذلك لأنه على وزن "الكانوات الألكيل". 1/1ب/ النوعان الكيميائيان (A) و (B) اللذان ياتي منهما هذا الأستر E ، احدهما كحول، والآخر حمض كربوكسيلي. ونعين صيغة كل منهما كما يلي :

$$CH_3COOCH_2C_6H_5$$
 : نكتب صيغة الأستر المناس الم

نضيف إلى الجزء الذي أتى من الكحول ذرة H فنحصل على الكحول ، $HO-CH_2C_6H_5$ ونقبله . $C_6H_5-CH_2-OH$ فنحصل على الكحول

. CH_3-COOH فنحصل على الحمض الحموعة OH فنحصل على الحمض

نلاحظ بدون حساب أن الكتلة المولية للكحول (كحول) M أكبر من الكتلة المولية للحمض

(الحمض) M . إذن (الحمض) M < (کحول) M . فنستنتج ان :

- . $C_6H_5-CH_2-OH$ هو الكحول الأولي A والكيميائي النوع الكيميائي
- النوع الكيميائي B هو الحمض الكربوكسيلي CH3COOH.

1/2/ الهدف من إضافة حمض الكبريت المركز والتسخين هو تسريع التفاعل. فالحرارة هي من العوامل الحركية. وحمض الكبريت المركز هو عامل مساعد.

ب/ بالفعل نحصل على $au_f = 0.67$ إذا كان الكحول أوليا، وهذا في حالة واحدة وهي أن المزيج الابتدائي متساوي عدد المولات. لكن هنا المزيج الابتدائي 0,20mol من الكحول و 0,50mol من . $au_f \neq 0,67$ غير متساوي عدد المولات، لذا نجد (B) عبر متساوي هـ/ حساب كتلة الأستر (m(E

$$m(E) = n_{(E)}.M(E)$$
 لدينا $n = \frac{m}{M}$ لدينا

$$n_{(E)} = x_f = 0.176 \text{mol}$$

$$M(E) = M(CH_3COOCH_2C_6H_5) = 9.10 + 16.2 + 10.1$$

$$M(E) = 150g.mol^{-1}$$

$$m(E) = 0.176.150 = 26.4g$$
 إذن

 $V_{(E)}$ حساب حجم الأستر

$$l_{(E)}=d.l_{\text{(LL)}}$$
 نعلم ان $d=\dfrac{l_{(E)}}{l_{\text{(LL)}}}$ نعلم ان

 $l_{(E)} = 1,06 \times lg / cm^3$

 $l_{(E)} = 1,06g/cm^3$

$$V(E) = \frac{26,4}{1,06}$$
 اذن $V(E) = \frac{m(E)}{l_{(E)}}$ اذن $l_{(E)} = \frac{m(E)}{V(E)}$ لکن

 $V(E) = 24,9cm^3$ إذن

الحالة

النهائية

3/أ/ تحديد اتجاه تطور التفاعل

عند إضافة 0,024mol من الاستر يتغير التركيب الجديد للمزيج النهائي السابق، والذي نعتبره مزيجا ابتدائيا جديدا.

$$n_{f(l_{mid})} = 0.176 + 0.024 = 0.2 \text{mol}$$

$$n_{f(sla)} = 0,176 \text{mol}$$

$$n_{f(J \to S)} = 0.20 - 0.176 = 0.024 \text{mol}$$

$$n_{f(\omega\omega)} = 0.50 - 0.176 = 0.324 \text{mol}$$

$$Q_{r,i} = \frac{0.2 \times 0.176}{0.024 \times 0.324} \approx 4.53 \; : k$$
 ونقارنه ب $Q_{r,i}$ ونقارنه بولاية خهة تطور التفاعل نحسب

نلاحظ ان k=4 فالتفاعل يتطور في الاتجاه العكسي، أي في اتجاه إماهة الاستر.

ب/ إعطاء التركيب الكتلي للمزيج الجديد عند التوازن

ننشئ جدول التقدم بشكل مختصر:

الماء + الاستر = الكحول (الأولي) + الحمض الكربوكسيلي
$$0.324 + x$$
, $0.024 + x$, 0

ج/ معادلة التفاعل النمذج للتحول الكيميائي

$$CH_3 - COOH + C_6H_5 - CH_2 - OH = CH_3COOCH_2C_6H_5 + H_2O$$

خصائص تفاعل الأسترة وإماهة الأستر هي ، محدود (غير تام) — لاحراري — عكوس — بطيئ. فهي موجودة في كلمة "م لاع ب".

د/ حساب كل من X max و ع

ننشئ جدول التقدم:

$$CH_3 - COOH + C_6H_5 - CH_2 - OH = CH_3COOCH_2C_6H_5 + H_2O$$

الحالة الابتدائية	0,50mol	0,20mol	0mol	0mol
الحالة النهائية	$0,50 - x_f$	$0,20-x_f$	\mathbf{x}_f	\mathbf{x}_f

في التفاعلات المتوازنة مثل الأسترة أو إماهة الأستر فإن $x_{\rm max}$ يحدد من النوع الكيميائي الذي له أصغر عدد ممكن من المولات، وهو هنا الكحول الذي وضعنا منه $(0,20{
m mol})$ ، إذن $x_{\rm max}=0,20{
m mol}$ لنحسب $x_{\rm r}$:

الطريقة 1

$$\mathbf{x}_f = 0.176 \mathrm{mol}$$
 لدينا $\mathbf{x}_f = 0.176 \mathrm{mol}$ اي $\mathbf{x}_f = 0.88 \times 0.20$ اي $\mathbf{x}_f = \mathbf{\tau}_f \mathbf{x}_{\mathrm{max}}$ وبالتالي

الطريقة 2

$$\mathbf{k} = \frac{\mathbf{x}_f \times \mathbf{x}_f}{(0.5 - \mathbf{x}_f)(0.2 - \mathbf{x}_f)} = 4$$
 لكن $\mathbf{k} = 4$ لكن الكحول اولي فإن

$$x_f^2 = 4(0, 5 - x_f)(0, 2 - x_f)$$

$$3x_f^2 - 2.8x_f + 0.4 = 0$$

 $\sqrt{\Delta}$ لنحسب

$$\sqrt{\Delta} = 1,74$$
 اذن $\Delta = (-2,8)^2 - 4(3)(0,4)$ لدينا

ومنه نجد
$$x_{if} = \frac{2,8+1,74}{2(3)} = 0,757$$
 عن هذه القيمة في

حالة الحمض أو الكحول لوجدنا قيما سالبة، وهذا مرفوض كيميانيا.

. مقبول
$$x_{2f} = \frac{2,8-1,74}{2(3)} = 0,176$$
mol

وهي نفس النتيجة التي حسبناها سابقا. $x_{2f} = 0.176$ mol

Hard_equation

• الكتب بالعربية

1 الفيزياء للجامعات (ترجمة: السمان، الحصري)

ا ▷ قصة الطاقة الذرية (جلادكوف): مير

ا ⊳ قصة الكون (قسوم - ميموني): المعرفة

[المنهل في الفيزياء والكيمياء (AS, 3AS) - (نفس المؤلف، حديبي) - المعرفة

ا > دروس PO19 للأستاذ عبد الحميد بن تشيكو

[] و زاد العلوم الفيزيانية والتكنولوجيا (لنفس المؤلف)

| ⊲ الفيزياء – السنة الثالثة – مكتبة المدارس

• الكتب بالانجليزية

The Power House of the atom (Gladkov) – Mir ⊲1

Chemistry for changing times (John, Hill) ⊲1

• الكتب بالقريسية

Ondes, optique et physique moderne (HALLIDAY) Editions du nouveau pédagogique ⊲1

Mécanique général (T1, T2) : (Alonso – Finn) ⊲2

Chimie (T.S + 1^{re} S): NATHAN ⊲3

Hachette (T.S + 1^{re}) < □

Physique – Chimie (P. closier): Ellipses ⊲5

Annabac (1999, 2001) Sujet : Hatier < 16

S. Bac (T.S) (Serverine): Bréal <7

تماديه خاصة بالأسترة وإماهة الأستر

$$\mathbf{k} = 4 = \frac{(0,176 - \mathbf{x}_f)(0,2 - \mathbf{x}_f)}{(0,324 + \mathbf{x}_f)(0,024 + \mathbf{x}_f)}$$

$$4(0,324 + \mathbf{x}_f)(0,024 + \mathbf{x}_f) = (0,176 - \mathbf{x}_f)(0,2 - \mathbf{x}_f)$$

$$4(7,776.10^{-3} + 0,348.5 + \mathbf{x}^2_f) = 0,0352 + \mathbf{x}^2_f - 0,376\mathbf{x}_f)$$

$$0,031 - 0,035 + 3\mathbf{x}^2_f + 1,768\mathbf{x}_f = 0$$

$$3\mathbf{x}^2_f + 1,768\mathbf{x}_f - 0,004 = 0$$

$$\vdots$$

$$\mathbf{x}_{if} = 1,78 \cdot \Delta = (1,768)^2 - 4(3)(-0,004)$$

$$\mathbf{x}_{if} = 2.10^{-3} \, \text{mol} \quad \mathbf{x}_{if} = \frac{-1,768 + 1,78}{2(3)}$$

$$\mathbf{x}_{if} = \frac{-1,768 - 1,78}{2(3)} < 0 \quad \text{of} \quad \mathbf{x}_{if} = 2.10^{-3} \, \text{mol}$$

$$\mathbf{x}_{if} = 2.10^{-3} \, \text{mol} \quad \mathbf{x}_{if} = \frac{-1,768 - 1,78}{2(3)} < 0 \quad \text{of} \quad \mathbf{x}_{if} = 2.10^{-3} \, \text{mol}$$

ندسب إذن التركيب الكتلي للمزيج عند التوازن الجديد .
$$m_{\text{cond}} = n_{\text{cond}}$$
 . $M(\text{cond}) = 0.326 \times 60 = 19,56g$. $n_{\text{cond}} = 0.326 + 2.10^{-3} = 0.326 \text{mol}$

$$m_{1.5} = n_{0.028} \times 108 = 3,024g$$
 کحول) = 0,028 × 108 = 3,024g

$$m_{0.028 \times 108} = 3,024$$
 $= 0.028 \times 108 = 3,024$

$$n_{\text{dag}} = 0.024 + 2.10^{-3} = 0.028 \text{mol}$$

.
$$m_{i} = n_{i}$$
 .M(استر) = 0,198 × 150 = 29.7g

$$n_{\text{loc}} = 0.2 - 2.10^{-3} = 0.198 \text{mol}$$

$$n_{\text{el}} = 0.176 - 2.10^{-3} = 0.174 \text{mol}$$
, $m_{\text{el}} = n_{\text{el}}$. $M(\text{el}) = 0.174 \times 18 = 3.132g$

$$M(\epsilon) = M(H_2O) = 18g/mol$$
 $M(\Delta) = M(CH_3COOCH_2C_6H_5) + 150g/mol$
 $M(\Delta) = M(CH_3COOH_2C_6H_5) + 150g/mol$
 $M(\Delta) = M(CH_3COOH_2C_6H_5) = 108g/mol$
 $M(\Delta) = M(C_6H_5CH_2OH_2C_6H_5) = 108g/mol$

فهرس

الإهداء	
المقدمة	

المقدمة	
المحال الأول : البطورات الرتبية	
الوحدة 1: تطور كميات المادة للمتفاعلات والنواتج خلال تحول كيميائي في محلول ماني	
	11
	18
الوحدة 2: دراسة تحولات نووية	
خلاصة الدرس	
تمارين خاصة بالتحولات النووية	12
الوحدة 3 : دراسة ظواهر كهربانية	
1- الدارة (R,C)	
خلاصة الدرس)4
تمارين خاصة بالدارة (R,C)	05
2- الدارة (R,L)	
	31
	43
الوحدة 4 : تطور جملة ميكانيكية	
1- مقاربة تاريخية لميكانيك نيوتن	
	170
	195
2- شرح حركة كوكب أو قمر صناعي	
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	244
	280
3- دراسة حركة السقوط الشاقولي لجسم صلب في الهواء	
	272
	280
4- حركة قذيفة في حقل الجاذبية عدم المرابع ا	
	300
	304
	319
5- حدود ميكاتيك نيوتن — الانفتاح على العالمين الكمي والنسبي . الاستكارات	
	330
	336
لوحدة 5 : تطور تحول جملة كيمياًنية خلال تحول كيمياني نحو حالة التوازن ــ الأحماض والأسس خلام قرار	
فلاصة الدرس	538

لمهتزة	التطورات ا	اني :	ل الثا	لمجا
--------	------------	-------	--------	------

الوحدة 1: الاهتزازات الحرة لجملة ميكاتيكية

1- النواس المرن	l
فلاصة الدرس	
مارين خاصة بالاهتزازات الحرة للنواس المرن	3
2- النواس الثقلي والبسيط	
غلاصة الدرسغلاصة الدرس أ	
مارين خاصة بالاهتزازات الحرة للنواسين الثقلي والبسيط	دَ
لوحدة 2 : الاهتزازات الحرة لجملة كهربانية	
إ - الدارة الكهربانية (R,L,C)	ı
فلاصة الدرس	
مارين خاصة بالدارة (R,L,C)مارين خاصة بالدارة (R,L,C)	دَ
لوحدة 3 : *الاهتزازات القسرية	
ا - الاهتزازات القسرية للنواس الثقلي	1
فلاصة الدرسفلاصة الدرس	
2- الاهتزازات القسرية للدارة الكهربانية (R,L,C)	2
غلاصة الدرس	
) - التشابه الميكانيكي — الكهرباني	3
نلاصة الدرس	
مارين خاصة بالاهتزازات القسرية	ت
لمحال النالث : طواهر الابتشار	ı
وحدة 1: انتشار الاضطراب	
فلاصة الدرس	
مارين خاصة بانتشار الاضطراب	
وحدة 2 : انتشار موجة ميكانيكية دورية	
نلاصة الدرس	
مارين خاصة بانتشار موجة ميكانيكية دورية	
وحدة 3 : النموذج التموجي للضوء	
نلاصة الدرس	
مارين خاصة بالنموذج التموجي للضوء	
وحدة 4: انتشار الأصوات	
ىلاصة الدرس	
مارين خاصة بانتشار الأصوات	
لمحال الرابع : مراقبة بطور حملة كيميائية خلال تحول كيميائي	
وحدة 1: التطور التلقائي لجملة كيميانية - الأعمدة	
ارين خاصة بالأعمدة	
وحدة 2 : مراقبة تحول كيمياني – الأسترة وإماهة الأستر	
بلاصة الدرس	
مارين خاصة بالأسترة وإماهة الأستر	نه

عبد القدير خان . . . هذا الهمام

ليس حل مشكلات العالم الإسلامي قنبلة نووية، ولكن ماداموا بفعلون فعلينا أن نمتلك مصادر القوة، هذه وجهة النظر الباكستانية في مشروعها النووى، قد يوافق عليها البعض وقد يرفضها أخرون، لكن هذا ما صار فعلا وتطور على يد العالم الباكستاني عبد القدير خان.

ولد الدكتور عبد القدير خان في ولاية بوبال الهندية عام 1936 لا يصغره سوى أخت واحدة من بين خمسة من الإخوة واثنتين من الأخوات. كان والده عبد الغفور خان مدرسًا تقاعد عام 1935، أي قبل ولادة ابنه عبد القدير بعام واحد، ولذا نشأ الابن عبد القدير تحت جناح أبيه المتفرغ لتربيته ورعايته.



كان لوالد عبد القدير خان تأثير كبير في حياة ابنه ، حيث كان الوالد إنسانًا عطوفًا ورقيفًا، فعلّم ابنه تقدير الحياة وحب الحيوانات، حتى إن القردة القاطنة بتلال مار جالا التي تحيط بمنزل الدكتور عبد القدير قد علمت عنه ذلك، فتأتي إليه في كل مساء بعد رجوع الدكتور عبد القدير من يوم عمل شاق لتأكل من يديه !!

كانت زليخة بيجوم والدة الدكتور عبد القدير خان سيدة تقية تلتزم بالصلوات الخمس ومتقنة للغة الأوردية والفارسية، ولذلك نشأ الدكتور عبد القدير خان متدينًا ملتزمًا بصلواته.

تخرج عبد القدير خان من مدرسة الحامدية الثانوية ببوبال ، ليستجيب لنداء إخوته بالهجرة إلى الباكستان املاً في حياة أفضل وفرص اكبر ، إذ كان يرى أن الفرص المتاحة له ببوبال محدودة، وربما لم يكن لينجز أكثر من كونه مدرسًا مثل أبيه وعيشه حياة خالية تمامًا من الأحداث المثيرة.

لم يكن عبد القدير خان طالبًا متميزًا؛ حيث أراد أبواه له أن يحيا طفولة عادية، فلم يمارسا عليه أية ضغوط من حيث درجاته ، ولذا كانت حياته الأكاديمية في المدرسة والكلية خالية تماما من الضغوط النفسية.

توفي والد الدكتور عبد القدير خان رحمه الله، والذي لم يهاجر مع أبنائه إلى الباكستان في بوبال عام 1957.

تخرج عبد القدير في كلية العلوم بجامعة كاراتشي عام 1960. وتقدم لوظيفة مفتش للأوزان والقياسات. وهي وظيفة حكومية من الدرجة الثانية. كان عبد القدير أحد اثنين من بين 200 متقدم قبلوا بالوظيفة، وكان راتبه 200 روبية في الشهر. ربما لو استمر الدكتور عبد القدير خان في هذه الوظيفة لتدرج في مناصبها ، لولا رئيسه المباشر في العمل ، الذي كان يفرض على عملائه أن يدعوه على الغداء لإتمام أوراقهم، فلم يتقبل عبد القدير الشاب هذه التصرفات التي اعتبرها نوعا من الرشاوى ، فاستقال من وظيفته.

قرر عبد القدير خان السفر إلى الخارج لاستكمال دراسته وتقدم لعدة جامعات أوروبية ، وانتهى به الأمر في جامعة برلين التقنية ، حيث أتم دورة تدريبية لمدة عامين في علوم المعادن. كما نال الماجستير عام 1967 من جامعة دلفت التكنولوجية بهولندا، ودرجة الدكتوراة من جامعة لوفين البلجيكية عام 1972.

لم يكن ترك الدكتور عبد القدير خان لألانيا وسفره إلى هولندا سعيًا وراء العلم... بل كان ليتزوج من الأنسة هني الهولندية التي قابلها بمحض الصدفة في ألانيا. فتمت مراسم الزواج في أوائل الستينيات بالسفارة الباكستانية



حاول الدكتور عبد القدير مرازا الرجوع إلى الباكستان ولكن دون جدوى. حيث تقدم لوظيفة لمصانع الحديد بكراتشي بعد نيله لدرجة الماجستير ، ولكن رفض طلبه بسبب قلة خبرته العملية، وبسبب ذلك الرفض أكمل دراسة الدكتوراة في بلجيكا ، ليتقدم مرة أخرى لعدة وظانف بالباكستان، ولكن دون تسلم أية ردود لطلباته. في حين تقدمت إليه شركة FDO الهندسية الهولندية ليشغل لديهم وظيفة كبير خبراء المعادن فوافق على عرضهم.

كانت شركة FDO الهندسية ايامها على صلة وثيقة بمنظمة اليورنكو، أكبر منظمة بحثية اوروبية والمدعمة من أمريكا والمانيا وهولندا. كانت النظمة مهتمة ايامها بتخصيب اليورانيوم من خلال نظام آلات النابذة Centr. تعرض البرنامج لعدة مشاكل تتصل بسلوك المعدن استطاع الدكتور عبد القدير خان بجهده و علمه التغلب عليها. ومنحته هذه التجربة مع نظام آلات النابذة خبرة قيمة كانت هي الأساس الذي بنى عليه برنامج الباكستان النووي فيما بعد.

حين فجرت الهند القنبلة النووية عام 1974 كتب الدكتور عبد القدير خان رسالة إلى رئيس وزراء الباكستان في حينها .ذو الفقار علي بوتو، قائلا فيها، إنه حتى يتسنى للباكستان البقاء كدولة مستقلة فإن عليها إنشاء برنامج نووكّ، لم يستغرق الرد على هذه الرسالة سوى عشرة أيام، والذي تضمن دعوة للدكتور عبد القدير خان لزيارة رئيس الوزراء بالباكستان. والتي تمت بالفعل في ديسمبر عام 1974. قام رئيس الوزراء بعدها بالتأكد من أوراق اعتماده عن طريق السفارة الباكستانية بهولندا، وفي لقائهما الثاني عام 1975 طلب منه رئيس الوزراء عدم الرجوع إلى هولندا ليرأس برنامج الباكستان النووي.

حين أبلغ الدكتور عبد القدير خان زوجته بالعرض، والذي كان سيعني تركها لهولندا إلى الأبد، مساء نفس اليوم سألته إن كان يعتقد أنه يستطيع إنجاز شيء لبلده... فحين رد بالإيجاب ردت على الفور : ابق هنا إذن حتى الم أغراضنا في هولندا وأرجع إليك. ومنذ ذلك الحين وآل خان في الباكستان.

توصل الدكتور عبد القدير خان بعد فترة قصيرة من رجوعه إلى الباكستان إلى أنه لن يستطيع إنجاز شيء من خلال مفوضية الطاقة الذرية الباكستانية، والتي كانت مثقلة ببيروقراطية مملة. فطلب من بوتو إعطاءه حرية كاملة للتصرف من خلال هيئة مستقلة خاصة ببرنامجه النووي. وافق بوتو على طلبه في خلال يوم واحد وتم إنشاء المعامل الهندسية للبحوث في مدينة كاهوتا القريبة من مدينة روالبندي عام 1976 ليبدأ العمل في البرنامج. وفي عام 1981 وتقديرًا لجهوده في مجال الأمن القومي الباكستاني غير الرئيس الأسبق ضياء الحق اسم المعامل إلى معامل الدكتور عبد القدير خان للبحوث.

بدأ الدكتور عبد القدير خان بشراء كل ما يستطيع من إمكانات من الأسواق العالمية، وفي خلال ثلاث سنوات تمكن من بناء آلات النابذة وتشغيلها بفضل صلاته بشركات الإنتاج الغربية المختلفة وسنوات خبرته الطويلة.

يقول الدكتور عبد القدير خان في إحدى مقالاته ، (احد اهم عوامل نجاح البرنامج في زمن قياسي كان درجة السرية العالية التي تم الحفاظ عليها، وكان لاختيار موقع الشروع في مكان ناء كمدينة كاهوتا أثر بالغ في ذلك. كان الحفاظ على أمن الموقع سهلا بسبب انعدام جاذبية الكان للزوار من العالم الخارجي. كما أن موقعه القريب نسبيا من العاصمة يسر لنا اتخاذ القرارات السريعة، وتنفيذها دون عطلة. وما كان المشروع ليختفي عن عيون العالم الغربي لولا عناية الله تعالى، ثم إصرار الدولة كلها على إتقان هذه التقنية المتقدمة التي لا يتقنها سوى اربع أو خمس دول في العالم، ما كان لأحد أن يصدق أن دولة غير قادرة على صناعة إبر الخياطة ستتقن هذه التقنية المتقدمة).

حين علم العالم بعدها بتمكن الباكستان من صناعة القنبلة النووية هاج وماج ، إذ بدأت الضغوط على الحكومة الباكستانية من جميع الجهات ما بين عقوبات اقتصادية وحظر على التعامل التجاري وهجوم وسائل الإعلام الشرس على الشخصيات الباكستانية. كما تم رفع قضية ظالمة على الدكتور عبد القدير خان في هولندا تتهمه بسرقة وثائق نووية سريد. ولكن تم تقديم وثائق من قبل ستة أساتذة عالمين أثبتوا فيها أن العلومات التي كانت مع الدكتور عبد القدير خان من النوع العادي، وأنها منشورة في المجلات العلمية منذ سنين. تم بعدها إسقاط التهمة من قبل محكمة امستردام العليا. يقول الدكتور عبد القدير خان: (إنه حصل على تلك المعلومات بشكل عادى من أحد اصدقانه ، إذ لم يكن لديهم بعد مكتبة علمية مناسية أو المادة العلمية المطلوبة).

بتلخص إنجاز الدكتور عبد القدير خان العظيم في تمكنه من إنشاء مفاعل كاهوتا النووي (والذي يستغرق عادة عقدين من الزمان في أكثر دول العالم تقدمًا، في ستة أعوام) وكان ذلك بعمل ثورة إدارية على الأسلوب المتبع عادة من فكرة ثم قرار ثم دراسة جدوى ثم يحوث أساسية ثم يجوث تطبيقية ثم عمل نموذج مصغر ثم إنشاء الفاعل الأولى، والذي يليه هندسة الفاعل الحقيقي، وبناؤه وافتتاحه. قام فريق الدكتور خان بعمل كل هذه الخطوات دفعة واحدة.

استخدم فريق الدكتور خان تقنية تخصيب اليورانيوم لصناعة أسلحتهم النووية. هناك نوعان من اليورانيوم يوليهما العالم الاهتمام؛ يورانيوم 235 ويورانيوم 238. ويعتبر اليورانيوم 235 اهمهما، حيث هو القادر على الانشطار النووي وبالتالي إنشاء الطاقة. يستخدم هذا النوع من اليورانيوم في المناعلات الذرية لتصنيع القنبلة الذرية.

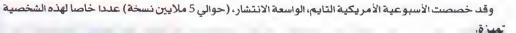
ولكن نسب اليورانيوم 235 في اليورانيوم الخام المستخرج من الأرض ضئيلة جدا تصل إلى %0.7 وبالتالي لا بد من تخصيب اليورانيوم لزيادة نسبة اليورانيوم 235 ، إذ لا بد من وجود نسبة يورانيوم 235 بنسبة %4–3 لتشغيل مفاعل ذرى وبنسبة 90% لصناعة قنبلة ذرية. يتم تخصيب اليورانيوم باستخدام أساليب غاية في الدقة والتعقيد وتمكنت معامل كاهوتا من ابتكار تقنية باستخدام آلات النابذة، والتي تستهلك عُشْر الطاقة الستخدمة في الأساليب القديمة. تدور نابذات كاهوتا بسرعات تصل إلى 100 الف دورة في الدقيقة الواحدة. يقول الدكتور خان : (في حين كان العالم المتقدم يهاجم برنامج الباكستان النووي بشراسة كان أيضًا يغض الطرف عن محاولات شركاته الستميتة لبيع الأجهزة المختلفة لنا! بل كانت هذه الشركات تترجانا لشراء أجهزتها. كان لديهم الاستعداد لعمل أي شيء من أجل المال ما دام المال وفيرًا!).

قام الفريق الباكستاني بتصميم النابذات وتنظيم خطوط الأنابيب الرئيسية وحساب الضغوط وتصميم البرامج والأجهزة اللازمة للتشغيل. وحين اشتد الهجوم الغربي على البرنامج وطبق الحظر والعقوبات الاقتصادية بحيث لم يتمكن الفريق من شراء ما يلزمهم من مواد... بدأ الشروع في إنتاج جميع حاجياته بحيث أصبح مستقلا تماما عن العالم الخارجي في صناعة جميع ما يلزم المفاعل النووي.

> امتدت أنشطة معامل خان البحثية لتشمل بعد ذلك برامج دفاعية مختلفة ، حيث تصنع صواريخ واجهزة عسكرية اخرى كثيرة وانشطة صناعية وبرامج وبحوث تنمية، وأنشأت معهدا للعلوم الهندسية والتكنولوجية ومصنعًا للحديد والصلب، كما أنها تدعم المؤسسات العلمية والتعليمية.

> نال الدكتور خان 13 ميدالية ذهبية من معاهد ومؤسسات قومية الامتياز.

> مختلفة ونشر حوالي 150 بحثًا علميًا في مجلات علمية عالمية. كما مُنح وسام هلال الامتياز عام 1989 وبعده في عام 1996 نال أعلى وسام مدنى تمنحه دولة الباكستان تقديرًا لإسهاماته الهامة في العلوم والهندسة ، نيشان



أخي / أختي

إن إستفدت من هذا الملف فالرجاء أن تدع لي



و للمؤلف بالخير و النجاح و المغفرة.

Hard_equation